

ڈاکٹر ذاکر حسین لائبریری

DR ZAKIR HUSAIN LIBRARY

JAMIA MILLIA ISLAMIA
JAMIA NAGAR

NEW DELHI

Please examine the book before
taking it out. You will be res-
ponsible for damages to the book
discovered while returning it.

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

عَمَلِ طَبِيعَا

خَوَاصِ مَادَّةٍ - حرارت

(برائے بی۔ اے)

مُصَنَّفٌ

ایچ۔ ایس۔ ایلمن۔ ایم۔ اے۔ ڈی۔ ایس۔ سی۔ ادیراچ۔ مورے۔ آر۔ سی۔ ایس۔ سی۔ ڈی۔ ایس۔ سی

مترجم

مولوی وحید الرحمن صاحب بی۔ ایس۔ سی

پروفیسر طبیعیات، کالج جامعہ عثمانیہ

۱۳۵۰ھ ۱۳۴۰ھ ۱۹۳۱ء

طبع و نشر دار الفکر لاہور

یہ کتاب میکملن کمپنی کی اجانتائے جن کو حقوق
کاپی رائٹ حاصل ہیں اُردو میں ترجمہ کر کے
طبع و شائع کی گئی ہے۔

خواص ماده

فہرست مضامین

عملی طبیعیات

صفحہ	خواص مادہ	فصل اول
۱	تہیہ	فصل دوم
۱۶	بنیادی مقداروں کی پائش	فصل سوم
۲۴	کیتوں کی پائش مشتق اکائیوں میں	فصل چہارم
۷۳	اضافی کثافتوں کی تعین	فصل پنجم
۹۸	سکونیات	فصل ششم
۱۵۰	مشینیں	فصل ہفتم
۱۶۹	لچک	فصل ہشتم
۱۹۹	علم حرکت	فصل نہم
۲۴۱	دوری حرکت	فصل دہم
۲۶۶	گیسیں : بار پیمائش اور کلیئہ بائیل	فصل یازدہم
۲۹۳	سطحی تناؤ	ضمیمہ ۱
۳۰۵		

عملی طبیعیات

حرارت

۳۱۲	تمش پائی	فصل اول
۳۲۶	پھیلاؤ کی شرحیں	فصل دوم
۳۵۲	حرارہ پائی	فصل سوم
۳۶۴	تبرید	فصل چہارم
۳۸۶	موصلیت حرارت کی قدر	فصل پنجم
۳۹۸	حرارت کا معادل جلی	فصل ششم
۴۱۲	رطوبت پائی	فصل ہفتم
۴۲۵		ضمیمہ ب

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

فصل اول

تھید

۱۔ عام ہدایتیں

سائنس کے کسی شعبہ کے علمی کاموں میں نتائج مقصودہ کی دو قسمیں ہو سکتی ہیں۔ یعنی ایک کیفی اور دوسری کمی۔ کیفی نتائج سے وہ نتائج مراد ہیں جن میں صرف یہ دیکھا جاتا ہے کہ اثرات کس قسم کے ہیں یعنی معلومات کی نوعیت کیا ہے۔ بخلاف اس کے کمی نتیجوں میں پیمائش کے نقطہ نظر سے معلومات کی مقدار مد نظر ہوتی ہے۔ طبیعیات میں خالص کیفی نوع کا نتیجہ بہت کم مطلوب ہوتا ہے۔ اس مضمون کے ابتدائی مراحل میں بھی کیتی ہی نتائج کی زیادہ ضرورت پڑتی ہے۔ حالانکہ کیفی علم حاصل کرنے کی نسبت کمی علم حاصل کرنے میں زیادہ دھمت اٹھانی پڑتی ہے۔ اسی وجہ سے تقریباً ہر طبیعیاتی تجربہ میں ایک دو پیمائشوں کی ضرورت ہوتی ہے۔ اس بناء پر طبیعیات کو شاید کسی قدر سختگیر سے ”صحیح پیمائشوں کی سائنس“ کہا جاتا ہے۔

چونکہ پیمائش کرنا طبیعیات کے علمی پہلو کا ایک ضروری جزو

سمجھا جاتا ہے۔ اس لئے بعض اوقات طلبہ بنیہ آلات کو مطالعہ کئے ہوئے اور بغیر ایک سے زیادہ دفعہ مشاہدہ کئے عجلت سے بیانیہ شروع کر دیتے ہیں۔ یہاں پر طبیعیات کے حقیقی عملی پہلو پر جس قدر زور دیا جائے کم ہے۔ یہ عملی پہلو محض پیمائشوں سے تعلق نہیں رکھتا بلکہ اس سے متاثر ایک علیحدہ چیز ہے۔ عملی طبیعیات کی تعلیم سے پورا فائدہ اٹھانے کے لئے نہ صرف یہ لازم ہے کہ تجربہ کا مقصد پورے طور سے سمجھا جائے بلکہ مشاہدہ کرنے کے قبل کچھ وقت آلات کو بٹھانے اور ان کے پُرزوں کی ساخت و استعمال کے مطالعہ میں صرف کرنا ضروری ہے۔

عملی طبیعیات کے اغراض بالکل پورے نہیں ہو سکتے جب تک کہ طالب علم آلات کی دست ورزی میں یدِ پٹوئے حاصل نہ کر لے اور جن اوزاروں کو استعمال کرتا ہے ان سے گہری دلچسپی پیدا نہ کر لے۔ سب سے پہلے تجربہ کے مقصد اور اس کی انجام دہی کے عام طریقوں کو سمجھ لینا چاہیئے اس کے بعد ضروری آلات کو یکجا کر کے ان کو ترتیب دینا چاہیئے۔

اس بات کا خیال رکھنا ضروری ہے کہ مشاہدات اور مساہات کا کام اس طرح ہو سکے کہ جسم کو بے ڈھنگے طریقے سے ٹیڑھا سیدھا کرنے کی ضرورت نہ پڑے۔ اور آلات کے جن حصوں میں زیادہ دست ورزی اور درستی کی ضرورت ہو وہ ایسی جگہ پر رکھے جائیں جہاں ہاتھ آسانی سے پہنچ سکے۔

ان امور پر گہری توجہ کا اثر بالواسطہ تجربہ کی صحت پر پڑے گا۔ کیونکہ اس حالت میں آلات کی درستی آسانی ہو سکیگی۔ اور ان کا اچھا مقام سے اتفاقاً ہٹ جانیکا خدشہ بھی کم ہو جائیگا اور مشاہدات بھی اطمینان کے ساتھ ہو سکیں گے۔

صحیح مشاہدہ کرنے کے قبل یہ اکثر مفید ثابت ہوتا ہے کہ تجربہ کو ایک سرسری نگاہ سے اس طرح دیکھ لیا جائے کہ اس میں مطلوبہ

ترتیب موجود ہے یا نہیں۔

۲۔ نتائج کو قلب بند کرنا۔ بیاضیں

علیٰ طبیعیات کی تعلیم میں دو بیاضوں کا رکھنا ضروری ہے۔ ان میں سے ایک بیاض بڑی ہونی چاہیئے جو ”صاف اور تصحیح کردہ“ نوٹ کے لئے مخصوص ہو۔ اس کا ہر دوسرا صفحہ ”ملی میٹر مربع دار ہو۔ دوسری چھوٹی بیاض مشاہدات اور حسابات کو فوراً قلب بند کرنے کے لئے ہونی چاہیئے۔ اثنائے تجربہ میں اگر کوئی قابل لحاظ مظاہر مشاہدہ میں آئیں تو اس میں درج کرنے چاہئیں۔ محل میں صرف مختصر نوٹ لے لینے چاہئیں۔ جن کو بعد ازیں صاف بیاض میں پھیلا کر بیان کرنا چاہیئے۔ اس طرح سرسری نوٹ لے لینا ایسا ہی ضروری ہے جیسا کہ تجربہ کا کوئی اور عمل۔ خصوصاً اس حالت میں جب صاف بیاض کے لکھنے میں کچھ توقف ہو۔ اگر بروقت یادداشت نہ لے لی جائے تو مشاہدہ میں جو جو اہم اور ضروری باتیں معلوم ہوتی ہیں ان کو بھول جانے کا احتمال رہتا ہے۔ بے شیرازہ اوراق پر سرسری نوٹ نہیں لکھنے چاہئیں۔ کیونکہ ان کے ادھر ادھر ہو جانے کا خدشہ رہتا ہے۔ اس طرح یادداشت قلب بند کرنے سے طالب علم ہی کا نقصان ہے۔

مشاہدات اور معائنات میں جو پیمائشیں ہوتی ہیں ان کو فوراً کچھ بیاض میں مندرج کر لینا چاہیئے اور ثبت کرنے کے بعد اُن پر نظر ثانی بھی ہونی چاہیئے۔ ہر عدد کے بعد اُس مقدار کا نام ہونا ضروری ہے جس کا وہ عدد نمائندہ ہے۔ ہر حالت میں جب کبھی کئی مشاہدے سلسلہ وار لئے جائیں تو ان کو جدولوں کی صورت میں ترتیب دینا چاہیئے۔ نتیجہ نکالنے کے لئے جن حسابات کی ضرورت ہو ان کو کچھ بیاض میں وضاحت کے ساتھ لکھنا چاہیئے۔

بڑی بیاض میں ہر تجربہ کا پورا بیان طالب علم کے اپنے الفاظ

میں ہونا ضروری ہے۔ اور یادداشت کے قلب بند کرنے میں ذیل کی ترتیب کا لحاظ رہے :-

(۱) آلات ستعلیٰ کی تفصیل اور مربع دار کاغذ پر اُن کے نقشے جن پر حوالہ کے لئے نشانات بھی دئے ہوئے ہوں۔

(۲) تجربہ کے نظریہ کا مختصر بیان۔

(۳) تجربہ کے علوں اور مشاہدوں کا مفصل بیان۔ ہر معائنہ یا مشاہدہ کو درج کرنا چاہیئے۔ اور جہاں متواتر کئی مشاہدے کئے جائیں اُن کی ترتیب جدول وار ہونی چاہیئے۔

(۴) تجربہ سے جو نتیجہ نکلے صرف اُسی کو درج کرنا چاہیئے۔ عمل حساب کو درج کرنے کی ضرورت نہیں ہے۔ بالخصوص نتیجوں کو اعداد صحیحہ اور کسور اعشاریہ سے ظاہر کرنا مناسب ہے۔

نتیجہ کو نمایاں طور پر درج کرنا چاہیئے۔ اور یہ اگر یادداشت کی اخیر سطر میں ہو تو قابل ترجیح ہے۔ جن اکائیوں میں نتیجہ ظاہر کیا جائے اُن کا ذکر ضرور ہونا چاہیئے جہاں تک ممکن ہو نتیجوں کو تریبی طریقہ سے ظاہر کرنا چاہیئے۔ ہر ترسیم پورے ایک صفحہ پر ہونی چاہیئے۔ اور جن مقداروں کی ترسیم کی جائے اُن کا اور اُن اکائیوں کا درج کرنا ضروری ہے جن سے اُن کو ظاہر کیا گیا ہے۔

جبکہ عمل ترسیم تجربہ کا ایک حصہ ہو تو اصلی خاکہ یا اُس کی نقل کسی مناسب پیانے سے بیاض میں داخل ہونی چاہیئے۔

۳۔ مشاہدات کی صحت

صفری اور انحرافی طریقے

عام طور پر جو آلات مہیا ہوں اُن کی مدد سے جہاں تک ہو سکے معائنہ میں اعلیٰ درجہ کی صحت پیدا کرنی چاہیے۔ قابل تحصیل صحت کے درجہ کو جانچنے کے لئے آلوں کی درستی کو دہرانا چاہیے اور دوبارہ معائنہ میں جتنی احتیاط ممکن ہو برتنی چاہیے۔ اگر ان دونوں معائنوں میں کچھ تناقض معلوم ہو تو سمجھ لینا چاہیے کہ خود آلات کے اندر کچھ خرابیاں موجود ہیں۔ بشرطیکہ ان کے بٹھانے میں اور معائنہ میں کافی احتیاط کی گئی ہو۔

علمی طبیعیات کی ابتدائی تعلیم کے دوران میں طالب علموں کے لئے یہ اچھی مشق ہوگی کہ وہ مختلف نوعیت کی پیمائشوں میں قابل تحصیل درجہ صحت کا تعین کریں۔ اس سے طالب علم کو جو تجربہ حاصل ہوگا وہ آئندہ چل کر اُس کو مختلف انواع کے مشاہدات کی نسبتی صحت کا اندازہ کرنے کے قابل بنائیگا بغیر اس کے کہ طالب علم ان کاتین پانچل کرے۔ مگر جب کبھی کبھل نئی قسم کی پیمائش کرنی ہو تو نسبتی صحت کا تعین اس طریقہ سے ایک یا دو بار ہونا چاہیے۔ یہ بات قابل لحاظ ہے کہ عام طور پر جن مشاہدات کا انحصار دو معلولوں کے اس قسم کے توازن پر ہو کہ وہ ایک دوسرے کے اثرات کو ذائل کر دیں وہ بہ نسبت ان مشاہدات کے زیادہ متبع ہوتے ہیں جن میں صرف کسی ایک معلول کی مقدار کی پیمائش کی جائے۔ بالفاظ دیگر اس مفہوم کو ہم یوں بھی ادا کر سکتے ہیں کہ صفری طریقے، انحرافی طریقوں سے زیادہ صحیح ہوتے ہیں۔

جب کسی تجربہ میں صفری طریقہ اختیار کیا جاتا ہے تو ہم ایک نامعلوم کمیت کے اثر کا تعادل کسی اسی قسم کی معلوم یا معیاری کمیت کے اثر سے پیدا کرتے ہیں۔ اثروں کے حاصل کا مشاہدہ ایک ایسے آلہ سے ہوتا ہے جو دو اثروں کے درمیان خفیف سا بھی فرق بتا سکتا ہے۔ اگر ہم ان میں سے ہر ایک کمیت کے اثر کو براہ راست ناپیں تو ہم کو ایسے آلہ کی ضرورت پڑیگی جس میں پورے اثر کے ماتحت بھی ایک معمولی سا انحراف پیدا ہو۔ یعنی ایک ایسا آلہ جس میں متبادل حساسیت کم ہو۔ آلہ کی اس کم درجہ کی حساسیت کے باعث انحراف کے معائنہ میں اگر نہایت ہی کم ناگزیر غلطی بھی ہو تو نتیجہ میں ایک معتد بہ اثر پیدا ہو جائیگا۔ اگر صفری طریقے سے کام لیا جائے تو اس سے بہت زیادہ حساس آلہ استعمال کیا جاسکتا ہے۔ بلکہ نہایت درجہ ممکن حساس آلہ اثرات کو ٹھٹھا بڑھا کر معائنہ کو صرف تک لانے میں جو غلطی ممکن ہے وہ آلہ کے پیمانہ پر غالباً اتنی ہی ہوگی جتنی کہ انحرافی تجربہ کے معائنہ میں۔ مگر اس سے کمیت زیر پیمائش میں بہت تھوڑی غلطی ظاہر ہوگی۔

اس اصول کی ایک نہایت عمدہ مثال کمیت مادہ کی پیمائش میں ملتی ہے۔ کمانیدار ترازو میں انحرافی طریقہ سے مادہ کی پیمائش ہوتی ہے۔ اس میں جس کمیت کی پیمائش کی جاتی ہے وہ کمائی کی وسعت ہے جو کسی جسم کے وزن سے پیدا ہوتی ہے۔ علم ترازو ایک آلہ ہے جس کا انحصار صفری طریقہ پر ہے۔ اور کمانیدار ترازو سے (جو اسی حد تک تولنے کے لئے بنائی گئی ہو) جتنی صحت ممکن ہے اس سے بہت زیادہ صحت علم ترازو میں حاصل ہے۔

یہ جاننا ضروری ہے کہ عام مشاہدات جن کا انحصار وزن دریا کرنے پر ہے بہت زیادہ صحیح ہوتے ہیں بہ نسبت ان کے جو وقت یا طول کے تعینات پر مبنی ہیں۔ بناء بریں جہاں تک ممکن ہو

تجربے اس طرح مرتب کرنے چاہئیں کہ نہایت اہم مشاہدات ترازو ہی کے ذریعہ سے کئے جائیں۔

مثال کے طور پر طالب علم کی توجہ ”وزن پیمائش“ کے ذریعہ سے مایعات کے پھیلاؤ کے تجربہ کی طرف منطقت کرائی جاتی ہے۔ یہ تجربہ اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ حجم کے بڑھنے کی شرح بغیر اس کے کہ حجم کی ایک بھی پیمائش ہو دریافت کر لی جاتی ہے۔ اس تجربہ میں ہر مشاہدہ جس سے نتیجہ محسوب ہوتا ہے ”وزن کرنا“ ہی ہے۔

باستثناء طول کے تعین کے (جو فن مناظر کے طریقوں سے کیا جاتا ہے اور جس میں مکمل وپرتکلف آلات کی ضرورت پڑتی ہے) کوئی دوسری طبیعیاتی تعین ایسی صحت سے نہیں کر سکتے۔ جیسے کمیت مادہ کی تعین یا کمیتوں کا مقابلہ۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ خوش ساخت ترازو اعلیٰ درجہ کی حساسیت حاصل ہو سکتی ہے۔ صرف ایک ہی اور سادہ طبیعی پیمائش ہے جو صحت میں اس کے (یعنی کمیت کی پیمائش کے) قریب قریب ہے۔ یہ سادہ پیمائش وہیٹ سٹون کے پل کے ذریعہ سے برقی مزاحمت کی تعین ہے اور یہ بھی صفری طریقہ ہی کا تجربہ ہے۔

۴۔ نتیجوں کی تحسیب

چونکہ طبیعی کمیت کے تعین میں جو صحت قابل حصول ہوگی کی ایک حد ہے اس لئے ظاہر ہے کہ ایسے تعینات سے حاصل کردہ نتائج کی صحت کی بھی ضرور ایک حد ہونی چاہیئے۔ لہذا تحسیب نتائج میں مشاہدات کی استعداد سے زیادہ اعداد ملحوظ کے شمار تک پہنچنا غیر ضروری ہے۔

آخری نتیجہ ہندسوں کے کسی خاص مقام ہی تک قابل اعتبار ہو سکتا ہے۔
 اس مقام سے آگے کے اعداد بے معنی ہو جاتے ہیں۔
 اگر تحسیب کے ہر مرحلہ پر ملحوظ ہندسوں کی تعداد اسی مرحلہ
 کے نتیجہ میں تحسیب کے دوسرے حصہ کی طرف متوجہ ہونے سے پیشتر رہنا۔
 طور پر کچھ کم کر دی جائے تو حسابی شمار میں بہت سی محنت بچ جائیگی۔
 مثلاً ایک ایسے استوانہ کے حجم کی تعیین پر غور کرو جس کی لمبائی ۳۷۴۴
 ہے اور قطر ۱۲۱۳ سمر ہے اس کا حجم اضابطہ $\frac{\pi}{4} \times (1213)^2 \times 3744$ مکعب سمر
 سے حاصل ہوتا ہے۔

ان میں سے کوئی پائش کردہ مقدار ایسی نہیں ہے جس کی
 صحت ہزار میں ایک سے زیادہ ہو۔ اس لئے حسابی شمار میں چار ہندسوں
 سے زیادہ قائم رکھنا بے سود ہے اور ۳۳ کی قیمت ۳۷۴۴ رکھی جاسکتی ہے
 بلکہ ۳۷۱۴ ہی رکھنا کافی ہے۔

$$\begin{aligned} (1213)^2 &= 1471269 \text{ جس کو } 1471266 \text{ بھی لے سکتے ہیں۔} \\ 1471266 \times 3744 &= 5502629 \text{ اور اس کو } 550267 \text{ لے سکتے ہیں۔} \\ \frac{\pi}{4} \times 550267 &= \\ 436854 \times 3744 &= \\ 163560402 &= \end{aligned}$$

اس آخری نتیجہ کو ۲۵۶ مکعب سمر لکھ سکتے ہیں۔
 عمل حساب کی تسہیل میں ضرب کے اختصاری طریقے بہت
 مفید ہوتے ہیں۔ (اختصاری طریقے کا بیان ابتدائی کتابوں میں آچکا ہے)۔
 دستور یہ ہے کہ نتیجوں کو ہندسوں کی اتنی تعداد تک ظاہر کرتے
 ہیں جہاں تک ان کی صحت کا دعویٰ ہو سکتا ہے۔ اس لئے اگر نتیجہ پانچ
 ہندسوں تک لکھا جائے تو یہ مان لیا جاتا ہے کہ نتیجہ ان ہندسوں تک صحیح
 ہے۔ نتیجہ کو پانچ ہندسوں تک لکھنا (جس حالت میں صحت ہزار میں ایک
 ہی ہو) نہ صرف غیر ضروری ہے بلکہ اس سے دھوکا بھی ہوتا ہے۔ کیونکہ اس صورت

میں ان مشاہدات کی صحت کے متعلق غلط فہمی ہوگی جن پر حاصل شدہ نتیجہ کا انحصار ہے۔

اگر ایسا ہو کہ آخری لمحوں ہندسہ صفر ہے تو اس کو بھی نتیجہ میں داخل کر لیا جاتا ہے خواہ وہ اعشاریہ کے بعد ہی ہو۔ اس کا مطلب یہ ہے کہ نتیجہ لمحوں ہندسوں کی اس تعداد تک درست ہے مثلاً اگر یہ لکھا جائے کہ $۲۵۴۰۰ = ۲۵$ سمر تو اس سے ظاہر ہوگا کہ یہ ۲۵۴۰۰ میں ایک حصہ تک صحیح ہے۔

اکثر اوقات جب ہندسوں کی تعداد بہت زیادہ ہوتی ہے تو بجائے بہت سے صفر لکھنے کے کسی چھوٹے عدد کے بعد ۱۰ کی قوتیں رکھ دی جاتی ہیں۔ بطور مثال کمیتوں کی مقدار ظاہر کرنے میں اگر ۳ یا ۴ فی صدی صحت مقصود ہو تو ۲۸۰۰۰۰ کو ۲۸×۱۰^۴ لکھ سکتے ہیں۔ اگر ۳۰۰ میں ہر ایک کی صحت منظور ہو تو اس کو ۲۸۰×۱۰^۳ یا ۲۸۰۰×۱۰^۲ یا ۲۸۰۰۰×۱۰^۱ لکھ سکتے ہیں۔ اسی طور پر نہایت چھوٹی مقداروں کے لئے اعشاریہ کے بعد بہت سے صفر لکھنے کی بجائے ۱۰ کی منفی قوتیں استعمال کی جاتی ہیں۔ مثلاً ۰.۰۰۰۰۳۵ کو جس میں ۳۰۰۰ میں ایک کی صحت ظاہر کی گئی ہے ۳۵×۱۰^{-۴} لکھ سکتے ہیں۔ لیکن اس کو ۳۵×۱۰^{-۴} لکھنا غلط ہوگا کیونکہ اس حالت میں اس کی صحت صرف ۳ فی صدی ہوگی حالانکہ مشاہدات کی صحت ۳۰۰۰ میں ایک ہے۔

لوکارتم کی مدد سے جو تحسیب ہوتی ہے اُس کا درجہ تخمین لوکارتمی جدول کے ہندسوں کی تعداد پر منحصر ہے۔

جب تحسیب میں چار یا پانچ ہندسے شامل ہوں تو چار ہندسوں کی لوکارتمی جدول کے استعمال سے ۲۵۰۰ میں ایک کی صحت حاصل ہوتی ہے۔ اگر اجزائے ضربی عمل ضرب میں یا تقسیم میں بڑے جائیں تو اسی حساب سے غلطی کے بڑھنے کا احتمال ہے۔ پانچ ہندسوں کی جدولیں استعمال کرنے میں تقریباً دس گنا صحت بڑھ جاتی ہے۔ مگر دس ایچ

کی سلائیڈ رول (Slide rule) کے استعمال کرنے میں (جہاں زائد از چار اجزائے ضربی سے کام لیا جائے) پانچ سو میں ایک سے زیادہ کی صحت حاصل نہیں ہو سکتی تاؤتیکہ اس کے استعمال میں بڑی احتیاط نہ برتی گئی ہو۔

اکثر اوقات یہ بہتر ہوتا ہے کہ صحیح تحسیب کے قبل تخمینی نتیجہ نکالنے کے لئے اور خصوصاً اعشاریہ کی جگہ دریافت کرنے کے لئے سرسری طریقہ سے حساب کر لیا جائے۔ یہ احتیاط سلائیڈ رول (Slide rule) کے استعمال میں خاص اہمیت رکھتی ہے۔ خصوصاً جب سلائیڈ رول (Slide rule) تبدیوں کے ہاتھوں میں ہو۔ اس کی مثال (صفحہ میں) استوانہ کے ابعاد سے دے سکتے ہیں۔

$$\begin{aligned} (2534) \times (1113) \times \frac{\pi}{4} &= C \\ 254 \times 112 \times 150 \times 1 &= \\ &= 3 \text{ تقریباً} \end{aligned}$$

یعنی حجم ۳ مکعب سمر کے درجہ میں ہے۔
سلائیڈ رول (Slide rule) سے ۲۵۶ نتیجہ نکلتا ہے اور یہ ۲۱.۵۶ لکھا جاسکتا ہے۔ کیونکہ اعشاریہ کی جگہ کا پتہ سرسری حساب سے مل گیا۔

کسی تجربہ کے نتائج کی تحسیب میں جہاں کسی کیت کی تعیین غیر تابع کمیتوں کی پیمائش سے ہوتی ہے اس حالت میں اس کمیت کو چند پیمائش کی ہوئی مقداروں کے رقوم میں صاف طرح سے ظاہر کرنا معمولاً مناسب نہیں ہوتا۔ اس طرز عمل سے عموماً ایک طویل اور پیچیدہ جملہ بن جاتا ہے جس کا حل کرنا مشکل ہوتا ہے۔ اور اس میں حسابی غلطیوں کے واقع ہونے کا بھی زیادہ احتمال ہے۔ مختلف مقادیر جب اس طرح سے ایک پیچیدہ جملہ میں اکٹھی کر دی جاتی ہیں تو وہ بے معنی

ہو جاتی ہیں۔ پس جہاں تک ممکن ہو تخیب کے ہر قدم پر طبیعیاتی مفہوم کو مد نظر رکھنا چاہیئے۔
اس اصول کی خاص مثال کے لئے صفحہ ۱ کے جملہ پر غور کرو۔ مندرجہ ذیل مساوات میں خاص طبیعیاتی کمیتیں ظاہر کرتی ہے :-

$$\text{گ ج گ} = \frac{1}{4} \text{ م ز} + \frac{1}{4} \text{ ک ر}$$

اگر مساوات کی یہ سادہ صورت قائم رکھی جائے تو اس کا اصلی مفہوم فوراً سمجھ میں آ جاتا ہے۔ اور اصول اولین کی مدد سے بلا توقف یہ لکھی جاسکتی ہے۔ ”م“ کو واضح طور سے ظاہر کرنا اس مساوات کے مفہوم کو ایک بڑی حد تک فنا کر دیتا ہے۔
ایسے ضابطوں کے استعمال سے جن کی وجہ سے حافظہ پر بے سود بوجھ پڑے پرہیز کرنا چاہیئے۔ جہاں تک ممکن ہو سکے کوشش یہی کرنی چاہیئے کہ اصول اولین کی مدد سے ہی مسئلہ حل ہو جائے۔

۵۔ ترسیمی طریقے

نظری اور عملی دونوں طبیعیات میں ترسیمی طریقوں کا اہتمام بہت مفید ہے۔ جب کبھی تجربہ میں مشاہدات کا ایک ایسا سلسلہ حاصل ہو جن میں دو دو ایسی مقداریں ہوں جو ایک دوسرے پر منحصر ہیں تو ایک ایسی ترسیم کھینچی جائیئے جس سے ان کے آپس کا رشتہ پیش نظر ہو جائے۔ ترسیم سے یہ پتہ لگے گا کہ تابع متغیر ”ما“ متبوع متغیر ”لا“ پر کس طرح سے مبنی ہے۔ جب کاغذ عمودی سطح میں رکھا جائے تو یہ دستور ہے کہ متبوع متغیر کی قیمتوں کو افق کے

متوازی بائیں سے دہنے طرف فصلوں سے اور تالیج متغیر کی قیمتوں کو اوپر کی طرف معینوں سے تعبیر کرتے ہیں۔ نمونہ اس کی مثال سادہ رقاص کے تجربہ سے دی جاسکتی ہے۔ اس میں "ل" طول کے رقاص کا وقت دوران "و" ناپا جاتا ہے۔ "ل" کو اپنی مرضی سے گھٹاتے بڑھاتے ہیں اور اسی کے مطابق وقت دوران کی قیمتوں کو دریافت کرتے ہیں۔ یہاں "ل" متبوع متغیر ہے۔ اس لئے اس کی ترسیم انق کے متوازی ہونی چاہیئے۔ "و" کی ترسیم اس طرح پر ہونی چاہیئے کہ و کا بیاناہ بیاض کے مرلبدار صفوہ کے نیچے سے اوپر تک جائے۔

وہ اکائیاں جن سے متغیر ظاہر کیا جاتا ہے اور نیز متغیر کا نام اُس کے اپنے محدودی محور پر واضح طور سے لکھا رہنا چاہیئے۔ جس بیاناہ پر متغیر کی ترسیم ہوگی اُس بیاناہ کے انتخاب میں نہایت احتیاط برتنی چاہیئے۔ بیاناہ ایسا ہونا چاہیئے کہ بیاض کے مرلبدار صفوہ کا زیادہ سے زیادہ حصہ ترسیم محصلہ سے پُر ہو جائے۔

ان نقطوں کے گرد جو مشاہدات کو ظاہر کرتے ہیں چھوٹے چھوٹے دائرے کھینچ دینے چاہئیں۔ یا ان پر چھوٹے چھوٹے چلیپائی نشان دے دینے چاہئیں۔ اس کے بعد ایک ہموار منحنی اس طرح کھینچنا چاہیئے کہ وہ نقطوں کے اوسط مقامات سے ہو کر گزرے یعنی منحنی کے دونوں طرف مشاہدوں کے نقطوں کی تعداد قریب قریب مساوی ہو۔ پہلے یہ دیکھ لینا چاہیئے کہ آیا ترسیم خط مستقیم سے ہو سکتی ہے یا نہیں۔ لمبے شیشے کے ٹکڑے یا کٹری اور شفاف ٹکڑے پر کھینچے ہوئے ایک خط مستقیم سے اُس کی آزمائش ہو سکتی ہے۔ کیونکہ ایسی حالت میں اس خط مستقیم کے دونوں طرف کے نقطے نظر آ سکتے ہیں۔ اگر نقطوں میں سے ہو کر خط مستقیم نہ کھینچا جاسکے تو خط منحنی کھینچنا چاہیئے خواہ یہ منحنی صرف ہاتھ سے کھینچا جائے یا کسی ایسے چمکدار ٹکڑے کے ٹکڑے کے ذریعہ سے جو منحنی کے ساتھ ساتھ جھک جائے۔

اگر ترسیم محصلہ خط مستقیم ہے تو متغیروں کا باہمی رشتہ مندرجہ ذیل مساوات سے ظاہر ہوتا ہے۔

یہاں "س" اور "م" دونوں مستقل ہیں۔ اگر ترسیم خط مستقیم نہیں ہے تو محصلہ منحنی کی شکل سے متغیروں کا باہمی تغیر معلوم ہو جائیگا۔ مندرجہ ذیل مساواتوں کے منحنیوں کے علم سے طالب علموں کو پورا پتہ مل جائیگا کہ مشابہت کی ترسیم کس منحنی سے ہو سکتی ہے۔

لا	=	ما
لا'	=	ما'
لا''	=	ما''
لا'''	=	ما'''
لا ^۴	=	ما ^۴
لا ^۵	=	ما ^۵

مقداروں میں کسی ایک کی قوتوں کو دوسرے کے مقابلہ میں ترسیم کرنے سے ایک خط مستقیم حاصل ہوتا ہے یا ایک مقدار کے لوکارتم کو دوسری مقدار کے مقابلہ میں آیا اس کے لوکارتم کے مقابلہ میں ترسیم کرنے سے بھی ایک خط مستقیم حاصل ہو سکتا ہے۔ جب ترسیم کی شکل خط مستقیم ہو تو دو متعلقہ طبیعیاتی مقداروں کے باہمی ربط کو ایک جبری مساوات سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

اکثر اوقات بہ نسبت حسابی علموں کے ترسیمی طریقوں سے نتائج بہت کم محنت سے حاصل ہو سکتے ہیں۔ حوالہ کے لئے اس کتاب کی مثالیں ۱۲۹ صفحہ ۱۳۸ تا ۱۴۱ اور نیز طبیعیات علی (آواز و روشنی) برائے بی۔ اے کے صفحات نمبر ۵۷، ۶۴ اور ۱۲۷ کی مثالیں دیکھو۔

۶۔ طبیعیاتی پیمائش میں مستعمل اکائیاں

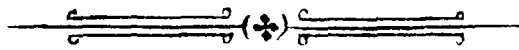
کسی کمیت کی پیمائش دو لفظوں میں ظاہر کی جاتی ہے — ایک تو ”عدد“ اور دوسرے ”اکائی“۔ مثلاً ۱۲ ثانیہ میں ”۱۲“ عدد ہے اور ”ثانیہ“ وقت کی اکائی ہے۔ ہر اس کمیت کو جس کی طبیعیات میں پیمائش ہوتی ہے ایک یا ایک اکائی کی ضرورت پڑتی ہے۔ تاہم کسی ایک کمیت کو کسی دوسری کمیت کے رقوم میں ظاہر کرنا ممکن ہے۔ مثلاً ہم ”چال“ کو کسی خاص وقت میں طے شدہ فاصلہ کے رقوم میں ظاہر کر سکتے ہیں۔ اور ان اکائیوں سے چال کی پیمائش کرنے میں صریحی فائدہ ہے جو طول اور وقت کی اکائیوں سے کوئی سادہ رشتہ رکھتی ہوں۔ علم حیل میں جتنی طبیعیاتی مقداروں سے واسطہ پڑتا ہے وہ کسی تین منتخب مقداروں کے رقوم میں ظاہر کی جاسکتی ہیں۔

ان مقداروں کے لئے جو تین غیر تابع اکائیاں ہیں وہ اکائیوں کے نظام میں بنیادی اکائیاں کہلاتی ہیں۔ اس نظام کی دوسری اکائیوں کو مشتق اکائیاں کہتے ہیں۔

پیمائش کے کاموں میں بنیادی مقداریں جو منتخب کی گئی ہیں وہ طول، کمیت مادہ اور ”وقت“ ہیں۔ ان مقداروں کی اکائیاں بالترتیب ”مستقل میٹر“، ”گرام“ اور ”ثانیہ“ ہیں۔ اور اسی بناء پر اس نظام کو اکائیوں کا س۔ گ۔ ت۔ نظام کہتے ہیں۔

مستقل میٹر، میٹر کا سواں حصہ ہے اور یہ میٹر پلانیم کی اس سلاخ کے سروں کا درمیانی فاصلہ ہے جو پلوس میں محفوظ رکھی ہوئی ہے۔ گرام، کلو گرام کا ہزارواں حصہ ہے اور یہ کلو گرام پلانیم کے

اُس اُستوانہ کے مادہ کی کمیت ہے جو پیرس میں محفوظ رکھا ہوا ہے۔ ایک مکعب دسی میٹر (۱۰۰۰ مکعب سمر یا ایک لیٹر) کشیدہ پانی کے مادہ کی کمیت اُس کی کثافت اعظم کی تپش پر ”کلو گرام“ ٹیٹرائی گئی تھی۔ اس وجہ سے ۴ مئی کی تپش کے ایک مکعب سمر پانی کی کمیت تقریباً صحیح ایک گرام ہوتی ہے۔ اٹھمانیہ، اوسط شمسی ثانیہ ہے۔ یعنی یہ اوسط شمسی دن کا $\frac{1}{۸۶۴۰۰}$ حصہ ہے۔ جس کی تعین زمین کے وقت دوران (اس کے محور کے گرد) سے ہوتی ہے۔



فصل دوم

بنیادی مقداروں کی پیمائش

۱۔ کمیت مادہ کی پیمائش

ترازو

مروجہ ترازو کے ذریعہ سے کمیت مادہ کی جو پیمائش ہوتی ہے اُس میں دو قوتوں میں اس طرح سے توازن پیدا ہوتا ہے کہ ہر م پر اُن کے سیار اثر مساوی اور متضاد سمتوں میں ہوتے ہیں۔ جب یہ صورت حاصل ہو جاتی ہے تو یہ قوتیں اگر آپس میں متوازی ہوں تو وہ ہر م کے نصاب سے نقاطِ عمل کے فاصلوں سے ساتھ تناسبِ معکوس رکھتی ہیں۔

قوتیں جو ترازو کی ڈنڈی پر عمل کرتی ہیں وہ ڈنڈی سے ٹکرتی ہوئی کمیت مادہ کے وزن ہیں۔ اور اس طریقہ سے ان کمیتوں کے ادھان کی نسبت معین ہو جاتی ہے۔ چونکہ کسی جسم کا وزن اُس کی کمیت کے متناسب ہوتا ہے اس لئے مادہ کی کمیتوں کے درمیان جو نسبت ہے وہی نسبت ان کے وزنوں میں بھی ہے۔ اس مسئلہ کو

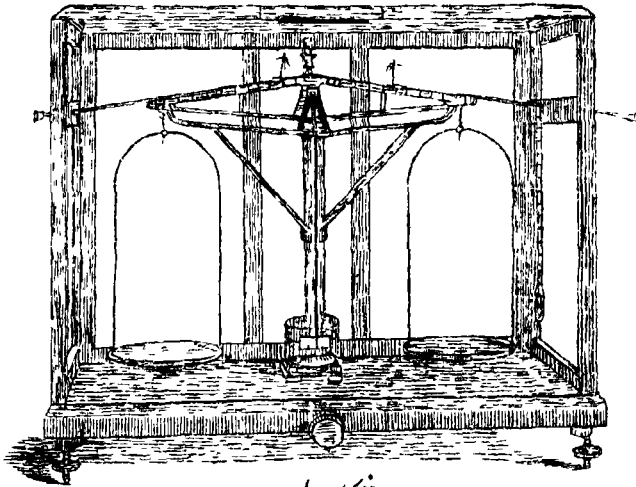
یوں لکھ سکتے ہیں :-
جب ڈنڈی تعادل میں ہو تو اس سے لٹکتے ہوئے مادہ کی کمیتوں کی نسبت ان بازوؤں کی نسبت کا مقلوب ہے جن سے وہ کمیتیں لٹک رہی ہیں۔

معمولی ترازو میں ڈنڈی ایک سخت سلاخ ہوتی ہے جس کی ساخت بعض اوقات شہتیر کی سی ہوتی ہے۔ یہ ڈنڈی ایک ایسے دھار دار کنارہ پر ٹھہری ہوئی ہوتی ہے جو ترازو کے ستون کے اوپر کی چبٹی تختیوں پر دھار ہوتا ہے۔ ڈنڈی کے دونوں سروں پر بھی دھار دار کنارے چلے ہوتے ہیں جن پر سے دونوں پلڑے لٹکتے ہیں۔

ڈنڈی کے دونوں حصے ترازو کے بازو کہلاتے ہیں۔ نصاب اور پلڑوں کے نقاط تعلیق کے لئے دھار دار کنارے اس لئے استعمال ہونے چاہئیں کہ ترازو کے بازو ایک معین طول کے ہوں۔ چونکہ حالت نوازن میں ان دو بازوؤں کی نسبت، مادہ کی ان کمیتوں کا مقلوب ہے۔۔۔ جو پلڑوں پر دھری ہیں اس لئے ظاہر ہے کہ اس نسبت کو صحیح طور سے معلوم کرنے کے لئے خود بازوؤں کے طول بھی معین ہونے چاہئیں۔ عام طور پر یہ نسبت مساوات کی نسبت ہوتی ہے۔ لیکن بعض اوقات یہ نسبت ۱/۲ کی ہوتی ہے۔ چونکہ دھار دار کناروں پر بہت سا بوجھ پڑتا ہے اس لئے چاہئے کہ وہ کسی سخت چیز کے بنے ہوں۔ تاکہ جب ترازو پر وزن ڈالا جائے تو وہ خراب نہ ہو جائیں یا ان کی شکل نہ بگڑ جائے۔

جن ترازوؤں میں معتدل صحت مقصود ہو ان میں یہ دھار دار کنارے سخت فولاد کے بنائے جاتے ہیں۔ مگر سائنس کے کاموں میں جہاں غایت درجہ کے نازک و حساس ترازو کی ضرورت پڑتی ہے فولاد کی جگہ سنگِ یشب استعمال کیا جاتا ہے۔ ترازو سے کام نہ لینے کی حالت میں دھار دار کناروں پر بلا ضرورت بار نہ ڈالنے کی غرض سے

ترازو میں ایک ایسا بیرم لگا رہتا ہے جس کے ذریعہ سے ڈنڈی دھار دار ٹیکنوں سے اٹھا کر ایک ایسی پیتل کی سلخ پر رکھ دی جاسکتی ہے جو ایک دو شاخ نما سلخ کے ذریعہ سے ستون میں لگی رہتی ہے۔ یہ بیرم پلڑوں کو بھی اٹھاتا ہے۔ اس طرح کہ ان کا بوجھ ڈنڈی کے سروں کے دھار دار کناروں پر نہیں پڑتا۔ یہ انتظام ترازو کی روک کھلتا ہے۔



شکل ۱
حساس ترازو

ترازو کو ادھر ادھر ہٹانے یا اُس کے پلڑوں میں باؤں کو بدلنے سے پہلے ڈنڈی کو اس طرح اوپر یا نیچے کرنا چاہیے کہ وہ مذکورہ بالا پیتل کی دو شاخ نما سلخ پر بیٹھ جائے تاکہ دھار دار کنارے ٹوٹ نہ جائیں یا بد شکل نہ ہو جائیں اور اسی لئے یہ ضروری ہے کہ ڈنڈی آہستہ آہستہ اوپر اٹھائی جائے یا نیچے اُتاری جائے۔ اکثر مقاصد کے لئے معمولی ترازو کے بازوؤں کو بالکل مساوی وضع کر سکتے ہیں۔ پس حالت توازن میں جس جسم کا وزن کیا جاتا ہے

اس کے مادہ کی کمیت باٹوں کی کمیت مادہ کے برابر فرض کی جاسکتی ہے۔ اگر دونوں بازو بالکل برابر نہ بھی ہوں تو اکثر تجربوں کی صحت میں ذرا بھی اثر نہیں پڑتا بشرطیکہ ہر تجربہ میں 'باٹ' ایک ہی پلڑے پر رکھے جائیں اور مجہول کمیت دوسرے پلڑے پر۔ اگر ایسا عمل کیا جائے تو "باٹ" مجہول کمیتوں کے مساوی تو نہ ہونگے مگر ان کے ساتھ ایک مستقل نسبت رکھینگے۔ اور چونکہ اکثر تجربوں میں مادہ کی مختلف کمیتوں کی نسبت ہی درکار ہوتی ہے اس لئے خاص نتیجہ پر اس کا کوئی اثر نہ پڑیگا۔ اچھا طریقہ یہ ہے کہ باٹ ہمیشہ داہنے پلڑے میں اور مجہول کمیت بائیں پلڑے میں رکھی جائے۔

جب کمیتوں کے مقابلہ کرنے کے لئے ترازو استعمال کی جاتی ہے تو یہ لازمی ہے کہ بحالت عدم بار ڈنڈی اور پلڑے وغیرہ توازن میں ہوں۔ اس کے بعد جب مجہول کمیت کے ساتھ دوسرے پلڑے پر کے باٹ توازن قائم کر دیں تو اس حالت میں دونوں پلڑوں پر کی کمیتیں مساوی ہونگی۔ اور ڈنڈی افق کے متوازی ہو کر ٹھیکہ جاسیگی یا افقی سمت کے گرد ہتزاز کرنے لگیگی۔ اس کی جانچ کے لئے ایک لمبا سا نمائندہ ڈنڈی کے وسط میں مضبوطی سے لگا دیا جاتا ہے۔ اس نمائندہ کا پھیلا ہوا ایک درجہ دار پیمانہ کے سامنے جھولتا ہے جو ترازو کے ستون میں لگا ہوا ہوتا ہے۔ جب ڈنڈی میں توازن پیدا ہو جاتا ہے تو اس نمائندہ کا سرا پیمانہ کے وسطی نشان کے گرد جھولنے لگتا ہے۔ اور اس سے ڈنڈی کی افقیّت جانچنے کا ایک حتمی طریقہ حاصل ہو جاتا ہے۔

ترازو پر وزن رکھنے کے قبل چوڑی دار پالیوں کی مدد سے ترازو کی سطح اس طرح سے درست کر لینی چاہئے کہ ستون اتھابی

سمت میں ہوا یہ بات آلہ کے اُفقِ نا یا شاقول کی مدد سے دریافت ہو جاتی ہے)۔ جب یہ صورت حاصل ہو جائے تو مذکورہ بالا ہریم کے ذریعہ سے ڈنڈی کو دھار دار کنارہ پر رکھ کر نمایندہ کے پچھلے سرے کی حرکت کا مشاہدہ کرنا چاہئے۔ بالعموم نمایندہ کے اہترزاز پیمانہ کے مرکز کے گرد نہیں ہوتے۔ لیکن اگر اس کا وسطی مقام مرکز سے دور نہ ہو تو ترازو کو بغیر مزید درستی کے استعمال کر سکتے ہیں۔ کسی جسم کے تولنے میں باٹ اُس وقت تک کم و بیش کئے جائیں جب تک کہ اہترزاز اُسی مقام کے گرد نہ ہونے لگے جس کے گرد کہ عدم بار کی حالت میں ہو رہا تھا۔ اس عمل کو ”کاذب صفر“ کے ساتھ عمل کرنا کہتے ہیں۔

اگر یہ ”کاذب صفر“ بحالت عدم بار پیمانہ کے مرکز سے کئی درجہ پر ہوں تو تولنے کے قبل ترازو کے اس نقص کو دور کر لینا چاہئے۔ عموماً اس نقص کا تدارک ڈنڈی کے سروں پر پُجڑی دار حلقوں سے ہو جاتا ہے۔ یہ حلقے ڈنڈی پر آگے پیچھے ہٹ سکتے ہیں۔ بعض ترازوؤں میں ایک چھوٹی سی جھنڈی ڈنڈی پر لکھی رہتی ہے۔ اس کے مقام کو بھی بدل کر نمایندہ بحالت عدم بار پیمانہ کے مرکز پر لایا جاتا ہے۔

اس امر کی کوشش اُس وقت تک نہیں کرنی چاہئے جب تک کہ طلبہ کو ترازو کی دست و زری سے پوری واقفیت حاصل نہ ہو جائے۔ ان حلقوں کو آگے پیچھے ہٹانے میں سخت احتیاط کی ضرورت ہے۔ کیونکہ ایسا نہ کرنے سے ترازو کے مختلف حصوں کو نقصان پہنچنے کا خدشہ رہتا ہے خصوصاً دھار دار کناروں کو۔

جب ترازو (نمائندہ) بحالت عدم بار اپنے مرکزی محل یا کاذب صفر کے گرد جھولنے لگے تو ڈنڈی کو اتار کر آہستہ سے جمہول کمیت کو بائیں پلڑے پر رکھنا چاہئے۔ اس کے بعد بائیں کو صندوقچے سے نکال کر دائیں پلڑے پر اس طرح رکھنا چاہئے کہ پہلے بڑے باٹ رکھے جائیں اور اس کے بعد چھوٹے چھوٹے باٹ ترتیب وار یکے بعد دیگرے بدلے جائیں۔

جب کبھی پلڑے کو باٹ کے ہٹانے یا رکھنے کی غرض سے چھوٹا ہو تو ڈنڈی کو ضرور پیچھے اتار لینا چاہئے۔ خواہ باٹ کتنا ہی چھوٹا کیوں نہ ہو۔ تعادل کا اندازہ لگانے کے لئے ڈنڈی کو پورے طور سے اٹھانا بالکل بیکار ہے۔ کیونکہ عدم تعادل کا پتہ نمائندہ کی حرکت سے بخوبی ہو جاتا ہے۔ ڈنڈی کو پورے طور سے اٹھانے کی ضرورت اس وقت تک نہ ہوگی جب تک کہ سنتی گرام کے باٹ نہ استعمال کئے جائیں۔

بعض اوقات جب ایک سنتی گرام سے کم کا باٹ صندوقچہ میں نہیں ہوتا ہے تو اس صورت میں برلی گرام یا اس سے کم کا وزن ایک راکب کے ذریعہ در یافت ہو جاتا ہے۔ یہ راکب تار کو موڑ کر اس طرح بنایا جاتا ہے کہ وہ ترازو کی ڈنڈی پر بیٹھ سکے۔ اس کا وزن عموماً ایک سنتی گرام ہوتا ہے۔ ڈنڈی پر ایسے نشانات دیئے رہتے ہیں کہ نشانوں کا درمیانی فاصلہ بازو کے طول کا دسواں حصہ ہوتا ہے۔ راکب کو ڈنڈی پر آگے پیچھے ہٹا کر ترازو میں تعادل قائم کیا جاتا ہے۔ اور حالت تعادل میں راکب کے محل کو دیکھ لیا جاتا ہے ظاہر ہے کہ ڈنڈی پر ایک سنتی گرام وزنی راکب نصاب سے بازو کے $\frac{1}{10}$ دس حصہ کے فاصلہ پر پلڑے میں کے ایک برلی گرام کے وزن کے برابر ہے۔ اور $\frac{1}{10}$ دس حصہ کے فاصلہ پر ۲ برلی گرام کے برابر و علیٰ ہذا اس طرح سے سنتی گرام راکب کے ذریعہ سے کسی جسم کا وزن ایک برلی گرام یا اس سے کم کی حد تک

دریافت کیا جا سکتا ہے۔ بشرطیکہ ترازو کا بازو مندرجہ بالا طریقہ سے درجہ دار ہو۔ اور ترازو بھی کافی طور سے ایسا حساس ہو کہ وزن میں اس حد تک کا فرق تمیز ہو جائے۔

باٹوں کے صندوقچہ کے ساتھ اتنی ہی احتیاط برتنی لازم ہے جتنی کہ ترازو کے ساتھ۔ باٹ میں اگر زنگ لگ جائے تو اس کی کیت میں فرق آ جاتا ہے اس لئے یہ احتیاط ہونی چاہئے کہ باٹوں سے تیزاب پارا یا پانی لگنے نہ پائے۔ اگر زنگ لگنے کی وجہ سے کسی بڑے باٹ کی کیت میں ایک ملی گرام سے زیادہ اضافہ ہو گیا ہو تو اس حالت میں پٹی گرام کی حد تک تولنا بالکل بے معنی ہوگا۔ کسی اچھے اور درست صندوقچہ کے باٹوں کو خواہ وہ چھوٹے ہوں یا بڑے ہمیشہ پیچھے کے ذریعہ سے اٹھانا چاہئے اور اس بات کا لحاظ رکھنا ضروری ہے کہ چھوٹے باٹ مڑنے نہ پائیں۔ ان کو اس کنارے سے پکڑنا چاہئے جو اس کے لئے مخصوص ہے۔ چھوٹے باٹوں کی دست ورزی کی سہولت کے لئے ان کو ترازو کے پلڑے میں بڑے باٹوں کے اوپر رکھنا چاہئے۔

کسی تجربہ میں جہاں تک ممکن ہو باٹ ایک ہی صندوقچہ سے لینے چاہئیں اگر دو صندوقچوں کی ضرورت پڑ جائے تو استعمال کے بعد باٹوں کو اپنے اپنے صندوقچے میں واپس رکھ دینا چاہئے۔ جب تولنے کا عمل ختم ہو جائے تو باٹوں کا حساب (جب وہ پلڑے ہی میں ہوں) بیاض میں نوٹ کر لینا چاہئے۔ بعد ازاں ہر باٹ کو پلڑے سے صندوقچہ میں داخل کرتے وقت اس کی قیمت علیحدہ علیحدہ قلمبند کر لینی چاہئے۔ اس طریقہ سے بھی باٹوں کی مجموعی قیمت معلوم ہو جائیگی۔

اور اس طرح سے کوئی غلطی ہو بھی جائے تو وہ معلوم ہو سکیگی اور اس کی صحت بھی ہو جائیگی۔ اگر یہ احتیاط نہ برتی جائے تو ممکن ہے کہ تولنے کے عمل کو دہرانا پڑے اور کل تجربہ بیکار ثابت ہو۔

اگر جسم اور کمرہ کی تپش میں کوئی معتد بہ فرق ہو تو جسم کا وزن صحت کے ساتھ دریافت نہیں ہو سکتا۔ کیونکہ اس حالت میں ہوا میں حملی کرڈیں پیدا ہو جاتی ہیں۔ اگر جسم ہوا سے ٹھنڈا ہو تو جسم پر رطوبت بخمد ہو سکتی ہے۔ اور اس کی وجہ سے تعین شدہ وزن اصلی وزن سے زیادہ ہو جائیگا۔

کوئی زنگ انگیز مائع تراژو کے صندوق کے اندر اُس وقت تک داخل نہ کیا جائے جب تک کہ مائع کے برتن کو ڈاٹ کے ذریعہ سے بند نہ کر دیا جائے۔ تراژو میں داخل کرنے کے قبل، مائع کے برتن کے بیرونی حصّوں کو خوب خشک اور صاف کر لینا چاہئے۔

تجربہ ۱۔ تراژو کے ذریعہ سے کسی جسم کے مادہ کی کمیت کی تعین۔

پتھوں کے ذریعہ سے تراژو کی سطح درست کرو۔ دستہ گھا کر ڈنڈی کو آزاد کرو اور اس بات کا لحاظ رکھو کہ ڈنڈی بغیر کسی رکاوٹ کے دھار دار کناروں پر بیٹھ جائے۔ اگر ڈنڈی نہ ہلنے لگے تو پلڑوں میں سے کسی ایک پر ہاتھ کو جلد جلد ہٹا کر ہوا کی دھیمی رد پید ا کرو۔ اس طریقہ سے جب ڈنڈی اوپر نیچے آزادانہ ہلنے لگے تو نائندہ کا اوسط مقام پیمانہ پر مشاہدہ کرو۔ اگر تراژو کے ہلنے کو موقوف کرنا ہو تو جب نائندہ وسطی مقام کے قریب آجائے تو ”روک“ استعمال کرو۔ کمیت جھول کو بائیں پلڑے پر رکھو اور ایک ایسا ہاٹ دائیں پلڑے پر رکھو جو بائیں طرف کے وزن سے توازن قائم کرنے کے لئے کافی معلوم ہو۔ ڈنڈی کو آزاد کر کے دیکھو کہ باٹ ضرورت سے زیادہ ہے یا کم۔ تولنے کے عمل کو جاری رکھو مگر باٹوں کو اس طرح استعمال کرو کہ پہلے بڑا رکھو اور بعد چھوٹا اور اسی طریقے سے باٹ کو بتدریج کم کرتے جاؤ۔ جب تک کہ پورا توازن پیدا نہ ہو جائے اس بات کا ہمیشہ خیال رہے کہ باٹوں کو رکھتے یا ہٹاتے ہوئے تراژو کی حرکت کو روک لینا چاہئے۔ جب کہ نائندہ اُسی اوسط مقام کے گرد ہلنے لگے جس کے

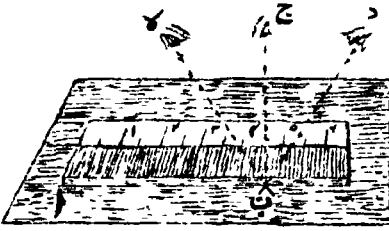
گرد پہلے وہ ہلتا تھا تو ترازو کو روک لو۔ اور جب باٹ پلٹے ہی پر رہیں تو ان کو محسوس کر کے نتیجہ درج کر لو۔ جب باٹ یکے بعد دیگرے پلٹے سے ہٹا کر صندوقچہ میں رکھے جائیں تو اُس وقت بھی ان کو گرن لو۔ اس عمل سے باٹوں کے حساب میں غلطی کا احتمال کم ہو جائیگا۔ مذکورہ بالا طریقہ سے پہلے دو اجسام "۱" اور "۲" کی کمیت جدا جدا دریافت کرو۔ بعد اس کے دونوں اجسام کی مجموعی کمیت دریافت کرو اور اس طرح سے جو قیمت حاصل ہوگی وہ دونوں کمیتوں کا حاصل جمع ہوگا۔

۲۔ طول کی پیمائش

طبیعیات کے طلبہ کے لئے طول کی پیمائش شاید سب سے آسان مشق ہے۔ باوجودیکہ سائنس کے کسی صحیح علمی کام شروع کرنے کے قبل طول کے پیمانے کے استعمال سے ہر کوئی واقف رہتا ہے لیکن مختلف قسم کے طول کی پیمائش میں جداگانہ صحت کی ضرورت پڑتی ہے اس لئے ہم چند خاص خاص صورتوں میں صحت کے مختلف درجے حاصل کرنے کے طریقوں کی توضیح کریں گے۔

یہاں اس امر کا خیال رکھنا چاہئے کہ طول کی کل پیمائشوں میں دو مشاہدے ضرور کئے جاتے ہیں کیونکہ جس طول کی پیمائش ہوتی ہے اُس کے ہر ایک سرے پر مشاہدہ کیا جاتا ہے۔ اس وجہ سے طول کی قیمت میں دوہری غلطی کا احتمال رہتا ہے۔

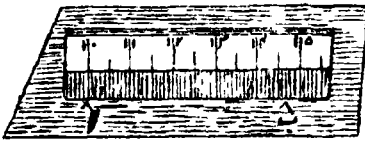
معمولی پیمانہ سے جو مشاہدات کئے جاتے ہیں ان کی صحت محدود ہے کیونکہ درجوں کے نشان میں کچھ نہ کچھ موٹائی رہتی ہے اور آنکھ بھی براہ راست درجوں کی کسروں کو اس قدر قریب تر اندازہ نہیں کر سکتی۔ اس لئے معمولی پیمانہ سے طول کا اندازہ کرنے میں صحت ۰.۲ ملی میٹر سے زیادہ حاصل نہیں ہو سکتی ہے۔ اگر اس سے اعلیٰ درجہ



شکل ۲
اختلاف منظر کی وجہ سے غلطی

کی صحت مقصود ہو تو ایک ایسے آلہ کا استعمال لازمی ہے جس سے آنکھ کو مدولے - اور یہ بھی لازم ہے کہ درجوں کے نشانات بھی باریک اور منظم ہوں - اگر پیمانے کو لٹا کر رکھیں تو اس کے استعمال سے ۰.۵ ملی میٹر

سے زیادہ کی بھی غلطی ہو سکتی ہے کیونکہ اس صورت میں پیمانے کی موٹائی کی وجہ سے اختلاف منظر کی معتد بہ غلطی ممکن ہے - پیمانے کا درجہ دار کنارہ ہمیشہ اس طرح سے رکھا جانا چاہئے کہ وہ اُن دو نقطوں سے ملا ہوا ہو جن کے درمیانی فصل کی پیمائش



شکل ۳
پیمانے کے استعمال کا صحیح طریقہ

ہوتی ہے اس امر کے لئے ضروری ہے کہ پیمانے کو درجہ بند پہلو پر کھڑا رکھا جائے - مثلاً اگر دو نشان کاغذ پر بنے ہوں تو ان کا درمیانی فاصلہ ناپنے کے لئے پیمانے کو ایسا رکھنا چاہئے جیسا کہ شکل ۳ میں دکھایا گیا ہے -

جب کسی جسم کے طول کی پیمائش براہ راست پیمانے کے ذریعہ ممکن نہ ہو تو اس صورت میں ڈویڈر یا اندرونی یا بیرونی "سرلچاپ" استعمال کیا جاسکتا ہے - چند حالتوں میں بیم کمپاس بکار آمد ہے - یہ ایک استوار سلاخ ہے جس میں دو ایسے ٹکڑے لگے ہیں جو آگے پیچھے سلاخ پر حرکت کر سکتے ہیں اور ان میں کمپاس کی دو نوکیں لگی ہوتی ہیں جو

سلاخ پر علمی القوائے ہیں۔

وزیٹر کسریا کا اصول

پی ورنیئر (۱۷۳۱ء - ۱۸۰۶ء) نے بیائش کی ایک ایسی قابل تعریف ترکیب نکالی ہے جس سے بیائش میں عینی اندازہ کی صحت سے کہیں اعلیٰ تر صحت حاصل ہو سکتی ہے۔ یہ ترکیب ایک آلے پر مشتمل ہے جو اسی کے نام سے موسوم ہے۔ اس میں ایک چھوٹا معاون پیمانہ ہے جو معمولی پیمانے پر آگے پیچھے حرکت کر سکتا ہے۔ یہ معاون پیمانہ وزیٹر کسریا کہلاتا ہے۔ اس کے درجے معمولی پیمانوں کے درجوں سے یا تو بڑے ہوتے ہیں یا چھوٹے۔

اس آلہ کی بڑی خوبی یہ ہے کہ وہ بالکل سادہ ہے۔ اور اگر معاون پیمانے کی درجہ بندی موزوں ہو تو ہم اس کے ذریعہ سے درجہ کی کسی کسریا کو جس کی ضرورت ہو کافی صحت کے ساتھ بیائش کر سکتے ہیں۔ عموماً کسریا اس شکل میں استعمال کیا جاتا ہے جس میں وزیٹر (معاون پیمانے) کے درجے اصلی پیمانوں کے درجوں سے کچھ چھوٹے ہوتے ہیں۔ اس لئے اسی قسم کے کسریا کا بیان کیا جائیگا اگرچہ دونوں شکلوں کے کسریا میں ایک ہی اصول کی پابندی کی جاتی ہے۔

معاون پیمانے کی درجہ بندی ایک ایسے درجہ سے شروع کی جاتی ہے جس کو وزیٹر کا صفر کہہ سکتے ہیں۔ اس درجہ پر یا تو پیمانے کی شکل بنی ہوتی ہے یا کسی اور قسم کا امتیازی نشان لگا دیا جاتا ہے۔ پیمائے پر وزیٹر کے صفر کے ایک طرف "ن" برابر برابر درجہ بنائے جاتے ہیں اور بعض اوقات صفر کی دوسری طرف بھی ایک یا دو درجے رہتے ہیں۔ وزیٹر کے یہ "ن" درجے اصلی پیمانے کے (ن - ۱) درجوں کے برابر ہوتے ہیں۔

اس لئے دریئر کا ہر ایک درجہ اصلی پیمانے کے ہر ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ کے برابر ہوگا۔ بناء بریں دریئر کا ہر ایک درجہ اصلی پیمانے کے ہر ایک درجے سے بہ مقدار اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ کے کم ہوگا یا یوں کہو کہ :-

۱۔ اصلی پیمانے کا درجہ - ۱ دریئر کا درجہ = $\frac{1}{n}$ اصلی پیمانے کا درجہ
اس مقدار کو (یعنی اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ حصے کو) "دریئر کا مستقل" یا "شمار اقل" کہتے ہیں۔ اس طریقے سے دریئر کو اصلی پیمانے کے ایک درجے کے $\frac{1}{n}$ حصے تک کی پیمائش کرنے میں استعمال کر سکتے ہیں۔

فرض کرو کہ دریئر کا پیمانہ اصلی پیمانے پر اتنا ہٹایا گیا ہے کہ دریئر کا صفر اصلی پیمانے کے کسی ایک درجے کے نشان سے ٹھیک مل گیا ہے اس حالت میں اصلی پیمانے کے صفر اور دریئر کے صفر کا درمیانی فاصلہ اصلی پیمانے کے پورے پورے درجوں کے برابر ہوگا۔ اور یہ وہی فاصلہ ہے جس کو ہم دریافت کرنا چاہتے ہیں۔ دریئر کے درجوں کے دوسرے نشانات اصلی پیمانے کے درجوں کے ساتھ ٹھیک نہیں ملینگے بلکہ وہ یعنی (دریئر کے دوسرے نشانات) بالترتیب اصلی پیمانے کے ایک درجے کا $\frac{1}{n}$ ، $\frac{2}{n}$ ، $\frac{3}{n}$ وغیرہ حصہ پیمانے کے صفر کی طرف ہٹ کر رہینگے۔

اب فرض کرو کہ دریئر اصلی پیمانے پر کچھ اور آگے اتنا ہٹایا گیا کہ دریئر کے صفر نے اصلی پیمانے کے ایک درجے کا $\frac{1}{n}$ حصہ ملے کیا۔ اس سے صاف ظاہر ہے کہ دریئر کے درجے کا نشان (۱) ہٹ کر اصلی پیمانے کے کسی درجے سے مل جائیگا۔ اب اگر دریئر کو اور آگے اتنا بڑھایا جائے کہ صفر اصلی پیمانے کے درجے کا $\frac{1}{n}$ حصہ پھر ملے کرے تو دریئر کے درجے کا نشان (۲) اصلی پیمانے کے کسی درجے سے مل جائیگا۔ اگر دریئر کے صفر کا کل ملے کیا ہو فاصلہ اصلی درجے کے $\frac{3}{n}$ حصے کے

برابر ہو تو دریئر کا نشان (۳) اصلی پیمانے کے کسی ایک درجے سے مل جائیگا
وعلیٰ ہذا۔

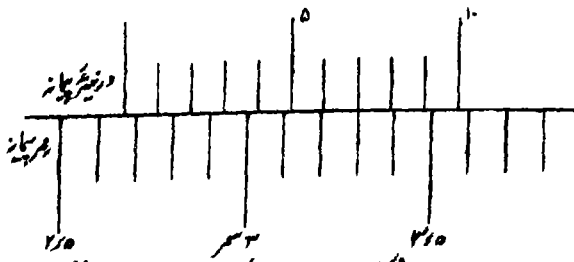
اگر دریئر کا نشان (۴) اصلی پیمانے کے کسی درجے کے ساتھ مل
جائے تو اس سے یہ معلوم ہوگا کہ دریئر کے صفر نے اپنے ٹھیک اگلے
اصلی درجے سے ایک اصلی درجے کا $\frac{1}{2}$ واں حصہ فصل طے
کیا ہے۔

دریئر کا پیمانہ استعمال کرتے وقت سب سے پہلے ”شمارِ اقل“
دریافت کر لینا چاہئے۔ اس کے بعد مندرجہ ذیل قاعدے سے درجوں
کو بڑھنا چاہئے :-

دریئر پیمانے کے صفر سے جو ٹھیک اگلا اصلی درجہ ہے
اُس کو بڑھ لو۔ دریئر کے اس نشان کو بھی بڑھ لو جو کسی ایک
اصلی درجے سے ملا ہوا ہے۔ یہ نشان کچھ عدد بتائیگا اور اصلی درجے
کے $\frac{1}{2}$ حصے کا اتنا ہی گنا اصلی پیمانے کے اُن درجوں میں
جوڑ دو جو پہلے بڑھے جا چکے ہیں۔ جو نتیجہ نکلیگا وہ اصل پیمانے
کے صفر سے دریئر پیمانے کے صفر کا فاصلہ ہوگا۔

ذیل میں دو مثالیں دی گئی ہیں جن میں دریئر کے معائنہ
اور استعمال کرنے کا طریقہ بتایا گیا ہے :-

(۱) دریئر کے پیمانے میں دس درجے ہیں اور اصلی پیمانے
کا ہر درجہ ایک ملی میٹر ہے۔ دریئر کے دس درجے نو ملی میٹر کے برابر ہیں شکل ۱۔



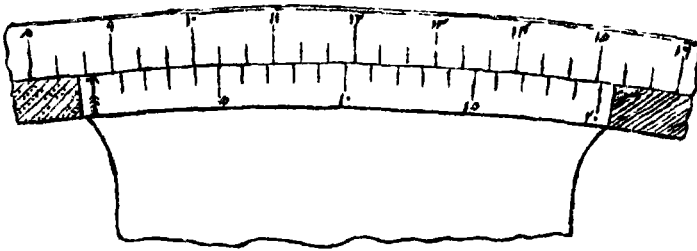
شکل ۱۔ دریئر پیمانہ

میں دیکھو کہ وزیٹر کا صفر اصلی پیمانے کے چھبیسویں اور ستائیسویں نشان کے درمیان واقع ہے۔ اور وزیٹر کا ساتواں نشان ملی میٹر پیمانے کے ایک خاص درجہ کے ساتھ ایک سیدھ میں ہے۔ دریافت طلب یہ ہے کہ وزیٹر کا صفر کس مقام پر ہے۔

وزیٹر کا مستقل اور ملی میٹر ہے کیونکہ وزیٹر کے دس درجے اصلی پیمانے کے نو درجوں کے برابر ہیں اور اصلی پیمانہ کا ہر درجہ ایک ملی میٹر ہے۔

اصلی پیمانے پر وزیٹر کے صفر کے ٹھیک پہلے ۲۶ ملی میٹر کا نشان ہے۔ چونکہ وزیٹر پر اصلی درجوں کے $\frac{1}{10}$ حصے تک بڑھ سکتے ہیں اس لئے مقام دریافت طلب ۲۶ سے ۲۷ اصلی میٹر ہے۔ [دماغ رہے کہ اصلی پیمانے کے اُس نشان سے جو وزیٹر کے ساتویں نشان کی سیدھ میں ہے پیمائش میں کوئی کام نہیں لیا جاتا]۔ (۲) ایک مدور پیمانہ اس طریقہ سے زاویوں میں تقسیم کیا گیا ہے کہ اس کا ہر زاویہ 9° کے برابر ہے اور ہر درجہ کے تین مساوی حصے کئے گئے ہیں یا یوں کہئے کہ پیمانے کا ہر بڑا درجہ 9° کے برابر ہے اور ہر چھوٹا درجہ $\frac{1}{3}^\circ$ کے۔

اس پیمانے میں ایک وزیٹر بھی لگا ہوا ہے۔ وزیٹر کے بیس درجے اصلی پیمانے کے اُنیس چھوٹے درجوں کے برابر ہیں اس لئے وزیٹر کا مستقل $= \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$ (منٹ کے)۔ شکل ۸ کو دیکھو۔ وزیٹر کا صفر بڑے درجوں

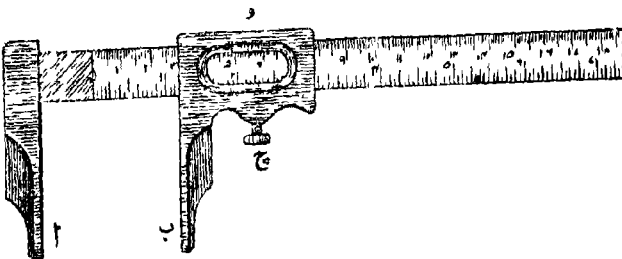


شکل ۸۔ مدور پیمانہ اور وزیٹر

کے نشان ۸ اور ۹ کے درمیان واقع ہے۔ مگر وہ اس بڑے درجے کے آخری حصے میں ہے۔ ورنیز کا چوتھا نشان اصلی پیمانے کے ایک خاص نشان کی سیدھ میں ہے۔ دریافت طلب یہ ہے کہ ورنیز کا اصل پیمانے کے کتنے زاویے بتاتا ہے۔

ورنیز کے صفر سے ٹھیک پہلے کا اصلی نشان ۸ $\frac{1}{2}$ (۸۔۵ منٹ) بتاتا ہے اور چونکہ ورنیز کا چوتھا درجہ اصلی پیمانے کے ایک خاص درجہ کی سیدھ میں ہے اس لئے اصلی پیمانے اور صفر کے آگے جو کچھ لکھا ہے اس میں ۴ x $\frac{1}{2}$ (۴) کا اور اضافہ کرنا ہوگا یعنی جہاں پر ورنیز کا صفر ہے وہ مقام ۸۔۵ ہے۔ اس طریقے سے ہر قسم کے ورنیز کو ہم استعمال کر سکتے ہیں۔

سرل چاپ کا استعمال :- سرل چاپ ایک آلہ جس کی مدد سے جسموں کے طولی ابعاد ناپے جاتے ہیں۔ یہ حقیقت ورنیز کسر پیمایا ہے اس میں ایک دھات کا پیمانہ ہے جس کے 'ا'، 'ب'، دو جیڑے پیمانے سے علی القوائم لگے ہوتے ہیں۔ جب 'ا' بنا ہے مگر دوسرا جیڑا پیمانے پر آگے پیچھے ہٹ سکتا ہے۔ پیمانے درجہ بندی ملی میٹروں میں ہے متحرک جیڑے میں ایک چھوٹا پیمانہ د ہوا ہے جو ورنیز کا کام دیتا ہے (دیکھو شکل ۷)۔ اس میں ایک بیج چ لگا



شکل ۷۔ سرل چاپ

ہے جس کی مدد سے جڑے ب کو جس جگہ چاہیں ثابت کر سکتے ہیں
تجربہ سے۔ ایک سلخ کے طول کی پیمائش
سرل چاب کی مدد سے۔

اگر آلہ درست ہو اور جب متحرک جڑے ثابت جڑے سے
مل جائیں تو وزنیر کا صفر اصلی پیمانے کے صفر کے ساتھ ٹھیک مل جائیگا۔
اگر یہ کیفیت نہ ہو تو آلہ میں ”صفر کی غلطی“ ہے۔ اور اُس کو پیمائش
کرتے وقت محسوب کر لینا چاہئے۔ اس کے بعد وزنیر کا مستقل (شمار اقل)
دریافت کر لو۔

جسم کو جس کا طول دریافت کرنا ہے دونوں جبروں کے درمیان
اس طرح سے رکھو کہ جسم کا ایک سر ثابت جڑے سے مل جائے اور
متحرک جڑے کو اس طرح سے ہٹاؤ کہ وہ جسم کے دوسرے سر سے
مل جائے۔ جب زیر پیمائش جسم چھوٹا ہو تو متحرک جڑے کو اتنا ہی
ہٹاؤ کہ جسم صرف اٹکا رہے اور اُس پر زیادہ دباؤ نہ پڑے۔ وزنیر کے
صفر کے ٹھیک پہلے ملی میٹر (اصلی) پیمانے پر جو نشان ہو اُس کو
پڑھ لو۔

یہ نشان وزنیر اور اصلی پیمانے کے صفروں کا درمیانی فاصلہ
بتلائیگا۔ اور چونکہ یہ دونوں صفر جب جڑے بند کر دئے جائیں تو ایک
ہی سیدھ میں آ جائیں گے اس لئے فاصلہ متذکرہ بالا جبروں کا ہی درمیانی
فاصلہ ہوگا یعنی یہ فاصلہ اس جسم کا طول ہے۔

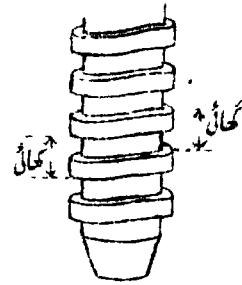
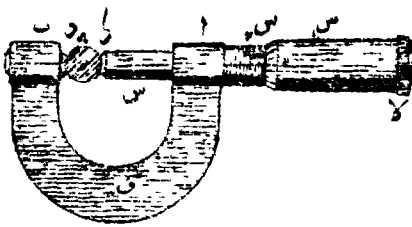
بالعموم وزنیر کا صفر اصلی پیمانے کے کسی خاص نشان کے ٹھیک
مقابل نہیں پڑتا ہے اس لئے ملی میٹر کی کسروں کی بھی قیمت دریافت
کرنی پڑتی ہے۔ یہ کسریں وزنیر کسر پیمائے کی مدد سے حاصل ہوتی ہیں۔
وزنیر کسر پیمائے کو دیکھو کہ وزنیر کا کونسا نشان (اصلی) ملی میٹر کے پیمانے
کے کسی خاص درجے کی سیدھ میں ہے۔ فرض کرو کہ وزنیر کا تیسرا نشان
سیدھ میں ہے اور اگر شمار اقل اور ملی میٹر کے برابر ہو تو کسر مطلوبہ

۳۔ دہلی میٹر کے برابر ہے۔ اگر درزیر کا چوتھا نشان اصلی پیمانے کے کسی خاص نشان کے مقابل ہے تو کسر مطلوبہ ۴۰ دہلی میٹر کے برابر ہے۔
 دہلی انڈیا۔ متذکرہ بالا عمل کی تشریح صفحہ (۲۲) میں ہو چکی ہے۔ اس طریقہ سے درزیر کے صفر کے پہلے اصلی پیمانے پر کا درجہ پڑھ لیا جائے اور اس میں درزیر کی مدد سے مذکورہ بالا عمل سے کسر پڑھ لی جائے۔ فصل مطلوب دونوں قیمتوں کو جوڑ دینے سے حاصل ہوگا۔
 مذکورہ بالا طریقے سے شیشے یا کسی دھات کی دو منتظم سلاخوں کے طول کو احتیاط سے دریافت کرو اور ان دونوں طولوں کی باہمی نسبت دریافت کرو۔ پھر ان دونوں سلاخوں کو ترازو میں تولو اور ان کے وزن کی باہمی نسبت نکالو۔ اگر سلاخیں منتظم ہوں تو وزنوں اور طولوں کی نسبتیں برابر ہونگی۔

پیچیدار خردہ پیمائے اصول

خردہ پیمائے ایک دوسری شکل کا آلہ ہے جس کی مدد سے چھوٹے جسموں کے ابعاد بہت زیادہ صحت کے ساتھ دریافت کئے جاسکتے ہیں۔ اس میں نہایت احتیاط سے ٹھیک کٹی ہوئی بیج کی چوڑیاں ہوتی ہیں جو چوڑی دار مجوف اسطوانہ کے اندر حرکت کرتی ہیں۔

(شکل نمبر دیکھو) اس میں ایک ثابت ڈھانچہ "ف" ہے جس میں ایک مجوف اسطوانہ "ا" لگا ہوا ہے۔ اس اسطوانہ کی اندرونی سطح میں پیچیدار چوڑیاں ہیں۔ بیج کے سلسلہ میں ایک سلاخ "ص" ہے۔ یہ بیج اسطوانہ "ا" کے اندر آگے یا پیچھے حرکت کر سکتا ہے۔ اور بیج کے سرے "ہ" میں ایک آستین نما اسطوانہ "س" لگا ہے۔ اس آستین کا کنارہ "س" کی خاص حصوں پر منقسم ہے۔



شکل پیماس خوردہ

شکل پیماس کی گھائی

عموماً اس کے پچاس یا سو برابر حصے کئے جاتے ہیں۔ سلاخ سے کارسرا
 ک ٹھیک منسلح کیا ہوا ہے اور ثابت بیج کارسرا پ اسی طرح
 منسلح ہے۔ اور یہ ثابت ڈھانچے کے عضو پ میں لگا ہوا ہے۔
 یہ بیج ہمیشہ کے لئے اس طریقے سے ٹھیک کر لیا جاتا ہے کہ جب سے
 کانرا اسطوانہ کے پیمانے کے صفر درجہ پر منطبق ہو جاتا ہے
 اور پیمانہ سے صفر درجہ اسطوانہ سے کے پیمانے کے وسطی خط پر
 منطبق ہو جاتا ہے تو دونوں سطحیں پ اوپر آہٹس میں مل جاتی
 ہیں۔ پیمائش کرنے کے قبل یہ دیکھ لینا چاہئے کہ اسطوانہ کا پیمانہ
 ملی میٹروں میں یا انچ کی کسروں میں منقسم ہے۔ اس کے بعد بیج سے
 کی گھائی دریافت کرنی چاہئے جب بیج کے سرے کا کو ایک مکمل
 گردش ہوتی ہے تو ک آگے یا پیچھے اسی فاصلے تک ہٹا ہے۔ جب کا
 کو بیج کی طرف ایک پوری گردش ہوتی ہے تو پیمانہ کا آدھا یا پورا درجہ مل
 آتا ہے اور یہی بیج کی گھائی ہے۔ اس کے بعد پیمانے سے کے ایک درجہ
 کی قیمت دریافت کرنی چاہئے۔
 عموماً بیج سے گھائی ۵، ۱۰، ۱۵ ملی میٹر ہوتی ہے اور سے

پچاس مساوی حصوں میں منقسم ہوتا ہے۔
اس لئے اس کا ایک درجہ = $\frac{1}{5} \times 0.5$ ملی میٹر

اگر سب سو مساوی حصوں میں منقسم ہو تو اس صورت میں
س کے ایک درجے کی قیمت = $\frac{1}{10} \times 0.5$ ملی میٹر

جن جسم کی پیمائش ہوتی ہے وہ پ اور س کے درمیان رکھا جاتا
ہے۔ اور پیچ کا سراہ جو کھردرا ہوتا ہے گھمایا جاتا ہے جب تک کہ
جسم کی ہلکی گرفت دونوں سطحوں پ اور س کے درمیان نہ ہو
جائے۔ ا پیمانے پر درجے پڑھ لئے جائیں اور س کی مدد سے جو
قیمت نکلے اس کو ا پیمانے کی قیمت میں جوڑ دیا جائے جو حاصل
ہوگا وہ جسم کا طول ہوگا۔

تجربہ مسئلہ۔ بیچار خردہ پیماس کی مدد سے کسی تختی
کی موٹائی دریافت کرنا۔ خردہ پیماس کے استعمال سے قبل پیچ کی گھائی
دریافت کر لینی چاہئے۔ پیچ خود اسطوانہ ا میں چھپا ہوا ہے لیکن اگر
درجہ وار سراہ ذرا سا باہر نکلنے لگا تو پیمانہ ا جو اسطوانہ پر
بنا ہوا ہے کھل جائیگا۔ جس کی مدد سے گھائی دریافت ہو جائیگی۔
اسطوانہ پر جو پیمانہ ہے اس کے ہر درجے کی قیمت سنتی میٹر
یا انچ کے پیمانے سے مقابلہ کر کے دریافت کر لو اور یہ بھی دریافت
کر دو کہ پیچ کو کتنے بار گھمانے سے ایک درجہ کا فصل طے ہوتا ہے۔
اس کے بعد کفارہ س کے درجوں کی تعداد دریافت کر لو۔
اس سے س کے ایک درجے کی قیمت معلوم ہو جائیگی۔

مثلاً اگر گھائی ۵.۰ ملی میٹر ہو اور س پر سو درجے ہوں
تو ہر درجے کی قیمت ۰.۰۵ ملی میٹر ہوگی اور دو درجوں کی قیمت ۱.۰
ملی میٹر ہوگی۔ اسی طرح اس صورت میں ۰.۰۵ ملی میٹر پیچ وار پیمانے کا مستقل

ہوگا۔

پیداوار خوردہ پیمانہ میں ایک براپ نکلا ہوا ہے جو اسطوانے کے ساتھ ایک خمیدہ بازو ف کے ذریعہ ملا ہوا ہے۔ جب پیچ کا سرا ک اس کے ساتھ مس کرے تو مس کا صفر ۱ کے صفر کے ساتھ منطبق ہو جانا چاہئے۔ اگر ایسا نہ ہو تو آلے میں صفری غلطی ہے جس کا لحاظ بيمائش میں رکھنا ضروری ہے۔

اس امر کا خیال رکھے کہ پیچ گھماتے وقت سطح پ اور ک کے درمیان دباؤ نہ پڑے۔ اگر دباؤ زیادہ پڑ گیا تو پیچ کی چوڑیوں کو ضرر پہنچنے کا اندیشہ ہے اور آلے کا ڈھانچہ بھی بڑھکل ہو جائیگا۔ بعض آنوں میں ایک ”آزاد چرخ“ کا انتظام رہتا ہے جس کے ذریعے سے جب دباؤ کسی خاص حد سے بڑھ جاتا ہے تو صرف پیچ کا سرا کا ہی گھومتا ہے۔ اس انتظام سے پ اور ک کے درمیان ضرورت سے زیادہ کبھی دباؤ نہیں پڑ سکتا اور دباؤ کے اختلاف سے درجہ پڑھنے میں کسی قسم کی غلطی کا احتمال نہیں رہتا۔

اگر کسی جسم کے طویل ابعاد دریافت کرنے ہوں تو جسم کو سطح پ اور ک کے درمیان رکھو اور پیچ کے سرے کا کو اتنا گھماؤ کہ جسم بالکلے طور سے ایک جائے۔ اگر آلے کو استعمال کرنے میں بجائے کا کے ہموار سطح سے گھمائی جائے تو مناسب ہوگا۔ مس کو گھماتے جاؤ جب تک کہ انگلیاں پھسلنے نہ لگیں مگر اس بات کا لحاظ رکھو کہ گرفت ہلکی ہو۔

جب یہ صورت قائم ہو جائے تو یہ پیمائش درجے پڑھ لو۔ اور اگر ضرورت ہو تو صفری غلطی بھی محسوب کر لو۔ مشاہدے کوئی بار کرنے چاہئیں اور سب مشاہدوں کی اوسط قیمت نکال لو اور یہی اوسط قیمت جسم کا طویل بُعد ہوگا۔

اس طریقے سے کسی دھات کی تختی کی موٹائی دریافت کرو۔ تختی

کے مختلف نقطوں پر مشاہدے ہونے چاہئیں۔ اوسط موٹائی سب مشاہدوں کی اوسط قیمت ہوگی۔

اسی طریقے سے اُسی وسعت کی ایک دوسری تختی کی بھی موٹائی دریافت کرو مگر دوسری تختی کا رقبہ پہلی تختی کے برابر ہونا چاہئے۔ ان دونوں موٹائیوں کی نسبت دریافت کرو۔ پھر دونوں تختیوں کے وزن بھی الگ الگ دریافت کرو۔ اور ان وزنوں کی نسبت نکالو۔ اگر نسبتیں ہموار ہوں اور ان کی کثافت بھی مساوی ہو تو موٹائیوں کی نسبت وزنوں کی نسبت کے برابر ہوگی۔

خرد پیمائیں

فن مناظر کی مدد سے طول کی صحیح پیمائشوں کے بہت سے طریقے ہیں۔ ان میں سے ایک خرد بین کا طریقہ ہے جس کے ”چشمہ“ میں ایک خرد پیمائش لگا رہتا ہے۔ ایک نہایت باریک شفاف پیمانہ ”چشمے“ کے ماسک پر لگا دیا جاتا ہے۔ بعض آکوں میں اس پیمانے پر کڑی کے جالے کا ایک تار خرد پیمائش کی مدد سے اس طرح متحرک کیا جاسکتا ہے کہ وہ تار درجے کی کسروں کو بتلا سکے۔ خرد بین اس واسطے استعمال کی جاتی ہے کہ وہ جسم کا ایک قہر (بڑا) خیال پیدا کرتی ہے اور اس کی مدد سے پیمائش میں آسانی ہو جاتی ہے۔ (دیکھو آزاد روشنی صفحہ ۱۳ مطبعہ دارالترجمہ) چشمے کے ماسک پر اصلی خیال پیدا ہوتا ہے اور اُسی جگہ پر وہ باریک و شفاف پیمانہ بھی رکھا ہوا ہے۔ اس طریقے سے چشمے کے ذریعے جسم کا خیال اور پیمانہ ایک ہی حالت میں دیکھا جاتا ہے۔ ایک معلوم طول کا جسم خرد بین کے ذریعے سے دیکھا جاتا ہے اور اس میں جو تکبیر پیدا ہوتی ہے وہ مذکور بالا شفاف پیمانے کے ذریعے سے دریافت ہو جاتی ہے۔ ان دو مشاہدوں سے چھوٹے جسم کا طول دریافت

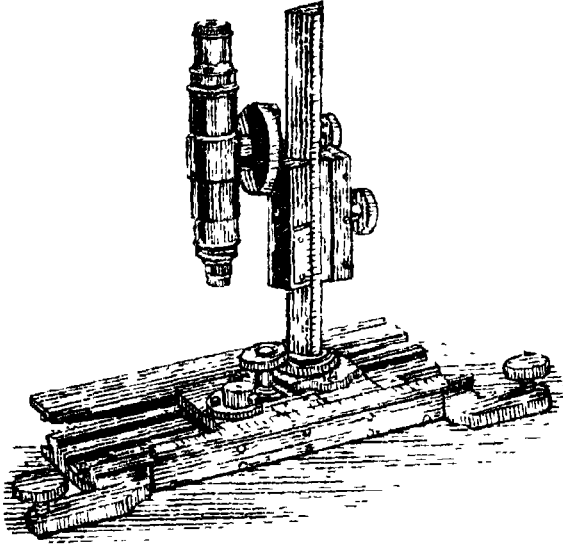
ہو سکتا ہے۔ مگر اس امر کا لحاظ رہے کہ دونوں مشاہدوں میں خردبین کی ہیئت ایک ہی رہے۔

مثلاً جسم زیر پیمائش کا خیال ۴، ۵، ۶ خردہ پیمائش کے درجوں کے برابر ہے اور اگر خردبین کے ذریعے دیکھنے سے ایک ملی میٹر، خردہ پیمائش کے ۳، ۴، ۵ درجوں کے برابر معلوم ہو تو ظاہر ہے کہ جسم کا طول اربعہ متناسبہ کے قاعدے سے ۳۰، ۴۰، ۵۰ ملی میٹر کے مساوی ہے۔ خردبین کے خردہ پیمائش کے اصل معرّف یہ ہے کہ چھوٹے چھوٹے جسموں کے طولوں کا ٹھیک طریقے سے مقابلہ کر دے نہ کہ اُن کی قیمت ملی میٹر یا سنتی میٹر میں دریافت کرے۔ خاص خاص تجربوں میں برق نما کے طلائی ادراق میں جو خفیف حرکت ہوتی ہے اُس کو مشاہدہ کرنے اور پیمائش کرنے میں اکثر یہ آلہ استعمال کیا جاتا ہے۔

متحرک خردبین

متحرک خردبین یا وزیئر خردبین ایسی مرکب خردبین پر مشتمل ہے جو اپنے محور سے علی القوایم سمت میں کسی پیچ یا دنداز دار پیچے کے ذریعے سے متحرک ہو سکے۔ جتنے فاصلے تک خردبین حرکت کرتی ہے اس کی پیمائش ثابت پیمانے پر کسر پیمائش کی مدد سے ہوتی ہے جو خردبین میں لگا ہوا ہے۔ شکل ۱۷ میں جو آلہ دکھلایا گیا ہے اس میں خردبین دونوں افقی اور عمودی سمتوں میں حرکت کر سکتی ہے۔ اس میں زاویائی حرکت بھی دی جاسکتی ہے۔ اس انتظام سے یہ آلہ تین طریقوں سے استعمال کیا جاسکتا ہے یعنی جب خردبین کا محور انتصابی سمت میں ہو (۲) یا افقی سمت میں (۳) یا افق سے کوئی زاویہ بنانا ہوا ہو۔ چٹنے میں متقاطع تار ہونے چاہئیں۔ اور کسی جسم کو

دیکھتے وقت خردبین کو اس طرح آراستہ کرنا چاہیے کہ تاروں کا



شکل ۹۔ متحرک خردبین

نقطہ تقاطع جسم کے ٹھیک اُسی نقطے پر منطبق ہو جائے جس کا مشاہدہ اُس وقت مضمود ہو۔

دو نقطوں کا درمیانی فاصلہ ناپنے میں پہلا نقطہ خردبین کے نقطہ تقاطع پر لایا جاتا ہے اور اسی طرح سے دوسرا نقطہ بھی۔ ایسا کرنے میں خردبین کو جس قدر ہٹانے کی ضرورت ہوتی ہے وہ فاصلہ ان دونوں نقطوں کا درمیانی فاصلہ ہوگا۔ بشرطیکہ دونوں نقطوں کا درمیانی خط خردبین کی حرکت کی سمت کے متوازی ہو۔ اس طریقہ کی مثالیں تجربات (مثلاً دیکھو) میں یلنگی۔

دو طولوں کا مقابلہ کرنے کے لئے مندرجہ ذیل طریقہ اختیار کیا جاسکتا ہے :-

تجربہ سے۔ گز اور میٹر کا مقابلہ۔

دو درخیز خردبینوں کو اس طرح قائم کرو کہ دونوں کا درمیانی خطا ہر ایک خردبین کی سمت حرکت کے متوازی ہو۔ دونوں پیمانوں (گز اور میٹر) کو اس طرح آراستہ کرو کہ دونوں کے درجہ دار سطح میز کی سطح سے ایک ہی بلندی پر واقع ہوں۔ اس بلندی کو اس طرح ٹھیک کرنا چاہئے کہ درجہ خردبینوں میں صاف نظر آئیں۔ دونوں خردبینوں کو اس طرح رکھو کہ گز کے ایک سرے کا کوئی درجہ ایک خردبین میں اور دوسرے سرے کا کوئی درجہ وضاحت کے ساتھ دوسری خردبین میں نظر آئے۔ اس بات کا لحاظ رہے کہ ہر حالت میں خردبین کے متقاطع تاروں کا مرکز درجہ کے نشان کے وسطی نقطے سے منطبق ہو جائے۔ دونوں خردبینوں کا درمیانی فاصلہ انچوں میں محسوب کرو۔ اس کے بعد گز کا پیمانہ ہٹا دو اور اس کی جگہ میٹر رکھ دو۔ اگر خردبینیں ٹھیک طرح سے آراستہ کی گئی ہوں تو میٹر کے دونوں سروں کے درجے بھی وضاحت کے ساتھ نظر آئیں گے۔ اس پیمانے کو اس طرح سے حرکت دو کہ ایک سرے کا کوئی درجہ کسی دوسرے کے متقاطع تاروں کے مرکز سے ٹھیک منطبق ہو جائے۔ ایسا کرنے سے عموماً متقاطع تاروں کا مرکز دوسرے سرے پر کسی دو درجوں کے درمیان واقع ہو گا۔ اس سرے والی خردبین کو دوسری خردبین کی طرف (جو دوسرے سرے پر ہے) آہستہ آہستہ ہٹاؤ یہاں تک کہ متقاطع تاروں کا مرکز پیمانے کے کسی ایک درجے کے ساتھ منطبق ہو جائے۔ آئے کے کسر پیمائے کی مدد سے معلوم ہو جائیگا کہ خردبین کس قدر ہٹائی گئی ہے۔ میٹری پیمانے کے ان دونوں درجوں کا درمیانی فاصلہ بھی دریافت کرو۔ اس صورت میں انچوں کی تعداد جو پہلے مشاہدے میں دریافت ہوئی ہے = ملی میٹروں کی تعداد + خردبین کے پیمانے پر کا فضل (جو پڑھا گیا تھا)۔ اس نتیجے سے ایک انچ یا ایک گز کا طول سنتی میٹروں کے رقوم میں دریافت ہو سکتا ہے۔

۳۔ وقت کی پیمائش

ابتدائی طبیعیات میں جتنی پیمائشوں کی ضرورت ہوتی ہے اُن میں سے وقت کی پیمائش نہایت مشکل ہے۔ وقت کی علمی اکائی اوسط شمسی ٹائم ہے جس کا بیان پہلے ہو چکا ہے اور یہ اکائی زمین کی محوری گردش کے وقت دوران پر مبنی ہے جو فلکی مشاہدوں کی مدد سے دریافت کیا جاتا ہے۔ اس وقت کے اضعاف و تحت اضعاف حاصل کرنے کے لئے ایک آلہ استعمال کیا جاتا ہے جس کو گھڑی کہتے ہیں۔ گھڑی اس اصول پر بنائی جاتی ہے کہ اس میں کوئی جسم مثلاً رقص یا بال کمانی کا پکڑ اس طرح ارتعاش کرتا ہے کہ اس کے اوقات دوران مساوی ہوتے ہیں اور اسی طریقہ سے وقت کے مساوی وقفے دریافت ہوتے ہیں۔ اس آلے کا اصل حصہ یہی مرتعش جسم ہے۔ بقیہ جتنے پُرزے ہوتے ہیں اُن کی مدد سے ارتعاشوں کی تعداد دریافت ہوتی ہے۔

کوئی ایسا آلہ بنوڑ نہیں بنایا گیا جس کی مدد سے وقت کی ٹھیک ٹھیک و قابل اعتماد پیمائش ہو سکے مگر فلکی طریقوں سے کلاک کی شرح رفتار دریافت کی جاسکتی ہیں۔ وقت کے کسی وقفے کی پیمائش کے لئے پہلے گھڑی کی مدد لی جاتی ہے اور گھڑی کی مدد سے جو وقفہ حاصل ہوتا ہے اُس کو کلاک کی شرح رفتار کی بناء پر جو ضربی جزو حاصل ہوتا ہے اس سے صحیح کر لیا جاتا ہے۔ عموماً سوائے ان تجربوں کے جن میں انتہائی صحت کی ضرورت پڑتی ہے کسی عمدہ گھڑی کا وقت اوسط شمسی وقت کے مطابق تصور کیا جاسکتا ہے۔

اگر گھڑی ٹھیک وقت بتاتی ہو تو بھی مشاہدوں میں ایسی ناگزیر

غلطیاں ہو سکتی ہیں جن کا انحصار محض پُرزوں کی ساخت پر ہے۔ عموماً
ثانیہ کی سوئی ہموارانہ حرکت نہیں کرتی ہے بلکہ خفیف جھٹکوں کے ساتھ
بال کمائی یا رقص اپنے مقام سکون سے گزرتا ہے تو سوئی پر ایک
خفیف سا دھکا پڑتا ہے۔ اس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ جب کبھی چلرکنی گھڑی
چلائی جاتی ہے تو اس میں وقت دوران کے نصف وقفے کی غلطی کا
احتمال رہتا ہے اور ٹھیک اتنی ہی غلطی گھڑی کے روکنے کے وقت
بھی ہو سکتی ہے۔

فرض کرو کہ ایک گھڑی ہر $\frac{1}{2}$ ثانیہ پر آواز دیتی ہے۔ اگر ٹھیک
اُسی وقت میں گھڑی چلائی جائے جب کہ گھڑی کا رقص مقام سکون پر
پہنچ رہا ہو تو ثانیہ کی سوئی $\frac{1}{2}$ ثانیہ یک بیک آگے بڑھ جائیگی۔ اور
اسی طرح سے جوں ہی گھڑی آواز دینے کو ہو اس وقت روک دی جائے
تو گھڑی کی ثانیہ کی سوئی آخری وقفہ یعنی $\frac{1}{2}$ ثانیہ کو نہیں بتلائیگی لیکن اگر گھڑی
کے بند کرنے میں کچھ خفیف سا تاثر ہو تو یہ وقفہ ظاہر ہو جائیگا۔

اس سے عیاں ہے کہ کلاک کی شرح صحیح ہونے پر بھی چلرکنی
گھڑیوں کی مدد سے $\frac{1}{2}$ ثانیوں سے کم وقفوں کی دریافت قابل اعتبار
نہیں ہو سکتی۔

کسی خاص درجے کی صحت حاصل کرنے کے لئے گھڑی کی دو
ٹکوں کے درمیانی وقفے کے دریافت کے عمل کو ایک خاص عرصے تک جاری
رکھنا چاہئے۔ مثلاً اگر ہزار میں ایک کی صحت مقصود ہو تو وقت کا مشاہدہ
تین منٹ سے زیادہ عرصے تک ہونا چاہئے۔ بشرطیکہ گھڑی ہر ثانیہ کے
پانچویں حصے پر ٹک کی آواز دیتی ہو۔

عینی اور اذنی تخمینہ

اگر چلکنی گھڑی کی بجائے کوئی معمولی گھڑی استعمال کی جائے تو غلطی کا احتمال اور زیادہ ہو جاتا ہے کیونکہ اس صورت میں ہر ٹیک ثانیہ کی سوئی کا مقام ٹھیک دریافت کرنا مشکل ہے۔ اگر عینی اور آذنی مشاہدے ایک ساتھ کئے جائیں تو ایک حد تک یہ مشکل رفع ہو سکتی ہے۔ چونکہ یہ طریقہ چند خاص عملی کاموں میں اکثر استعمال کیا جاتا ہے۔ اس لئے اس کی تشریح ذیل میں درج کی جاتی ہے۔

فرض کرو کہ ایک رقاص کی حرکت کا مشاہدہ ہو رہا ہے۔ مشاہدہ وقت کا تجربہ ٹیکوں کی تعداد گن کر اس وقت شروع کرتا ہے جب کہ ثانیہ کی سوئی ٹھیک دوسرے منٹ کو بتلانا شروع کرتی ہے یا کسی اور مناسب نقطہ پر سے گزرتی ہے۔ اس کے بعد مشاہدہ ٹیکوں کی گنتی کان کی مدد سے کرتا ہے اور آنکھ سے رقاص کو دیکھتا ہے۔ اگر ستر ٹیک اور اٹھارویں ٹیک کے درمیان رقاص اپنے ارتعاش کے عین وسط سے گزرے تو اس گزرنے کے ٹھیک لحظہ کا حساب لگانا آسان ہے۔ اور اس طریقے سے خاص ارتعاش کی ابتدا کا وقت گھڑی کی قریب ترین ٹیک کی آواز سے دریافت ہو جاتا ہے۔ جب کہ رقاص کا آخری ارتعاش ختم ہو جاتا ہے یعنی جب کہ رقاص آخری حیطہ امتیاز کے وسط میں حرکت کر رہا ہے تو مشاہدہ گھڑی کی ”ٹیکوں“ کی آواز کو پھر گنتا شروع کر دیتا ہے اور یہی عمل جاری رہتا ہے جب تک کہ وہ گھڑی کے ڈائل کو پھر نہ دیکھ لے اور عینی ٹیکوں کی گنتی میں ان کے مطابق وقت نہ لکھ لے۔ اس کی تشریح مندرجہ ذیل مثال سے ہو جائیگی۔

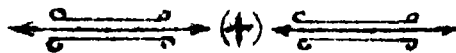
گنتی کا عمل ۲ گھنٹے ۳۰ منٹ ثانیہ پر شروع کیا گیا۔
اس کے بعد ستر ٹیک پر رقاص وسطی مقام سے گزرا۔
گنتی کا عمل پھر شروع کیا گیا جب کہ سو پورے ارتعاش ہو گئے۔
اکیسویں ٹیک پر گھڑی دو گھنٹے ۳۲ منٹ ۲۰ ثانیہ وقت بتلاتی ہے
گھڑی کی ہر ٹیک = $\frac{1}{30}$ ثانیہ
پہلا ارتعاش ۲ گھنٹے ۳۱ منٹ ۴۰ ثانیہ پر شروع ہوا اور سوال

ارتعاش ۲ گھنٹے ۳۲ منٹ ۸ و ۱۳ ثانیہ پر ختم ہوا۔
اس لئے سو مکمل ارتعاش کرنے میں ارتعاش کو ایک منٹ ۳ و ۱۰
ثانیہ لگے یعنی وقتِ دوران = ۳ و ۱۰ ثانیہ -
ہر مشاہدے میں ۳ و ۱۰ ثانیہ کی غلطی کا احتمال ہے -

∴ صحیح وقتِ دوران = $(۳ و ۱۰ ± ۳ و ۰۰)$ ثانیہ -

یہاں فوراً کرنا چاہئے کہ باوجودیکہ بہت زیادہ ارتعاشوں کی تعداد لینے
کی احتیاط برتی گئی ہے اس پر بھی ۱/۲ فی صدی سے زیادہ کی غلطی کا احتمال
ہے - اکثر حالتوں میں وقت کا مریج لیا جاتا ہے اس لئے یہ غلطی عموماً دینی
ہو جاتی ہے - اس گھڑی میں جس کی ٹیک آہستہ آہستہ ہوتی ہے غلطی زیادہ
ہوتی ہے - ایک تجربہ کار مشاہد کسی گھڑی یا وقت پیمائش کے استعمال سے جس
میں ۱/۲ ثانیوں پر ٹیک کی آواز ہوتی ہو ثانیہ کے دسویں حصے کا اندازہ لگا
سکتا ہے -

یہ امر بھی قابلِ لحاظ ہے کہ فی صد غلطی کا انحصار پُورے
مشاہدے کے وقت پر ہے نہ کہ ارتعاشوں کی تعداد پر - یعنی چند سست
ارتعاشیں لینے سے اتنی ہی صحت حاصل ہو سکتی ہے جتنی تیز ارتعاشوں کی
زیادہ تعداد لینے سے - بشرطیکہ دونوں مشاہدوں کے وقفے قریب قریب برابر ہوں -
نوٹ - ایک ارتعاش کی کسروں کو صحیح طور سے دریافت
کرنا قطعی ناممکن ہے اس لئے طالب علموں کو چاہئے کہ وہ چند
مکمل ارتعاشوں کا وقت دریافت کر لیں نہ کہ ایک خاص
وقت میں ارتعاشوں کی تعداد -



فصل سوم

کمیتوں کی پیمائش مشتق اکائیوں میں

سب سے سادہ کمیتیں جن کی پیمائش مشتق اکائیوں میں ہوتی ہے رقبہ، حجم اور کثافت ہیں۔

۱۔ رقبہ کی پیمائش

(۱) اُن رقبوں کی پیمائش جو خطوطِ مستقیم سے گھیرے ہوئے ہوں

علمی کاموں میں رقبہ کی اکائی ایک مربع سنتی میٹر ہے یعنی ایک ایسے مربع کا رقبہ جس کے ہر ضلع کا طول ایک سنتی میٹر ہے۔
ان رقبوں کی پیمائش میں جو خطوطِ مستقیم سے گھیرے ہوئے علمِ مساحت کے معمولی قاعدوں سے کام لیا جاتا ہے۔ طولوں کی پیمائش ایک پیمانے سے کی جاتی ہے۔ اس قسم کی کسی شکل کو مثلثوں میں منقسم کر دینا ممکن ہے۔ ہر مثلث کا رقبہ $\frac{1}{2} \times \text{الگ} \times \text{دریافت}$ کر لیا جائے۔
ان تمام رقبوں کا حاصل جمع پوری شکل کے رقبہ کے مساوی ہوگا۔

مثلث کا رقبہ مندرجہ ذیل ضابطے سے دریافت کیا جاسکتا ہے۔

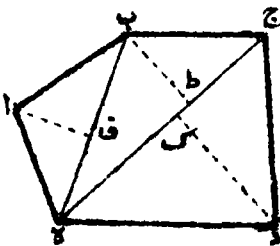
کسی مثلث کا رقبہ $= \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$
 اگر دھات کے کسی اُس پترے کا رقبہ جس کے کنارے مستقیم ہوں دریافت کرنا ہو تو سہل چاب کو استعمال کرنا چاہئے۔ کیونکہ معمولی پیمانے سے پیمائش کرنے میں زیادہ صحت حاصل نہیں ہو سکتی ہے۔ جہاں تک ممکن ہو رقبہ کو مستطیلی شکل میں تقسیم کرنا زیادہ مناسب ہوگا۔
 نتیجہ سادہ — اشکال مستقیم الاضلاع کے رقبوں کی پیمائش —

(۱) مثلث کا رقبہ دریافت کرنا —

مثلث کے تینوں ضلعوں کو باری باری قاعدہ مان کر ذیل کی مساوات سے رقبہ دریافت کرو۔ رقبہ $= \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{ارتفاع}$
 اس طریقہ سے رقبے کی تین قیمتیں معلوم ہو جائیں گی۔ تینوں کا اوسط مثلث کا رقبہ ہے۔

نقص — اگر تجربہ میں احتیاط برقی جائے تو یہ تینوں نتیجے قریب قریب ایک ہی ہوں گے۔

(۲) اشکال ذواربہ الاضلاع اور مخمس وغیرہ بھی مثلثوں میں منقسم ہو سکتے ہیں (شکل ۱)۔



شکل ۱ — مخمس مثلثوں میں منقسم

ان میں سے ہر ایک کا رقبہ اُس کے کل مثلثوں کے رقبوں کے حاصل جمع کے مساوی ہوگا۔

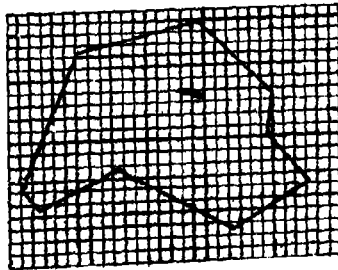
(ب) ان رقبوں کی پیمائش جو منحنی خطوط سے گھیرے ہوئے ہوں۔

منحنی گھیرے کی چند خاص

شکلوں میں ان کے رقبے اور طولی ابعاد کی باہمی نسبت معلوم ہے۔

مثلاً ایک دائرہ کا رقبہ جس کا نصف قطر r ہے = πr^2 اور قطع ناقص کا رقبہ جس کا نیم محور اعظم a اور نیم محور اصغر b ہے = πab ۔
(۱) غیر منظم اشکال کے رقبوں کی بھی قیمت مثلثوں اور مستطیلوں میں تقسیم کرنے سے معلوم ہو سکتی ہے۔ مگر اس صورت میں صرف تقریبی قیمت حاصل ہوگی۔ ایسے رقبوں کی پیمائش ایک مدد تک صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے بشرطیکہ ٹکڑے زیادہ لئے جائیں۔ لیکن ٹکڑے اگر ایک حد سے زیادہ چھوٹے لئے جائیں گے تو ہر ایک ٹکڑے کے رقبے کی پیمائش میں کچھ نہ کچھ غلطی ضرور ہوگی۔ اور اس طرح سے جب بہت سے ٹکڑے جوڑے جائیں گے تو اس غلطی میں بھی ٹکڑوں کی تعداد کی مناسبت سے اضافہ ہوگا اس لئے بہت چھوٹے چھوٹے ٹکڑے کرنے سے بھی زیادہ صحت نہیں حاصل ہوگی۔
سرورے (مساحت) میں پیمائشوں کی بناء اسی اصول پر ہے۔

(۲) اگر شکل مربع دار کاغذ پر کھینچی گئی ہے تو چھوٹے مربعوں کی تعداد گننے سے رقبہ دریافت ہو سکتا ہے (شکل ۷)۔



شکل ۷۔ رقبہ کی پیمائش

صاف ظاہر ہے کہ صحت اتنی ہی زیادہ حاصل ہوگی جتنی باریکی کے ساتھ خط کشی کی گئی ہو۔ جتنے ہی چھوٹے یہ مربع ہونگے اتنی ہی صحت کے ساتھ شکل کا رقبہ دریافت ہوگا۔

یہ طریقہ حقیقت میں

(طریقہ ۷) کی خاص صورت ہے۔ یہاں پر ایک چھوٹا مربع اکائی قرار دیا گیا ہے اور ان ہی مربعوں سے شکل بنی ہے۔

(۳) اگر ترازو کی مدد لی جائے تو رقبہ بہت صحت کے ساتھ
فت ہو سکتے ہیں۔ مقوے کے ایک ٹکڑے پر یا دھات کے پتلے پترے
میں بنائی جاتی ہے۔ اس مقوے یا پترے کی دبازت ہر جگہ یکساں ہونی
چاہئے۔ یہ شکل پھر کاٹ لی جاتی ہے اور اس ٹکڑے کا وزن دریافت
کیا جاتا ہے۔ اسی پترے سے مستطیل یا مثلثی (جو آسان ہو) شکل کا رقبہ
کاٹ کر اس کا بھی وزن دریافت کیا جاتا ہے۔ اس موخر الذکر ٹکڑے کا
اس کے طویل ابعاد سے معلوم ہو سکتا ہے۔ اس کے بعد اربعہ متناسبہ
قاعدے سے رقبہ مجہول کی قیمت دریافت کر لی جاتی ہے۔ اس
کو فرض کرنا چاہئے کہ پہلے رقبہ کو دوسرے سے جو نسبت ہے وہی
اس شکل کے وزن کو دوسری شکل کے وزن سے ہے۔

تجربہ نمبر ۱ — دائرے کے رقبہ کی پیمائش —

۵ سے ۱۰ سمرنگ کے نصف قطر کا ایک دائرہ کھینچو اور تینوں طریقوں
سے اس کا رقبہ دریافت کرو اور ہر صورت میں ۳ کی قیمت
لکھو۔

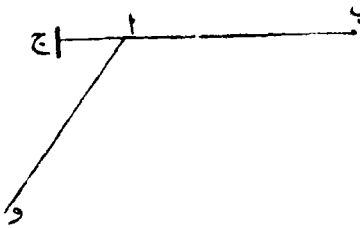
(۴) سمپسن (Simpson) کے قاعدوں کی مدد سے
رقبہ دریافت کیا جاسکتا ہے۔ ان قاعدوں کی مدد سے ایسے رقبوں
کی قیمت تقریباً دریافت ہوتی ہے جو کسی منظم خط منحنی اور دو ایسے معینوں
میں گھسے ہوئے ہوں جو اس منحنی کے سروں سے کسی قاعدے پر
دکھینچے گئے ہوں۔

قاعدے کو چند مساوی حصوں میں تقسیم کرو اور ان
حصوں کے سروں سے معین کھینچو۔ اس طریقے سے رقبہ پٹیوں میں
نہم ہو جائیگا۔

پہلا قاعدہ شروع اور اخیر کے معینوں کے نصف طول
اور باقی کل معینوں کے طول کے حاصل جمع میں جوڑ دو۔

ایک پیادہ 'd' لگا ہوا ہے۔ یہ پیادہ سو مساوی حصّوں میں تقسیم کیا گیا ہے اور اُس کے ڈھلچٹے پر ایک کسر پیالہ اس طرح سے لگا ہے کہ اُس کی مدد سے چرخ کا مقام $\frac{1}{1000}$ میں گردش تک دریافت ہو سکتا ہے۔ اس چرخ کی گردشوں کی تعداد ایک جیموٹے گردش شمارندہ پر معلوم ہوتی ہے اور یہ شمارندہ چرخ میں ورم گیرنگ (Wormgearing) کی مدد سے لگا ہوا ہے۔

اُسے ثابت مرکزہ چرخ ج کے کنارے اور نشان کنندہ ب کے سہارے سطح پر رکھا جاتا ہے (دیکھو اشکال ۱۳۱۲)۔ جب نقطہ ب کو حرکت دی جاتی ہے تو بازو اب بھی حرکت کرتا ہے۔ اگر اب اپنی ہی سیدھ میں متحرک ہو تو چرخ محض آگے یا پیچھے ہٹ جائیگا۔ اور اس میں کسی قسم کی گردش نہیں پیدا ہوگی۔ بخلاف



اس کے اگر اب اپنے طول سے علی القوائم متحرک ہو تو چرخ اتنا ہی گھومے گا جتنا کہ نقطہ ب بازو اب کے علی القوائم سمت میں فاصلہ طے کریگا۔

نشل ۱۳۔ سطح بیاض کی سطح

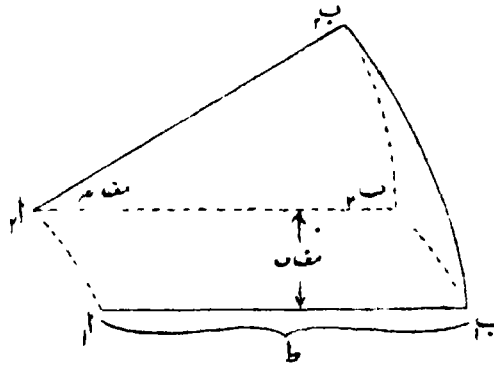
خواہ اب کسی سمت میں ہی حرکت کرے اس کے طول کے علی القوائم سمت میں جو حرکت ہوگی اُس کی مقدار چرخ کی گردش سے معلوم ہو جائیگی۔ یعنی جتنا کہ کل فاصلہ اب نے اپنے طول کے علی القوائم طے کیا ہے اُس کی مقدار چرخ کے طے شدہ فاصلے کے مساوی ہے۔

اس فصل سے اُس شکل کے رقبے کی دریافت ممکن ہے جس کے گھیرے پر نقطہ 'ب' پھیرا جائے۔

اس آلے کے استعمال میں دو صورتیں پیدا ہوتی ہیں ایک

تو یہ کہ ثابت نقطہ و شکل کے باہر ہو اور دوسری یہ ہے کہ وہی نقطہ شکل کے اندر رہے۔

صورت اول۔ جب کہ ثابت مرکز قبیہ زیر پیمائش کے باہر ہو۔
فرض کرو کہ بازو AB مقام A سے مقام B تک ہٹایا گیا ہے (شکل ۱۲۱)۔ نقطہ A و مرکز کے دائرے پر A سے ایک جائیگا اور نقطہ B راستہ B B اختیار کریگا۔ اس کو ہم یوں ہی تصور



شکل ۱۲۱۔ ابتدائی رقبہ جو سطح پیا سے بننا

کر سکتے ہیں کہ AB اپنی متوازی سمت میں حرکت کرنے کے بعد AB مقام پر پہنچا۔ اور پھر وہاں سے نقطہ A کے گرد گھوم کر مقام A پر پہنچ گیا ہے۔

فرض کرو کہ AB اور AB کا درمیانی عمودی فاصل ایک چھوٹی مقدار "مف" ہے اور AB اور AB کا درمیانی زاویہ ایک چھوٹا زاویہ مف ہے تو بازو AB کی حرکت سے جو سطح بنی ہے اس کا رقبہ = $\frac{1}{2} \times \text{مف} \times \text{ط}$ جہاں $\text{ط} = \text{بازو } AB \text{ کا طول}$ ۔

اصلی سطح AB AB AB مذکورہ بالا سطح سے بہ مقدار خفیف

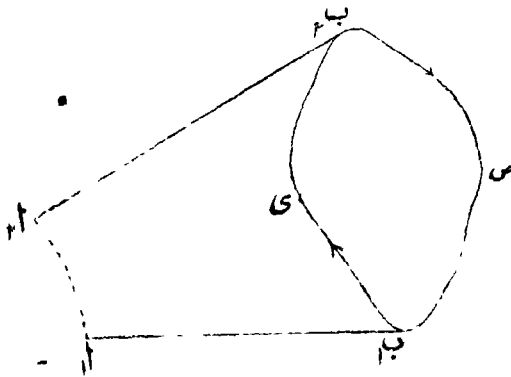
رقبہ ب ب ب ب کم ہے اور یہ خفیف مقدار ب ب ب نظر انداز کر دی جائیگی اگر مف ف اور مف ع بہت چھوٹے ہوں۔ اس لئے ہم لکھ سکتے ہیں کہ :-

ا ب کی حرکت سے بنی ہوئی سطح = $\text{ط مف ف} + \frac{1}{2} \text{ط مف ع}$
اس لئے ا ب کی کسی حرکت کی وجہ سے جو مجموعی سطح بنتی ہے اُس کا رقبہ = $\text{ط مف ف} + \frac{1}{2} \text{ط مف ع}$ ۔

نشان ح ایک ہی قسم کی چھوٹی چھوٹی مقداروں کا مجموعہ بتاتا ہے۔ دور آئندہ یہاں جہاں مجموعہ کی ضرورت ہوگی یہ نشان اکثر استعمال لیا جائیگا۔

فرض کرو کہ نقطہ ب ایک ایسی سطح کے گھیرے کے چاروں طرف گھوم گیا ہے جس کے باہر ثابت مرکز و ہے۔

فرض کرو کہ بازو کا ابتدائی اور انتہائی مقام بالترتیب ا ب اور ا ب ہیں (شکل ۱۵)۔ نقطہ ب کی حرکت ایسی ہوتی ہے کہ اگر کوئی مشاہدہ نقطہ ب کے ساتھ حرکت کرے تو سطح زیر بحث ہمیشہ اُس کے دائیں



شکل ۱۵۔ انتہائی رقبہ جو سطح پیا سے رقبہ ہوتا ہے

طرف رہتی ہے۔

بای بای راتہ طے کرنے میں بازو اب سے سطح
 اب بای بای بنتی ہے۔ دایسی حرکت میں یعنی ص سے ہو کر سطح
 اب بای ص بای بنتی ہے۔
 دئے ہوئے گھیرے کے گرد نقطہ 'ب' کے پھیرنے سے
 اب جو رقبہ بناتا ہے وہ اُس گھیرے کے اندر کے رقبے کے
 مساوی ہے۔

پس رقبہ بای بای ص = (مف ف + ۱/۲ ط مف) =
 یعنی رقبہ دریافت طلب = (مف ف + ۱/۲ ط مف) =
 جب بازو اب اپنی پہلی جگہ پر واپس آ جاتا ہے تو ب اُس رقبہ
 کے گرد ایک پورا چکر کرتا ہے اس لئے مف ع =

بنادیں رقبہ بای بای ص = (مف ف + ۱/۲ ط مف) =
 جہاں ف = اُس فاصلے کے جہاں تک چرخ گھوما ہے۔
 اگر ایسے رقبے دریافت کرنے ہوں جن کے اندر ثابت مرکز و نہیں
 ہے تو نشان کنندہ ب جس رقبے کے گھیرے کے گرد حرکت کرتا ہے
 وہ رقبہ = چرخ کے گھومے ہوئے فصل x بازو اب کا طویل۔
 صورت دوم۔ ایسے رقبے جن کے اندر ثابت مرکز و واقع ہو۔

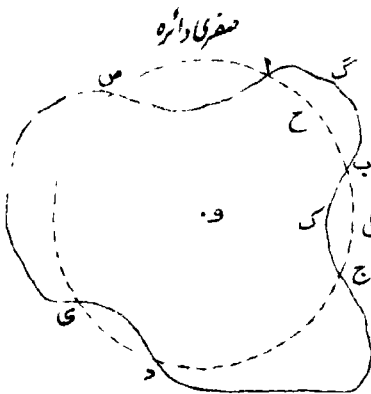
صفری دائرہ۔ قبل اس کے کہ ایسے رقبوں کی ام صورتوں پر
 غور کیا جائے جن کے اندر ثابت مرکز و واقع ہوتے ہیں یہ ضروری
 ہے کہ ان کی ایک خاص صورت یعنی "صفری دائرہ" کی تشریح میں بھی
 کچھ وقت صرف کیا جائے۔ (شکل ۷۷) کو دیکھو۔ اگر ہم سطح پیم کے
 دونوں بازوؤں کو آپس میں اس طرح جکڑ دیں کہ چرخ کی سطح ثابت مرکز
 سے گزرے تو نقطہ ب صرف ایک ایسے دائرے پر گھومے گا جس کا
 مرکز وہی اور نصف قطر وہی ہے۔

اگر ہم نقطہ ب کو پھیر کر یہ دائرہ بنائیں تو چرخ ج کو کسی قسم کی
 گردش نہیں ہوگی کیونکہ اس صورت میں وہ برابر اپنی سطح سے علیٰ القوائم

سمت میں حرکت کر رہا ہوگا۔ اس لئے جب یہ دائرہ ب کے گھومنے سے بیگا تو چرخ کی درجہ خوانی میں کوئی تبدیلی نہیں ہوگی۔ یا یوں کہئے کہ چرخ پر درجہ خوانی صفر ہے اس بناء پر متذکرہ بالا دائرے کا خاص نام "صفری دائرہ" رکھا گیا ہے۔

سطح پیم کو اس ہیئت میں رکھ کر بازو و ب کی پیمائش ہو سکتی ہے اور اس کی مدد سے صفری دائرہ کا رقبہ بھی دریافت ہو سکتا ہے۔ پیمائش کے وقت بازوؤں کو آپس میں جکڑنا بے سود ہے۔

ایسے رقبے کی عام صورت جس کے اندر ثنابت مرکز رہتا ہے۔ رقبہ ۱ ب ج د سی ص (شکل ۱۷) پر غور کرو جس کے اندر ثنابت مرکز و واقع ہے اور فرض کرو کہ نقطہ وار خط صفری دائرہ بتاتا ہے۔ اگر ہم نشان کنندہ کو ۱ سے ب تک منحنی پر پھیریں اور



پھر صفری دائرہ پر ہوتے ہوئے نشان کنندہ کو ۱ پر واپس لائیں تو مثبت سمت میں رقبہ ۱ گ ب ج بیگا اس لئے چرخ پر کا معائنہ ایک ایسے رقبہ ۱ گ ب ج کو بتلایگا جس کے باہر ثنابت نقطہ و ہے۔

شکل ۱۷۔ رقبہ جس کے اندر ثنابت مرکز رہتا ہے

منحنی پر ۱ سے ب تک جو کچھ کہ حرکت ہوئی ہے

وہ چرخ پر پوری پوری ظاہر ہو جائیگی۔ اور صفری دائرے پر جو حرکت ہوتی ہے اس کا اثر چرخ پر کچھ نہیں ہوتا کیونکہ اس دائرے پر حرکت کرتے وقت چرخ بالکل نہیں گھومتا ہے۔ اس لئے رقبہ ۱ گ ب ج چرخ پر ظاہر ہو جاتا ہے۔ جب کہ شمار کنندہ ۱ سے ب تک منحنی پر حرکت کرتا ہے۔

اب اگر ہم ب سے آگے بڑھ کر ب ک ج ل راستہ ط کریں تو رقبہ ب ک ج ل منفی سمت میں بیگا یعنی چرخ اتنا پیچھے کو گھومے گا جس کا رقبہ ب ک ج ل کے مطابق ہوگا۔ اور یہ ساری حرکت چرخ کے پیمانے پر ظاہر ہو جائیگی جب کہ نشان کنندہ، ب ک ج ل راستہ ط کریگا اور اس کے اس طریقہ سے ب ک ج ل پر پھرنے سے رقبہ ب ک ج ل منفی سمت میں تقسیم ہوگا۔

پس یہ ظاہر ہے کہ جب کبھی شمار کنندہ، صفری دائرے سے گزریگا تو چرخ خود بخود گردش کی سمت بدل دیگا اس لئے صفری دائرہ کھینچنے کی ضرورت نہیں ہے۔ ٹو پر جو کچھ بیان ہوا ہے اس سے صاف ظاہر ہے کہ جب نشان کنندہ کسی ایسے رقبہ کے گرد پھیرا جاتا ہے جس میں ثابت مرکز واقع ہے تو چرخ کا گھوما ہوا کل فاصلہ صفری دائرے کے باہر کے رقبوں کی جبری جمع کے مطابق ہوگا۔

جو رقبہ چرخ کی حرکت سے معلوم ہوگا اس میں اگر صفری دائرے کا رقبہ جوڑ دیا جائے تو رقبہ دریافت طلب حاصل ہو جائیگا۔ اس لئے صفری دائرے کا رقبہ مذکورہ بالا طریقے سے پہلے دریافت کر لینا ضروری ہے۔

چرخ کے پیمانے پر جو تقسیم ہوتی ہے اس کی سمت کو نہایت غور کے ساتھ دیکھتے رہنا چاہئے اور جہاں ضرورت ہو مثبت و منفی کی علامت لگاتے بھی جانا چاہئے۔ اور نشان کنندہ کو اس طرح پھیرنا چاہئے کہ وہ رقبہ کے گھیرے پر ہمیشہ مثبت سمت میں حرکت کرے۔

تجربہ ۷ — سطح پیمائی کی تعمیر — سطح پیمائی کے استعمال کے قبل اس بات کی دریافت ضروری ہے کہ چرخ کی ایک مکمل گردش کتنے رقبے کو تعمیر کرتی ہے۔ یہ ظاہر ہے کہ اس کا

انحصار شمار کنندہ والے بازو کے طول (یعنی قبضہ اور نقطہ شمار کنندہ کے درمیانی فصل) اور جہز کے قطر پر ہے۔

(۱) شمار کنندہ والے بازو کے طول کی تعیین۔

اس پُرزے کو جس پر قبضہ چڑھا ہوا ہے اس طرح سے ترتیب دو کر اس پر کا نمائندہ بازو زیر بحث کے بغلی رُخ کے کسی نشان کی سیدھ میں آجائے۔ سہولت کے لئے... اسم □ کا اور اگر سطح پیماس کی درجہ بندی رانچوں میں ہو تو ۱۰ رانچ □ کا نشان مناسب ہوگا۔ اب ہم کو قبضے سے نشان کنندہ کا فاصلہ دریافت کرنا ہے۔ یہ کوئی آسان بات نہیں ہے کیونکہ قبضہ عموماً پُرزوں کے اندر واقع ہوتا ہے۔ بہترین طریقہ یہ ہے کہ آلے کے ایک جانب کو مربع دار کاغذ پر اس طریقہ سے رکھا جائے کہ نشان کنندہ کاغذ کے کسی خاص نشان پر پڑے اور جہاں قبضے کا محور واقع ہے اُس کے مقام کا اندازہ ۱۰۔ ۱۱ میٹر کی حد تک کر لیا جائے۔ نشان کنندہ والے بازو کو مربع دار کاغذ کے ایک کنارے کے متوازی رکھنا چاہئے تاکہ طول کی پیمائش صحت کے ساتھ ہو سکے۔

بعض قسم کے سطح پیماس میں شمار کنندہ والے بازو کے اوپر دو نقطے ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک بازو کے سرے کے قریب ثابت ہوتا ہے اور دوسرا قبضہ بردار کے ساتھ ساتھ حرکت کرتا ہے۔ آلہ ساز سطح پیماس کو اس طرح بناتے ہیں کہ ان نقطوں کا درمیانی فاصلہ شمار کنندہ اور قبضے کے محور کے فاصلے کے بالکل ٹھیک مساوی ہوتا ہے۔ اس صورت میں اس فصل کی پیمائش ایک پیمائش کے ذریعے ہو سکتی ہے۔ اور یہ طریقہ پہلے طریقوں سے زیادہ آسان اور صحیح بھی ہے۔ یہ حاصل شدہ فصل وہی فصل ط ہے جس کا ذکر آلے کی تشریح میں پہلے ہو چکا ہے۔

(۲) چرخ کے محیط کی تعین — چرخ کا قطر پیداؤ خردہ پیا سے دریافت کرلو۔ اور اس کو π سے ضرب دو۔ حاصل ضرب محیط ہوگا۔ اس پیمائش میں اس امر کا لحاظ رکھنا چاہئے کہ چرخ پر ضرورت سے زیادہ دباؤ نہ پڑے۔ اگر ایسا نہ کیا جائے تو چرخ کا کنارہ بد شکل ہو جائیگا اور اس وجہ سے آلے کی صحت بھی جاتی رہیگی۔

بازو کا طول ϕ \times چرخ کا محیط π $ق =$ اس رقبے کے جس کی تعبیر چرخ کی گردش سے ہوتی ہے۔ جہاں $ق =$ چرخ کا قطر جو خردہ پیا کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔

یہ حاصل ضرب شمار کنندہ والے بازو کے رُخ کے .. اسم \square یا Δ کے نشان سے مطابقت کریگا۔ جس پر قبضہ بردار مرتب کیا گیا تھا۔ یہ درجہ بندیاں آلہ ساز کرتے ہیں۔ اور جب آلہ تذکرہ بالا طریقے سے مرتب کیا گیا ہو تو یہ درجہ بندیاں ان رقبوں کو ظاہر کرتی ہیں جن کی تعبیر چرخ کی ایک گردش سے ہوتی ہے۔ بات ظاہر ہے کہ ” ϕ “ اور ” $ق$ “ کے دریافت کرنے کے جو دو طریقے اوپر بتائے گئے ہیں وہ کسی قدر ناقص ہیں۔ آلہ ساز ان مقداروں کو زیادہ صحت کے ساتھ دریافت کر سکتے ہیں اس لئے تاوقتیکہ آلہ پُرانا نہ ہو جائے یا بے احتیاطی سے استعمال کرنے کی وجہ سے خراب نہ ہو جائے جو قیمتیں شمار کنندہ والے بازو پر لکھی ہوں انہیں کو استعمال کرنا چاہئے۔

تجی بہ ۹ — سطح پیمائی کی مدد سے چھوٹے چھوٹے رقبوں کی تعین — رقبہ اتنا چھوٹا ہونا چاہئے کہ ثابت مرکز و شکل کے باہر رکھا جاسکے۔

(۱) سطح پیمائی کی فی صد غلطی دریافت کرنا۔ دس سمر ضلع کا ایک مربع کھینچو اور آلے کے نشان کنندہ کو اس مربع

کے چاروں طرف پھیرو اور سطح پیم کے ذریعے سے جو رقبہ معلوم ہو اس کو مربع سمر میں تحویل کر لو۔ سو مربع سمر میں (جو مربع کا مجموعی رقبہ ہے) اور سطح پیم کے ذریعے سے دریافت کی ہوئی قیمت میں جو فرق ہوگا وہی سطح پیم کی فی صد غلطی ہوگی۔

(ب) دائرے کا رقبہ سطح پیم کی مدد سے دریافت کرنا۔

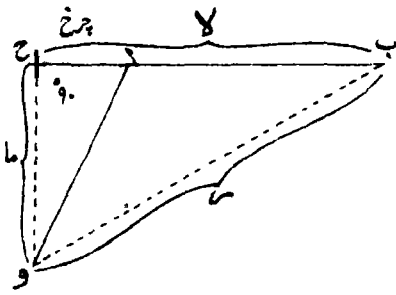
۱۰ سمر نصف قطر کا ایک دائرہ کھینچو اس کا رقبہ $10 \times \pi$ مربع سمر ہوگا۔ اس رقبے کو سطح پیم کی مدد سے دریافت کرو۔ ان دونوں قیمتوں سے π کی قیمت اخذ کرو۔

تجربہ ۱۔ سطح پیم کے صفری دائرے کا رقبہ دریافت کرنا۔ چھوٹے رقبوں کی پیمائش کرنے میں اس آلے کا استعمال بتایا جا چکا ہے۔ اور اس پر رقبوں کی قیمت بڑھنے کی ترکیب بھی سمجھائی جا چکی ہے۔ اب اس کی ضرورت ہے کہ صفری دائرے کا رقبہ دریافت ہو جائے تاکہ ان بڑے بڑے رقبوں کی پیمائش ہو سکے جن کے اندر ثابت مرکز واقع ہوں۔

(۱) صفری دائرے کا رقبہ نظر سے :-

چرخ کو مربع دار کاغذ پر اس طرح سے رکھو کہ اس کا وہ نقطہ جو کاغذ سے لمس کر رہا ہو ٹھیک کسی مربع کے ایک کونے پر رہے۔ اور اس کی سطح مربعوں کے ضلعوں پر رہے۔ نشان کنندہ کاغذ کے کسی ایک کنارے پر اور ثابت مرکز چرخ کے سطح والے کنارے پر رہے۔ اور ان دونوں نقطوں کو اس طرح سے دباؤ کہ کاغذ پر ان کے نشان پڑ جائیں۔

آرہ اب اس طرح بٹھایا گیا ہے کہ چرخ کی سطح ثابت مرکز سے ہو کر گذرتی ہے۔ اس لئے ان تحقیقات کی رو سے جن کا بیان پہلے ہو چکا ہے ثابت نقطے اور شمار کنندہ کا درمیانی فاصلہ صفری دائرے کا نصف قطر ہے۔ مقرر الذکر فصل کی پیمائش ہو سکتی ہے



جس کی مدد سے صفری دائرے کا رقبہ بھی معلوم ہو سکتا ہے۔

شکل ۱۷ میں

$$\text{لا} + \text{س} = \text{س}$$

اس لئے ہم لکھ سکتے ہیں:-

صفری دائرے کا

$$\text{رقبہ} = \pi (\text{لا} + \text{س})$$

اور مساوات مندرجہ بالا سے

صاف ظاہر ہے کہ رقبہ صرف لا اور س کی قیمتیں دریافت کرنے سے معلوم ہو سکتا ہے اور س کی پیمائش کرنے کی ضرورت نہیں۔

اگر نشان کنندہ والے بازو کے اوپر کے بیخ کا معائنہ کیا جائے تو یہ معلوم ہوگا کہ ان کے مختلف نقطوں پر بھی اعداد ملے ہیں جو بنی

بیخ کے نشانات کے اوپر لکھے ہوئے ہیں۔ یہ اعداد ان صفری دائروں کے رقبوں کو تعبیر کرتے ہیں جن کو قبضہ بردار کے مختلف مقاموں

سے مطابقت ہے اور یہ اعداد عموماً بیخ کی گردشوں کی تعداد بتاتے ہیں۔ مثلاً اگر قبضہ بردار کا نمائندہ ۱۰۰ سمر □ کے نشان

پر مرتب کیا جائے اور سلاخ کے اوپر والے بیخ پر اسی نشان کے سامنے ۲۰۵ ۳۱ لکھا ہوا ہو تو اس کے معنی یہ ہونگے کہ

صفری دائرے کا رقبہ بیخ کی ۲۰۵ ۳۱ گردشوں کے برابر ہے یا یوں کہئے کہ رقبہ = ۲۰۵ ۳۱ مربع سمر۔

آلے پر کے نشانات کی مدد سے صفری دائرے کا رقبہ مربع سمر میں لکھو اور مذکورہ بالا مشاہدات سے جو رقبہ حاصل ہو اس کا

قبل الذکر رقبے سے مقابلہ کرو۔ جیسا کہ پہلے بیان ہو چکا ہے آلے پر کے نشان کی مدد سے جو رقبہ حاصل ہوئے ہیں ان کی صحت پر

زیادہ بھروسہ کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ آلہ سازوں کو زیادہ صحت کے

ذرائع حاصل ہیں اس لئے جب تک کہ آر قطعی طور پر خراب نہ ہو گیا ہو اُس کے نشانات کی مدد سے جو رقبے ملتے ہیں اُن ہی کو استعمال کرنا چاہئے۔

(ب) صفری دائرے کا رقبہ تجربہ کے ذریعے سے۔
صرف سطح پیم کے نمائندوں ہی کی مدد سے بغیر کسی پیمائش کے صفری دائرے کا رقبہ بہت آسانی کے ساتھ دریافت ہو سکتا ہے۔ کوئی ایک ایسا منتظم یا غیر منتظم رقبہ لو کہ اگر ثابت نقطہ باہر رکھا جائے تو اسی رقبے کے گھیرے پر نشان کنندہ آسانی سے پھیرا جاسکے۔
۲۰ سمر کے عرض کی شکل اکثر ایسے آلوں کے لئے مناسب ہوگی جو ۱۰۰ سمر □ درجہ بندی پر مرتب کئے گئے ہوں۔

ثابت مرکز کو باہر رکھ کر شمار کنندہ کو شکل کے گھیرے پر پھیر دو۔
اور سطح پیم کے درجوں سے جو رقبہ معلوم ہو اُس کو قلمبند کر لو۔ اس رقبے کی تعبیر ۱ سے کر دو۔

اب ثابت مرکز کو شکل کے اندر رکھ کر پھر نشان کنندہ کو پھیر دو۔ پھیرنے کے عمل کو آہستہ آہستہ جاری رکھو کیونکہ اس حالت میں چرخ بہت تیزی سے گھومے گا اور اگر احتیاط نہ برتی جائے تو چرخ کاغذ پر یا تو پھسل جائیگا یا اُس سے ہٹ جائیگا۔ اگر غور سے دیکھو گے تو معلوم ہوگا کہ چرخ ہر کی ترقیم گھٹ رہی ہوگی یعنی صفی رقبہ ترقیم ہو رہا ہوگا۔ بشرطیکہ شمار کنندہ مثبت سمت میں حرکت کر رہا ہو۔
جب ترقیم شدہ رقبہ چرخ پر معلوم ہو جائے تو مندرجہ ذیل مساوات سے شکل زیر بحث کا رقبہ دریافت ہو جائیگا۔ جب ثابت مرکز شکل کے اندر ہو تو

رقبہ ۱ = ترقیم شدہ رقبہ + صفری دائرے کا رقبہ

عموماً یہ مساوات رقبہ ۱ کے دریافت کرنے میں استعمال کی جاتی ہے۔ لیکن اس خاص صورت میں جو کہ زیر بحث ہے

اس کی مد سے صفری دائرے کا رقبہ بھی معلوم کر سکتے ہیں۔ رقبہ ۱
سطح پیمائی کی مد سے پہلے ہی دریافت ہو چکا ہے جب کہ ثابت مرکز
شکل کے باہر تھا۔ اور ترقیم سے رقبے کا پتہ چل گیا ہے جب کہ مرکز
اندہر تھا اس لئے صفری دائرے کا رقبہ دو مذکورہ بالا رقوم کے
جبوری ذوق کے مساوی ہے۔ یا ان کے حسابی حاصل جمع کے، کیونکہ
ان میں سے ایک منفی مقدار ہے۔
مندرجہ ذیل مثال کو دیکھو:-

ثابت مرکز باہر ہو

پہلا معائنہ	۲۵۱۳۹	چکر
دوسرا معائنہ	۵۶۷۱۳	چکر
ترقیم	<u>۳۶۵۷۴</u>	چکر
رقبہ	<u>۳۵۷۶۴</u>	مربع سمر

ثابت مرکز اندر ہو

پہلا معائنہ	۵۶۷۸۱ (۲)	چکر
دوسرا معائنہ	۸۶۶۳۳	چکر
ترقیم	<u>-۱۷۸۱۳۸</u>	چکر

ترقیم منفی سمت میں ہو رہی تھی اور چرخ جو بڑے چکروں کو
بتاتا ہے وہ اپنے صفر پر سے دو مرتبہ گزرا۔ اس لئے پہلے معائنہ کے
سامنے (۲) کا نشان لگا دیا گیا ہے۔
اس طریقہ سے

$$۳۵۷۶۴ = (-۱۷۸۱۳۸) + \text{صفری دائرے کا رقبہ}$$

یا صغری دائرے کا رقبہ = ۲۰.۷۲۵۲ مربع سمر -
 مذکورہ بالا نتیجوں کے مقابلے میں سطح پیمائش کے شمار کنندہ کی درجہ بندیوں
 سے اسی رقبے کی قیمت ۲۰.۷۳۱۵ مربع سمر تھی -
 صغری دائرے کا رقبہ ان دو طریقوں سے دریافت کرو اور نتیجوں کا
 مقابلہ اُس قیمت سے کرو جو شمار کنندہ کے بازو سے حاصل ہوتی
 ہے -

نتیجہ ہر ۱۱۔ — بڑے رقبوں کی پیمائش
 سطح پیمائش کی مدد سے — اس صورت میں رقبہ اتنا بڑا فرض کیا
 جا سکتا ہے کہ ثابت مرکز و اس کے اندر لیا جاسکے -
 ۴۰ سمر $\times ۱۰$ سمر کی ایک بڑی شکل ناقص دو صوئیوں اور
 دھماگے کی مدد سے کھینچو - اور سطح پیمائش کی مدد سے اس کا رقبہ
 دریافت کرو - ثابت کرو کہ یہ رقبہ $= \frac{\pi}{4} \times$ اُس مستطیل کا
 رقبہ جو کہ شکل ناقص کے باہر کھینچا گیا ہے اور جس کے اضلاع
 اعظم اور اقل محوروں کے مساوی ہوں -

۲۔ حجم اور کثافت کی پیمائش

کثافت سے کسی مادے شے کی کمیت فی اکائی حجم مراد ہے -
 سن، گ، ڈٹ، نظام میں اس کو یوں کہہ سکتے ہیں کہ کسی مادے
 شے کی کثافت اُس کے ایک مکعب سمر حجم کے مادے کی کمیت کے
 برابر ہے -

اگر گ کمیت ہو اور ح حجم تو $\frac{ک}{ح}$ کثافت =
 اگر گ گراموں میں اور ح مکعب سمروں میں ہو تو کثافت گرام

فی کعب سمر میں ظاہر ہوگی۔ کسی منظم مجسم کی کثافت سرل چاہے
تجربہ سہا ۱۱۔ کے ذریعے دریافت کرنا۔ احتیاط کے ساتھ چند منظم مجسمات کے
طولی البعاد کو ایسے سرل چاہے کے ذریعے دریافت کرو جس سے
او۔ ملی میٹر تک طول دریافت ہو سکے۔ طول کی پیمائش میں سرل
چاہے کے ہر معائنہ سے ”صفری معائنہ“ کو جبری قاعدے سے
حسب ضرورت گھٹا لو۔

ہر پیمائش میں مشاہدہ کم از کم تین مرتبہ ہونا چاہیے اور اگر
ممکن ہو تو مشاہدے جسم کے مختلف نقطوں پر ہونے چاہئیں۔ جو
نتیجے حاصل ہوں ان کا اوسط لینا چاہیے۔ مثلاً اگر کسی اسطوانے
کا قطر دریافت کرنا ہو تو اس کی قیمت اس کے ہر ایک سرے
اور وسطی مقام پر دریافت کرنی چاہیے۔ اور اس کا اوسط قطر
ان تینوں کا اوسط ہوگا۔ ایسا عمل کرنے سے اگر استخوانہ کسی
قدر گاڑم ہو تو اس کی وجہ سے جو غلطی ہوگی اس کی صحت
ہو جاتی ہے۔ اسطوانے کے ہر مقام پر دو ایسے قطروں کی
پیمائش ہونی چاہیے جو آپس میں علی القوائم ہوں۔ اس طریقے
سے اسطوانے میں اگر ناقصیت ہو تو اس کی بھی صحت ہو
جائیگی۔

پس اس طرح سے اسطوانے پر چھ مشاہدات ہونگے اور
ان کا اوسط اسطوانے کا صحیح قطر سمجھا جاسکتا ہے۔
دریافت شدہ قطر کی مدد سے اسطوانے کا جم دریافت کرو۔
اسی طریقے سے اور دیگر منظم مجسمات کے بھی جم دریافت ہو سکتے ہیں۔
{ مختلف منظم مجسمات کے جم دریافت کرنے کے ضابطے ضمیمہ
میں درج ہیں }

ترازو کی مدد سے اس جسم کی گہمت مادہ دریافت کرو اور اس

کمیت کو حجم دریافت شدہ سے تقسیم کر دو جو نتیجہ کہ حاصل ہوگا وہ اس کی کثافت ہوگی۔

تجربہ ۱۳۔ کسی منتظم مجسم کی کثافت پیمدار خردہ پیم کی مدد سے دریافت کرنا۔ اجسامت زیر پیمائش کے طولی ابعاد کو خردہ پیم سے دریافت کرو اور ضابطے کی مدد سے حجم کی تعیین کرو۔

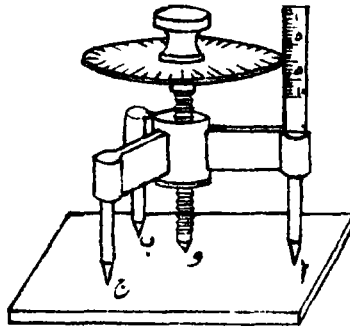
پھر اس جسم کی کمیت ترازو سے معلوم کر لو اور اس کمیت کو حاصل شدہ حجم سے تقسیم کر دو۔ جو نتیجہ نکلیگا وہ اس جسم کی کثافت ہوگا۔

۳۔ کروییت پیم

کروییت پیم ایک آلہ ہے جو کسی کروی سطح کے انحناء کے نصف قطر کی پیمائش کرنے میں استعمال کیا جاتا ہے۔ اکثر صورتوں میں (مثلاً کسی عدسے کی پیمائش وغیرہ میں) سطح زیر پیمائش کرہ کا محض ایک چھوٹا سا حصہ ہوتا ہے۔ اس صورت میں انحناء کا نصف قطر اس (خیالی) کرہ کا نصف قطر ہے جس کا ایک حصہ یہ سطح ہے۔

یہ آلہ ایک ایسے ڈھانچے پر مشتمل ہے جس میں تین پائے اب ج اس طرح سے لگے ہیں کہ ان کے سرے تقریباً ایک مثلث مساوی الاضلاع کے کونوں پر واقع ہیں (شکل ۱۱)۔ ڈھانچے کے مرکز سے ایک باریک عموماً ۵.۰ ملی میٹر یا ایک ملی میٹر کی گھائی کا بیج گزرتا ہے جو اس آلہ کا چوتھا پایہ ۹ ہے۔ اس پائے کا مقام ایٹ ایسے پیمانے سے دریافت ہوتا ہے جو ڈھانچے میں علی القوائم لگا ہوا ہے۔ بیج کے اوپر کے سرے پر ایک قرص دار

پیمانہ لگا ہوا ہے اس میں عموماً سو درجے ہوتے ہیں۔ جب یہ قرص



شکل ۱۵۔ کرویت پیم

ایک دفعہ پورا چکر لگا جاتا ہے تو برسا و بیچ کی ایک گھائی کے برابر
اوپر یا نیچے ہٹتا ہے۔ اگر گھائی ایک ریلی میٹر کی ہو تو قرص کا ایک درجہ
۰.۰۱ ریلی میٹر بتائیگا۔ اگر گھائی ۰.۰۵ ریلی میٹر کی ہو تو قرص کا ایک درجہ
۰.۰۰۵ ریلی میٹر بتائیگا۔ اس کے معنی یہ ہیں کہ اس آلے کی مدد سے
۰.۰۰۵ یا ۰.۰۱ ریلی میٹر کی حد تک طول دریافت ہو سکتا ہے۔

تجربہ ۱۴۔ — کرویت پیم کی مدد سے کسی
تختی کی موٹائی کی پیمائش۔ کرویت پیم کے استعمال سے
قبل یہ دریافت کرنا چاہئے کہ آلے کے اوپر دونوں پیمانوں میں
کس طرح سے درجہ بندی ہوئی ہے۔ کیونکہ ہر آلے کی درجہ بندی
یکساں نہیں ہوتی۔ سب سے پہلے یہ دریافت کرو کہ قرص کی
ایک پوری گردش سے بیچ کا برسا کتنا آگے بڑھتا ہے۔ یہ فصل
غالباً ۰.۰۱ یا ۰.۰۵ ریلی میٹر ہوگا۔ اس کے بعد دیکھو کہ قرص کے اوپر
کتنے درجے ہیں اور اس کی مدد سے یہ دریافت کر لو کہ جب قرص

ایک درجہ گھومایا جاتا ہے تو بیچ کا سراکتنا آگے بڑھیکا۔ مثلاً بیچ کی گھائی اگر ۰.۵ ملی میٹر ہو اور درجہ دار قرص پر پچاس درجے ہوں تو ہر درجہ ۰.۵۱ ملی میٹر فصل کے مطابق ہوگا (دیکھو صفحہ ۳۲)۔ جب کہ درجہ دار قرص کا صفر خطی پیمانے کے صفر کے محاذی ہو جائے تو اس صورت میں یہ سمجھا جاتا ہے کہ بیچ کی نوک اور تینوں پایوں کی نوکیں ایک ہی سطح میں واقع ہیں۔ بالعموم ٹھیک یہ صورت نہیں رہتی ہے۔ اس لئے آلے کی "صفری غلطی" کی مقدار یا "صفری معائنہ" کے دریافت کرنے کی ضرورت ہوتی ہے۔

اس امر کے لئے گردیت پیم ایک ایسی ٹھیک سطح مستوی پر رکھا جاتا ہے جس کے استوا کی جانچ فن مناظر کے قاعدے سے پہلے کر لی جاتی ہے۔ یہ عموماً کانچ کی تختی ہوتی ہے۔ آلے کے سرے کو گھماتے جاؤ جب تک کہ بیچ کی نوک سطح مذکورہ بالا سے مس نہ کرے۔ اس کا پتہ کہ نوک عین مس کر رہی ہے یوں لگتا ہے کہ اگر باہر والے پایوں سے کسی کو انگلی یا پنسل سے چھوا جائے تو آگے بیچ کی نوک کے گرد گھوم جاتا ہے۔ بیچ کو اتنا گھمانا چاہیے کہ آلہ اگر مذکورہ بالا طریقے سے چھوا جائے تو گھومنے لگے۔ لیکن اگر بیچ ذرا سا بھی اوپر اٹھایا جائے تو آلے کا گھومنا موقوف ہو جائے۔ اس عمل کو کئی بار کرو اور ہر شاہدے میں خطی پیمانے پر قرص کے صفر کا مقام دریافت کر لو۔ جو قیمتیں کہ ملینگی اُن کا اوسط صفری معائنہ ہوگا۔ اس کے بعد جتنے معائنے ہونگے اُن میں سے ہر ایک میں یہ صفری معائنہ جبری طریقے سے محسوب کر لینا چاہیے۔

شیشے کی تختی کی موٹائی ناپنے میں پہلے صفری معائنہ دریافت کر دو۔ اس کے بعد تختی کو بیچ کی نوک کے نیچے رکھو اور بیچ کو باہر کی طرف گھماتے جاؤ جب تک کہ آلے کی گردش عین موقوف

نہ ہو جائے۔ اس عمل میں آلے کے تینوں پائے حسب دستور سطح
مستوی پر رہنے چاہئیں۔ جب آلہ اس طرح سے مرتب ہو جائے
تو پیمانے پر معائنہ کر لو اور اس کی قیمت سے صفری معائنہ کی
قیمت گھٹا لو جو نتیجہ نکلیگا تختی کی موٹائی ہوگا۔

اکثر اوقات انتصابی پیمانہ کا لحاظ نہ رکھنا زیادہ آسان ہوتا
ہے مگر صرف اتنا جان لینا چاہئے کہ جب قرص ایک پوری
گردش کر لیتا ہے تو نوک کتنا فصل طے کرتی ہے۔ اس صورت
میں انتصابی پیمانے پر معائنہ کرنے کے بجائے قرص کی پوری گردشوں
کی تعداد دریافت کرنی چاہئے۔ یہ ظاہر ہے کہ ایک گردش قرص
پر کے ۵۰ یا ۱۰۰ درجوں کے برابر ہوگی اور جتنا فصل کہ بھیج کی
نوک طے کریگی وہ مذکورہ بالا درجوں کے رقوم میں ظاہر کیا
جا سکتا ہے۔

مثال۔ فرض کرو کہ قرص پر صفری معائنہ ۲۳ درجے ہے۔
جب بھیج کی نوک تختی کی اوپر کی سطح پر آئی تو قرص کو
چار سے زیادہ گریانچ سے کم مکمل گردشیں دینی پڑیں۔ اور اس وقت
قرص پر کا معائنہ ۶۵ تھا۔

قرص پر ۱۰۰ درجے ہیں اس لئے درجوں کی تعداد جس حد
تک آلہ گھمایا گیا ہے = ۴ مکمل چکر + ۶۵ - ۲۳
= ۴۲۲ درجے

بھیج کی گھائی ۰.۵۵ ملی میٹر ہے اس لئے ہر درجہ $\frac{1}{4}$ ممر
کے مطابق ہوگا۔

اس لئے تختی کی موٹائی = ۲۱.۵ ممر

تجربہ ۱۵۔ گسی آئینہ یا عدسہ کی سطح
کے انحناء کے نصف قطر کی پیمائش۔ کرویت پیم کے

تینوں پایوں کو گڑوی سطح پر بٹھا دو اور پیچ کو اس طرح سے ترتیب دو کہ اس کی نوک بھی ٹھیک گڑوی سطح کو مس کرے۔ قرض پر معائنہ کر لو۔ اب آلے کو گڑوی سطح سے ہٹا کر سطح مستوی پر رکھو اور دیکھو کہ پیچ کی نوک کو تینوں پایوں کی سطح میں لانے کے لئے قرض کو کتنی دفعہ ہٹانا پڑتا ہے۔ قرض پر پھر معائنہ کرو۔ گردشوں کی تعداد اور قرض پر کے دونوں معائنوں سے یہ دریافت کرو کہ پیچ کی نوک نے کتنا فصل طے کیا۔ یہ مشاہدہ کئی دفعہ ہونا چاہئے۔ اوسط قیمت کو 'گ' سمر سے تعبیر کرو۔

آلے کے کسی دو ثابت پایوں کا درمیانی فاصلہ بھی جاننا ضروری ہے۔ اس کو کسی ملی میٹر کے پیمانے سے ۱۰۰ ملی میٹر کی حد تک احتیاط سے پیمائش کر لو۔ اس قسم کی تین پیمائشیں کرنی ہونگی۔ کیونکہ یہ فاصلہ اس مثلث متساوی الاضلاع کا ضلع ہے جس کے کونوں پر پایوں کی نوکیں واقع ہیں۔ ان تینوں پیمائشوں کے اوسط کو 'ف' سمر سے تعبیر کرو تو انحناء کا نصف قطر مندرجہ ذیل مساوات سے معلوم ہو جائیگا:۔

$$r = \frac{F}{\pi} + \frac{g}{2}$$

جہاں 'ر' انحناء کا نصف قطر ہے

نوٹ:۔ (۱) چونکہ 'ر' کا انحصار 'ف' کے مربع پر ہے اس لئے 'ف' کی پیمائش میں تھوڑی سی فی صد غلطی 'ر' کی فی صد غلطی کی تعداد کو دو چند کر دیگی۔

(۲) اگر 'گ' کی پیمائش سمر میں ہوئی ہے تو 'ف' بھی سمر میں ہونا چاہئے اور 'ر' کی قیمت بھی سمر میں نکلیگی۔

(۳) رقم $\frac{g}{2}$ اکثر اوقات $\frac{F}{\pi}$ کے مقابلے میں نظر انداز کر دی جاتی ہے۔

نتیجے مندرجہ ذیل طریقے سے قلمبند ہونے چاہئیں:-

سطح مستوی پر معائنہ	عددہ پر معائنہ
۲۲ درجے	۴۸ درجے
۲۴ درجے	۴۷
۲۳ درجے	۴۶
اوسط ۲۳ درجے	اوسط ۴۷ درجے

فرق = ۲۴ درجے
ہیچ میں دو مکمل جکڑ ہوئے۔

۲ جکڑ + ۲۴ درجے = ۰.۶۱۱۲ سمر

پایلوں کا درمیانی فاصلہ

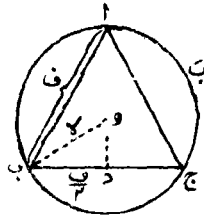
$$\begin{aligned} & ۳۶۰.۱ \text{ سمر} \\ & ۳۶۰.۳ \\ & \text{اوسط } ۳۶۰.۱ = \frac{۳۶۰.۱ + ۳۶۰.۳}{۲} \\ & \text{۲} \end{aligned} \quad \left| \quad \begin{aligned} & \text{۰.۶۱۱۲} \\ & \text{۰.۱۱۲} \times ۶ \\ & \text{۱۳۶۵} \end{aligned} \right.$$

سطح کے انحناء کو بصریوں میں دریافت کرنا زیادہ مفید ہے کیونکہ بصریہ عینک سازوں کے پاس انحناء کی اکائی ہے جس سطح کے انحناء کا نصف قطر ایک میٹر ہوتا ہے اُس کا انحناء ایک بصریہ کہلاتا ہے۔ پس انحناء کی قیمت بصریوں میں انحناء کے نصف قطر کی اُس قیمت کا مقابلہ ہے جو میٹروں میں ہوتی ہے۔

مثال مندرجہ بالا میں انحناء = $\frac{۱۰}{۱۳۶۵}$ بصریہ

$$\text{ضابطہ س} = \frac{۲}{۴} + \frac{۲}{۲} \text{ گ} \text{ کا ثبوت — اس}$$

ضابطہ میں ف اُس مثلث متساوی الاضلاع کے ضلع کا طول ہے جس کے کونوں پر آلہ کی تینوں ثابت نوکیں رہتی ہیں (شکل ۱۹)۔ فرض کرو کہ ا ب ج مذکورہ بالا مثلث متساوی الاضلاع ہے۔ اس



شکل ۱۹۔ کرویّت پیم کی سطح

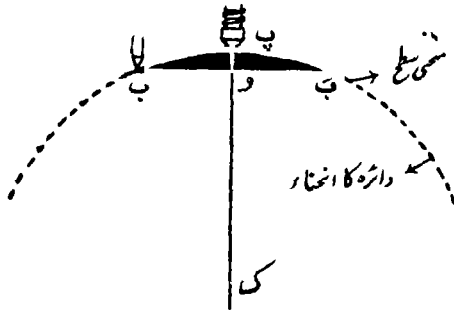
مثلث کے گرد دائرہ کھینچو۔ و اس دائرہ کا مرکز ہے۔ نصف قطرے و ب کو لائے تعمیر کرو۔ ب ج پر و د عمود کھینچو۔ تب $\overline{ب د} = \frac{۲}{۳} \overline{ف}$ اور $\overline{و د} = \frac{۱}{۳} \overline{ف}$

کیونکہ مثلث ب و د ایک مثلث متساوی الاضلاع کا نصف ہے۔

$$\begin{aligned} \text{اب} \quad \overline{و ب} &= \overline{و د} + \overline{ب د} \\ \text{یعنی} \quad ۱ \overline{و} &= \left(\frac{۱}{۳} \overline{ف} \right) + \left(\frac{۲}{۳} \overline{ف} \right) \\ ۱ \overline{و} &= \frac{۱ \overline{ف}}{۳} + \frac{۲ \overline{ف}}{۳} \\ \frac{۱ \overline{و}}{۱} &= \frac{۳ \overline{ف}}{۳} \\ \text{اس لئے} \quad \overline{و} &= \overline{ف} \end{aligned}$$

کرہ کو ایک ایسی سطح سے قطع کرو جو اس کے مرکز کی اور خط $\overline{ب و}$ سے گزرے۔ اس سطحی تراش پر غور کرو۔

اس طریقہ سے شکل ۷۱-۱ حاصل ہوتی ہے جس میں اس دائرے کا صرف ایک حصہ دکھایا گیا ہے جس کے انحناء کی ضرورت ہے۔ پ ک کو اپنی سیدھ میں اس طرح بڑھاؤ کہ وہ دائرے کو پھر نقطہ



شکل ۷۱-۱ = دائرہ کا حصہ

س پر قطع کرے (یہ نقطہ س شکل میں نہیں دکھایا گیا ہے)

$$ک س = ک پ$$

$$س =$$

$$و ب = و ب$$

$$لا =$$

$$اور و پ = گ$$

ہم کو علم ہندسہ سے معلوم ہے کہ $وس \times وپ = و ب \times و ب$

$$لا = گ (س - گ)$$

$$س گ = لا + گ$$

$$س = \frac{لا}{گ} + \frac{گ}{س}$$

یعنی

پہلے یہ ثابت کیا جا چکا ہے کہ $\frac{f_2}{f_1} = \frac{v_2}{v_1}$

$\frac{f_2}{f_1} + \frac{v_2}{v_1} = s$

اور یہی ثابت کرنا مطلوب تھا۔



فصل چہارم

اضافی کثافتوں کی تعیین

۱۔ کثافتِ اضافی کی تعریف

کسی حجم کی مادی شے کا وزن اُس کی مساوی الجھم کسی معیاری شے کے وزن کے ساتھ جو نسبت رکھتا ہے اُس نسبت کو قبل الذکر شے کی کثافتِ اضافی کہتے ہیں۔ بالعموم پانی معیاری شے قرار دیا گیا ہے۔ اِس مفہوم کو علمِ ریاضی میں ذیل کی صورت میں ادا کر سکتے ہیں:-
فرض کرو کہ کسی مادی جسم کا وزن W ہے اور اِس جسم کے مساوی الجھم پانی کا وزن W_p ہے تو متذکرہ بالا تعریف کی رو سے جسم زیر بحث کی کثافتِ اضافی $= \frac{W}{W_p}$

چونکہ وزن گہیت مادہ کے متناسب ہوتا ہے۔ اِس لئے
کثافتِ اضافی $= \frac{W}{W_p} = \frac{\text{جسم کا گہیت مادہ}}{\text{جہاں ک = مساوی الجھم پانی کا گہیت مادہ}}$

جب حقیقی نتیجہ مقصود ہو تو اُن پیشوں کو مخصوص کرنا بھی ضروری ہے جن پر تجربے کیے جائیں۔ اِس بناء پر پانی ۴۰° مٹی پیش کا لیا جاتا ہے اور اِس پیش پر پانی "اعظم کثافت" رکھتا ہے۔ معمولی تجربوں

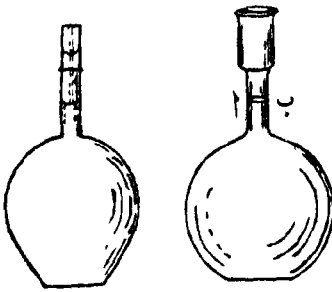
میں پیمائشیں کرے کی پیش پر ہوتی ہیں۔

۲۔ کثافت اضافی بوتل

کثافت اضافی بوتل اس قسم کی ہوتی ہے جس میں ایک خاص حجم کا مائع سما جائے عموماً یہ بوتل صراحی نما ہوتی ہے جس کے منہ میں ایک ایسی شیشے کی ڈاٹ لگی ہوتی ہے جو اس کو بخوبی بند کر لیتی ہے۔ ڈاٹ میں ایک باریک سا سوراخ بنا دیتے ہیں تاکہ بند کرتے وقت ہوا اور زائد مائع بوتل سے نکل جائے۔

متذکرہ بالا بوتل کے علاوہ ایک دوسری قسم کی زیادہ سادہ اور صحیح بوتل بھی استعمال کی جاتی ہے۔ اس کی گردن پر ایک نشان اب لگا رہتا ہے (شکل ۱)۔ بوتل کو اتنا بھرتے ہیں کہ مائع کی

ہلالی سطح کا نیچے والا حصہ نشان تک پہنچ جائے۔ اگر مائع زیادہ داخل ہو جائے تو جاذب کی مدد سے یا چھوٹے ٹالچے سے اس کو نکال لیا جاتا ہے۔ عموماً کثافت اضافی دریافت کرنے میں بوتل کو دو دفعہ یعنی ایک دفعہ پانی اور دوسری دفعہ مائع سے بھرنا ہوتا ہے اور صحیح نتیجہ



شکل ۱۔ کثافت اضافی بوتل

نکالنے کے لئے اس کی ضرورت ہے کہ دونوں صورتوں میں بوتل کی گنجائش مساوی ہو۔ چونکہ اول الذکر بوتل میں ڈاٹ محفوظ نما ہوتی ہے اس لئے یہ ممکن ہے کہ جس قدر پہلی دفعہ بھرنے میں ڈاٹ اندر گھسی تھی اتنی ہی دوسری دفعہ میں نہ گھسے۔ جس سے بوتل کی گنجائش

میں فرق ہو جائیگا۔ اس کے علاوہ جب بوتل کی تپش کسی وجہ سے (مثلاً ہاتھ سے چھونے سے) ڈاٹ کی تپش کے مقابلے میں ذرا سی بھی بڑھ جاتی ہے تو بوتل کے منہ کے قطر میں اس تپش کی وجہ سے اضافہ ہو جاتا ہے۔ اور ڈاٹ ضرورت سے زیادہ اندر گھس جاتی ہے جس سے پھر بھی بوتل کی گنجائش میں کمی واقع ہوگی۔ ان ہی وجوہات سے جب زیادہ صحت مد نظر ہوتی ہے تو مؤخر الذکر بوتل کو اس بوتل پر فوقیت دیجاتی ہے۔

بخار سے ۱۶ — کثافت اضافی بوتل سے

کسی مائع کی کثافت اضافی دریافت کرنا — بوتل کو خوب صاف کر کے اچھی طرح سے خشک کر لو۔ اس کا طریقہ یہ ہے کہ کالجی کی ایک ایسی نلی لوجو بوتل کے اندر داخل ہو سکے۔ اس نلی کو بڑ کی نلی کے ذریعے ایک دھونکنی سے ملا دو اور اس سے بوتل میں ہوا داخل کرو۔ ساتھ ساتھ بوتل کو دھیمہ دھیمہ شراب کی بتی یا بنسنی مشعل سے گرم کرتے جاؤ۔ گرم کرنے میں بوتل کی گردن کو پکڑ کر ہموار نہ گھماتے رہو تاکہ بوتل کے مختلف حصے مختلف تپش پر آنے نہ پائیں۔ اگر یہ احتیاط نہ برتی جائے تو شیشے کے ٹوٹنے کا خدشہ رہتا ہے۔

جب بوتل خشک اور ٹھنڈی ہو جائے تو اس کے وزن کو سنٹی گرام کی حد تک ترازو کی مدد سے دریافت کرو۔ فرض کرو کہ خالی بوتل کا وزن ۹ گرام ہے۔

اس کے بعد نشان معین تک بوتل کو پانی سے بھر دو۔ اس بات کا خیال رہے کہ پانی کی سطح کے دیکھنے میں اختلافِ منظر کی غلطی نہ ہونے پائے۔ اس غلطی سے بچنے کے لئے مشاہدہ کے وقت آنکھ کا مقام اور نشان معین اور پانی کی سطح ایک ہی سیدھ میں ہونی چاہئے۔ بوتل کو اسی طرح پانی سے بھر کر پھر تولو۔ (اگر بوتل اول قسم کی ہو تو پانی سے بھر کر ڈاٹ چڑھانے کے بعد

اس کی باہر کی سطح کو صافی سے تولنے کے قبل بالکل خشک کر لینا چاہیے (فرض کرو کہ یہ وزن ۱۰ گرام ہے۔

∴ بوتل کے اندر کے پانی کا وزن = ۱۰ - ۱۰ گرام
بوتل کو پانی سے خالی کر کے پھر خشک کر لو اور اب اس میں نشانِ معین تک وہ مائع داخل کرو جس کی کثافتِ اضافی مطلوب ہے۔

بوتل مع مائع کا وزن دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۱۰ گرام ہے اس لئے پانی کے مساوی الحجم مائع کا وزن = ۱۰ - ۱۰ گرام
متذکرہ بالا مشاہدوں کو حسبِ ذیل قلمبند کرو:-

(۱) خالی بوتل کا وزن	=	۱۰	گرام
(۲) بوتل مع پانی کا	=	۱۰	"
(۳) بوتل مع مائع کا	=	۱۰	"
∴ مائع کا وزن	=	۱۰ - ۱۰	"
مائع کے مساوی الحجم پانی کا	=	۱۰ - ۱۰	"
مائع کی کثافتِ اضافی	=	$\frac{10}{10}$	

ریزہ دارٹھوس کی کثافتِ اضافی

کثافتِ اضافی کی بوتل سے اُن ٹھوس اجسام کی بھی کثافتِ اضافی دریافت کی جاسکتی ہے جو پانی میں حل نہ ہوتے ہوں اور پانی سے بھاری ہوں۔ مگر اس صورت میں ٹھوس کو ریزوں کی شکل میں ہونا چاہیے تاکہ وہ جسم آسانی سے بوتل میں داخل کیا جاسکے۔ ایسے ٹھوس کی مثالیں ریت یا چھوٹے چھوٹے چھڑے ہیں۔ اگر ٹھوس ریزہ کی شکل میں نہ ہو تو اس کو پہلے ریزہ ریزہ کر لینا چاہیے۔

اگر اشیاء پانی سے ہلکی ہوں یا اس میں حل ہو جائیں تو کثافت اضافی کے تعین میں پانی کی بجائے کوئی دوسرا مائع استعمال کیا جاسکتا ہے جس سے یہ اشیاء بھاری ہیں اور اس میں حل نہیں ہوتیں۔ مگر اس صورت میں جس مائع کو ہم استعمال کریں گے اُس کی کثافت اضافی مذکورہ بالا طریقہ سے دریافت کرنا ضروری ہے۔

ریت کی کثافت اضافی دریافت کرنے میں بوتل کو مائع کی طرح ریت سے صرف بھر دینا ہی کافی نہیں ہوگا۔ ایسا کرنے میں ہم صرف ریت کی کثافت اضافی دریافت نہیں کر رہے ہو گئے بلکہ ریت اور ہوا کے آمیزہ کی۔ کیونکہ ریت کے ریزوں کے درمیان ہوا کی کثیر مقدار مقید رہتی ہے۔

تجربہ ۱۷۔ کثافت اضافی کی بوتل سے کسی ریزہ دار ٹھوس (مثلاً ریت) کی کثافت اضافی دریافت کرنا۔ پہلے خالی بوتل کو تول لو۔ فرض کرو کہ اس کا وزن ۱۰ گرام ہے۔ تقریباً تہائی بوتل کو ریت سے بھر دو (اس امر کا لحاظ رہے کہ ریت اور بوتل بالکل خشک ہوں)۔ بوتل مع ریت کا وزن دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۱۵ گرام ہے۔ اس لئے ریت کا وزن ۵ گرام ہوا۔

اب بوتل کے بقیہ حصہ کو پانی سے بھر دو۔ پانی بھرتے وقت بوتل کو خوب ہلاتے رہنا چاہئے تاکہ ہوا کے بلببلے جو ریت کے ذروں کے درمیان مقید ہوتے ہیں خارج ہو جائیں۔ اگر زیادہ صحت مقصود ہو تو بوتل کی گردن کو ربڑ کی نلی کے ذریعے ہوا پمپ سے ملا دینا چاہئے۔ جس سے ہوا خارج کی جاسکے۔ پانی کی سطح کو نشان معین تک لاؤ۔ بوتل مع پانی و ریت کے وزن کو دریافت کر لو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۲۰ گرام ہے۔ اس لئے پانی کا وزن ۵ گرام ہوگا۔ بوتل کو بالکل خالی کر دینے کے بعد پانی سے اچھی طرح صاف

کرو۔ اب پھر نشان سین تک بوتل کو پانی سے بھر کر تول لو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ گرام ہے اس لئے پانی کا وزن جو نشان معین تک بوتل کو بھرنے کے لئے درکار ہے ۹۔ ۹ گرام ہوگا۔ پس ریت سے جس قدر جگہ گھری ہوئی ہے اُس کو بھرنے کے لئے پانی کی مقدار کا وزن (۹ - ۹) اور (۹ - ۹) کے فرق کے برابر ہوگا۔

$$\text{ریت کی کثافتِ اضافی} = \frac{\text{ریت کا وزن}}{\text{اُس کے مساوی حجم پانی کا وزن}}$$

$$= \frac{\text{ریت کا وزن}}{\text{ریت سے جس قدر جگہ گھری ہوئی ہے اُس کو بھرنے کے لئے پانی کی مقدار کا وزن}}$$

$$= \frac{9 - 9}{(9 - 9) - (9 - 9)}$$

تذکرہ بالا مشاہدوں کو حسبِ ذیل قلمبند کرو:-

- | | | |
|-----|---------------------------------------|------------------------------|
| (۱) | خالی بوتل کا وزن | = ۹ گرام |
| (۲) | بوتل مع ریت کا وزن | = ۹ |
| (۳) | بوتل مع ریت و پانی (ریت بوتل کے اندر) | = ۹ |
| (۴) | صرف پانی سے بھری ہوئی بوتل کا وزن | = ۹ |
| : | ریت کا وزن | = ۹ - ۹ گرام |
| : | اور ریت کے مساوی حجم پانی کا وزن | = (۹ - ۹) - (۹ - ۹) گرام = ۹ |
| : | کثافتِ اضافی | = $\frac{9}{9}$ |

۳۔ ماسکونی ترازو

دو مَس کرنے والے اجسام کی درمیانی قوتیں جب دو اجسام مَس کر رہے ہوں تو اُن میں قوتیں پیدا ہوتی ہیں

جن کو عمل اور ردِ عمل کہتے ہیں۔ نیوٹن کے تیسرے کلیہ حرکت کے مطابق یہ دونوں قوتیں مقدار میں مساوی مگر سمت میں متضاد ہوتی ہیں۔ اگر قوت دونوں جسموں کی ماسی سطح پر علی القواہم عمل کر رہی ہو تو اس قوت کو قوتِ اُچھال کہتے ہیں اور اس کی پیمائش ڈائنوں میں یا گرام وزنوں میں ہوتی ہے۔

حقیقتاً اجسام ایک محدود ہی رقبہ میں ایک دوسرے سے مس کرتے ہیں۔ اس صورت میں اجسام کے درمیان دباؤ ہونے کا ذکر اُس وقت کیا جاتا ہے جب کہ قوتیں مس کرنے والی پوری سطحوں پر عمل کر رہی ہوں۔

رقبے کے کسی چھوٹے ٹکڑے پر جو قوتِ اُچھال عمل کر رہی ہے اُس کو اگر اُسی رقبے کی اِکائیوں سے تقسیم کر دیا جائے تو جو نتیجہ حاصل ہوتا ہے وہ اُس چھوٹے رقبے کے اندر کے کسی نقطہ پر کا دباؤ کہلاتا ہے بشرطیکہ یہ فرض کر لیا جائے کہ قوتِ اُچھال اس چھوٹے ٹکڑے پر ہموارانہ عمل کر رہی ہے۔ فرض کرو کہ ایک نقطہ اِکسی چھوٹے رقبے مَف س کے اندر واقع ہے اور اگر اس رقبہ پر مَف ق قوت ہموارانہ عمل کر رہی ہو تو نقطہ اِ پر دباؤ = $\frac{مَف ق}{مَف س}$

اگر رقبہ زیرِ بحث نہایت ہی چھوٹا لیا جائے تو دباؤ کی قیمت کسی نقطے پر اور بھی صحیح نکلیگی۔ اس صورت میں انتہا میں چل کر دباؤ = $\frac{مَف ق}{مَف س}$

دباؤ کی پیمائش ”ڈائن فی مربع سمر“ میں کی جاتی ہے۔ اگر اجسام زیرِ بحث میں سے ایک سیال ہو اور دوسرا ٹھوس تو سیالی دباؤ کی وجہ سے ٹھوس پر جو حاصل قوت پیدا ہوتی ہے اُس کی تخمین مندرجہ ذیل اصول سے آسانی کے ساتھ کی جاسکتی ہے۔

حکیم ارشمیدس کا اصول

حکیم ارشمیدس کا اصول بالعموم الفاظ ذیل میں ادا کیا جاتا ہے :-
جب کوئی جسم کسی سیال میں ڈبو یا جاتا ہے تو اس کے وزن میں اتنی ہی ظاہری کمی واقع ہوتی ہے جتنا کہ ہٹائے ہوئے سیال کا وزن ہوتا ہے۔

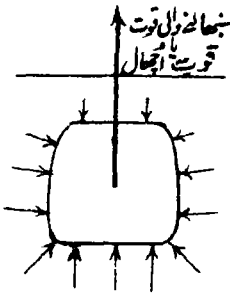
اسی اصول کو براہ راست اور آسانی سے یوں بھی بیان کر سکتے ہیں کہ جب کوئی جسم ٹکلیٹ یا جزء کسی ساکن سیال میں داخل کیا جائے تو اس پر اوپر کی طرف ایک قوت اچھال کی پیدا ہوتی ہے جس کی مقدار ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے برابر ہوتی ہے۔

اس اصول کو سیالی دباؤ کے نظریہ سے اخذ کر سکتے ہیں اور ایسا سادہ تجربہ بھی کیا جاسکتا ہے جس سے اس کی صحت کی تصدیق بھی ہو سکتی ہے۔

ساکن سیال کے کسی حصے کے تعادل پر اگر غور کیا جائے تو یہ ظاہر ہے کہ وہ حصہ اس پاس کے سیال سے سنبھلا ہوا ہے ورنہ اس کا وزن ضرور اس کو ڈبو دیتا۔ اور تعادل قائم کرنے کے لئے یہ بھی ضروری ہے کہ یہ سنبھالنے والی قوت متذکرہ بالا حصہ کے وزن کے مساوی ہو۔

اس پاس کے سیال کے وجود سے جو دباؤ پیدا ہوتے ہیں ان ہی سے حصہ متذکرہ بالا سنبھلا رہتا ہے۔ ان دباؤوں کا اس حصے کے وزن کے مساوی ہے اور اوپر کی طرف عمل کرتا ہے (دباؤ کی سمتیں شکل ۲۲ میں دکھائی گئی ہیں)۔ اس سنبھالنے والی حاصل قوت

کو "قوت اُچھال" کہتے ہیں۔

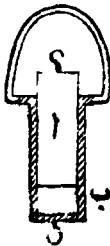


شکل ۱۱۔ ارشمیدس کا اصول

اب سیال کے زیرِ بحث جسے کو الگ کر لو اور اُس کی جگہ پر ٹھیک اسی شکل کا ایک ٹھوس تصور کر لو۔ اس صورت میں بھی اُس پاس کے سیال کے وجود سے اتنے ہی دباؤ پیدا ہونگے جتنے کہ پہلی صورت میں نمایاں ہوئے تھے اس لئے ٹھوس بھی ایک ایسی حالت قوت سے سنبھلا رہیگا جس کی مقدار وہی ہوگی جو سیال کے زیرِ بحث جسے کو سنبھالے ہوئے تھے۔ اور یہ سنبھالنے والی قوت ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے مساوی ہے اس لئے ٹھوس زیرِ بحث پر بھی ایک ایسی قوت اُچھال اوپر کی طرف پیدا ہو جائیگی جس کی مقدار ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے برابر ہوگی۔ اس کا نتیجہ یہ ہوگا کہ ٹھوس کے وزن میں اتنی ہی مقدار کی ظاہری کمی واقع ہوگی۔

تجربہ ۱۸۔ ارشمیدس کے اصول کی عملی

تصدیق۔ اس اصول کی صحت کی تصدیق کے لئے دو اُسطوانے لئے جاتے ہیں ایک بالکل ٹھوس اور دوسرا مجوف۔ مجوف حصہ ایسا ہوتا ہے کہ



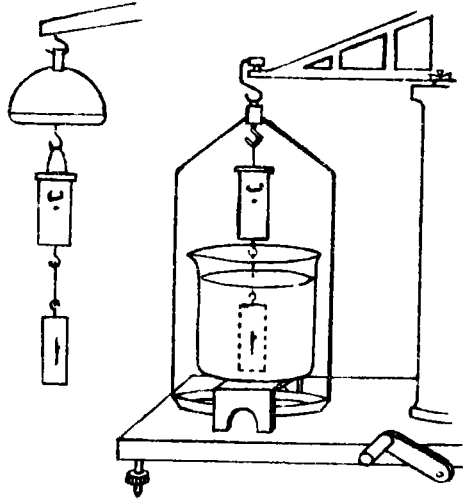
ٹھوس اُس میں ٹھیک ٹھیک سما جاتا ہے۔ اُسطوانے میں اس طرح سے ٹپک لگے

ہوتے ہیں کہ ٹھوس اُسطوانہ '۱' مجوف اُسطوانہ '۲' کے نیچے لٹکایا جاسکے۔ شکل ۱۲ میں

ب کا ایک تراشی منظر دکھلایا گیا ہے جس میں ا کچھ باہر نکلا ہوا ہے۔

شکل ۱۲۔ مجوف اور ٹھوس اُسطوانہ

ب کو ترازو کی ڈنڈی کے ایک سرے سے لٹکاتے ہیں اور ا
اسطوانہ ب کے نیچے لٹکایا جاتا ہے۔ ماسکونی ترازوؤں میں ایک طرف کا
پلڑا عموماً اونچا ہوتا ہے اور اسی پر اسطوانے لٹکائے جاتے ہیں (شکل ۲۳)۔



شکل ۲۳ - ارشمیدس کے اصول کی عملی تصدیق

ا کو ب کے ساتھ دہانے سے اس طرح لٹکاتے ہیں کہ ا کی حرکت میں ب
کی وجہ سے رکاوٹ نہ ہو۔ دوسرے پلڑے پر باٹ رکھ کر تعادل قائم
کیا جاتا ہے۔ ایک پانی کا برتن ا کے نیچے اس طرح رکھا جاتا ہے کہ
ا کلیتہً پانی میں ڈوب جائے۔ ایسا کرنے سے تعادل ٹوٹ جاتا ہے۔ اور
اسطوانہ والا پلڑا اوپر اٹھ جاتا ہے یعنی ا کے وزن میں ظاہری کمی واقع
ہو جاتی ہے۔

اگر ب کو لباب پانی سے بھر دیا جائے تو تعادل پھر قائم ہو جاتا
ہے۔ اس سے یہ معلوم ہوگا کہ ا کے وزن میں جو کمی واقع ہوئی تھی
وہ ا کے مساوی الجھ پانی داخل کرنے سے پوری ہو گئی۔ یعنی جب ا
پانی میں ڈبو یا گیا تو اس کا وزن اپنے مساوی الجھ پانی کے وزن کے

برابر کم ہو گیا۔

ب سے پانی نکال لو۔ اور اوپر اٹھے ہوئے پڑے پر اُس وقت تک باٹ ڈالتے جاؤ جب تک کہ تعادل نہ قائم ہو جائے۔ ظاہر ہے کہ جو باٹ اب ڈالے گئے ہیں وہ اسطوانہ ب میں جتنا پانی تھا اُس کے وزن کے مساوی ہیں یا یوں کہئے کہ ا کے مساوی الجھ پانی کے وزن کے برابر ہیں۔

سارے تجربہ کو دہراؤ اور ہر تجربہ میں مختلف مائع مثلاً رُوحِ شرب، پیرافین کا تیل یا کوئی اور مناسب مائع استعمال کرو۔ اور اس بات کو بغور دیکھو کہ ہر حالت میں جب ا گلیٹ کسی مائع میں ڈبویا جاتا ہے تو تعادل قائم کرنے کے لئے ب کو اُسی مائع سے لبالب بھرنا ہوتا ہے جس سے ارشمیدس کے اصول کی تصدیق ہو جاتی ہے۔

یہ امر قابلِ لحاظ ہے کہ ہر مذکورہ بالا حالت میں وزن کی ظاہری کمی یکساں نہیں ہوتی۔ اور ایسا ضرور ہونا چاہئے کیونکہ اُچھال کی قوتیں مساوی جموں کے مختلف مائعوں کے وزنوں کے برابر ہیں۔ اگر ایک مائع پانی ہو تو کسی دوسرے مائع کی کثافتِ اضافی مندرجہ ذیل ضابطوں سے دریافت کر سکتے ہیں:-

$$\frac{\text{کسی حجم کے مائع کا وزن}}{\text{مساوی الجھ پانی کا وزن}} = \text{کثافتِ اضافی}$$

$$\frac{\text{مائع کی وجہ سے قوتِ اُچھال}}{\text{پانی کی وجہ سے قوتِ اُچھال}} =$$

ارشمیدس کے اصول کے اطلاقات

اصول ارشمیدس سے ٹھوس اور مائع کی کثافتِ اضافی دریافت کرنے کا ایک نہایت اہم طریقہ حاصل ہوتا ہے۔ جب ایک ٹھوس

کلیتہ کسی مائع کے اندر ڈبویا جاتا ہے تو اس جسم پر جو قوت اُچھال پیدا ہوتی ہے وہ اس کے مساوی الجھ مائع کے وزن کے برابر ہے۔ پس ٹھوس کے وزن کو اس کے اُچھال جو قوت اُچھال ہے اس سے مقابلہ کرنے سے ٹھوس اور مائع کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ ہو سکتا ہے کیونکہ ٹھوس اور مائع کے حجم دونوں صورتوں میں ایک ہی ہیں۔ خصوصاً اگر ہم کلیتہ پانی میں ڈوبے ہوئے کسی معلوم وزن کے ٹھوس پر قوت اُچھال کی قیمت دریافت کر لیں تو ہم کو اس ٹھوس کے مساوی الجھ پانی کا وزن معلوم ہو جائیگا اور اس سے ہم اس ٹھوس کی کثافت اضافی اخذ کر لینگے۔

نچے سے ۱۹ — ارشیدس کے اصول سے
اضافی کثافتوں کی تعیین کسی ٹھوس یا مائع کی کثافت اضافی ماسکونی ترازو کی مدد سے دریافت ہو سکتی ہے۔

(۱) اس ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی میں حل نہ ہو سکے۔ ٹھوس کو باریک دھاگے یا تار کی مدد سے ماسکونی ترازو کے چھوٹے پلڑے سے یا اگر ترازو معمولی ہو تو پلڑے کے ہک سے لٹکاؤ۔ جب یہ جسم ہوا میں آزادانہ لٹک رہا ہو تو دوسرے پلڑے پر باٹ ڈال کر تعادل قائم کر لو۔ اس کے بعد اس جسم کو بغیر ہک سے ہٹائے ہوئے کلیتہ پانی میں ڈباؤ۔ مگر اس بات کا لحاظ رہے کہ دھاگا حتی المقدور بھیکنے نہ پائے۔ پھر باٹوں کو بدل کر تعادل قائم کرو۔ اب کم وزن کے باٹوں کی ضرورت ہوگی۔ دونوں صورتوں میں باٹوں کا جو فرق ہوگا وہی قوت اُچھال ہوگا۔ یعنی یہ فرق جسم کے مساوی الجھ پانی کے وزن کے برابر ہے۔ اس لئے

کثافت اضافی = جسم کا وزن ہوا میں
جسم کے وزن میں پانی میں ڈبونے سے ظاہر کمی
اگر معمولی ترازو سے ماسکونی ترازو یعنی جسم کا وزن پانی میں دریافت کرنے کا

کام لیا جائے تو جس پائے کے ہنگ سے جسم زیر بحث لٹکایا جاتا ہے اس طرف ایک چھوٹی چوکی (مگر کافی لمبی اور بلند) رکھی جاتی ہے تاکہ پلڑا اوپر نیچے بغیر کسی رکاوٹ کے حرکت کر سکے۔ اس چوکی پر پانی سے بھرا ہوا گلاس رکھا جاتا ہے اور جسم اس طرح سے اس میں ڈبویا جاتا ہے کہ وہ گلاس کے بازوؤں سے نہ ٹکرانے پائے۔ حاصل کلام یہ ہے کہ چوکی کے رکھنے سے ترازو کے عمل میں کسی قسم کی مزاحمت نہ ہو (شکل ۱۷۱)۔

(ب) کسی مائع کی کثافت اضافی کسی ٹھوس کو ہوا اور پانی میں وزن کرو جیسا کہ اوپر (ا) میں بیان ہو چکا ہے۔ اس کی مدد سے جسم کے مساوی الجھ پانی کا وزن دریافت ہو جائیگا۔ اس کے بعد اسی ٹھوس کو اس مائع میں وزن کرو جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے اور اس طریقے سے مساوی الجھ مائع کا وزن دریافت کر لو اس لئے

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{جسم کے مساوی الجھ مائع کا وزن}}{\text{اسی جسم کے مساوی الجھ پانی کا وزن}}$$

(ج) اس ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی میں حل ہو سکے۔

کوئی ایسا مائع لو جس میں ٹھوس زیر بحث حل نہ ہو سکے۔ اس مائع کی کثافت اضافی ایک ایسے ٹھوس مثلاً شیشہ وغیرہ کی مدد سے جو نہ اس مائع میں حل ہو سکے نہ پانی میں متذکرہ بالا (ب) طریقے سے دریافت کر لو۔ فرض کرو کہ یہ کثافت اضافی x ہے۔ اب ٹھوس زیر بحث کو ہوا میں بھی تول لو اور پھر اس مائع میں بھی آخر الذکر دو تجربوں سے ٹھوس کے مساوی الجھ مائع کا وزن معلوم ہو جائیگا۔ اور اس وزن کو مائع کی کثافت اضافی یعنی x سے تقسیم کرنے سے ٹھوس کے مساوی الجھ پانی کا وزن دریافت ہو جائیگا۔ پس ٹھوس زیر بحث کی

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{ٹھوس کا وزن ہوا میں}}{\text{ٹھوس کے مساوی الجھ مائع کا وزن} \times x}$$

(د) ایک ایسے ٹھوس کی کثافت اضافی جو پانی

سے ہلکا ہو (مثلاً موم وغیرہ)۔ جسم کو ہوا میں تولو۔ چونکہ جسم پانی سے ہلکا ہے اس لئے یہ پانی پر تیرے گا۔ قوت اُجھال کی دریافت میں کسی بھاری دھات کے ایک ایسے ٹکڑے (لنگر) کی ضرورت ہوگی جو ساتھ لٹکانے سے اس جسم کو کلیتہً پانی میں ڈبو دے۔

اب متذکرہ بالا دھات کے ٹکڑے کا وزن پانی میں دریافت کر لو۔ ان دونوں نتیجوں کا حاصل جمع ہلکے جسم کا وزن ہوا میں اور لنگر کا وزن پانی میں ظاہر کریگا۔ اب ہلکے جسم اور لنگر کو اس طرح ترتیب دو کہ دونوں کلیتہً پانی میں ڈوب جائیں۔ اب دونوں کا وزن پانی میں دریافت کر لو۔ ان دونوں نتیجوں کا فرق جسم پر قوت اُجھال بتائے گا کیونکہ ہر دو صورتوں میں لنگر پانی ہی کے اندر تھا۔ اس ہلکے جسم کا وزن ہوا میں پہلے ہی دریافت کر لیا گیا ہے اس لئے

$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{جسم کا وزن (ہوا میں)}}{\text{مذکورہ بالا فرق}}$$

مذکورہ ذیل مثال سے تجربہ کا طریق عمل اور مشاہدوں کا قلمبند کرنا واضح ہو جائے گا:-

۳۵۲۳۵ گرام =	موم کا وزن ہوا میں
۶۵۹۲۵ گرام =	پیتل کے لنگر کا وزن پانی میں
۱۰۵۱۶۰ گرام =	جمع کرنے سے موم کا وزن ہوا میں اور لنگر کا پانی میں
۶۵۳۱۰ گرام =	موم اور لنگر کا وزن پانی میں
۱۰۵۱۶۰ - ۶۵۳۱۰ گرام =	موم پر قوت اُجھال (پانی میں)
۳۵۸۵۰ گرام =	
۳۵۸۵۰ گرام =	یعنی موم کے مساوی الحجم پانی کا وزن

$$\therefore \text{سوم کی کثافت اضافی} = \frac{\text{سوم کا وزن ہوا میں}}{\text{اُس کے مساوی الحجم پانی کا وزن}}$$

$$= \frac{۳۶۲۳۵}{۳۶۸۵۰}$$

$$= ۰.۹۸۶$$

ارشیدس کے اصول کا اطلاق دوسری عملی تعینوں پر بھی آسانی سے ہو سکتا ہے جن کی چند خاص مثالیں ذیل میں دی جاتی ہیں: —
تجربہ ۲۔ — ماسکونی ترازو کی مدد سے جموں کی تعین — جسم کو باریک دھاگا یا تار کے ذریعے سے ترازو کی ڈنڈی کے ایک سرے سے لٹکاؤ اور ہوا میں اُس کا وزن دریا کر۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔
پھر اسی جسم کا وزن پانی میں دریافت کرو۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

ان دونوں وزنوں ۹ اور ۹ کا درمیانی فرق جسم پر کی قوت اُچھال کے برابر ہے۔ ارشیدس کے اصول کے رُو سے یہ قوت اُچھال جسم کے مساوی الحجم پانی کے وزن کے برابر ہے۔ یہ معلوم ہے کہ ۹ - ۹ = ح ث
جہاں ح = حجم اور ث = کثافت یعنی کیت فی اکائی حجم
 $\therefore \text{ح} = \frac{\text{ث}}{۹ - ۹}$

میٹری (س - گ - ث) نظام میں ایک کمعب سمر پانی کی کیت ایک گرام ہے اس لئے ث = اور ح = (۹ - ۹)
کمعب سمر۔ اس تجربہ میں اگر بجائے پانی کے کوئی دوسرا مایع استعمال کیا جائے جس کی کثافت معلوم ہو تو حجم مذکورہ بالا مساوات سے اتنی ہی آسانی سے دریافت ہو سکتا ہے جیسا کہ پہلی صورت میں

$$\text{کیونکہ } \frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

تجربہ ۲۱ — کسی تختی کی موٹائی دریافت کرنا۔
اگر کوئی جسم ایک چھٹی تختی کی شکل میں ہو اور اس کا رقبہ دس ہو اور
اوسط موٹائی ۱۲ ہو تو

$$\frac{1}{2} = \text{سرت}$$

$$\frac{1}{2} = \text{ت}$$

تختی کا وزن ہوا اور پانی میں جدا جدا دریافت کرو اور ان تجربوں
سے حجم کی قیمت اخذ کرو۔

اگر تختی مستطیل شکل کی ہو تو اس کے طول اور عرض کو ناپ کر اس کے
ایک رخ کا رقبہ دریافت کر لو۔ حجم کو اس رقبے سے تقسیم کرنے سے
موٹائی معلوم ہو جائیگی۔

تختی کی موٹائی بیدار خردہ پیمائی کی مدد سے دریافت کرو اور اس
نتیجے کو اگلے نتیجے سے مقابلہ کرو۔ دیکھو کہ نتیجوں میں مطابقت ہے یا نہیں۔
یہ ممکن ہے کہ تختی ہر جگہ یکساں موٹی نہ ہو اس لئے خردہ پیمائی کی مدد سے
غنتلف مقاموں کی موٹائی دریافت کرنا چاہئے۔ مختلف قیمتیں جو حاصل
ہونگی ان کا اوسط تختی کی اوسط موٹائی ہوگی۔

تجربہ ۲۲ — کسی تار کا قطر دریافت کرنا۔
اگر اوسط قطری ہو تو تار کی تراش عمودی کا رقبہ $\frac{1}{4} \pi r^2$ کے مساوی
ہوگا۔ فرض کرو کہ تار کا طول l ہے

$$\text{حجم (ح)} = \frac{1}{4} \pi r^2 \times l$$

$$\frac{1}{4} \pi r^2 = \frac{\text{ح}}{l}$$

$$r = \sqrt{\frac{4 \times \text{ح}}{\pi \times l}}$$

ل طول کے تار کا وزن پانی اور ہوا میں جدا جدا دریافت کرو۔
 ان تجربوں سے ح کی قیمت اخذ ہو سکتی ہے۔
 ل اور ح کی قیمتیں جب معلوم ہو جائیں گی تو ح کی قیمت مذکورہ
 باننا مضابطہ سے نکل آئے گی۔ جو قیمت حاصل ہو اُس کی تصدیق پیچیدار
 خرہ بیا کے ذریعے سے کرلو۔
 تجربہ ۲۳ — کسی اُلجھے ہوئے تار کا طول
 دریافت کرنا۔ تار کے وزن کو ہوا اور پانی میں دریافت کرو اور
 نتیجوں سے ح کی قیمت نکالو۔ پھر خرہ بیا سے تار کے قطر کی پیمائش
 کرلو۔ پس طول دریافت ہو جائیگا۔

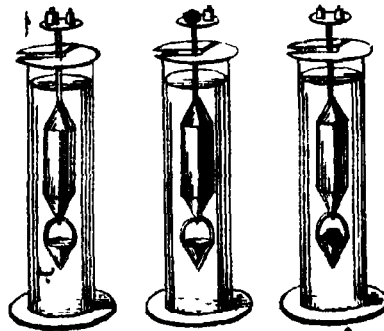
۴۔ مالیہ پیم

مالیہ پیم ایک ایسا آلہ ہے جس کی مدد سے کسی مالیہ کی کثافت اضافی
 تیرانے کے عمل سے دریافت کی جاتی ہے۔ یہ ایک انتصابی سلخ پر مشتمل
 ہے جس کے ایک سرے میں ایک بوجھل جو فہ لگا رہتا ہے۔ جو فہ کو بوجھل
 بنانے کا مقصد یہ ہے کہ آلہ کسی مالیہ میں انتصاباً قائم رہے اور سلخ کا
 کوئی مناسب حصہ مالیہ میں ڈوبا رہے۔ جب آلے کو مناسب کثافت
 کے کسی مالیہ میں رکھا جاتا ہے تو وہ اس طریقہ سے تیرتا ہے کہ سلخ کا کچھ
 حصہ مالیہ کی سطح کے باہر نکلا رہتا ہے۔ تعادل کی اس صورت میں آلہ کا
 وزن ہٹائے ہوئے مالیہ کے وزن کے مساوی ہے۔ سلخ کی درجہ بندی
 اس طریقہ سے ہوتی ہے کہ وہ مالیہ کی کثافت اضافی براہ راست بتا دے۔
 کسی مالیہ کی کثافت اضافی فوراً دریافت کرنے کے لئے یہ بہت
 ہی آسان طریقہ ہے۔ بشرطیکہ نتائج کی تقویٰ قیمت مطلوب ہو۔ اس عمل میں
 سطح تناؤ کا اثر بھی ہوتا ہے اس لئے صحیح نتائج نکالنے کے لئے بہت احتیاط
 برتنے کی ضرورت ہے حتی الامکان سطحی تناؤ کے اثر کو زائل کرنے کی کوشش

کرنی چاہئے۔

نکلسن مائع پیم

نکلسن مائع پیم۔ اس آلے میں دھات کا ایک ایسا کھوکھلا
 اسطوانہ ہوتا ہے جو مائع میں تیر سکے۔ اس کے دونوں سرے عموماً مخروطی
 ہوتے ہیں۔ اُدپر کی طرف اس میں ایک ایسی سلخ لگی رہتی ہے جس کے
 اُدپر کے سرے میں ایک چھوٹا پلڑا ہے اور اسطوانے کے پچھلے سرے
 پر ایک چھوٹی مخروطی شکل کی پیالی (ب) لگی ہوتی ہے۔ یہ پیالی عموماً
 سیسے سے بوجھل کر دی جاتی ہے تاکہ آلہ مائع میں انتصاباً تیرتا رہے۔ اور
 آلہ کا اُدپر والا مخروطی حصہ کچھ مائع سے باہر نکلا رہے۔ پیالی کے اُدپر بعض
 اوقات ایک چھلنی دار ڈھکن لگا دیا جاتا ہے تاکہ پیالی کو جب چاہیں
 اس سے ڈھک دیں (شکل ۱)۔ سلخ پر ایک نشان کھود دیا جاتا



شکل ۱۔ نکلسن مائع پیم

ہے تاکہ آلہ ہر تجربہ میں اسی نشان تک ڈبو یا جاسکے۔

تجربہ ۲۲۔ نکلسن مائع پیماس کی مدد سے کسی ٹھوس کی کثافت اضافی کی تعیین — آلے کو پانی میں تیراڑ اور (پلڑے پر باٹ رکھتے جاؤ جب تک کہ آدھ نشان ن تک ڈوب نہ جائے۔ جس برتن میں پانی ڈال کر مائع پیماس ڈبویا جاتا ہے اُس کے مُنہ کو ایک ایسے دھات کے پیرے سے ڈھک دینا۔ بہتر ہوگا جس میں ایک شگاف بنا ہوا ہو۔ شگاف کی وسعت اتنی ہونی چاہئے کہ آلے کی سلاخ بالکل آزادانہ اُپر نیچے حرکت کر سکے۔ اس انتظام سے آدھ پانی میں کلیڈ ڈوبنے سے محفوظ رہتا ہے اور پلڑا اور باٹ بھی نہیں بھگنے پائے (صفحہ ۲۲ میں باٹوں کے استعمال کے وقت احتیاط برتنے کی ہدایتیں دیکھو)۔

اس انتظام سے آدھ برتن کی دیواروں سے بھی نہیں ٹکرا سکتا۔ فرض کرو کہ آدھ کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے ۹ وزن کی ضرورت ہے۔ باٹوں کو ہٹا کر جس ٹھوس کی کثافت اضافی مطلوب ہے اُس کو پلڑے (پر رکھو۔ اب آلے کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے آدھ باٹوں کی ضرورت ہوگی۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔ اس لئے ٹھوس کا وزن ہوا میں ۹ - ۹ کے مساوی ہے۔

باٹوں کو پھر اُتار لو اور جسم کو پلڑے (سے ہٹا کر پیالی ب میں رکھو) (جو پانی کے اندر ہے)۔ اب آلے کو نشان معین تک ڈوبنے کے لئے فرض کرو کہ ۹ باٹوں کی ضرورت ہوئی۔

اب دو صورتوں میں وزن میں جو کچھ فرق ہوگا وہ اس وجہ سے ہوگا کہ ایک صورت میں جسم ہوا میں ہے اور دوسری صورت میں پانی میں۔ یہ فرق جسم پر پانی کی قوت اُچھال کی وجہ سے پیدا ہوا۔

یعنی ۹ - ۹ = قوت اُچھال

= جسم کے مساوی الجھم پانی کا وزن

$$\text{اس لئے کثافت اضافی} = \frac{\text{ہوا میں وزن}}{\text{مساوی الجھم پانی کا وزن}} = \frac{9 - 9}{9 - 9}$$

طریق مندرجہ بالا سے دو جسموں کی الگ الگ کثافت اضافی دریافت کرو۔ ان میں سے ایک پانی سے بھاری لو اور دوسرا پانی سے ہلکا۔ موزن لاکر حالت میں (یعنی جسم جب کہ پانی سے ہلکا ہو) اگر پیالی میں ڈھکن نہ ہو تو جسم کو پیالی کے ساتھ باندھنا پڑیگا۔ ورنہ یہ جسم ہلکا ہونے کی وجہ سے پانی کی سطح پر چلا آئےگا۔

ان تمام تجربوں میں اس بات کی احتیاط رہے کہ پانی کے اندر ہوا کے بلبلے آلے میں کہیں پر بھی نہ رہتے پائیں۔

نیکلسن مائع پیم سے کثافت اضافی کی تعینوں میں اتنی صحت حاصل نہیں ہوتی جتنی کہ ان طریقوں سے جن کا بیان گزشتہ دفعوں میں کیا گیا ہے۔ کیونکہ مائع پیم کی سلخ کے اس حصے پر جہاں وہ پانی کی سطح سے باہر نکلتی ہے سطحی تناؤ کے عمل کی وجہ سے بہت زیادہ غلطیاں ہو سکتی ہیں۔ اس عمل میں تخفیف کرنے کے لئے سلخ حتی الامکان باریک ہونی چاہئے۔

تجربہ ۲۵۔ نیکلسن مائع پیم کی مدد سے کسی مائع کی اضافی کثافت کی تعین — آلے کو پانی میں تیرنے دو اور پڑے ہر وزن رکھ کر آلے کو نشان معین تک ڈباؤ۔ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

آلے کو پانی سے نکال کر خشک کر لو اور اس مائع میں تیراؤ جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے۔ حسب دستور پڑے پر باٹوں کو رکھ کر آلے کو نشان معین تک ڈباؤ فرض کرو کہ یہ وزن ۹ ہے۔

اب مائع پیم کو تول لو۔ فرض کرو کہ اس کا وزن ۹ ہے۔ ۹ + ۹ اتنے پانی کا وزن ہے جو نشان معین تک مائع پیم کو ڈبونے میں ہٹا۔ اور ۹ + ۹ اتنے ہی مائع کا وزن ہے جس کو مائع پیم نے اسی نشان تک ڈوبنے میں ہٹایا۔ مگر ہر حالت میں ہٹائے ہوئے حجم ایک ہی ہیں اس لئے مائع کی کثافت اضافی = $\frac{9+9}{9+9}$

تنبیہ :- مائع زیرِ بحث ایسا نہ ہو کہ آلے پر کیسائی عمل کرے۔

۵۔ مائعات کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ

مساوی وباؤ ڈالنے والے اسطوانوں کی بلندیوں سے

مائع کے کسی استوانہ سے جو دباؤ پڑتا ہے وہ برتن کی شکل پر منحصر نہیں ہے بلکہ کلیتہً مائع کی انقباضی بلندی اور کثافت پر۔ بشرطیکہ سطحی تناؤ کی وجہ سے جو اثر پیدا ہو اس کو نظر انداز کر دیا جائے۔ فرض کرو کہ مائع کے استوانہ کی بلندی گ سم ہے اور کثافت (مطلق) ڈ گرام فی مکعب سم، تو دباؤ = گ ڈ گ ڈائین فی مربع سم۔ اگر ج = اسراع بوجہ جاذبہ زمین (مطلق اکائیوں میں)۔ پس اگر دو مختلف مبایعات کے استوانوں کی بلندیاں مساوی دباؤ ڈالیں تو ان کی بلندیوں اور کثافتوں کا باہمی رشتہ حسبِ ذیل ہوگا:-

گ ڈ = گ ڈ

گ اور گ مبایعات کی بلندیاں ہیں اور ڈ، ڈ، ان کی بالترتیب کثافتیں ہیں۔

$$\frac{g}{g} = \frac{D}{D}$$

ان میں اگر پانی دوسرا مائع ہو تو ان کی کثافتوں کی جو نسبت ہوگی وہ مائع اول کی کثافتِ اضافی ہوگی کیونکہ اس صورت میں شش مساوی ہے ایک کے۔

یعنی اس مائع کی کثافتِ اضافی = گ

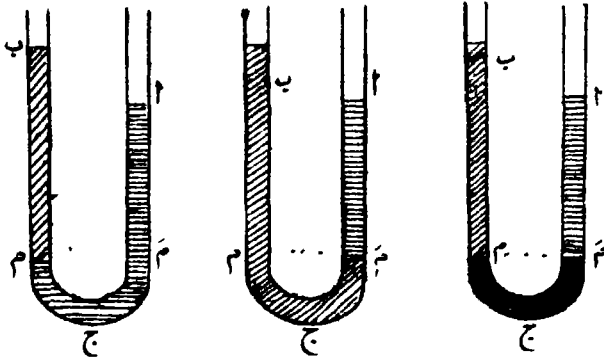
یہاں گ مائع کے اُستوانے کی وہ بلندی ہے جو اتنا ہی دباؤ ڈالتا ہے جتنا کہ گ مائع بلندی کا پانی۔ متذکرہ بالا منابضہ کی مدد سے کسی مائع کی حسب ذیل طریقے سے کثافتِ اضافی دریافت ہو سکتی ہے۔

نچر بسہ ۲۶۔ — کسی مائع کی کثافتِ اضافی کی تعیین لانا نامی سے — اگر دو ایمانات آپس میں مخلوط نہ ہو سکیں تو ان کی اضافی کثافتوں کا مقابلہ حسب ذیل طریقے سے ہو سکتا ہے۔

ایک لانا نامی لوجس کی ساقیں ایک دوسری کے متوازی ہوں۔ کثافتِ اضافی معلوم کرنے کے لئے لانا نامی میں اس بات کی گنجائش ہونی چاہئے کہ وہ انتصابی سمت میں کھڑی ہو سکے۔ اس کے لئے بہترین تدبیر یہ ہے کہ نامی ایک انتصابی سمت کے متوازی ٹیکن کے ساتھ لگا دی جائے۔

ٹیکن کے ساتھ پیمانہ بھی ہو تو بلندیوں کو معلوم کرنے میں آسانی ہو جاتی ہے۔ لانا نامی میں وہ مائع ڈال دو جس کی کثافتِ اضافی مطلوب ہے۔ اس وقت اس مائع کی دونوں آزاد سطحوں پر کثرتِ ہوائی کا دباؤ ہوگا اس لئے اس کی دونوں ساقوں کی بلندیوں میں کچھ فرق نہ ہوگا۔ اب ایک ساق میں کچھ پانی ڈال دو۔ اس وقت دوسری ساق میں مائع کی سطح پر صرف کثرتِ ہوائی کا دباؤ ہے اور پہلی ساق میں کثرتِ ہوائی کے دباؤ کے ساتھ پانی کے اُستوانے کا دباؤ بھی شامل ہے۔ اس لئے تعامل قائم رکھنے کے لئے مائع دوسری ساق میں اُدھر کو چڑھ جائیگا۔ اور دونوں بائوں کی بلندیاں اس طرح قائم ہو جائیں گی کہ لانا نامی کے سب سے بچھلے نقطہ ج پر دونوں ساقوں کے ایمانات کی وجہ سے جو دباؤ ہے وہ مساوی ہو جائے۔

اس کی حسب ذیل تشریح بھی ہو سکتی ہے۔ فرض کرو کہ م ایک نقطہ اس افقی سطح میں واقع ہے جہاں مائع اور پانی ملتے ہیں اور م ایک دوسرا نقطہ اسی سطح میں لانا نامی کی دوسری ساق میں واقع ہے۔ دونوں ساقوں میں بلندیاں اس طرح سے قائم ہو گئی کہ نقطہ م اور م پر دباؤ مساوی ہونگے (شکل ۲۶)۔



مائع پانی سے سہاری ہو

مائع پانی سے ہکا ہو

مائع اور پانی مخلوط ہو جائیں

شکل ۲۶

فرض کرو کہ ساقوں کی آزاد سطحیں ۱ اور ۲ ہیں اس لیے
 م پر دباؤ = کروی ہوائی کا دباؤ + م بلندی کے مائع کا دباؤ۔
 م پر دباؤ = کروی ہوائی کا دباؤ + ب م بلندی کے پانی کا دباؤ۔
 چونکہ م پر کا دباؤ = م پر کے دباؤ کے
 ∴ ۱ م بلندی کے مائع کا دباؤ = ب م بلندی کے پانی کا دباؤ
 ۱ م = گ م
 اور ب م = گ م
 ∴ گ ۱ = گ ۲ جہاں ۱ = پانی کی کثافت
 ۲ = مائع کی کثافت

$$\frac{\rho_1}{\rho_2} = \frac{h_2}{h_1}$$

اگر مائع پانی کے ساتھ مخلوط ہو جائے تو پانی اور اس مائع کے درمیان
 کوئی دوسرا مائع مائل کرنا چاہئے جو نہ پانی میں مخلوط ہو اور نہ اُس
 مائع میں۔ اس حالت میں ہر ایک ساق میں جو مایعات ہوں گے

اُن کی مقدار اتنی ہونی چاہئے کہ دونوں سطحوں میں مائل ہونے والے مائع کی سطح ایک ہی ہو۔ مایعات کی بلندیاں مائل شدہ مائع کی سطحوں سے پالی جاتی ہیں اگر یہ بلندیاں گہ اور گہ ہوں تو

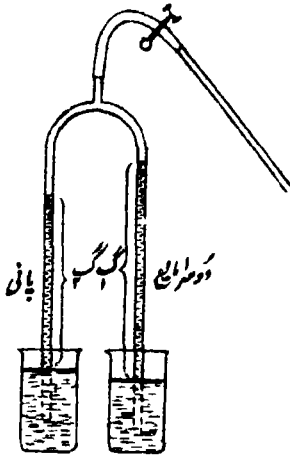
$$\text{کثافت اضافی} = \frac{\text{ث}}{\text{ث}} = \frac{\text{گ}}{\text{گ}}$$

لانٹائی کے ذریعے اضافی کثافتوں کی تعین میں مندرجہ ذیل چند نقائص پائے جاتے ہیں :-

اگر صحت مقصود ہو تو مائل شدہ مائع کی سطحوں کو برابر کرنے میں اتنی ناکی ضرورت ہوگی۔ چونکہ اتنی نا بہر حال نلی کے باہر رکھا جائیگا اس لئے جو صحت حاصل ہوگی وہ بہت زیادہ نہیں ہوگی۔ اگر مائل شدہ مائع پارا ہو تو اُس کی سطح کی درستی میں ذری سہی غلطی اگر رہ جائے تو نتیجہ میں بہت زیادہ غلطی ہوگی۔ کیونکہ پارے کی کثافت زیادہ ہے اس کے علاوہ ایک اور غلطی شہریت کی وجہ سے بھی ہونا ممکن ہے۔ مائل شدہ مائع (پارا) کی دونوں سطحوں پر جدا گانہ سطحی تناؤ کا عمل ہوگا کیونکہ دو مختلف نوع کے مائع ان دونوں سطحوں پر پارے سے ملتے ہیں۔ مندرجہ بالا نقائص کا تدارک کلیتہً ایک سادہ آلے کے استعمال سے ہو سکتا ہے اس کا نام ہیٹرو کا آلا ہے جس کی تشریح ذیل کے تجربہ میں کی جاتی ہے۔

تجربہ نمبر ۲۷ — کسی مائع کی کثافت اضافی ہیٹرو کے آلے کے ذریعے دریافت کرنا۔

اس آلے میں لانٹائی الٹی رکھی جاتی ہے۔ نلی کا ایک کھلا سر پانی میں اور دوسرا سر اُس مائع میں رکھا جاتا ہے جس کی کثافت اضافی مطلوب ہے۔ نلی کے درمیانی حصے میں جہاں وہ خمیدہ ہے ایک اور نلی لگی ہے جس کے ذریعے کچھ ہوا لانٹائی سے خارج کی جاسکتی ہے۔ اس عمل سے دونوں سطحوں میں مایعات چڑھیں گے۔ (شکل نمبر ۱)۔ اور نلی کے اندر والے مایعات کی دونوں سطحوں پر جو ہوا رہ گئی ہے اُس کا



دباؤ یکساں ہوگا۔ اور نلی کے باہر والے مایعات کڑھ ہوائی کے دباؤ کے تحت میں ہونگے۔

فرض کرو نلی میں ہوا کا دباؤ h ہے اور کڑھ ہوائی کا دباؤ h_1 کے باہر آزاد سطحوں پر h ہے پانی کی بلندی g اور مائع کی بلندی g ہو تو تعادل قائم کرنے کے لئے

$$h + g = h_1 + g$$

$$h = h_1$$

$$g = g$$

$$\frac{h}{g} = \frac{h_1}{g}$$

شکل ۲۔ ہیڈر کا آلہ

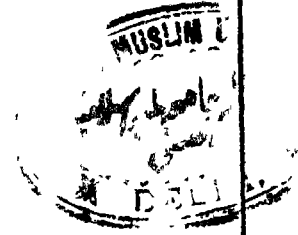
= کثافت اضافی

مایعات کی بلندیوں کی پیمائش نلی کے باہر کی آزاد سطحوں سے ہونی چاہئے۔ نلی کے اندر سے ہوا خارج کر کے مختلف دباؤ پیدا کر دہر دباؤ کے تحت میں مایعات کی بلندیوں کی پیمائش کرو یہ معلوم ہوگا کہ g ہر حالت میں مستقل ہے۔ مشاہدوں کو ایک جدول میں حسب ذیل طریقے سے لکھو۔

دباؤ	پانی کی بلندی g	مائع کی بلندی g	کثافت اضافی $\frac{g}{g}$
۱			
۲			
۳			

اوسط =

فصل پنجم



سکونیات

۱۔ سمتیوں کی ترکیب

طبیعیاتی کمیتیں دو جماعتوں میں تقسیم کی جاسکتی ہیں :-

(۱) میزانی (۲) سمتی
 سمتی کمیت وہ کمیت ہے جس میں سمت اور مقدار دونوں ہوتے ہیں مگر میزانی کمیت میں صرف مقدار ہوتی ہے۔ مثلاً رفتار، اسراع، قوت، وغیرہ سمتی کمیتیں ہیں اور وقت، رقبہ، کمیت مادہ، وغیرہ میزانی کمیتیں ہیں۔ سمتی کمیت کی تعبیر کسی خاص طول کے اور خاص سمت میں کچھنے ہوئے خط مستقیم سے ہو سکتی ہے۔ ایک ہی قسم کی دو میزانی کمیتیں معمولی جمع کے قاعدہ سے آپس میں جمع کی جاسکتی ہیں۔ مگر ایک ہی قسم کی دو سمتی کمیتیں بالعموم اس طریقہ سے جمع نہیں کی جاسکتیں بلکہ متوازی الاضلاع کے کلیہ سے ان کا حاصل دریافت کیا جاتا ہے۔ دو سمتی کمیتوں کے حاصل سے ایک وہ واحد کمیت مراد ہے جس سے وہی نتیجہ مرتب ہو سکتا ہے جو ان دونوں سمتیوں سے۔

سمتیوں کے متوازی الاضلاع کا اصول حسب ذیل ہے :-
 اگر دو سمتیاں مقدار اور سمت کے اعتبار سے
 کسی متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلعوں سے تعبیر
 کی جائیں تو ان دو سمتیوں کا حاصل مقدار اور سمت کے
 اعتبار سے متوازی الاضلاع مذکور کے اُس وتر سے تعبیر
 کیا جاتا ہے جو مذکورہ بالا ضلعوں کے نقطہ تقاطع میں
 سے گزرے۔ اس اصول کا اطلاق کل سمتیوں پر ہوتا ہے مثلاً
 نقل مکان، رفتار، اسراع، قوت وغیرہ۔

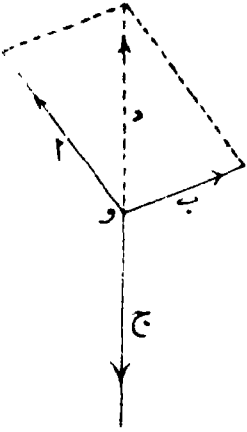
ذیل کے بیانات میں ”قوت“ کا لفظ عموماً استعمال کیا جائیگا
 مگر اس بات کا خیال رہے کہ جو قاعدہ قوت کے لئے استعمال کیا
 جائیگا وہ دوسری سمتیوں مثلاً نقل مکان یا رفتار وغیرہ پر بھی
 حاوی ہوگا۔

قوتوں کا یہ حال ہے کہ اگر کسی جسم پر عمل کرنیوالی قوت
 توازن میں نہ ہو تو وہ قوت جسم مذکور میں حرکت پیدا کریگی۔ لہذا
 ہم کو ایک ایسا سادہ طریقہ دستیاب ہے جس سے یہ معلوم
 ہو سکتا ہے کہ قوتیں جو کسی جسم پر عمل کرتی ہیں وہ متوازی
 ہیں یا نہیں۔ اگر جسم جس پر قوتیں عمل کر رہی ہیں ساکن رہے تو
 وہ قوتیں ایک متوازن نظام پیدا کرتی ہیں۔ اب ہم ذیل کا دعویٰ
 بیان کر سکتے ہیں :-

اگر کوئی جسم دو ایسی قوتوں کے زیر عمل ہو جو
 آپس میں مساوی اور متضاد ہیں تو جسم مذکور تعادل میں
 ہوگا۔

فرض کرو کہ ایک چھوٹے جسم پر جو نقطہ واقع
 ہے تین قوتیں عمل کر رہی ہیں اور ان قوتوں کے متفقہ اثر سے
 جسم مذکور ساکن ہے (شکل ۲۸)۔

ان تینوں قوتوں کی تعبیر ایسے خطوط سے کرو جو نقطہ
و سے قوتوں کی سمتوں میں کھینچے گئے ہوں اور ان کے طول
بالترتیب قوتوں کی مقداروں کے متناسب ہوں۔ فرض کرو کہ



ا، ب، ج، یہ خطوط ہیں۔ مذکور بالا
دعویٰ کے مطابق اگر ہم ا اور ب کو
ٹھادیں اور اس کے بجائے ایک ایسی
واحد قوت د (جو شکل میں نقطہ وار
خط سے دکھائی گئی ہے) لگا دیں جو
ج کے مساوی مگر متضاد سمت میں
ہو تو جسم و ساکن رہیگا۔ اس کے معنی
یہ ہیں کہ ا اور ب دونوں مل کر ایک
ایسی قوت د کے مائل ہیں جو ج کے
مساوی و متضاد ہے۔ فرضی قوت
د قوتوں ا اور ب کا حاصل ہے۔

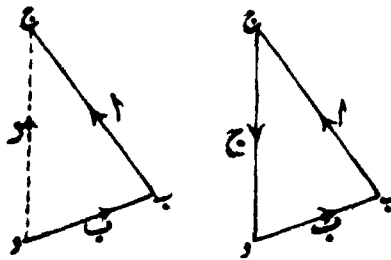
شکل ۱۵۲ - تین متبادل قوتیں

جب قوتیں ا اور ب بھی عمل کر رہی ہوں تو و کو ساکن رکھنے
والی قوت ج ہے۔ اس قوت ج کو ا اور ب کا متعادل
کہتے ہیں۔

لہذا یہ ظاہر ہے کہ متعادل اور حاصل دونوں مقدار
کے اعتبار سے آپس میں برابر ہیں مگر سمتِ عمل کے لحاظ سے متضاد۔
قوتوں کے متوازی الاضلاع کے اصول ثابت کرنے
کا طریقہ — قوتوں کے متوازی الاضلاع کا اصول یہ ہے کہ
اگر کوئی ایسا متوازی الاضلاع کھینچا جاسکے جس کے دو متصل
ضلعے ا اور ب دو قوتوں کو تعبیر کریں تو مقدار اور سمت کے
لحاظ سے ان دونوں قوتوں کے حاصل کی تعبیر متوازی الاضلاع
مذکور کے اُس وتر سے ہوگی جو نقطہ و سے کھینچا جائے۔

اگر مذکور بالا وتر μ اور β کے حاصل کو تعبیر کرے تو اس کو اس خط کے مساوی اور متضاد ہونا چاہئے جو β کو تعبیر کرتا ہے کیونکہ قوتیں β اور β ایک دوسرے کے مساوی اور متضاد ہیں۔ لہذا اگر یہ معلوم ہو جائے کہ اس متوازی الاضلاع کا وتر قوت β کو تعبیر کرنے والے خط کے برابر اور متضاد ہے تو قوتوں کے متوازی الاضلاع کا اصول ثابت ہو جائیگا۔

قوتوں کے مثلث کے اصول کو ثابت کرنے کا طریقہ — حاصل β کی مقدار دریافت کرنے کے لئے یہ ضروری نہیں ہے کہ متوازی الاضلاع پورا کھینچا جائے۔ اگر ہم β کو لمبا مقدار و سمت خط و β سے تعبیر کریں اور نقطہ β سے β کے متوازی اور متناسب طول کا خط β ج کھینچیں تو نصف متوازی الاضلاع تیار ہو جائیگا۔ نقاط و اور β کے ملانے سے متوازی الاضلاع



شکل ۱۹۔ قوتوں کا مثلث

کا وتر حاصل ہوتا ہے اور یہ وتر شکل کی تکمیل کے بغیر قوت β کی تعبیر کرتا ہے اور اس طرح ایک مثلث کے ذریعہ سے مطلوبہ حاصل قوت دریافت ہو سکتا ہے۔

قوتوں کے مثلث کا اصول بالعموم حسبِ ذیل بیان کیا جاتا ہے:۔

اگر تین قوتیں جن کی مقداریں کسی مثلث کے ضلعوں کے طویل کے متناسب اور جن کے عمل کی سمتیں بالترتیب ان ضلعوں کے متوازی ہوں کسی جسم پر عمل کریں تو وہ جسم ان کے زیر عمل ساکن رہیگا بشرطیکہ ان کی سمت کے ظاہر کرنے والے پیکان مثلث کے گرد ایک ہی رُخ میں ہوں۔

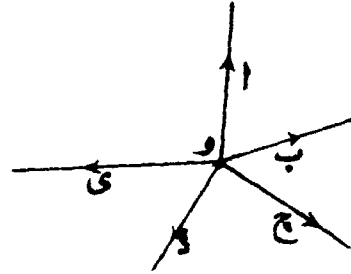
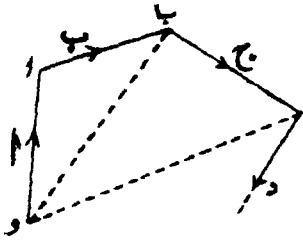
شکل ۲۹۔ میں مثلث و ب ج پر غور کرو۔ ضلع ب ج قوت ۱ کی سمت عمل کو ظاہر کرنے والے پیکان کا مثلث کے گرد جانے کا رُخ وہی ہے جو قوت ب کی سمت عمل ظاہر کرتا ہے۔ پیکان کا ہے۔ حامل قوت کی تعبیر اس خط سے ہوتی ہے جس سے مثلث کا متحمل ہو جاتا ہے اور اس خط میں پیکان کا رُخ مثلث کے گرد جانے والے مذکورہ بالا پیکان کے رُخ کے متضاد ہے۔

اب وہی خط و ج قوتوں ۱ اور ب کے حاصل کو تعبیر کرتا ہے۔ اگر اس کے پیکان کی سمت نقطہ و کی طرف ہو تو خط ہذا قوت ج کو تعبیر کریگا۔ ان تینوں قوتوں ۱، ب، ج کے زیر عمل جسم ساکن ہے۔

مذکورہ بالا اصول قوتوں کے متوازی الاضلاع کے اصول کی عملی تصدیق سے ثابت کیا جاتا ہے۔

اگر متعدد قوتیں خواہ ان کی تعداد کچھ ہی ہو کسی چھوٹے جسم پر عمل کریں تو متذکرہ بالا اصول کا اطلاق ان قوتوں پر بھی ہو سکتا ہے۔ ایک عام اصول جو کہ سمتیوں کے کثیر الاضلاع کے اصول سے موسوم ہے حسب ذیل بیان کیا جاتا ہے :-
اگر کوئی جسم کسی تعداد کی قوتوں ۱، ب، ج، د، ی، وغیرہ کے زیر عمل ساکن ہے اور اگر ان قوتوں کو مقدار اور سمت کے اعتبار سے تعبیر کرنے والے خطوط بالترتیب

سلسلہ کھینچنے جائیں اور قوتوں کی سمت ظاہر کرنے والے
پیرکان ایک ہی رخ میں ہوں تو ان خطوط سے مکمل کثیر الاضلاع
بن جائیگا۔



شکل ۳۱۔ قوتوں کا کثیر الاضلاع

شکل ۳۲۔ باغ متبادل قوتیں

مذکورہ بالا اصول مثلث قواعد کے اصول کی مدد سے
مبذیل ثابت کیا جاسکتا ہے :-

قوتوں 'ا' اور 'ب' اور ان کے حاصل کو تعبیر کرنے کے لئے
مثلث 'و ا ب' کھینچو۔ خط 'و ب' پر ایک اور مثلث 'و ب ج'
ایسا کھینچو کہ ضلع 'ب ج' قوت 'ج' کو تعبیر کرے۔ ضلع 'و ج' قوت
'ج' اور 'و ب' کا حاصل ہے اس لئے 'و ج' 'ا' 'ب' 'ج' تین
قوتوں کا حاصل ہے (اشکال ۳۱ و ۳۲)

یہ ظاہر ہے کہ خط 'و ب' غیر ضروری ہے کیونکہ 'ا' 'ب' اور 'ب ج' کے
کھینچنے سے 'و ج' دریافت ہو جاتا ہے اور اس خط سے شکل ذرا بچہ الاضلاع کی تکمیل ہو جاتی ہے
نقطہ 'ج' سے ایک اور خط شکل کثیر الاضلاع میں اضافہ
کرنے سے چوتھی قوت 'د' مذکورہ بالا قوتوں 'ا' 'ب' 'ج' میں
شریک کی جاسکتی ہے۔ اور کثیر الاضلاع کے مذکورہ بالا عمل سے
کسی تعداد کی قوتوں کی ترکیب ہو سکتی ہے۔

لہذا ایک ہی نقطہ پر عمل کرنے والی کسی تعداد کی قوتوں کے حاصل دریافت کرنے کے لئے ایک شکل اس طرح کھینچی جاتی ہے جس کے اضلاع وہ خط ہیں جو قوتوں کو تعبیر کرنے کے لئے مسلسل کھینچے گئے ہیں اور شکل مذکور میں قوتوں کی سمت ظاہر کرنے والے پیکان اس طرح ہیں کہ وہ شکل کے گرد یکے بعد دیگرے ایک ہی رخ میں جاتے ہیں۔

خط جو شکل کو مکمل کرتا ہے وہ ان تمام قوتوں کے حاصل کو تعبیر کرتا ہے مگر اس کے پیکان کا رخ مندرجہ بالا پیکان کے رخ کے خلاف ہے۔

وہی خط ان تمام قوتوں کے متعادل کی بھی تعبیر کرتا ہے اگر اس کے پیکان کا رخ شکل کے گرد جانے والے پیکان کے رخ کے موافق ہو۔

یہ بیان قوتوں کے کثیر الاضلاع کے اصول کا ایک دوسرا پیرایہ ہے۔

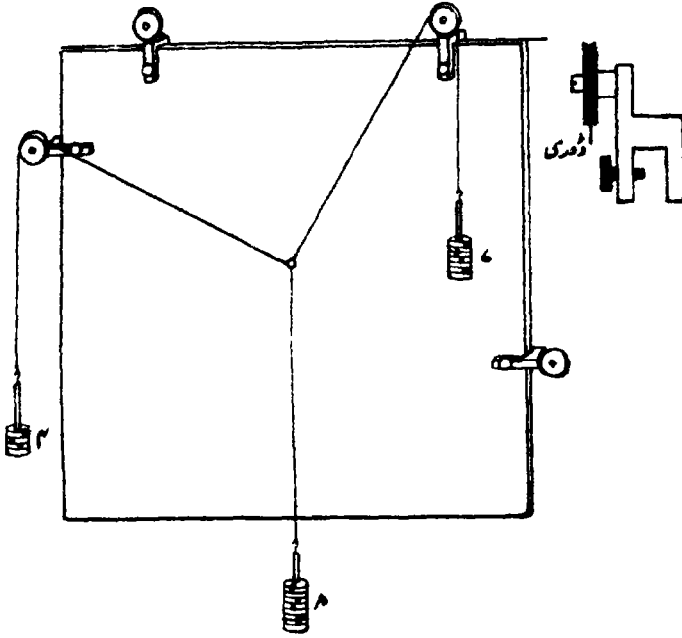
اگر خط شکل کو مکمل کر چکے ہیں تو قوت حاصلہ صفر ہے یعنی دی ہوئی قوتوں کے زیر عمل جسم تعادل میں ہے۔ اس امر کے لحاظ کرنے کی مطلق ضرورت نہیں کہ قوتیں کس ترتیب سے کھینچی گئی ہیں۔

قوتوں پر تجربہ کرنے کا آلہ

قوتوں کے متعلق جو اصول بیان کئے جا چکے ہیں ان کی تصدیق کے لئے ایک سہل و مناسب آلہ حسب ذیل طریقہ سے تیار کیا جاسکتا ہے:—

ایک سیاہ تختہ لہو اور اس کے کنارے کے گرد چند ہلکی

اور بے رگڑ چرخیاں (جیسا کہ شکل ۳۲ میں دکھایا گیا ہے) مرتب کرو۔



شکل ۳۲ - قوتوں پر تجربہ کرنے کا آلہ

ان چرخوں پر مضبوط ڈوریاں ڈالو۔ ان ڈوریوں کے ایک سرے پر حلقے بناؤ اور اگر ممکن ہو تو ہر ڈوری کے دوسرے سرے پر گھڑی کی زنجیر جیسے کلب (Clip) لگاؤ۔ تختہ مذکور کو دیوار یا کسی استوار مضبوط سہارے پر اتصافاً (سیدھا) کھڑا کر دو۔ اگر چرخیاں اس طرح قائم کی گئی ہیں کہ ان کے سطوح اس تختہ کی سطح کے علی القوائم ہیں تو تختہ مذکور ایک میز پر افقی ہیئت میں رکھا جاسکتا ہے۔ مگر اس صورت میں ڈوریوں کے سرے کناروں کے باہر باطل صاف لگتے رہنے چاہئیں۔

یہ بھی ہو سکتا ہے کہ بعض دفعہ بجائے اس کے کہ سیاہ تختہ کے کناروں کے گرد چرخیاں لگائی جائیں ان کو ایسے گندوں پر قائم

کیا جائے جو کسی سہ پایہ استادہ پر چڑھے ہوں۔
یہاں ایک ہلکا جھٹلا بطور چھوٹے جسم کے استعمال کیا جاتا ہے اور یہ جھٹلا کلپ کے ذریعہ سے ڈوریوں میں لگایا جاتا ہے۔ جب کسی تعداد کی قوتیں ان ڈوریوں کے ذریعہ سے اس جھٹلے پر لگائی جائیں تو وہ جھٹلا فوراً تعادل کی جگہ پر سرک جائیگا اور ڈوریوں خاص سمتیں اختیار کر لیں گی۔ ان ڈوریوں کی سمتیں نوکدار کھریا سے تختہ پر کھینچی جاسکتی ہیں اور اگر تختہ مذکور پر کاغذ لگا ہو تو پینسل سے تختہ پر کھینچی ہوئی لکیریں قوتوں کی سمت عمل بتائیں گی۔
مذکورہ بالا ڈوریوں کے دوسرے سروں سے لٹکتے ہوئے وزن کے مناسب ایک مناسب پیمانہ کے مطابق ان لکیروں پر طول کا ٹوم اس طرح ہلکے ایسی لکیریں دستیاب ہونگی جن سے قوتوں کی مقدار اور سمت عمل دونوں کی تعبیر ہو جائیگی۔

قوتوں کو تعبیر کرنے والے ان خطوں کے ذریعہ سے مذکورہ بالا مختلف اصولوں کی عملی تصدیق بخوبی ہو سکتی ہے خواہ قوتیں زیر بحث دو ہوں یا تین یا متعدد۔

یہ امر ملحوظ رہے کہ رگڑ کی وجہ سے قوتوں کے زیر عمل جھٹلے کا محل تعادل کی حالت میں ایک ہی مقام پر قائم نہیں رہیگا بلکہ رگڑ کی مقدار کے مطابق ایک چھوٹے رقبہ کے اندر بدلتا رہیگا۔ تعادل کا صحیح مقام حسب ذیل دریافت ہو سکتا ہے :-

جب قوتوں کے زیر عمل جھٹلا ساکن ہو جائے تو اس کے مقام سکون کا نشان تختہ سیاہ پر لگا دو۔ اس کے بعد جھٹلے کو اپنی جگہ سے ہٹا دو۔ جھٹلا پھر ایک نیا مقام سکون اختیار کر لیگا۔ اس نئے مقام کا نشان بھی تختہ پر لگا دو۔ اس طرح چند بار جھٹلے کو ہٹا ہٹا کر اس کے مختلف مقامات سکون کے نشانات ڈالو۔ یہ مختلف نشانات ایک چھوٹے رقبہ کے اندر واقع ہونگے

اگر اس رقبہ کے وسط کا نشان لیا جائے تو وہ نشان چلتے کے متبادل کا صحیح مقام بتائیگا۔
 نیز اگر چرخیاں اس طرح سے قائم کی گئی ہیں کہ ان کے سطوح تختہ سیاہ کی سطح کے علیٰ القوائم ہیں تو اس صورت میں ان کی حرکت میں ایسی آزادی ہونی چاہئے کہ وہ چرخیاں ڈوریوں کی سمتیں باسانی اختیار کر سکیں۔ مگر اس حالت میں محور کی رگڑ کے سوا دوسری رگڑ بھی عمل میں آجاتی ہے لہذا انتصابی تختہ پر تجربہ کرنا قابلِ ترجیح ہے۔

تجربہ ۲۸ — دو قوتوں کے زیرِ عمل متبادل کے شرائط دریافت کرنا۔ چلتے سے دو ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں سے مختلف وزن لٹکاؤ۔ یہ ڈوریاں کچھ کر ایک خط مستقیم میں ہو جائیگی۔ چلتے صرف اس حالت میں ساکن رہیگا جب ڈوریوں سے ٹکے ہوئے وزن آپس میں برابر ہونگے۔

تجربہ ۲۹ — قوتوں کے متوازی الاضلاع و مثلث کے اصول کی تصدیق — چلتے سے تین ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں سے وزن لٹکاؤ جب چلتا متبادل کے مقام پر آجائے تو عمل کرنے والی قوتوں کو لکیروں سے تیسرے کرد جیسا کہ قبل بتایا جا چکا ہے۔

ان تین لکیروں میں سے کسی دو کو متصل اضلاع مان کر ایک شکل متوازی الاضلاع کھینچو اور یہ دکھاؤ کہ شکل مذکور کا وتر طول میں تیسری لکیر کے برابر ہے اور یہ لکیر اور وتر دونوں ایک ہی سیدھے میں ہیں۔
 تختہ سیاہ کے بازو پر مثلث کے دو خطے اس طرح کھینچو کہ وہ مندرجہ بالا تین قوتوں میں سے دو قوتوں کے متوازی اور طول میں بالترتیب ان کے متاسب ہوں اور سمت بتانے والے پیکان

یکے بعد دیگرے ایک ہی رخ میں ہوں۔ مثلث مذکور کو مکمل کر کے دکھلاؤ کہ تیسرا ضلع تیسری قوت کے متوازی ہے اور یہ ضلع تیسری قوت کی مقدار کو اسی پیمانہ سے تعبیر کرتا ہے جس پیمانہ سے بقیہ دو قوتوں کی تعبیر بقیہ دو ضلعوں سے ہوئی ہے۔

تجربہ ۳۱ — قوتوں کے متوازی الاضلاع کے ذریعہ سے کسی جسم کا وزن دریافت کرنا۔

دو معلوم اور ایک غیر معلوم وزن لے کر تجربہ ۳۰ کو دہراؤ۔ معلوم وزن کو متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلعوں سے تعبیر کرو۔ متوازی الاضلاع کے وتر کے طول سے غیر معلوم وزن دریافت ہو جائیگا۔ معمولی ترازو کے ذریعہ سے امر مذکور بالا کی تصدیق کرو۔

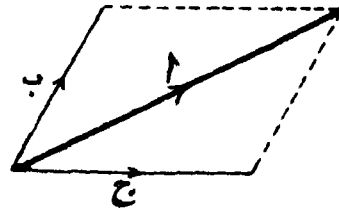
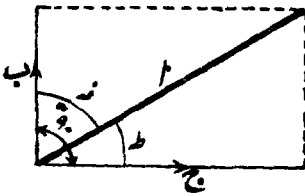
تجربہ ۳۲ — قوتوں کے کثیر الاضلاع

کے اصول کی تصدیق — چار یا پانچ وزن لے کر تجربہ ۳۰ کی طرح عمل کرو مگر تختہ کے ایک حصہ پر ایک ایسی شکل کھینچو کہ اس کے ضلع قوتوں (وزن کے خط عمل) کے متوازی و متناسب ہوں اور سمت بتلانے والے پیکان یکے بعد دیگرے شکل کے گرد ایک ہی رخ میں ہوں جب کُل قوتوں کی تعبیر سوائے ایک قوت کے اس طرح ہو جائے تو شکل کثیر الاضلاع کو مکمل کر کے دکھلاؤ کہ شکل کو مکمل کرنے والا خط دونوں مقدار اور سمت میں بقیہ قوت کی تعبیر کرتا ہے بشرطیکہ اس خط پر کا پیکان دوسرے پیکان کی طرح ایک ہی رخ میں ہو۔ اس تجربہ کو دو یا تین بار دہراؤ مگر ہر دفعہ وزن کی ترتیب جداگانہ ہو تاکہ مختلف شکل کے کثیر الاضلاع کھینچے جاسکیں۔ یہ دکھلاؤ کہ ہر حالت میں شکل کو مکمل کرنے والا خط بقیہ قوت کو تعبیر کرتا ہے خواہ کثیر الاضلاع کے بقیہ ضلعوں کی ترتیب کچھ بھی ہو۔

۲۔ سمتیوں کی تحلیل

ہم دیکھ چکے ہیں کہ کسی جسم پر عمل کرنے والی دو سمتیوں کی ترکیب ایک واحد مثال سمتی سے ہو سکتی ہے۔ اب ہمیں ایک واحد سمتی کو دو مختلف سمتیوں میں تحلیل کرنے کے مسئلہ پر غور کرنا ہے۔ ایک واحد سمتی دو مختلف سمتیوں میں اس طرح تحلیل کی جاسکتی ہے کہ موخر الذکر دو سمتیاں مل کر اول الذکر سمتی کے مماثل ہوں۔

شکل ۳۲ پر غور کرو۔ ب اور ج متذکرہ بالا دو سمتیوں کو تعبیر کرتے ہیں۔ اگر ان کو متصل اضلاع مان کر شکل متوازی الاضلاع مکمل کی جائے تو یہ ظاہر ہے کہ ب اور ج شکل مذکور کے وتر ا کے مماثل ہیں۔



شکل ۳۲۔ سمتی کے تحلیل اجزاء

شکل ۳۳۔ سمتیوں کی تحلیل

اگر ب اور ج آپس میں علی القوائم ہیں تو نہ ب کا اثر ج کے خط عمل میں اور نہ ج کا اثر ب کے خط عمل میں ہوگا۔ لہذا ہم کہہ سکتے ہیں کہ ب اور ج اپنی اپنی سمتوں میں ا کے پورے اثر کو تعبیر

کرتے ہیں۔
اس صورت میں ب اور ج اپنی اپنی سمتوں میں ا کے تحلیل شدہ اجزاء ہیں یا یوں کہئے کہ ب اور ج مذکورہ بالا سمتوں میں ا کے اجزائے ترکیبی ہیں۔ شکل ۳۴ پر غور کرو۔

ب = ا جم فہ

ج = ا جم ط

پس ہم کہہ سکتے ہیں کہ کسی قوت معلومہ کا تحلیل شدہ جزو کسی خاص سمت میں قوت معلومہ اور سمت مذکورہ کے درمیانی زاویہ کے جیب التمام اور قوت مذکورہ کی مقدار کے حاصل ضرب کے برابر ہے۔

اس اصول کی تصدیق سکونی سطح مائل کے تجربہ کے تحت میں براہ راست کی جائیگی (شکل ۳۵ صفحہ ۱۱۱ دیکھو)۔
اس تجربہ میں ایک جسم و وزن کا افق سے زاویہ ط بنانے والی ایک سطح مائل پر ایک ایسی قوت ق کے ذریعہ سے ساکن رکھا جاتا ہے جو سطح مذکورہ کے متوازی عمل کرتی ہے۔

یہ ظاہر ہے کہ و کے اثر سے جسم سطح پر نیچے اترے گا اور یہ اثر قوت ق کے برابر ہوگا کیونکہ ق کی وجہ سے جسم مذکور نیچے اترنے سے باز رہتا ہے۔ یا یوں کہو کہ ق، وزن و کے اس جزو تحلیلی کے برابر ہے جو سطح مذکور کے متوازی عمل کرتا ہے۔

مگر یہ دکھلایا گیا ہے کہ ق برابر ہے و جب ط کے۔ اس لئے سطح کے متوازی وزن و کا جزو تحلیلی برابر ہے و جب ط کے،

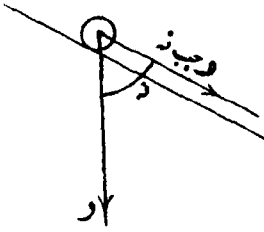
شکل ۳۵ میں سطح اور انصافی سمت کا درمیانی زاویہ فہ ہے۔

فہ = ۹۰۔ ط

اور جم فہ = جب ط

∴ جب ط = و جم فہ

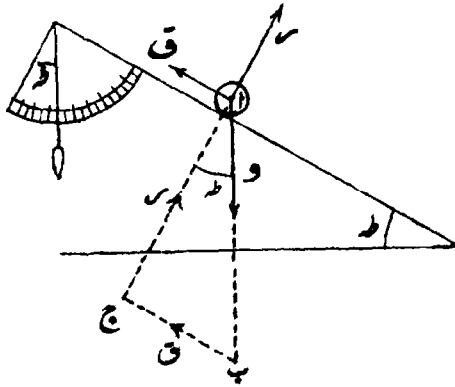
پس و کا وہ تحلیل جزو جو
و کے خط عمل سے زاویہ فہ
بنانے والی سطح کے متوازی
عمل کرتا ہے برابر ہے و جم فہ
کے۔



شکل ۲۵۔ سطح مائل

سکونی سطح مائل

اگر کوئی بوجھ و کسی سطح مائل پر رکھا جائے تو سطح مذکورہ کے



شکل ۳۶۔ سکونی سطح مائل

متوازی عمل کرنے والی قوت Q کے ذریعہ سے اس بوجھ کو سطح پر بحالت تعادل قائم رکھ سکتے ہیں یا اس کو سطح کے اوپر کی طرف بغیر اسراع کھینچ سکتے ہیں۔ قوت Q کی مقدار W سے بہت کم ہے۔ اگر سطح کا زاویہ میلان گھٹایا جائے تو Q کی مقدار بھی کم ہو جاتی ہے یا یوں کہو کہ Q کی مقدار سطح کے زاویہ میلان کے ساتھ ساتھ گھٹتی جاتی ہے۔

فرض کرو کہ افق سے زاویہ θ بنانے والی ایک سطح مائل پر ایک جسم W وزن کا سطح مذکورہ کے متوازی عمل کرنے والی ایک قوت Q کے ذریعہ سے عین تعادل کی حالت میں ہے اور جسم مذکورہ بالا پر عمل کرنے والی مختلف قوتوں پر غور کرو۔ شکل ۱۱۱ سے ظاہر ہے کہ

(۱) W انصباً نیچے کی طرف عمل کر رہا ہے۔

(ب) Q سطح کے متوازی عمل کر رہی ہے۔

اور ان کے سوا ایک اور قوت R عمل کر رہی ہے جس کو سطح کا رد عمل کہتے ہیں۔ اگر سطح چکنی ہو تو آخراً لہذا قوت کی سمت عمل سطح مذکورہ پر عمود وار ہوگی۔ یہ تینوں قوتیں مل کر جسم کو ساکن رکھتی ہیں۔ اور ان کی سمتیں معلوم ہیں۔ لہذا اگر ان میں سے کسی ایک کی مقدار معلوم ہو تو بقیہ دو قوتوں کی مقادیر بھی قوتوں کے مثلث کے اصول سے معلوم ہو سکتی ہیں۔

فرض کرو کہ خط AB قوت W کی تعبیر کرتا ہے۔ خط AC سطح پر عمود وار یعنی RD عمل R کے متوازی اور خط BC سطح مذکورہ کے متوازی یعنی قوت Q کے متوازی کھینچو۔ یہ دونوں آخراً لہذا خطوط نقطہ C پر تقاطع کرتے ہیں۔ اس لئے

یہ خطوط بالترتیب α اور β کو تعبیر کرتے ہیں۔
زاویہ β α ب زاویہ θ کے برابر ہے کیونکہ α ج سطح پر
اور β قاعدہ پر عمود ہے اور سطح اور قاعدہ کا درمیانی زاویہ
 θ ہے۔

$$\text{لہذا } \frac{\beta}{\alpha} = \text{جب } \theta$$

لیکن β ج اور α ب بالترتیب β اور α کو تعبیر
کرتے ہیں۔

$$\text{اس لئے } \frac{\beta}{\alpha} = \text{جب } \theta$$

$$\text{یا } \frac{\beta}{\alpha} = \text{و جب } \theta$$

اس مسئلہ کو اگر ایک دوسرے پہلو سے دیکھا جائے تو
ثبوت کچھ آسان ہو جائیگا۔ یہ معلوم ہے کہ جب وزن اوپر کھینچا
جاتا ہے تو جسم میں توانائی کا اضافہ پیدا ہوتا ہے اور
کھینچنے والی قوت β کام کرتی ہے۔ اس توانائی اور کام پر
غور کرو۔

فرض کرو کہ سطح مائل کا ارتفاع یعنی α کے قاعدہ سے
سہرے کی بلندی h ہے۔ اس لئے جب وزن بالکل سہرے
تک کھینچا جائے تو جسم میں توانائی بالقوہ کا اضافہ ہوگا اور اس
کی مقدار $W \cdot h$ کے برابر ہوگی۔

قوت β وزن کو اوپر کھینچنے میں اپنی سمت عمل میں
فصل h طے کرتی ہے۔ فرض کرو کہ سطح کا طول L ہے اس
لئے اس قوت کے کام کی مقدار $\beta \cdot L$ ہوگی۔
بقائے توانائی کے اصول سے

$$\text{کسب توانائی} = \text{کام کردہ شدہ}$$

$$\text{یعنی } W \cdot h = \beta \cdot L$$

یا ق = وگ وجب ط
 اس تجربہ کے لئے جو آل استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے مستوی
 تختہ پر مشتمل ہے جس کا بچلا سر قبضہ کے ذریعہ سے جکڑا ہوا ہوتا ہے
 اور اس میں ایک ایسا انتظام رہتا ہے کہ تختہ کے میلان میں تبدیلی
 حسب ضرورت پیدا کی جاسکے۔ بالعموم تختہ کے اوپر کے کنارے میں ایک
 چرنی لگی رہتی ہے اور اس چرنی پر سے ایک ڈوری گزرتی ہے۔ اس
 ڈوری کے ایک سرے سے سطح پر حرکت کرنے والا بوجھ بندھا رہتا
 ہے اور دوسرے سرے سے مختلف وزن لٹکائے جاتے ہیں۔ لٹکے ہوئے
 وزن سے ڈوری پر قوت ق کی قیمت معلوم ہوتی ہے۔ عموماً بوجھ و
 ایک جھوٹے اسطوانہ کی شکل کا ہوتا ہے۔ یہ اسطوانہ ڈھانچے سے لگے
 ہوئے ایک مناسب محور کے گرد لڑھک سکتا ہے اور ڈوری اس
 ڈھانچے سے بندھی ہوتی ہے۔ اس آل کی بعض شکلیں ایسی بھی ہوتی
 ہیں جن میں چرنی اور لٹکنے والے وزن کے بجائے کمائیدار ترازو
 استعمال کیا جاتا ہے۔ یہ کمائیدار ترازو خود بخود میلان
 کے لحاظ سے حسب ضرورت قوت ق پیدا کر دیتا ہے
 اور اس طرح ق کی قیمت براہ راست معلوم ہو سکتی ہے۔
 زاویہ ط کی پیمائش ایک ایسے گونیہ (زاویہ پیم) سے ہو سکتی ہے
 جس کا کنارہ افقی قاعدے میں ہو اور جس کا مرکز قبضہ مذکورہ بالا کے
 مرکز پر ہو مگر پیمانہ وار ربعہ کا استعمال بہتر ہے جیسا کہ شکل ۱۱۳ میں
 دکھایا گیا ہے۔ یہ ربعہ سطح مال کے اوپر کے سرے پر لٹکا رہتا
 ہے اور اس کے مرکز سے ایک شاقول لٹکا رہتا ہے۔ اگر ربعہ مذکور
 کا صفری نشان سطح کے علی القوائم ہو تو زاویہ ط وہ زاویہ ہے جو
 صفری نشان اور خط شاقولی کے درمیان واقع ہے۔ یہ طریقہ اول الذکر
 طریقہ سے قابل ترجیح ہے کیونکہ پہلے طریقہ میں افق نمائے کے ذریعہ سے
 قاعدہ کی سطح درست کرنا پڑتی ہے۔ اسوا اس کے زاویہ ط کی پیمائش میں

وزن و کے مساوی ہونا چاہئے۔ اس امر کی تصدیق بیلن کو تول کر کر دو۔

اگر زاویہ طہ کی پیمائش کے لئے آلہ کے ساتھ کوئی مُربعہ لگا نہ ہو تو سطح کے کنارے پر کوئی ایک نقطہ قائم کرلو اور ہر دفعہ قاعدہ سے نقطہ مذکور کی بلندی اور قبضہ کے مرکز سے اُس کا فاصلہ ناپ لو یعنی گ اور ل کی قیمتیں برابر راست دریافت کرلو۔ یہ صورت میں مشاہدات کی جدول حسبِ ذیل ہوگی۔

ق	گ	ل	گ	ق
	ل (جب طہ)			

اوسط قیمت $\frac{گ}{ق} =$

ق/ل کی اوسط قیمت کو برابر راست دریافت شدہ قیمت و کے برابر ہونا چاہئے۔

اگر وزن جن کے ذریعہ سے قوت ق عمل پذیر ہوتی ہے ڈوری سے لٹکے ہوئے پلٹے پر رکھے جائیں تو قوت ق کی قیمت میں پلٹے کے ذاتی وزن کو بھی شریک کرنا چاہئے۔

۳۔ کسی قسم کی قوتوں کے زیرِ عمل جسم کے تعادل کے عام شرائط۔

قوت کا معیار اثر

کسی محور کے گرد کسی قوت کے گردشِ اثر کو محورِ مذکور کے گرد اُس قوت کا معیارِ اثر کہتے ہیں اور معیارِ اثر کا اندازہ قوتِ مذکورہ کی مقدار اور محور سے خطِ عمل کے عمودی فاصلہ کے حاصل ضرب سے ہوتا ہے۔

سمتِ گردش ”معیارِ اثر کی جہت“ کہلاتی ہے۔ گردشِ خواہ ”موافق سمت ساعت“ ہو یا ”خالف سمت ساعت“۔ یہ ضروری نہیں کہ کوئی خاص سمتِ گردش مثبت بہت کہلائے یا منفی یہ محض اختیاری بات ہے کہ کوئی خاص جہت سہولت کے لحاظ سے مثبت یا منفی قرار دے دی جائے۔

اگر کوئی جسم قوتوں کے کسی نظام کے زیرِ عمل ہو تو جسمِ مذکورہ صرف اُس حالت میں ساکن رہیگا جب کہ مندرجہ ذیل دو شرائط الگ الگ پورے ہوں:

(۱) حاصلِ قوت کو کسی سمت میں صفر ہونا چاہیے۔

(۲) کل قوتوں کے حاصلِ معیارِ اثر کو کسی محور کے گرد

صفر ہونا چاہیے۔

شرط (۱) شرط (۲) میں تھینا شامل ہے مگر اس کو الگ سے تصریحاً بیان کرنا خاص اہمیت رکھتا ہے۔

بیرم کا اصول

مذکورہ بالا شرائط میں سے شرط (۶) کا عملی ثبوت ترکیب قوائے کے بیان میں دیا جا چکا ہے۔ اب ہم کو تجربہٴ دوسری شرط کی صحت کی تصدیق کرنی ہے۔ اس امر کے لئے سب سے زیادہ آسان طریقہ یہ ہے کہ جسم جس پر قوتیں عمل کرنے والی ہیں ایک مناسب چول پر رکھا جائے تاکہ جسم مذکور اُس چول کے گرد حرکت کر سکے۔ یہ چول محور کا کام دیگی۔ اس محور کو اصطلاحی زبان میں "نصاب" کہتے ہیں۔ اس صورت میں جسم مذکور کو کھلا متحرک ہونے سے باز رکھنے والی قوتیں نصاب پر عمل کرتی ہیں اور شرط (۱) بغیر کسی زحمت کے پوری ہو جاتی ہے۔ اگر کوئی جسم مذکورہ بالا طریقہ سے کسی چول پر قائم ہو تو اُس جسم کو بیرم کہتے ہیں۔

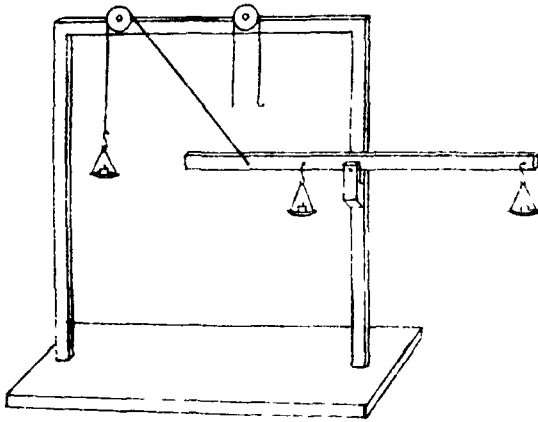
چونکہ نصاب پر عمل میں آنے والی قوت اب آسانی دریافت نہیں ہو سکتی لہذا ہم نصاب کے گرد صرت قوت مذکورہ کا معیار اثر معلوم کر سکتے ہیں کسی قوت کا معیار اثر اُس کے نقطۂ عمل کے گرد صفر ہے۔ اس لئے نصاب پر عمل کرنے والی قوت کا معیار اثر نصاب مذکور کے گرد صفر ہو گا۔ لہذا بیرم کے تعادل کی حالت میں نصاب کے گرد مختلف قوتوں کے معیار اثر پر غور کرتے وقت ان قوتوں کا لحاظ رکھنا ضروری نہیں جو نصاب پر عمل کر رہی ہوں۔

اب ہم بیرم کے تعادل کی شرط حسب ذیل بیان کر سکتے ہیں:—
اگر بیرم پر عمل کرنے والی کل قوتوں کا حاصل معیار اثر کسی نصاب معین کے گرد صفر ہو تو بیرم مذکور تعادل میں ہو گا۔

بیرم

بیرم کے اصول کی تشریح و نیز کلیۂ معیار اثر کی تصدیق کرنے کے لئے

ایک آسان آلہ حسب ذیل تیار کیا جاسکتا ہے:-
 شکل ۳ء کو دیکھو۔ لکڑی کے ایک مضبوط استوار چوکھٹے کے انتصابی بازوؤں میں سے ایک کے قریب قریب وسط میں پتیل کی ایک گول سلاخ (کیل) افقاً لکلی ہوئی ہے۔ اس سلاخ پر ایک میٹری پیمانہ چڑھا ہے۔



شکل ۳ء - بیرموں پر تجربے

اس پیمانہ کے ہر دو دوسرے پر آر پار سوراخ بنے ہیں اور سلاخ مذکور اس پیمانہ کے وسطی سوراخ سے گزرتی ہے۔ اس طریقہ سے پیمانہ کا مرکز ثقل انساب پر رہتا ہے جس کی وجہ سے پیمانہ کے ذاتی وزن کا اثر دور ہو جاتا ہے (مرکز جاذبہ کا بیان صفحہ ۱۲۵ء میں دیکھو)۔

چوکھٹے کے اوپر والے ڈبے پر چرخیاں چڑھی ہیں اور ان پر سے ڈوریاں گزرتی ہیں۔ یہ ڈوریاں اپنے سروں پر بندھے ہوئے پتیل کے کانٹوں کے ذریعہ سے میٹری پیمانہ کے کسی سوراخ سے لگائی جاسکتی ہیں۔ ڈوریوں کے دوسرے سروں سے ترازو کے پلڑے لگاتے ہیں جن پر وزن ڈال کر بیرم پر مختلف قوتیں لگائی جاسکتی ہیں۔ مذکورہ بالا پلڑوں کے سوا دوسرے پلڑے پیمانہ کے سوراخ سے براہ راست لٹکائے جاسکتے ہیں تاکہ بیرم پر مختلف قوتیں اوپر نیچے دونوں سمتوں میں عمل

کر سکیں یا قوتوں کی سمتیں اُفق سے مختلف زاویے بنا سکیں۔ چونکہ چرخوں اور نصاب پر کی رگڑ دُور نہیں کی جاسکتی اس لئے ضروری ہے کہ جب آلہ (بیرم) قریب قریب ٹھیک محل پہ آجائے تو اُس میں ایک خفیف رفتار پیدا کی جائے اور اُس کے بعد پلڑوں پر کے وزن کو اس طرح درست کیا جائے کہ بیرم یکساں آزادی کے ساتھ حرکت کر سکے خواہ اوپر کی طرف ہو یا نیچے کی طرف۔ اگر ان قوتوں میں سے کوئی قوت ترجیحی سمت میں عمل کر رہی ہو تو بیرم میں متذکرہ بالا خفیف رفتار پیدا کرتے وقت اس بات کا لحاظ رہے کہ بیرم اپنے اُفقی محل سے زیادہ ہلکنے نہ پائے ورنہ عمل کرنے والی قوت کا زاویہ بدل جائے گا اور اُس کی وجہ سے نصاب کے گرد اُس کے معیار اثر میں بھی تبدیلی پیدا ہو جائیگی۔

جب بیرم دونوں سمتوں میں یکساں آزادی کے ساتھ ملنے لگے تو نصاب کے گرد مختلف قوتوں کے معیار اثر بلحاظ مقدار و جہت محسوب کر لینا چاہئے۔

معیار اثر دریافت کرنے کے لئے ہر قوت کی مقدار کو نصاب سے خط عمل کے عمودی فاصلہ سے ضرب دے کر حاصل ضرب کے آگے مثبت یا منفی کی علامت لگا دینا چاہئے بلحاظ اس کے کہ معیار اثر کی جہت موافق سمتِ ساعت ہے یا مخالف سمتِ ساعت۔ کل قوتوں کے معیار اثر کے جبری مجموعہ کو ہر حالت میں صفر کے برابر ہونا چاہئے۔

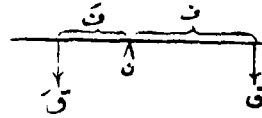
انتباہ۔ پلڑوں کے ذاتی وزن تو اسے زیرِ مباحثہ میں شریک رہیں۔

تجربہ ۳۳۔ بیرم — مختلف قوتیں لگا کر جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے ذیل کی صورتوں میں سے ہر ایک کے لئے تجربہ کرو:۔

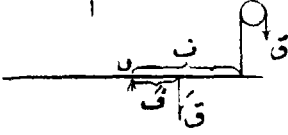
صورت اول۔ بیرم اکثر پہلی ترتیب کے بیرم سے منسوب

کیا جاتا ہے۔
 قوت قی "موافق سمت ساعت" گردش پیدا کرتی ہے۔ فرض کرو
 کہ اس قوت کا معیار اثر قی ف نصاب ن کے گرد مثبت ہے۔

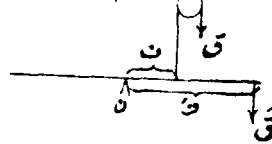
صورت اول



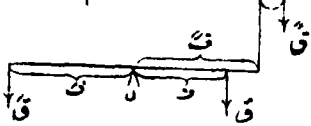
صورت دوم



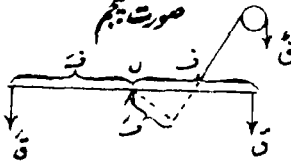
صورت سوم



صورت چہارم



صورت پنجم



شکل ۳۵ - بیرم

قوت قی "مخالف سمت ساعت" گردش پیدا کرتی ہے اس لئے اس کا
 معیار اثر قی ف نصاب کے گرد منفی ہے۔

نہایت کرو کہ متذکرہ بالا دونوں معیار اثر کا جبری مجموعہ صفر ہے یعنی
 $ق + قی ف = 0$

مثال — فرض کرو کہ تجربہ میں

قی = ۳۵۰ گرام وزن

ن = ۴۸ سمر

قی ف = ۱۶۸۰۰

قی = ۵۰، گرام وزن

ف = ۲۲ سر

۱۶۵۰۰ = ق ف

۱۶۸۰۰ - ۱۶۵۰۰ = ۳۰۰ = ق ف + ق ف

مگر مجموعہ کو صفر ہونا چاہئے۔ اس لئے تجربہ میں ۲ فیصد کی غلطی ہے۔

صورت دوم۔ عموماً یہ دوسری ترتیب کے بریم سے منسوب کیا جاتا ہے۔

قوت ق مخالف سمت ساعت گردش پیدا کرتی ہے یعنی اس کا معیار اثر ق ف نصاب کے گرد منفی ہے۔

ق موافق سمت ساعت گردش پیدا کرتی ہے یعنی اس کا معیار اثر ق ف نصاب کے گرد مثبت ہے۔

تجربہ سے دکھاؤ کہ ق ف + ق ف = ۰

صورت سوم تیسری ترتیب کا بریم۔

یہاں بھی ق ف منفی ہے اور ق ف مثبت

پھر ثابت کرو کہ ق ف + ق ف = ۰

بریم کے عام اصول کا اطلاق کل قوتوں پر ہو سکتا ہے خواہ ان کی تعداد کچھ بھی ہو اور ان کے خطوط عمل بریم کے ساتھ کچھ بھی زاویہ بنائیں جیسا کہ ذیل کی دو صورتوں میں دکھایا گیا ہے۔ مندرجہ بالا قوتوں کے سوا او۔ دوسری قوتیں بھی عمل میں لائی جاسکتی ہیں۔ ہر حالت میں نصاب کے گرد مجموعی معیار اثر کی قیمت صفر حاصل ہوگی۔

صورت چہارم۔ ق ف مثبت ہے

ق ف منفی ہے

ق ف منفی ہے۔

تجربہ دکھاؤ کہ ق ف + ق ف + ق ف = ۰

صورت پنجم۔ ق ف مثبت ہے۔

ق ف اور ق ف دونوں منفی ہیں۔

یہاں بھی دکھاؤ کہ $ق + ق + ق = ق$ ۔
 جیسا کہ صورت اول کے تحت میں مثال دی جا چکی ہے مندرجہ بالا
 پانچوں صورتوں کے کل نتیجے درج کرو اور دو سمتوں میں سے
 کسی ایک سمت کے مجموعی مییار اثر کے لحاظ سے مشہودہ غلطی کا حساب
 فیصد لگاؤ۔ تجربہ میں بڑی قوتوں کا استعمال مناسب ہے یعنی بیرم کے
 سرے پر ۲۰۰ سے ۳۰۰ گرام اور اس کے وسط کے قریب ایک کلو گرام
 تک وزن استعمال کرنا چاہئے۔ ایسا کرنے سے نصاب پر کی رگڑ کا اثر
 متقابلہ مییار اثر زیر تجربہ کے بہت کم ہو جائیگا اور نتیجہ زیادہ صحت کے ساتھ
 حاصل ہوگا۔

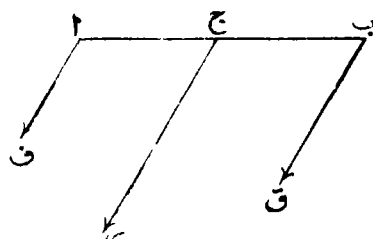
تجربہ ۳۳۔ بیرم کے اصول سے میٹری پیمانہ کا
 وزن دریافت کرنا۔ میٹری پیمانہ کو اس کے اس نقطہ پر قائم
 کرو جو ایک سرے سے قریب دس سمر کے فاصلے پر واقع ہو۔ پیمانہ مذکور
 کے چھوٹے بازو کے آخری سوراخ سے تراژڈ کا ایک پلاٹکاو اور اس میں
 وزن بالتدریج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ پیمانہ عین افق میں آجائے۔
 پیمانہ کا ذاتی وزن اس کے مرکز جاذبہ پر نیچے کی طرف عمل کرتا ہے۔
 مرکز جاذبہ مذکورہ پیمانہ کے وسط میں واقع ہے۔ فرض کرو کہ میٹری پیمانہ کا
 وزن و گرام ہے اور پلاٹے پر کا وزن W پلاٹے کے ذاتی وزن
 کے و گرام ہے۔ نصاب کا فصل پیمانہ کے مرکز سے F اور پلاٹے
 سے (نقطہ تعلیق سے) n ہے۔

اس لئے $W + F = W + F$

F اور F کو پائش سے اور W کو مشاہدہ سے دریافت کرو
 اور مندرجہ بالا مساوات سے W کی قیمت محسوب کرو۔
 اس تجربہ کو دو تین بار نصاب کے مقام کو بدل بدل کر دہراؤ اس کے
 بعد پیمانہ کو تراژڈ پر براہ راست تول کر اس کے وزن کو مندرجہ بالا
 تجربہ کے حاصل شدہ نتیجہ سے مقابلہ کرو۔

۴۔ مراکز جاذبہ (ثقل)

جب کسی اُستوار جسم پر دو متوازی قوتیں عمل کریں تو اُن کے عوض بالعموم ایک واحد حاصل قوت لگائی جاسکتی ہے۔ شکل ۳۹ پر غور کرو۔ دو متوازی قوتیں **ف** اور **ق** نقاط **ا** اور **ب** پر بالترتیب عمل کر رہی ہیں اور وہ ایک واحد قوت **س** کے ماثل ہیں یعنی

$$س = ف + ق$$


شکل ۳۹۔ متوازی قوتوں کا حاصل

اس قوت **س** کا خط عمل خط **ا ب** کو نقطہ **ج** پر اس طرح قطع کرتا ہے کہ

$$ف \times ا ج = ق \times ج ب$$

نقطہ **ج** کا مقام متذکرہ بالا قوتوں کی سمتوں پر موقوف نہیں۔ یہ نقطہ **ج** مذکورہ متوازی قوتوں کا مرکز کہلاتا ہے۔

اسی طرح جب متوازی قوتیں خواہ اُن کی تعداد کچھ بھی ہو کسی اُستوار جسم پر عمل کرتی ہیں تو اُن کا حاصل کسی خاص نقطہ سے گزرتا ہے اور نقطہ مذکور کا مقام مذکورہ بالا قوتوں کی سمتوں پر موقوف نہیں۔ لہذا اگر قوتوں کے صرف نقاط عمل اور مقادیر معلوم ہوں تو اُن کے مرکز کا مقام مقرر ہو جاتا ہے۔

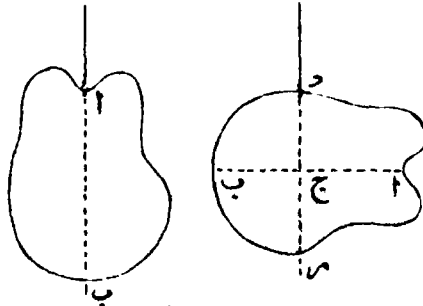
زمین اپنی قوت جاذبہ کی وجہ سے کل اجسام کو اپنے مرکز کی طرف

کھینچتی ہے۔ یہ تصور کیا جاسکتا ہے کہ اُستوار جسم چھوٹے چھوٹے ذرات کے اجتماع کا نتیجہ ہے اور زمین جسم مذکور کے ہر ذرہ کو اپنے مرکز کی طرف کھینچتی ہے۔ پس ہم کو جسم پر عمل کرنے والی تقریباً متوازی قوتوں کا ایک نظام حاصل ہوتا ہے۔ ان متوازی قوتوں کے مرکز کو جسم مذکور کا مرکز جاذبہ یا مرکز ثقل کہتے ہیں۔

بناویریں کسی جسم کے مرکز جاذبہ سے وہ نقطہ مقررہ مراد ہے جس سے جسم مذکور کے کل ذروں پر عمل کرنے والی جاذبہ زمین کا حاصل گزرتا ہے خواہ جسم کی ہیئت کچھ بھی ہو۔

جب کوئی بھاری جسم ایک نقطہ واحد پر سہارا جائے تو اس پر عمل کرنے والی صرف دو قوتیں ہیں۔ ایک تو اس کا وزن ہے اور دوسری قوت ٹیکن کا ردِ عمل۔ اگر جسم مذکور ساکن رہے تو یہ قوتیں متبادل میں ہونگی اور اس صورت میں ان کے خطوطِ عمل ایک ہی خط میں ہونگے۔ لہذا ضرور ہے کہ ٹیکن کا نقطہ اُسی انتصابی خط میں رہیگا جس میں مرکز جاذبہ واقع ہے۔

تجربہ ۲۷۔ مرکز جاذبہ کی عملی تعین — کسی جسم کا مرکز جاذبہ دریافت کرنے کے لئے اُس جسم کو اُس کے کسی نقطہ سے لگی ہوئی ڈوری سے لٹکاؤ اور شاقول کے ذریعہ سے انتصابی خط اب



شکل ۲۷۔ مرکز جاذبہ کی تعین

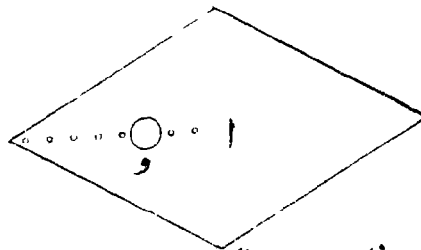
(شکل ۱) کا نشان کرلو۔ بعد اُس کے جسم مذکور کو اُس کے کسی دوسرے نقطہ د سے لٹکاو اور پھر اُسی طرح انتصابی خط د مر کا نشان کرلو۔ مرکز جاذبہ ضرور ا ب میں ہوگا اور د س میں بھی۔ اس لئے وہ دونوں خطوط کے نقطہ تقاطع ج پر واقع ہوگا۔ اگر جسم مذکور کسی تیسرے نقطہ سے لٹکایا جائے تو انتصابی خط کو نقطہ ج سے گزرنا چاہئے۔ اس امر کی عملی تصدیق کرو۔

کسی جسم کے مرکز جاذبہ کا محل جسم مذکور کے اندر مادہ کی تقسیم پر منحصر ہے۔ اس امر کا ثبوت حسب ذیل دیا جاسکتا ہے:۔

اس تجربہ کے لئے جو جسم لیا جاتا ہے وہ یکساں دھواں مین کی شکل کی لکڑی کی ایک ایسی تیلی تختی پر مشتمل ہے جس کے کسی مقام پر ڈھیری کی شکل کا پیش کا وزن و کسی بیج کے ذریعہ سے لٹکایا جاسکے۔ اس انتظام سے تختی کے اندر مادہ کی تقسیم میں تبدیلی پیدا کی جاسکتی ہے۔ سب سے پہلے صرن تختی کا مرکز جاذبہ دریافت کرو۔ فرض کرو کہ ۱ مرکز جاذبہ ہے۔ بعد اس کے تختی کے کسی خاص مقام پر وزن لگا کر مشترک مرکز جاذبہ دریافت کرو۔

تختی کے دتر کے مختلف مقامات پر وزن لگا لگا کر مختلف مرکز جاذبہ دریافت کرو۔

بعد اس کے ۱ و ۲ کو یعنی تختی کے مرکز سے وزن و کے فصل کو فصل اور تختی کے مرکز سے مشترک مرکز جاذبہ کے فصل کو مین مان کر ایک منحنی تیار کرو۔



شکل ۱۔ بوجھ کی ہوتی تختی

مُخنی پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ تختی کے ذاتی مرکز جاذبہ ۱ سے مرکب تختی کے مرکز جاذبہ کا فصل تختی کے ذاتی مرکز جاذبہ سے لگائے ہوئے وزن و کے فصل کے متناسب ہے اور پتلی وزن اور چوبی تختی کے وزن کی باہمی نسبت مرکب تختی کے مرکز جاذبہ سے ان کے مرکوزوں (پتلی وزن اور چوبی تختی کے) کے فصل کے ساتھ متناسب معکوس رکھتی ہے۔ عملاً اس کی تصدیق کرو۔

۵۔ تجیب کے تریبی طریقہ

کمیتوں کی ایک کثیر تعداد عددی طریقہ سے بالکل متوازن تریبی طریقہ بھی دریافت کی جاسکتی ہے۔ موخر الذکر طریقوں سے یہ بھی ممکن ہے کہ کسی جسم کے تعادل کے شرائط یا جسم مذکور کو تعادل میں رکھنے والی قوتیں دریافت ہو جائیں۔ یہ طریقہ تریبی سکونیات کے نام سے موسوم کئے جاتے ہیں۔

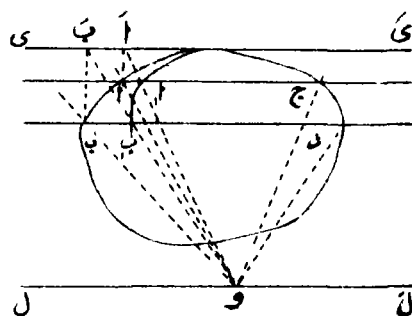
ہموار چپٹے اجسام کے دو خواص جو تریبی عمل سے آسانی دریافت ہو جاتے ہیں حسب ذیل ہیں:-

ایک تو ہموار تختی کے مرکز جاذبہ کا محل اور دوسری خاصیت کسی محور کے گرد تختی مذکور کے جمود کے معیار اثر کی قیمت۔ ان طریقوں سے نہ صرف کسی شہتیر کی تراش عمودی کے جمود کا معیار اثر دریافت کیا جاسکتا ہے بلکہ ان کی مدد سے سطح چپا کے استعمال میں بکار آمد مشق حاصل ہوتی ہے۔

ہموار تختی کا مرکز جاذبہ دریافت کرنے کا تریبی طریقہ

کسی شکل کی تختی کے خاکے پر غور کرو جیسا کہ شکل ۴۲ میں دکھایا گیا ہے۔

اس کی ایک طرف خط ل کی کھینچو اور دوسری طرف تختی کے منحنی کنارے کے بالکل سرے پر ایک ماسی خطی جی خط ل کے متوازی کھینچو۔ خط ل کے کسی نقطہ سے مختلف سمتوں میں متعدد دخطوط کھینچو۔ ان



شکل ۴۲۔ مرکز جاذبہ کا ترمیمی طریقہ

خطوط کو اس طرح ترتیب دینا مناسب ہوگا کہ ان کے جوڑے مثلاً ۱ و ۱۰ اور ۲ و ۹ کے گھیرے کو ابتدائی غلطیوں سے مساوی فاصلوں پر قطع کریں۔

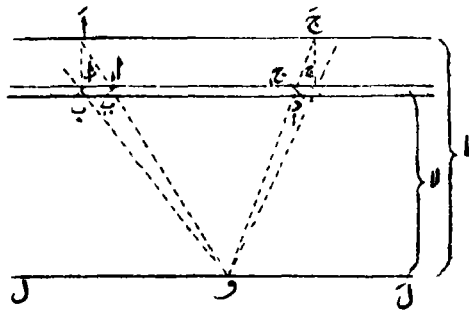
نقاط تقاطع 'ا' 'ب' 'ج' وغیرہ ہو کر خط اول کے متوازی خطوط کھینچو اور ہر نقطہ 'ا' 'ب' 'ج' وغیرہ سے خط مذکور کے عمود وار دوسرے خطوط اس طرح کھینچو کہ وہ خطی 'ی' سے بالترتیب نقاط 'ا' 'ب' 'ج' وغیرہ پر ملیں۔

نقطہ و کو نقاط 'ا' 'ب' 'ج' وغیرہ سے ملاؤ۔ خطوط و 'ا' 'و' 'ب' 'ج' میں سے ہر ایک خط اپنے اپنے جوانی متذکرہ بالا متوازی خطوں کو بالترتیب نقاط 'ا' 'ب' 'ج' میں قطع کرتا ہے جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ان نقاط 'ا' 'ب' 'ج' وغیرہ کو ہر ایک منفی کھینچ اور اس منفی سے جو شکل حاصل ہو اس کا رقبہ اور تختی کا

بھی رقبہ دریافت کرو۔
یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ تختی کا مرکز جاذبہ خط ول سے ایک
ایسے فضل ف پر واقع ہے کہ

$$ن = \frac{\text{شکل ا ب ج وغیرہ کا رقبہ}}{\text{شکل ل ل اور ی ی کا درمیانی فاصلہ}} \times$$

ثبوت۔ ابتدائی شکل یعنی تختی کے ایک ایسے چھوٹے حصہ پر غور کرو جو متوازیات
ا ج اور ب د کے درمیان واقع ہے اور یہ بھی تصور کر لو کہ متوازیات
مذکورہ آپس میں بہت قریب ہیں۔ یعنی رقبہ ا ب ج د پر غور کرو۔
شکل ا ب ج وغیرہ میں رقبہ ا ب ج د کے جوابی رقبہ ا ب ج د
کا انتصابی بُعد (یعنی عرض) کو ہی ہے جو رقبہ ا ب ج د کا۔



شکل ۲۳۔ مرکز جاذبہ کے سری طریقہ کا ثبوت

گمراہ اس کا طول (اُنقی بُعد) رقبہ ا ب ج د کے طول سے
۱/۲ کی نسبت میں کم ہے۔

$$\frac{۱}{۲} = \frac{\text{رقبہ ا ب ج د}}{\text{رقبہ ا ب ج د}} \text{ یعنی}$$

ابتدائی شکل ا ب ج د کی کیت ماہہ کا میار اثر محمول ول کے گرد

= رقبہ $ا ب ج د \times لا$
 مگر رقبہ $ا ب ج د \times لا$ = رقبہ $ا ب ج د \times ما$ اس لئے
 معیار اثر مذکور = رقبہ $ا ب ج د \times ما$
 لہذا ابتدائی شکل یعنی تختی کے کسی تیلے ٹکڑے $ا ب ج د$
 کا معیار اثر محور $ول$ کے گرد ساختہ شکل میں ٹکڑے $ا ب ج د$
 کے جوابی ٹکڑے کے رقبہ کو $ول$ اور $می$ کے درمیانی
 فاصلہ سے ضرب دینے سے حاصل ہوتا ہے۔

فرض کرو کہ تختی کا مرکز جاذبہ محور $ول$ سے فصل $ف$ پر واقع
 ہے۔ اس صورت میں پوری تختی کا رقبہ اور عمودی فصل $ف$ کا
 حاصل ضرب ٹکڑا $ا ب ج د$ کی طرح چھوٹے چھوٹے رقبہ جات
 اور مذکورہ بالا خط $ول$ سے ان کے فاصلوں ($لا$) کے حاصل
 ضرب کے مجموعہ کے برابر ہوگا۔ اس امر کو ریاضی کی زبان میں
 حسب ذیل ادا کر سکتے ہیں:—

$$\text{تختی کا رقبہ} \times \text{ف} = \sum (ا ب ج د \times لا)$$

$$= \sum (ا ب ج د \times ما)$$

$$= \sum (ا ب ج د) \times ما$$

$$= ما \times \text{ساختہ شکل کا رقبہ}$$

$$\text{یعنی ف} = \frac{\text{ساختہ شکل کا رقبہ}}{\text{ابتدائی شکل کا رقبہ}} \times (ل اور می کا درمیانی فاصلہ)$$

اگر مذکورہ بالا بنیادی خط $ول$ کے عوض ایک دوسرا عملی القوام
 خط لے کر مندرجہ بالا طریقہ سے شکل کھینچی جائے تو موخر الذکر بنیادی
 خط سے مرکز جاذبہ کا فصل $ف$ حسب عمل بالا دریافت ہو سکتا ہے۔ لہذا
 $ف$ اور $ف$ کی قیمتوں سے مرکز جاذبہ کا ٹھیک محل دریافت ہو جائیگا۔
 اگر تختی کسی خط کے دونوں طرف متساقل ہو تو ضرور ہے کہ مرکز جاذبہ

محور تشاکل میں واقع ہوگا۔ اس صورت میں مرکز جاذبہ کا محل دریافت کرنے کے لئے صرف ایک ہی عمل کی ضرورت ہوگی۔ یعنی اگر صرف ف کی قیمت معلوم ہو جائے تو مرکز کا محل دریافت ہو جائیگا۔

تخریب ۳۶ — مرکز جاذبہ کی ترتیبی تقیبن۔

ایک مثلث متساوی الساقین کھینچو اور اس کے قاعدہ کو محور ل و ل مان کر عملاً ثابت کرو کہ مثلث مذکور کے مرکز جاذبہ کا فصل قاعدہ سے اس کے فاصلے کے ۱/۲ کے برابر ہے۔ مذکورہ بالا امر ثابت کرنے میں جن رقبوں کی ضرورت پڑے ان کی پیمائش سطح پیمائش کے ذریعہ سے کرو۔

نصف دائرہ کے مرکز جاذبہ کا بھی محل دریافت کرو۔

کسی یکساں ہموار پترے کے جمود کے معیار اثر کی ترتیبی تقیبن

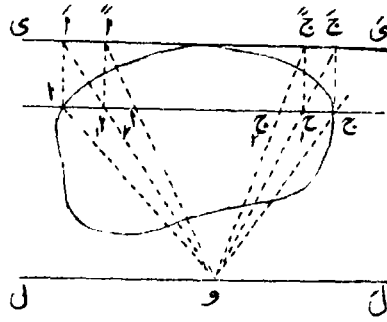
(جمود کے معیار اثر کی تعریف صفحہ ۲ میں کی گئی ہے)

پترے کے جمود کا معیار اثر دریافت کرنے کے لئے ویسا ہی عمل کیا جاتا ہے جیسا کہ اس کے مرکز جاذبہ کے محل دریافت کرنے میں۔

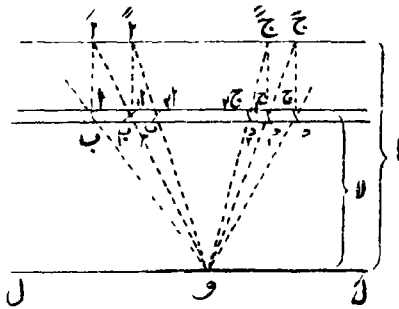
جب نقطے ا، ب، ج، وغیرہ دریافت ہو جائیں تو ان نقطوں سے خطوط ل و ل کے علی القوائم خطوط کھینچو اور فرض کرو کہ یہ خطوط خط ی ی سے نقاط ا، ب، ج، وغیرہ پر ملتے ہیں۔ و ا، و ب، وغیرہ کو ملاؤ۔

یہ خطوط اپنی نظیری متوازیات کو بالترتیب نقاط ا، ب، ج، وغیرہ پر قطع کرتے ہیں (شکل ۳۷ دیکھو) یعنی ا، ب، ج، وغیرہ کھینچو اور اس حاصل شدہ شکل کا رقبہ دریافت کرو۔ تختی (پترے) کے جمود کا معیار اثر محور ل و ل کے گرد مذکورہ بالا شکل (یعنی ا، ب، ج، وغیرہ) کے رقبہ اور خطوط ل و ل اور

ی م کے درمیانی فاصلہ کے مربع کے حاصل ضرب کے برابر ہے۔



شکل ۴۴۔ جمود کے معیار اثر کا تریسی طریقہ



شکل ۴۵۔ جمود کے معیار اثر کے تریسی طریقہ کا ثبوت

ثبوت۔ ابتدائی شکل یعنی تختی کے ایک ایسے پتلے ٹکڑے پر غور کرو جو دو قریب ترین متوازیات کے درمیان واقع ہے۔

$$\begin{aligned} ۱ \text{ اور } ۲ \text{ ج کے درمیان ٹکڑے کا طول} &= ۱ \text{ ج} \times \frac{۱}{۲} \\ ۱ \text{ اور } ۲ \text{ ج کے درمیان ٹکڑے کا طول} &= ۱ \text{ ج} \times \frac{۱}{۲} \\ \text{اس لئے } ۱ \text{ اور } ۲ \text{ ج} &= ۱ \text{ ج} \times \frac{۱}{۲} \end{aligned}$$

$$\text{یعنی } \frac{A.J.}{J} = \frac{r_1}{r_2}$$

ٹکڑے کے مختلف حصوں کا انتصابی بُعد (یعنی عرض) ایک ہی ہے
اس لئے تختی کے ٹکڑے کا رقبہ
ساختم شکل میں نظیری ٹکڑے کا رقبہ

رقبہ ا ب ج د

$$= \frac{\text{رقبہ ا ب ج د}}{\text{رقبہ ا ب ج د}}$$

محور ول کے گرد پورے پترے کے جمود کا معیار اثر ہر ٹکڑے
کی کیت مادہ اور محور مذکور سے اُس کے فصل کے مربع کے حاصل ضرب
کے مجموعہ کے برابر ہے۔ یعنی

$$\text{پورے پترے کے جمود کا معیار اثر} = \Sigma (a b c d \times l^2)$$

$$\text{مگر } a b c d \times l^2 = a b c d \times m \times l^2$$

$$\text{اس لئے } \Sigma = \Sigma (a b c d \times m \times l^2)$$

$$= \Sigma (a b c d \times m \times l^2)$$

$$= \text{ساختم شکل کا رقبہ} \times m$$

تجربہ ۳ — گول پترے کے جمود کے معیار اثر

کی تریسی تعین۔ ایک نصف دائرہ کھینچو اور اس کے قطر کو محور ول

قرار دے کر قطر کے گرد نصف دائرہ مذکور کے جمود کا معیار اثر دریافت

کرو۔ قطر کے گرد پورے مدور پترے کے جمود کا معیار اثر نصف دائرہ

کے جمود کے معیار اثر کا دوچند ہوگا۔ علماً ثابت کرو کہ مدور پترے کا

معیار اثر = $\frac{\pi}{2} \times \text{جہاں } n$ دائرے کا نصف قطر ہے۔ (اس تجربہ

۱. اسرشتہ قطر کا پترالینا مناسب ہے۔
 تجربہ ۳۸۔ مستطیلی پترے کے معیار اثر
 کی تریسہی تعین۔ ایک مستطیل کہیں جو جس کا طول ط ہے اور عرض
 ع (اس تجربہ میں ط کا طول ۵ اسر اور ع کا طول ۱۰ اسر لینا مناسب
 ہے)۔ مستطیل کو دو برابر حصوں میں ایک ایسے خط سے تقسیم کرو جو اس
 کے طول کے متوازی ہو۔ اس تقسیم کرنے والے خط کو محور اول
 قرار دیکر نصف مستطیل کے جمود کا معیار اثر دریافت کرو۔ ظاہر ہے کہ
 پورے مستطیل کے جمود کا معیار اثر نصف مستطیل کے جمود کے معیار اثر سے دو چند ہوگا۔
 علما یہ بھی دکھاؤ کہ معیار اثر مذکور کی قیمت ط ع کے برابر ہے۔

تقسیم کرنے والے خط کو مستطیل مذکور کے عرض کے متوازی
 لے کر اس تجربہ کو دہراؤ۔

یہ معلوم ہوا ہوگا کہ مذکورہ بالا بیان میں پترے کی کمیت مادہ کا مطلق
 ذکر نہیں کیا گیا ہے۔ پترے کے صرف کنارے کا نشان کاغذ پر کر لیا جاتا ہے
 اور عمل کو پترے کے صرف رقبہ سے تعلق ہے۔ جو نتیجہ حاصل ہوتا ہے اس
 کو بالعموم کسی محور کے گرد رقبہ کے جمود کا معیار اثر کہتے ہیں۔ فن انجینیئر
 میں اسی معیار اثر کی عموماً ضرورت پڑتی ہے۔ بہر حال اگر مادے کے حقیقی
 پترے کے جمود کے معیار اثر کی ضرورت ہو تو اس کی قیمت اس کے
 رقبہ کے جمود کے معیار اثر کی قیمت کے ذریعہ سے حسب ذیل دریافت
 ہو سکتی ہے۔

کسی پترے کے رقبہ کے جمود کا معیار اثر عدد اُس ہمشکل پترے
 کے جمود کے معیار اثر کے برابر ہے جس کے مادہ کی سطحی کثافت ایک ہے۔
 لہذا اگر رقبہ کے جمود کا معیار اثر مذکورہ بالا تریسہی طریقہ سے معلوم ہو تو ایک
 ہمشکل پترے کے جمود کا معیار اثر کسی ایک متشابه محور کے گرد رقبہ
 مذکورہ کے جمود کے معیار اثر کو پترے کے مادہ کی سطحی کثافت سے ضرب

دینے سے حاصل ہو جائیگا۔ یاد رہے کہ سطحی کثافت = $\frac{\text{کمیت مادہ}}{\text{رقبہ}}$

۶۔ ترسیمی سکونیات

قوتوں کے کسی دئے ہوئے نظام کے زیرِ عمل کوئی جسم تعادل میں ہوگا یا نہیں اس کی جانچ بالکل ترسیمی عمل سے ہو سکتی ہے۔ قوتوں کو قسم کی حرکتیں پیدا کر سکتی ہیں:- (۱) انتقالی حرکت (ب) محوری حرکت۔ اول الذکر حرکت صفر کے برابر ہوگی اگر کسی سمت میں حاصل قوت صفر ہو۔ موخر الذکر حرکت صفر کے برابر ہوگی اگر قوتوں کا حاصل معیار اثر کسی محور کے گرد صفر ہو۔

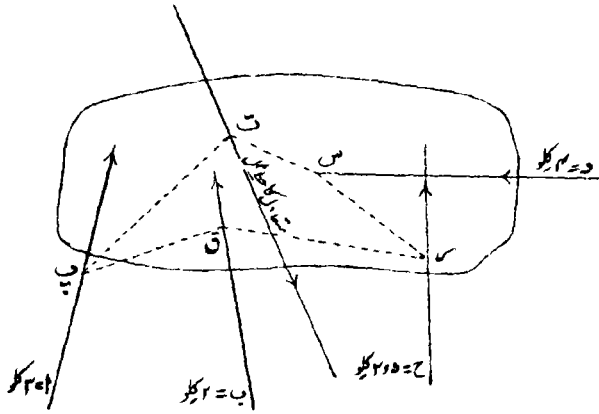
اس امر کا ترسیماً جانچنا کہ انتقالی حرکت صفر ہے، فی الحقیقت قوتوں کے کثیر الاضلاع کا کھینچنا ہے۔ اگر کثیر الاضلاع مکمل ہے تو حاصل قوت کسی سمت میں صفر ہے یعنی جسم میں کوئی انتقالی حرکت نہیں۔

اگر ہم ترسیمی عمل کی کوئی ایسی ترکیب مل جائے جس سے یہ بھی معلوم ہو جائے کہ قوتوں کا حاصل معیار اثر کسی محور کے گرد صفر ہے تو قوتوں کے کسی نظام کے زیرِ عمل جسم تعادل میں ہے یا نہیں اس کے جانچنے کا ایک مکمل ترسیمی طریقہ حاصل ہو جائے گا۔

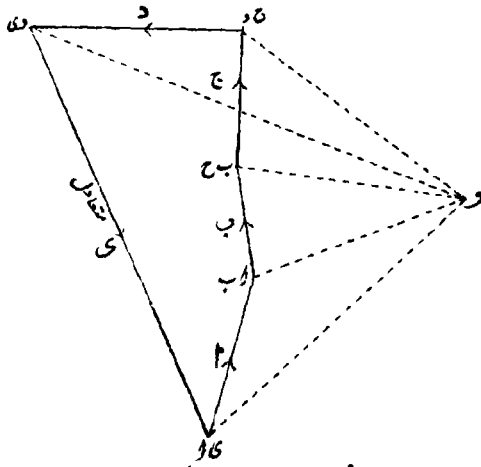
معیار اثر کی نسبت صفر ہے یا نہیں اس کو جانچنے کے لئے جو ترسیمی طریقہ اختیار کیا جاتا ہے اس کو ربطی کثیر الاضلاع یا رسیملی کثیر الاضلاع کہتے ہیں۔

فرض کرو کہ شکل ۴۴ میں 'ا'، 'ب'، 'ج'، 'د' اور 'ی' قوتوں کے کسی ایک نظام کی تعبیر کرتے ہیں اور جسم میں ان قوتوں کے زیرِ عمل نہ انتقالی حرکت ہے اور نہ محوری۔ تو انی کثیر الاضلاع اس شکل کا ہوگا جیسا کہ شکل ۴۵ میں پورے کھینچے ہوئے خطوں سے دکھایا گیا ہے اور یہ کثیر الاضلاع مکمل ہوگا۔

کوئی نقطہ و مقرر کرلو اور نقطہ مذکور سے قوائی کثیر الاضلاع کے کونوں ا ب، ب ج، ج د، وغیرہ تک خطوط کھینچو جیسا کہ شکل ۲۶ میں نقطہ والی خطوں سے دکھایا گیا ہے۔



شکل ۲۶ - ربطی کثیر الاضلاع



شکل ۲۷ - قوائی کثیر الاضلاع

توت ۱ کے خط عمل (شکل ۲۷) پر کے کسی نقطہ پ سے خط وار پ کے

متوازی پ ق کھینچو۔

خط پ ق اور قوت ب کے خط عمل کے نقطہ تقاطع ق سے قوتوں ب اور ج کے درمیان خط و ب ج کے متوازی خط ق ہر کھینچو۔ قوت ج سے قوت د تک و ج د کے متوازی خط ہر سے کھینچو اور علیٰ ہذا۔ اس عمل سے ایک شکل حاصل ہوگی جیسا کہ 'ا' ب 'ج' د اور ی قوتوں کے خطوط عمل کے درمیان نقطہ دار خطوں سے شکل ۱۷ میں دکھایا گیا ہے۔

اس شکل کو ربطی کثیر الاضلاع یا رسیانی کثیر الاضلاع کہتے ہیں۔ اگر یہ شکل مکمل ہو تو عمل کرنے والی قوتیں جسم پر گردشیں معیار اثر نہیں پیدا کریں گی۔ لہذا جسم کے تعادل کے شرائط حسب ذیل بیان کئے جاسکتے ہیں:۔ کسی جسم کے تعادل کے لئے قوانی کثیر الاضلاع کو مکمل ہونا چاہیے اور ربطی یا رسیانی کثیر الاضلاع کو بھی مکمل ہونا چاہیے۔

اگر مذکورہ بالا دونوں کثیر الاضلاع کے پیچھے جانے پر یہ معلوم ہو کہ وہ مکمل نہیں ہیں تو قوانی کثیر الاضلاع کو مکمل کرنے والے خط کا کھینچنا ضرور ہے۔ یہ خط متعادل قوت کی مقدار اور سمت عمل بتلائے گا۔ رسیانی کثیر الاضلاع کے کھلے سروں کو یہاں تک بڑھاؤ کہ وہ آپس میں مل جائیں۔ نقطہ تقاطع قوت زیر بحث کے خط عمل پر واقع ہوگا۔ قوت مذکور کی مقدار اور سمت عمل قوانی کثیر الاضلاع سے معلوم ہو چکی ہیں لہذا جسم کو تعادل میں رکھنے والی قوت مکمل طور سے دریافت ہو جائے گی۔

قوتیں 'ا' ب 'ج اور د معلوم فرض کر کے شکل ۱۷ میں قوت ی کی مقدار اور سمت عمل انہیں طریقوں سے دریافت کی گئی ہیں۔

رسیانی کثیر الاضلاع کے متعلق جو کچھ اوپر بیان کیا گیا ہے اس کے ثبوت یا اس کے متعلق مزید معلومات حاصل کرنے کے لئے علمی ریاضیات کی کتابیں دیکھو۔

تجزیہ ۳۹۔ قوانی کثیر الاضلاع اور

ربطی کثیر الاضلاع کا کھینچنا —

پہلے پتے کا ایک ٹکڑا یا دھات کا ایک پترا لو اور اُس کے کسی چار نقطوں سے ڈوریاں لگاؤ اور ان ڈوریوں کے دوسرے سروں پر مختلف وزن باندھو۔ بعد اس کے قوتوں کے کثیر الاضلاع کی تصدیق کے لئے جو آلہ استعمال کیا گیا تھا اُس کی چرخوں پر مذکورہ بالا ڈوریاں کو گزار کر پترے کو لٹکاؤ۔ چرخوں کو اس طرح مرتب کرو کہ پترے پر قوتیں مختلف سمتوں میں عمل کر سکیں۔ نقشہ کشی کے تختہ کے کاغذ پر مذکورہ بالا پترے کا خاکہ کھینچو اور پترے پر عمل کرنے والی چار قوتوں میں سے کسی تین قوتوں کی مقداروں اور سمتوں کی تعبیر کریں والے خطوط کھینچو۔

مذکورہ بالا تین قوتوں سے قوائی کثیر الاضلاع اور ریسمانی کثیر الاضلاع تیار کرو۔ ان قوتوں کے زیر عمل پترے کو ساکن رکھنے کے لئے جس چوتھی قوت کی ضرورت ہوگی اُس کی مقدار و خط عمل دریافت کرو۔ اس امر کی تصدیق کرو کہ وہ چوتھی قوت جو پترے پر فی الحقیقت عمل کر رہی ہے مقدار میں اول الذکر قوت کے برابر ہے اور اس کا خط عمل وہی ہے جو ترسیمی طریقہ سے حاصل ہوا ہے۔

تجربہ نمبر ۴۴۔ کسی پترے کے وزن کی ترسیمی تقسیم — ترسیمی سکونیات میں مزید مشق حاصل کرنے کے لئے ایک بھاری پترا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ پترے کو چرخوں پر گزرنے والی تین ڈوریوں سے اس طرح لٹکاؤ کہ تین قوتیں مختلف سمتوں میں اور ایک ہی سطح پر کے مختلف نقطوں پر عمل کریں۔ جسم مذکور کو قوائے مذکورہ کے زیر عمل متبادل میں رکھنے کے لئے جس قوت کی ضرورت ہوگی اُس کو دریافت کرو۔ یہ حاصل شدہ قوت پترے کے وزن کے برابر ہوگی۔ یہ ضرور ہے

کہ تریسی طریقہ سے جو خطِ عمل حاصل ہوگا وہ پترے کے مرکزِ جاذبہ سے انتصاباً گزرے گا۔

حسب بیان مندرجہ صفحہ ۱۲۵ پترے کا مرکزِ جاذبہ دریافت کرو اور پترے کو براہِ راست تول کر اُس کا وزن بھی دریافت کرو۔ ان معلومات سے متذکرہ بالانقیبوں کی تصدیق کرو۔

۷۔ رگڑ

جب کبھی دوسرے کرنے والے اجسام کو ایک دوسرے کی اضافت سے متحرک کرنے کی کوشش کی جاتی ہے تو اُس وقت ایسی قوتیں پیدا ہو جاتی ہیں جو حرکت کی مخالف سمت میں عمل کرنے لگتی ہیں اگرچہ ایسی قوتیں خاصیت کے لحاظ سے آپس میں بالکل جداگانہ قسم کی ہوتی ہیں مگر وہ بالعموم فرکی قوتوں یا رگڑ کی قوتوں کے نام سے موسوم کی جاتی ہیں۔ سیالی رگڑ کی تحقیقات عموماً لزوجت کے تجربوں کے تحت میں ہوتی ہے اور اس کتاب میں اُس کے بیان کرنے کی گنجائش نہیں۔

ٹھوس اجسام کے درمیان رگڑ

جب دو ٹھوس اجسام آپس میں مس کرتے ہیں تو ان کے درمیان عمل کرنے والی قوتیں بالعموم دو اجزائے ترکیبی میں تحلیل ہو سکتی ہیں۔ دونوں اجسام کے باہمی عمود کی سمت والے جزو کو اجسامِ مذکورہ کے درمیان کا دباؤ کہہ سکتے ہیں اور دوسرے جزو کو جو عمودِ مذکور کے علی القوائم سمت میں عمل کرتا ہے رگڑ کی قوت سے موسوم کر سکتے ہیں۔ جب کوئی خارجی قوت متذکرہ بالا اجسام میں سے کسی ایک پر اس طرح لگائی جائے کہ اس کا تقاضا یہ ہو کہ وہ جسم عمود کے علی القوائم

سمت میں حرکت کرے تو اس صورت میں ایسی رگڑ کی قوت ظہور پذیر ہوتی ہے جو پھسلنے والی حرکت کو روکنے کا تقاضا کرتی ہے۔ اس وقت تک کہ اضافی حرکت واقع نہ ہو رگڑ کی قوت اور لگائی ہوئی خارجی قوت آپس میں متوازن رہتی ہیں۔ اگر خارجی قوت بتدریج بڑھائی جائے تو ایک حد ایسی آئیگی کہ پھسلنے والی حرکت عین شروع ہونے کے موقع پر ہوگی۔ اس حالت میں جو رگڑ کی قوت ظہور پذیر ہوتی ہے اس کو انتہائی رگڑ کہتے ہیں۔

آپس میں مس کرنی والی دو ٹھوس سطحوں کے درمیان انتہائی رگڑ کی مقدار اس مس کرنی والی سطحوں کے رقبہ پر موقوف نہیں بشرطیکہ سطحوں کو آپس میں دبانے والی قوت بہت بڑی نہ ہو اور رقبہ جس پر قوت عمل کرے اس قدر چھوٹا نہ ہو کہ دبانے والی قوت کے زیر عمل سطحوں کی شکل صریحاً بگڑ جائے۔

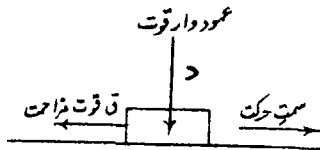
حرکت کی حالت میں دو ٹھوس اجسام کی سطحوں کے درمیان رگڑ کی مقدار ان دو سطحوں کی اضافی رفتار پر بھی موقوف نہیں۔

انتہائی رگڑ مس کرنے والی ٹھوس سطحوں کی نوعیت اور حالت پر اور سطوح مذکورہ کو آپس میں دبانے والی قوت پر مبنی ہے۔ یہ انتہائی رگڑ دو سطحوں کو آپس میں دبانے والی قوت کے تناسب سے ہے اور اس نسبت سے ہم کو دونوں سطحوں کے درمیان رگڑ کا مکڑ ملتا ہے۔

رگڑ کے مکڑ

دو سطحوں کے درمیان رگڑ کے مکڑ سے وہ نسبت مراد ہے جو رگڑ کی قوت کو سطوح مذکورہ کو آپس میں دبانے والی قوت کے ساتھ ہے۔ مثلاً شکل ۱۱ پر غور کرو دونوں سطحوں پر عموداً عمل کرنے والی قوت (دباؤ کی قوت) \propto ہے اور ان کی اضافی حرکت روکنے والی قوت Q ہے

تو سطوح مذکورہ بالا کے درمیان رگڑ کا کمزور = $\frac{Q}{P}$ - اس کمزور کو عموماً



شکل ۲۸ - رگڑ کی قوت

مہ کے نشان سے ظاہر کرتے ہیں۔

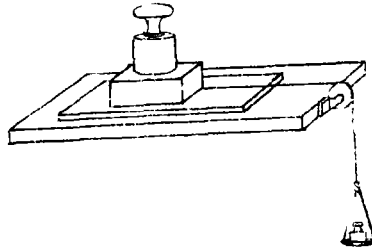
یعنی مہ = $\frac{Q}{P}$

سکونی اور حرکی رگڑ

ایک دی ہوئی قوت سے دبائی ہوئی دو سطحوں میں سے ایک کو دوسری پر عین پھسلانے کے لئے جس قوت کی ضرورت پڑتی ہے وہ اس قوت سے زیادہ ہے جو حرکت شروع ہو جانے کی حالت میں حرکت کو جاری رکھنے کے لئے درکار ہے۔ لہذا سطحوں پر کسی ایک عمودی قوت (دبانے والی قوت) کے لحاظ سے رگڑ کی دو قوتیں عمل میں آتی ہیں۔ ایک تو سکونی رگڑ کی قوت کے نام سے موسوم ہے اور دوسری حرکی رگڑ کی قوت کے نام سے۔ اول الذکر قوت اس قوت کے برابر ہے جو حرکت شروع کرنے کے لئے لگانی پڑتی ہے یعنی وہ باہمی قوت ہے جو ساکن سطحوں پر عمل کرتی ہے۔ مؤخر الذکر قوت یعنی حرکی رگڑ کی قوت اس قوت کے برابر ہے جو حرکت شروع ہو جانے کے بعد مس کرنے والی سطحوں میں سے ایک سطح کو دوسری سطح پر مستقل حرکت میں قائم رکھنے کے لئے درکار ہے۔ ان دو قوتوں کے لحاظ سے رگڑ کے دو کمزور ہونگے۔ سکونی رگڑ کا کمزور بلا استثناء ہمیشہ حرکی رگڑ کے کمزور سے بڑا ہوگا۔

تجربہ ۴۱۔ افقی میز پر ایک کُندے کو حرکت دیکر رگڑ کے مکڑ کی تعین — میز کی سطح افق میں درست کرلو۔ لکڑی یا دھات کا ایک مستطیلی کُندا لے کر اُس کے پہلو میں ایک چھوٹا سا کُندا یا ایک گاڑو۔ کُندے کو تول کر اُس کو میز کی سطح پر رکھو۔ کُندے سے ایک ڈوری لگاؤ اور ڈوری کو ایک ایسی چرخی پر سے گزارو کہ ڈوری کا وہ حصہ جو کُندے اور چرخی کے درمیان واقع ہے افق کے متوازی ہو۔ ڈوری کے آزاد سرے سے ترازو کا ایک ایسا چھوٹا پلڑا لٹکاؤ جس پر مختلف وزن رکھے جاسکیں۔

(۱) سکونی رگڑ کے مکڑ کی تعین — کُندے پر ایک معلوم ہٹ رکھو۔ یہ ہٹ دبانے والی قوت کا کام دیگا۔ بعد اس کے پلڑے پر وزن رکھ کر اسکو بالتدريج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ کُندا عین حرکت کرنے لگے۔ کُندے کو متحرک کرنے والی قوت اور سطحوں کو دبانے والی قوت کے درمیان جو نسبت ہے اُس کو دریافت کرو۔ یہ نسبت مِس کرنے والی دو سطحوں کے درمیان



شکل ۴۱۔ رگڑ کے مکڑ کی تعین

سکونی رگڑ کا مکڑ ہے۔ کُندے پر مختلف ہٹ رکھ کر تجربہ کو دہراؤ اور دکھلاؤ کہ نسبت مذکورہ بالا تقریباً مستقل ہے۔

پلڑے پر جو قوت ق عمل کرتی ہے اُس میں پلڑے کا ذاتی وزن بھی شامل ہے اور قوت μ میں کُندے کا اپنا وزن بھی شریک ہے۔

مشاہدات کو حسب ذیل جدول کی صورت میں قلمبند کرو۔

شمار تجربہ	د	ق	رگڑ کا مکز مہ

اوسط قیمت مہ =

مہ کی اوسط قیمت سکونی رگڑ کا مکز ہے۔

(۲) حرکی رگڑ کے مکز کی تعیین — سکونی رگڑ کے تجربہ

کی طرح کُندے پر باٹ رکھ کر پلے پر وزن بتدیج بڑھاتے جاؤ یہاں تک کہ خیف سا دھکا دینے پر کُندا مستقل رفتار سے (یعنی بغیر اسراع) میز پر متحرک ہونے لگے۔ کُندے کو حرکت میں قائم رکھنے والی قوت اور سطحوں کو دبانے والی قوت کے درمیان جو نسبت ہے اُس کو دریافت کرو۔ اس نسبت کو مس کر نیوالی دو سطحوں کے درمیان حرکی رگڑ کا مکز کہتے ہیں۔ اس تجربہ کو کُندے پر مختلف باٹ رکھ کر دہراؤ اور ثابت کرو کہ مذکورہ بالا نسبت تقریباً مستقل ہے مگر اس کی قیمت سکونی رگڑ کے مکز سے کم ہے۔ مشاہدات کو مندرجہ بالا جدول کی صورت میں درج کرو اور حرکی رگڑ کے مکز کی اوسط قیمت دریافت کرو۔

اگر تجربات مندرجہ بالا میں میز کی سطح پر پتیل یا جست کا چٹپٹا پتیرا لگا دیا جائے اور مختلف اشیاء کے بنے ہوئے کُندے لئے جائیں تو مس کر نیوالی سطحوں کے چند مختلف اقسام کے چٹوں کے درمیان رگڑ کے مکز دریافت کئے جاسکتے ہیں۔ مکز کی مختلف قیمتیں حاصل کرنے کے لئے اشیاء کا ایک مناسب انتخاب

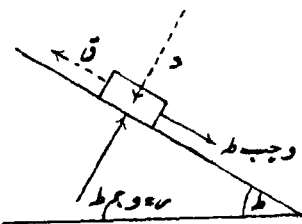
حسب ذیل ہے:-

- (۱) کلومی پر کلومی (ریٹے متوازی ہوں)
- (۲) کلومی پر کلومی (ریٹے علی القوائم ہوں)
- (۳) جست پر جست۔
- (۴) پتیل پر پتیل۔
- (۵) پتیل پر کلومی۔
- (۶) جست پر کلومی۔

مختلف نتیجوں میں مطابقت قائم رکھنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ پتھر کی تمام سطح یکساں اور ایک ہی طرح مجلات ہو۔ اگر یہ صورت نصیب نہ ہو تو نجلی سطح (مینز) کا ہمیشہ ایک ہی حصہ تجربہ میں استعمال کرنا چاہیئے۔ اس امر کے لئے ثابت سطح (یعنی مینز کی سطح) پر ایک نشان لگادیا جاتا ہے اور ہر تجربہ میں کُنڈا اسی نشان سے متحرک کیا جاتا ہے۔

یہ بھی ضروری ہے کہ سطحوں کے کسی مقرر جڑے کے ساتھ جتنے تجربے کئے جائیں اُن میں ہمیشہ مس کر نیوالی سطحوں کی حالت یکساں رہے۔ کھینچنے والی قوت لگانے کے قبل اگر سطحیں آپس میں دبائی جائیں تو رگڑ کے کمزور میں ایک حد تک تبدیلی واقع ہوگی مگر سطحوں پر رطوبت جم جانے کی حالت میں کمزور بالکل بدل جائیگا۔

سطح مائل پر انتہائی تعادل



شکل نمبر ۵۔ سطح مائل پر رگڑ

جب کوئی جسم سطح مائل پر ساکن رکھا جائے اور سطح مذکور اور آفت کے درمیان کا زاویہ طہ بتدریج بڑھایا جائے یہاں تک کہ جسم سطح کے نیچے کی طرف چلنے کے موقع پر آجائے تو

اس صورت میں رگڑ کی قوت اپنی انتہائی قیمت اختیار کر لیتی ہے۔ جیسا کہ سکونی سطح مائل کے بیان کے تحت میں (صفحہ ۱۱۱) دکھلایا گیا ہے جسم کو سطح کے نیچے کھینچنے والی قوت اس قوت Q کے برابر ہے جو جسم کو رگڑ کی عدم موجودگی میں سطح پر ساکن رکھنے کے لئے درکار ہے۔ دو سطحوں کی آپس میں دباؤ والی قوت سطح مائل کے رد عمل S کے برابر ہے۔

رگڑ کا کمزور حصہ = $\frac{Q}{S}$
اب شکل ۱۱ پر غور کرو۔

$Q = W \sin \theta$

اور $S = W \cos \theta$

اس لئے $\mu = \frac{Q}{S} = \frac{W \sin \theta}{W \cos \theta} = \tan \theta$

یہاں μ کو کُندے کا وزن ہے

تجربہ ۱۱۔ سطح مائل کے ذریعہ سے رگڑ کے کمزور کنی تعیین کسی شے کا بنا ہوا ایک مستطیلی کُندا سطح مائل پر رکھو اور سطح مذکور کا میلان بتدریج بڑھاؤ۔ میلان کی ایک خاص قیمت پر کُندا پھسلنے لگیگا۔ جب کُندا عین پھسلنے کے موقع پر ہو تو زاویہ میلان قلمبند کر لو۔

اب کُندے پر باٹ رکھ کر تجربہ کو دہراؤ۔ پوچھل کُندا پھر تقریباً اُسی زاویہ میلان پر پھسلنے لگیگا جیسا کہ پہلے تجربہ میں خالی کُندا۔ فرض کرو کہ یہ زاویہ میلان θ ہے۔

تجربہ مندرجہ بالا کو پھر دہراؤ مگر اس دفعہ وہ زاویہ میلان دریافت کرو جبکہ کُندے کو ذرا سا دھکا دینے پر سطح کے نیچے اس کی حرکت جاری رہے یہ دکھلاؤ کہ کُندے پر خواہ باٹ رکھے جائیں یا نہ رکھے بائیں ہر حالت میں سطح مائل کا زاویہ میلان θ ایک ہی رہتا ہے۔ فرض کرو کہ یہ زاویہ میلان θ ہے۔

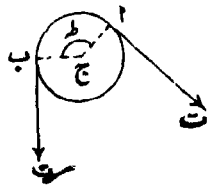
صورت ہذا میں میلان کی قیمت اتنی بڑی نہیں ہے جیسا کہ اس حالت میں جب گندا خود بخود بغیر دھکا دئے ہوئے متحرک ہو جاتا ہے۔
لہذا سکونی رگڑ کا کمز مس طہ ہے اور حرکی رگڑ کا کمز مس طہ ہے۔

سطح اہل مذکور پر مختلف اشیاء کی چادریں چڑھا کر اور مختلف اقسام کے کتے لے کر حسب بالا تجربے کئے جاسکتے ہیں اور اس طرح مختلف سطحوں کے درمیان رگڑ کے کمز دریافت ہو سکتے ہیں۔

ثابت چرنی پر رسی کی رگڑ

جب کوئی تسمہ یا رسی کسی ثابت استوانہ پر سے کھینچی جائے تو رسی کے دونوں طرف غیر مساوی تناؤ رہنے پر بھی متبادل قائم ہو سکتا ہے کیونکہ یہاں تناؤ کے سوا ایک دوسری قوت یعنی دوس کر نیوالی سطحوں کے درمیان رگڑ عمل میں آجاتی ہے۔

فرض کرو کہ شکل ۱ میں رسی نقطہ ب سے ا کی طرف عین پھسلنے کے موقع پر ہے اور تناؤ ت تناؤ ت سے بڑا ہے۔ تو نظری طریقہ سے یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ ت = ت ب قومہ ط جہاں رگڑ کا کمز ہے۔ ط زاویہ ۱ ج ب سے شکل ۱ اور یہ رسی اور استوانہ کے درمیان زاویہ تماس ہے اور و نیپیری یا طبعی لوکار تھر کا اساس ہے یعنی



شکل ۱۔ چرنی پر رسی

$$2561828 = \mu$$

اور نو کی تعبیر حسب ذیل سلسلہ سے ہوتی ہے :-

$$1 + \frac{1}{11} + \frac{1}{121} + \frac{1}{1331} + \frac{1}{14641} + \dots$$

مساوات ت = ت + م + ط کے طریقے سے لوکارتم اساس نو پر لینے سے

$$\text{لوک ت} = \text{لوک ت} + \text{لوک م} + \text{لوک ط}$$

یعنی لوک ت - لوک ت = م + ط

بفرض تعین لوکارتم ہذا کو اساس ۱۰ پر کے لوکارتموں میں تبدیل کر دو

لہذا (لوک ت - لوک ت) لوک ۱۰ = م + ط

$$\text{لوک } 10 = 2530258$$

موجودہ ضرورت کے لحاظ سے اگر اس کی قیمت صرف ۲۵۳

لی جائے تو کافی صحت حاصل ہوگی۔

اس لئے رگڑ کا کمز م = لوک ت - لوک ت = ۲۵۳

یاں زاویہ ط کی پیمائش نیم قطریوں میں ہونی چاہیے۔

یاور ہے کہ ۱۱ نیم قطریاں = ۱۸۰ درجے

تجربہ ۲۳ - چرخہ اور رسی کے درمیان رگڑ کے

کمر کی تعین - مندرجہ بالا نتائج کی تشریح کے لئے جو

آلہ استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے دھاتی استوانہ پر مشتمل ہے

جس کی سطح پر سے تسمہ یا رسی کھینچی رہتی ہے اور اس رسی کے

دونوں سروں سے وزن لٹکا کر مختلف تناؤ پیدا کئے جاتے ہیں۔

یہ زیادہ مناسب ہے کہ رسی کے ایک سرے پر ایک مستقل وزن

مثلاً ۱۰ گرام کا وزن لگا رہے اور دوسرے سرے سے تناؤ کا ایک پلاز بندھا

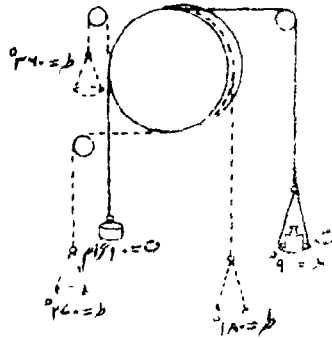
رہے تاکہ پلوے پر وزن بتدریج گھٹایا یا بڑھایا جاسکے۔ مگر اس صورت میں

ضروری ہے کہ پلوے کا ذاتی وزن حساب میں شریک رہے۔ بعض

اوقات جب تجربہ میں نزاکت مرقطر رہتی ہے تو پلوے کو لٹکانے والی

ڈوری کا وزن بھی محسوب کر لیا جاتا ہے۔

رسی اور استوانہ کے درمیان مختلف ”زویا تماس“ پیدا کرنے کے لئے تین ایک ایسی چھوٹی چرخ پر ڈالی جاتی ہے جس کا مقام حسب ضرورت بدلا جاسکے جیسا کہ شکل ۵۲ میں دکھایا گیا ہے۔ اس چھوٹی چرخ پر کی رگڑ یہاں نظر انداز نہ کجا سکتی ہے۔



شکل ۵۲۔ رسی اور چرخ کے درمیان رگڑ

زویا ۹۰، ۱۸۰، ۲۷۰، ۳۶۰، ۴۵۰، ۵۴۰، وغیرہ کے لحاظ سے استوانہ کے محیط پر برابر برابر فاصلوں پر نشانات لگائے جاسکتے ہیں۔ اور اس کے بعد استوانہ پر رسی اس طرح لپیٹی جاسکتی ہے کہ مس کرنے والے قوس کا زاویہ مندرجہ بالا زاویوں میں سے کوئی ایک ہو۔ کسی خاص زاویہ تماس کے لحاظ سے یہ دریافت کرو کہ رسی کو اتار پر عین پھسلانے کے موقع پر لانے کے لئے پڑے پر کتنے وزن کی ضرورت ہے۔ حسب جدول مندرجہ ذیل نتائج درج کرو:-

زاویہ تماس ط	تناؤ ت	لوکب ت	تناؤ ت	لوکب ت	لوکب ت
۹۰ ۱۸۰ ۲۷۰ وغیرہ					
<p>اوسط قیمت مر =</p> <p>یہاں ط کی پیمائش نیم خطوں میں ہونی چاہئے۔</p>					

مفصلہ ذیل دو منحنیوں کے ذریعہ ان نتیجوں کی تعبیر کرو:—
(۱) (ت-ت) کی قیمتوں کو معین اور زاویہ تماس کی قیمتوں کو فصلے مان کر ایک منحنی تیار کرو۔ یہ منحنی اس امر کی تشریح کرے گا کہ تیناؤ زاویہ تماس کے ساتھ ساتھ اسی طرح بڑھتا ہے جس طرح روپیہ کی رقم مرکب سود کے حساب سے بڑھتی ہے۔

دونوں عملی اور نظری طبیعیات میں اس منحنی کی اہمیت بہت زیادہ ہے۔ مثلاً قصری ارتعاش اور فیوٹن کے کلیئہ تبرید کے مسئلوں میں حاصل شدہ نتائج سے جو منحنی تیار ہوتا ہے اس کی شکل بجسب ایسی ہی ہوتی ہے۔

(۲) (لوک ت-لوک ت) کی قیمتوں کو معین اور زاویہ کی قیمتوں کو فصلے مان کر ایک دوسرا منحنی تیار کرو۔ مختلف حاصل شدہ نقطے ایک ہی خط مستقیم پر واقع ہوں گے۔



فصل ششم

مشینیں

استعداد، توانائی نسبت

اور

رفتاری نسبت

مشین اُس آلہ کو کہتے ہیں جس کے ذریعہ داخل کی ہوئی توانائی کے باعث کام حاصل ہوتا ہے۔ جیلی توانائی کے ہوا کسی دوسری توانائی کی رسد سے جب کام حاصل ہوتا ہے تو اُس صورت میں مشین کے بجائے 'انجن' کا لفظ عموماً استعمال کیا جاتا ہے۔ لیکن یہاں پر ہم صرف مشینوں ہی سے بحث کریں گے۔

استعداد

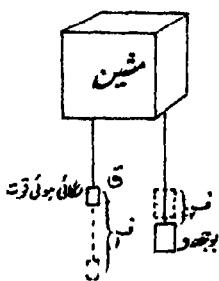
کسی شکل کی مشین میں داخل کی ہوئی توانائی کا صرف ایک حصہ فی الحقیقت مفید کام کے کرنے میں لگایا جاتا ہے۔ اور توانائی کا بقیہ حصہ مشین کے اندر رگڑ کے مقابلے میں ضائع ہو جاتا ہے۔ چینی زیادہ "استعداد" والی مشین ہوتی ہے، داخل کی ہوئی توانائی کا

اتنا ہی زیادہ حصہ کار آمد کام میں صرف ہوتا ہے۔ پس ہم کہتے ہیں کہ مشین کی استعداد سے وہ نسبت مراد ہے جو حاصل شدہ مفید کام کو مجموعی داخل شدہ توانائی کے ساتھ ہے۔ یعنی

$$\text{استعداد} = \frac{\text{حاصل شدہ مفید کام}}{\text{داخل شدہ توانائی}}$$

کامل مشین وہ مشین ہوگی جو داخل شدہ توانائی سے پورا فائدہ اٹھا لے گی۔ یعنی کامل مشین سے وہ مشین مراد ہے جس میں حاصل شدہ مفید کام داخل شدہ توانائی کے برابر ہوتا ہے۔ بناء بریں کامل مشین کی استعداد عدد ایک سے ظاہر کی جاتی ہے۔

ہر ایک قسم کی مشین میں (جیسا کہ شکل ۵۳ سے واضح ہے) فصل فم تک عمل کرنیوالی کوئی قوت ق لگا کر توانائی داخل کی جاتی ہے اور مشین مذکور میں فصل فم تک کسی قوت و کے مقابلہ میں کام حاصل ہوتا ہے۔



جب لگائی ہوئی قوت ق کا نقطہ عمل فصل فم طے کرتا ہے تو مشین میں ق فم توانائی داخل ہو جاتی ہے۔ اور اتنے ہی وقت میں اگر قوت و کا نقطہ عمل فصل فم طے کرے تو حاصل شدہ مفید کام کی مقدار و فم ہوگی۔

شکل ۵۳۔ مشین کا اصول

پس مشین کی استعداد حسب ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی۔

$$\text{استعداد ع} = \frac{\text{و فم}}{\text{ق فم}}$$

مفادِ جلی یا قوائی نسبت

عموماً مشین اس ساخت کی بنائی جاتی ہے کہ اس میں ایک بوٹی سی قوت Q لگا کر کہیں زیادہ مقدار کا بوجھ W مغلوب کیا جاسکے۔

نسبت $\frac{\text{مشین سے مغلوب بوجھ}}{\text{مشین میں لگائی ہوئی قوت}}$ کو مفادِ جلی کہتے ہیں۔

یونکہ بالعموم اس نسبت سے "نفعِ قوت" کی تعبیر ہوتی ہے۔

مگر یہ صورت ہمیشہ حاصل نہیں ہوتی۔ کیونکہ ایک بہت بڑی Q کو ایک چھوٹے فاصلے تک عمل میں لا کر ایک چھوٹے بوجھ کو ہم کہیں بڑے فاصلہ تک اٹھا سکتے ہیں۔ حالتِ مذکور میں نسبت $\frac{Q}{W}$ ایک سے کم ہوگی۔ یعنی یہاں اس نسبت سے "نفعِ قوت" کے بجائے "انقصانِ قوت" کی تعبیر ہوتی ہے۔ لہذا مفادِ جلی کے نام کے غلط استعمال سے سمجھنے کے لئے بعض اوقات یہ نسبت قوائی نسبت کے نام سے موسوم کی جاتی ہے۔ ورنہ الذکر نام کل صورتوں پر حاوی ہے اور بعض اوقات نسبت $\frac{Q}{W}$ کو ظاہر کرنے کے لئے استعمال کیا جاتا ہے۔

مذکورہ بالا امر کو ہم ریاضی کی زبان میں حسبِ ذیل بیان کر سکتے ہیں:-

قوائی نسبت یا مفادِ جلی = $\frac{\text{مغلوب بوجھ}}{\text{مشین میں لگائی ہوئی قوت}}$

رفقاری نسبت

عموماً یہ دیکھا جاتا ہے کہ لگائی ہوئی قوت اور بوجھ کے

نقاط عمل کے طے کئے ہوئے فاصلے آپس میں برابر نہیں ہوتے۔ مشین کے کامل ہونے کی صورت میں W کو Q کے مساوی ہونا چاہئے۔ یعنی

کامل مشین میں $\frac{W}{Q} = \frac{F}{f}$
 بہر حال ایسی مکمل صورت کبھی نصیب نہیں ہوتی اور ہمیشہ
 $W < Q$

یعنی $\frac{W}{Q} < \frac{F}{f}$
 عموماً فاصلے W اور F مشین کے پُرزدوں کی ساخت کے ملاحظہ سے یا مشین کے مختلف حصوں کی پیمائش سے دریافت ہو سکتے ہیں۔ اگر مشین کے پُرزے بند بھی ہوں تو کسی فاصلہ F کے جواب میں فاصلہ W کی پیمائش بہ آسانی ہو سکتی ہے۔ لہذا یہ ہمیشہ ممکن ہے کہ نسبت $\frac{W}{Q}$ خواہ پُرزدوں کے محض معائنہ سے یا براہ راست پیمائش سے دریافت ہو سکے۔

نسبت $\frac{W}{Q}$ سے وہ نسبت مراد ہے جو لگائی ہوئی قوت کے نقطہ عمل کے طے کردہ فاصلے کو اتنے ہی وقت میں بوجھ کے نقطہ عمل کے طے کردہ فاصلے کے ساتھ ہے۔ چونکہ دونوں قوتوں کے اوقات عمل ایک ہی ہیں اس لئے
 نسبت $\frac{W}{Q} = \frac{\text{لگائی ہوئی قوت کے نقطہ عمل کی رفتار}}{\text{بوجھ کے نقطہ عمل کی رفتار}}$

فنی انجینیری کے نقطہ نظر سے کام کرنے کی شرح، مقدار کام کے مقابلہ میں زیادہ اہمیت رکھتی ہے اور اس بناء پر طے شدہ فاصلے کے مقابلہ میں حرکت کی شرح کو انجینیری خیالات کے ساتھ زیادہ موزونیت ہے۔ اس لئے ان طے شدہ فاصلوں کی باہمی نسبت کو عموماً رفتاری نسبت کے نام سے موسوم کرتے ہیں۔

لیکن کہ رفتاریں ان فاصلوں کے تناسب میں ہیں۔ یعنی
رفتاری نسبت = $\frac{\text{لگائی ہوئی قوت کا طے کردہ فاصلہ}}{\text{بوجھ کی مزاحمت کا فاصلہ}}$

اگر کسی خاص غرض کے لئے مشین کا انتخاب منظور ہو تو سب سے پہلے مطلوبہ مفادِ جیلی یا قوائی نسبت کا اندازہ لگانا چاہئے۔ اور منتخبہ مشین ایسی ہونی چاہئے کہ اُس کی رفتاری نسبت مذکورہ بالا مفادِ جیلی سے اس قدر بڑی ہو کہ مشین کے اندر رگڑ کی وجہ سے جو نقصان ہوتا ہے اُس کی تلافی کافی طور پر ہو جائے۔ (ذیل کا نوٹ دیکھو)۔

رفتاری نسبت، مفادِ جیلی (یا قوائی نسبت)

اور استعداد کے درمیان باہمی رشتہ

ہم دیکھ چکے ہیں کہ استعداد حسبِ ذیل طریقہ سے ظاہر کی جاسکتی ہے:-

$$\text{اس نسبت کو ہم ایک مناسب شکل میں یوں بھی لکھ سکتے ہیں:-}$$

$$ع = \frac{و}{ق} = \frac{و}{\frac{و}{ع}} = ع$$

یعنی استعداد = $\frac{\text{مفادِ جیلی یا (قوائی نسبت)}}{\text{رفتاری نسبت}}$

پس اگر مشین کا مفادِ جیلی تجربہٴ دریافت ہو جائے اور اس کی رفتاری نسبت کی قیمت پیمائش یا ملاحظہ سے معلوم ہو جائے تو ان دونوں کی خارجِ قسمت سے (استعداد کی قیمت قابلِ حصول ہے۔ نوٹ۔ کچھ تجربہ کے بعد مختلف اقسام کی مشینوں کی استعداد ممکنہ

کا اندازہ کافی صحت کے ساتھ لگایا جاسکتا ہے۔ اگر کسی مشین کی رفتار کی نسبت حسبِ متذکرہ بالا دریافت ہو جائے تو اس کی ممکنہ توانائی نسبت (مفادِ جیلی) ذیل کے رشتہ سے سرسری طور پر معلوم ہو سکتی ہے:-

مفادِ جیلی = رفتار کی نسبت \times استعداد
اور اس طرح سے کسی خاص ضرورت کے لحاظ سے مشینِ مذکور کی موزونیت کا اندازہ لگایا جاسکتا ہے۔

۲۔ مختلف اقسام کی مشینوں کی استعداد

وغیرہ کی تقسیم

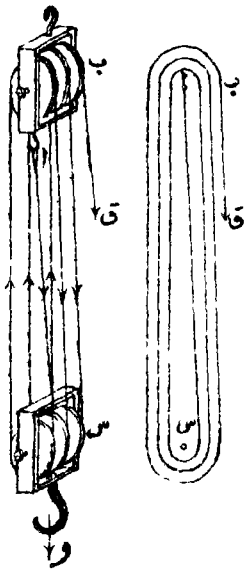
اب چند مختلف اقسام کی مروجہ مشینوں کی ساخت پر بحث کی جائیگی اور اس کے ساتھ ساتھ یہ بھی بتلایا جائیگا کہ ان کی رفتاری نسبتیں ملاحظہ سے کس طرح دریافت ہو سکتی ہیں۔ کل قسموں کی مشینوں کے مفادِ جیلی دریافت کرنے کا طریقہ تقریباً ایک ہی جیسا ہے۔

چرخہ کے بلاق

چرخوں کے بلاق کا وہ نظام جس پر یہاں بحث کی جائیگی تین تین چرخوں کے دو بلاقوں پر مشتمل ہے (شکل ۵۴)۔ اوپر والا بلاق ایک شہتیر میں ثابت رہتا ہے اور نیچے والا بلاق اول بالکر بلاق سے ایک ایسی مسلسل ڈوری کے ذریعہ لٹکایا جاتا ہے جو ہر چرخہ پر سے گزرتی ہے۔ اس ڈوری کا ایک سرا اوپر والے بلاق کے ڈھانچے سے بندھا رہتا ہے۔ اور اس کا دوسرا سرا نیچے کی طرف لٹکتا ہے جس کو لٹکائی ہوئی قوت قیام پختی ہے

بوجھ و نیچے والے بلاق کے ڈھانچے سے نکایا جاتا ہے۔
تجربہ ۴۴۔ چرخہ کے بلاق کے ایک جوڑے
کی استعداد — استعداد کی دریافت کے لئے دو تجربے
درکار ہیں۔

(۱) معائنہ سے رفاری نسبت کی تعیین۔ اگر ڈوری کا سراب
فصل ۴ تک نیچے کی طرف کھینچا جائے تو چرخوں پر چڑھی ہوئی



ڈوری کا مجموعہ طول، فصل ۴
کے مساوی کم ہو جائیگا۔ طول کی یہ
کمی ب اور ا کے درمیان ڈوری
کے کل انتصابی حصوں پر برابر برابر
تقسیم ہو جائیگی کیونکہ نیچے والی
کل چرخوں اور ا کی طرف ایک ساتھ
اٹھتی ہیں۔ لہذا چونکہ ڈوری کے
انتصابی حصے تعداد میں چھ ہیں اس
لئے نیچے اور اوپر والے بلاق کے
درمیان ڈوری کے ہر حصہ میں طول
۴ کی کمی واقع ہوگی۔

شکل ۴۴۔ چرخہ کے بلاق

اگر نیچے والے بلاق کا مرکز
ہو تو س فصل ۴ تک اوپر

کی طرف اٹھ جائیگا۔ اور یہ وہ فصل ہے جہاں تک بوجھ و اوپر اٹھیں یعنی

$$۴ = ۴$$

اس لئے رفاری نسبت = ۴ = ۴

اسی طریقہ سے چرخوں کے کسی اور نظام کی ”رفاری نسبت“ برآسا
دریافت کی جاسکتی ہے۔

(۲) مغادر جلی کی عملی تعیین — تجربہ خانہ کے استعمال کے لئے

جو آلات بنائے جاتے ہیں ان میں اکثر اقسام کے آلات میں نیچے والے بلاق کا وزن "بوجھ" کی مناسبت سے بہت زیادہ ہوتا ہے۔ لیکن فن انجینیری میں جو بلاق استعمال ہوتے ہیں ان کا وزن اٹھنے والے "بوجھ" کے مقابلے میں کہیں کم رہتا ہے۔

اس لئے نیچے والے بلاق کا وزن اگر بوجھ میں نہ محسوب کر لیا جائے یا لگائی ہوئی قوت کا وہ حصہ جو صرف بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے قوت ق سے نہ گھٹایا جائے تو ایسے نظام کی عملی استعداد کے متعلق غلط معلومات حاصل ہونگی اور استعداد کی حاصل شدہ قیمت عملی استعداد کی قیمت سے کم ہوگی۔

اس لئے مغناطیسی محسوب کرنے کے وقت آیا وہ قوت ق جو صرف نیچے والے بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے ق سے گھٹالی جاتی ہے یا بوجھ و میں بلاق کا ذاتی وزن شریک کر لیا جاتا ہے مگر یاد رہے کہ بلاق کے اٹھانے میں جو کام صرف ہوتا ہے وہ کارآمد نہیں۔

اگر حرخی کے بلاق کا وزن معلوم ہو تو ظاہر ہے کہ نسبت $\frac{W}{Q}$ کے دریافت کرنے کا طریقہ یہ ہوگا کہ بلاق کا ذاتی وزن بوجھ و میں شریک کر لیا جائے۔ اس صورت میں بلاق کا وزن بوجھ کا ایک حصہ تصور کیا جائیگا۔

اگر حرخی کے بلاق کا وزن معلوم نہ ہو تو وہ قوت ق دریافت کرو جو صرف بلاق کو اٹھانے کے لئے درکار ہے اب بلاق سے و وزن کا ایک بوجھ لٹکاؤ تو بلاق اور بوجھ کو اٹھانے کے لئے ایک دوسری قوت ق درکار ہوگی۔ اس لئے قوت ق جو صرف بوجھ و کو اٹھانے کے لئے درکار ہے ق - ق کے مساوی ہوگی۔

تو ق - ق اور ق اس طرح درست کہہ کہ اگر مشین کو خفیف سی بھی حرکت دی جائے تو وہ عمل کرنے لگے۔

اس طرح پانچ یا چھ مختلف بوجھ لے کر مندرجہ بالا چرخوں کے مبلاتوں کے جوڑے کا مقادریلی دریافت کرو۔ اور مشاہدات کو مندرجہ ذیل جدولوں کی شکل میں ترتیب دو:-
(۱) اگر مبلات کا وزن معلوم ہو (مثلاً، گرام)

شمار تجربہ	مبلات سے لٹکا ہوا بوجھ و گرام	لٹائی ہوئی قوت	مجموعہ بوجھ و مبلات	و/ق
۱	۲۰۰	۱۱۰	۲۶۰	۲۶۴۵
۲	۴۰۰	۱۹۰	۴۶۰	۲۶۴۶
۳	۶۰۰	۲۶۰	۶۶۰	۲۶۴۸
۴	۸۰۰	۳۶۰	۸۶۰	۲۶۳۵
۵	۱۰۰۰	۴۵۰	۱۰۶۰	۲۶۳۸

آخر خانے کی رتوں کا اوسط = اوسط مقادریلی = ۲۶۴۴
(ب) اگر مبلات کا وزن معلوم نہ ہو۔
صرف مبلات کو اٹھانے کے لئے جو قوت درکار ہے = ق = بھگام (مثلاً)

شمار تجربہ	مبلات سے لٹکا ہوا بوجھ و گرام	لٹائی ہوئی مجموعہ قوت	بوجھ و قوت کے لئے جو قوت درکار ہے = ق - ق	و/ق
۱	۲۰۰	۱۱۰	۸۰	۲۶۵۰
۲	۴۰۰	۱۹۰	۱۹۰	۲۶۵۰
۳	۶۰۰	۲۶۰	۲۴۰	۲۶۵۰
۴	۸۰۰	۳۶۰	۲۴۰	۲۶۳۵
۵	۱۰۰۰	۴۵۰	۴۲۰	۲۶۳۸

آخر خانے کی رتوں کا اوسط = اوسط مقادریلی = ۲۶۴۵

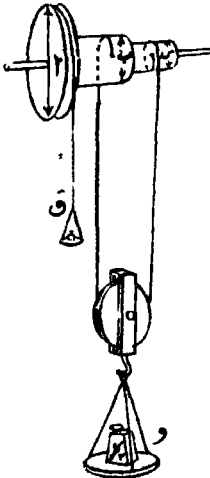
نوٹ۔ اگر بوجھ و یا قوت ق لگانے کے لئے ترازو کا پلڑا دیکار ہو تو اس پلڑے کا وزن بھی مشربک حساب رہے۔
مِلاق کے جوڑے کے مفادِ جیلی اور رنفاری نسبت دریافت کر لینے کے بعد استعداد کو مندرجہ ذیل مساوات سے ظاہر کرو:-

$$ع = \frac{\text{مفادِ جیلی}}{\text{رنفاری نسبت}}$$

$$= \frac{۳۵۳۵}{۴} = ۰.۸۸۱ = ۸۱ \text{ فیصد}$$

تفریقی چرخ اور محور

چونکہ اس آلہ سے تجربہ خانوں میں اکثر کام پڑتا ہے اور اس کے ”تفریقی“ اصول کا اطلاق عموماً بندش (Gearing) کی تمام عملی شکلوں پر ہوتا ہے اس لئے ہم اس آلہ کو ایک مناسب اور بکار آمد قسم



شکل ۵۵۔ مرکب چرخ اور محور

کی مشین تصور کر کے اس پر بالتفصیل بحث کریں گے شکل ۵۵ پر غور کرو۔ لگائی ہوئی قوت ق ایک ایسی ڈوری پر عمل کرتی ہے جو بڑے قطر کے چرخ پر لپٹی ہوئی ہوتی ہے۔ یہ چرخ ایک ایسے محور سے جڑا ہوا ہوتا ہے جس کے دو حصوں کے قطر مختلف ہیں اور محور مذکور کے ان دو حصوں پر ایک دوسری ڈوری کے دونوں سرے متضاد سمتوں میں پیٹے جاتے ہیں۔ اس ڈوری کے ٹکٹے ہوئے حلقے پر ایک ایسی

چرخ چڑھی رہتی ہے جس کے ڈھانچے سے بوجھ و لٹکایا جاتا ہے
تمام آلہ کو ایک دھاتی تنکے پر چڑھا کر رد مناسب براکٹوں (Brackets)
پر اس طرح سہا روایا جاتا ہے کہ وہ آزادی سے گھوم سکے۔
تجربہ ۴۴ - مرکب چرخ اور محور یا تفریقی چرخ
اور محور —

تجربہ دو حصوں پر منقسم ہے۔
(۱) رخاری نسبت کی تقسیم — جب چرخ پر لپٹی ہوئی ڈوری
نیچے کی طرف یوں کھینچی جاتی ہے کہ ڈوری چرخ سے کھلتی جائے
تو آلہ اس طرح گردش کرتا ہے کہ دوسری ڈوری بڑے قطر کے محور
پر لپٹی جاتی ہے اور چھوٹے قطر کے محور پر سے کھلتی جاتی ہے۔
آلے کی ایک پوری گردش پر غور کرو۔ فرض کرو کہ چرخ کا
قطر ۱ ہے اور محور کے موٹے اور پتلے حصوں کے قطر بالترتیب
ب اور س ہیں۔
جب آلہ ایک مکمل گردش کر چکا ہے تو لگائی ہوئی قوت
چرخ کے محیط کے برابر فضل تک عمل کرتی ہے یعنی

$$۱ \times \pi = ۲ \times \pi$$

راتنے ہی وقت میں دوسری ڈوری کے اس حصہ کی
لمبائی میں بھی تبدیلی واقع ہوتی ہے جو محور سے باہر لگتا ہے۔
۲ ب طول کی ڈوری محور کے موٹے حصہ پر لپٹ جاتی ہے مگر
۲ س طول کی ڈوری محور کے پتلے حصہ پر سے کھل جاتی ہے
اس لئے ڈوری کے آزاد حصے کے طول میں فی الحقیقت
۲ ب - ۲ س یا ۲ (ب - س) کی کمی واقع ہوتی ہے۔
یہ کمی حلقہ کے دونوں طرف برابر برابر تقسیم ہو جاتی ہے۔ اس لئے
چھوٹی چرخ مذکورہ بالا طے کی کمی کے صحت نصف فاصلہ تک اوپر
اٹھتی ہے۔ یعنی بوجھ فاصلہ $\frac{۱}{۲} (۲ ب - ۲ س)$ تک اوپر

اٹھتا ہے۔ یا

$$\text{فہم} = \frac{\pi}{2} (\text{پ۔س})$$

$$\begin{aligned} \text{اس لئے رفتار کی نسبت} &= \frac{\frac{\pi}{2} (\text{پ۔س})}{\frac{\pi}{2} (\text{ب۔س})} \\ &= \frac{\text{پ۔س}}{\text{ب۔س}} \end{aligned}$$

چرخ کا قطر اور محور کے دو حصوں کے قطر سرل چاب کی مدد سے ناپو یا محیطوں کی پیمائش براہ راست خواہ ڈوری اور پیمانے کی مدد سے یا کسی لچکدار پیمائشی فیتے کے ذریعہ کرو۔ اور ان معلومات سے رفتاری نسبت دریافت کرو۔

(۲) مفادِ جیلی کی تعیین۔ جیسا کہ چرخوں کے ہلاق کے بیان کے تحت میں (تجربہ ۱۴) بتایا جا چکا ہے مفادِ جیلی دریافت کرو۔ اس امر کا لحاظ رہے کہ چرخ اور ترازو کے پڑاؤں کے وزن بھی شریک حساب ہوں۔

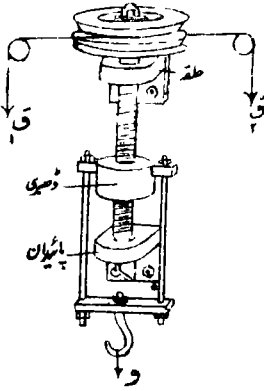
بعد ازاں آلہ کی استعداد دریافت کرو۔ اس کی قیمت غالباً ۸۰ یا ۹۰ فی صد تک ملیگی۔

تیج

مختلف اقسام کی مشینوں میں پیچوں کی ترکیب کا استعمال بہت ہی عام ہوتا ہے بالخصوص جبکہ بہت بڑا مفادِ جیلی مطلوب ہو۔ عملیات میں پیچ اکثر اوقات پیچیدہ کل کا ایک جزو ہوتا ہے۔ اگرچہ بعض اوقات یہ بذاتِ خود بھی استعمال کیا جاتا ہے۔ اس کل کی عام مثال شہ پیچ ہے جو ٹائیر (Tyre) چڑھانے کے وقت موٹر گاڑی کے ڈھرے کو یا کسی اور بجاری وزن کو اٹھانے میں استعمال کیا جاتا ہے۔ خصوصاً جہاں صرف دستی مزدوری (Hand Labour)

میٹر ہوتی ہے۔

تجربہ میں جو بیج استعمال ہوتا ہے اُس میں عموماً بڑے قطر کی ایک چرخی لگی رہتی ہے جس کے گرد ڈوری لپیٹی جاتی ہے۔ اس ڈوری کے دونوں سرے آلہ کے بازوؤں میں دو چھوٹی ثابت چرخوں پر سے گزرتے ہیں (جیسا کہ شکل ۷۵ سے واضح ہے) اور ان سروں پر بندھے ہوئے پلڑوں میں رکھے ہوئے وزن کی وجہ سے ڈوری کھینچتی ہے۔ اکثر اوقات عملیات میں متذکرہ بالا بڑے قطر والی چرخی اور ڈوری کے عوض T شکل کا ایک دستہ استعمال کیا جاتا ہے۔



شکل ۷۵۔ بیج

بیج پر ایک بڑی ڈھیری چڑھی رہتی ہے اور اس ڈھیری میں ایک جوا لگا رہتا ہے جو بیج کو اٹھاتا ہے۔ بیج کا نیچے والا سرا ایک ثابت پائیدان پر اس طرح قائم ہے کہ وہ آزادی سے گھوم سکے اور اوپر کا سرا (جس پر بڑی چرخی لگی ہے) ایک ثابت حلقے میں سے آزادانہ گزرتا

ہے۔ آلہ کے ایک مروج نمونہ کی تصویر شکل ۷۶ سے واضح ہے۔ مگر اس شکل میں وہ ڈھانچہ جس پر چھوٹی چرخیاں قائم ہیں نہیں دکھایا گیا ہے۔ اس کے سوا دوسری قسم کے اور نمونے بھی اکثر اوقات تجربہ خانوں میں مستعمل ہوتے ہیں۔ بعض اوقات بڑی چرخی صرف ایک وزن سے کھینچی جاتی ہے۔ اور کبھی کبھی دو ڈوریاں لگائی جاتی ہیں اور ان سے دو وزن لٹکائے جاتے ہیں۔ جیسا کہ شکل ۷۷ سے ظاہر ہے۔

موخر الذکر نمونہ قابل ترجیح ہے۔ کیونکہ اگر قیام اور قیام
مساوی ہوں تو پیچ دائیں یا بائیں کو کھینچنے سے باز رہتا ہے۔
لیکن صرف ایک غیر متوازن قوت کے استعمال کرنے میں پیچ
حلقے کے ایک طرف کھینچ جاتا ہے جس کی وجہ سے رگڑ اور
گھساؤ میں اضافہ ہو جاتا ہے۔

اگر کوئی مناسب ذریعہ گردش حرکت کو روکنے کے لئے
استعمال نہ کیا جائے تو پیچ کو گھمانے کے وقت ڈھبھی بھی
گھومنے کا تقاضا کرے گی۔ اس حرکت کو روکنے کے لئے جو عام
بندش استعمال کی جاتی ہے وہ ایک یا دو سلاخوں پر مشتمل ہے۔
یہ سلاخیں آلہ کے ڈھانچے میں جکڑی رہتی ہیں اور سلاخ کا ایک
سرا مذکورہ بالا حلقہ میں ثابت ہوتا ہے اور دوسرا سرا پائیدان میں
ڈھبھی میں نالیاں بنی رہتی ہیں جن میں سے مذکورہ بالا سلاخیں
ٹھیک پھنس کر گزرتی ہیں۔ ایسے انتظام سے پیچ کے گھومنے
کے وقت ڈھبھی گھومنے سے باز رہتی ہے۔ اور اس میں جو
کچھ حرکت پیدا ہوتی ہے وہ صرف پیچ کی گھائی کے متوازن ہوتی
ہے۔ پیچ کی گردش کی سمت کے لحاظ سے ”بوجھ“ چڑھتا یا اترتا
ہے۔ یہ سلاخیں شکل میں دکھائی نہیں گئی ہیں۔

تجربہ ۴۱۔ پیچ کی استعداد کی تعین — اگر
پیچ سے کارگر کام لینا ہو تو یہ لازمی ہے کہ مذکورہ بالا حلقہ،
اور پائیدان، سلاخ اور ڈھبھی وغیرہ میں اچھی طرح تیل دیا جائے
خاص کر پیچ کی چوڑیوں میں تیل دینا نہایت ضروری
ہے کیونکہ رگڑ کا زیادہ تر حصہ پیچ اور ڈھبھی ہی کے درمیان
عمل کرتا ہے۔

(۱) رفتار کی نسبت کی تعین — فرض کرو کہ

پیچ کے اوپر والے سرے کی چربی کا قطر ۱ ہے۔ تب پیچ کی

ایک کامل گردش میں لگائی ہوئی قوت (یا قوتیں) چرخہ کے محیط کے برابر فاصلہ نیچے کی طرف طے کرتی ہے۔ یعنی پیچ کی ایک گردش کا لحاظ کرتے ہوئے۔

$$1\pi = \text{سم}$$

اتنے ہی وقت میں پیچ ڈھبڑی کے اندر ایک گردش کر کے آگے بڑھتا ہے یعنی ڈھبڑی اتنے فصل تک اٹھ جاتی ہے جو پیچ کی گھائی کے مساوی ہونا ہے اگر پیچ کی گھائی = گھ تو ظاہر ہے کہ $\text{سم} = \text{گھ}$

$$\frac{1\pi}{\text{سم}} = \text{اور رفتاری نسبت}$$

چرخہ کا قطر ایک بڑے سہل چاپ کی مدد سے ناپو لیکن اس بات کی احتیاط مہی جائے کہ پیمائش شدہ قطر اس مقام کا قطر ہو جہاں ڈوریوں کی جیسے دالی شیشیں من کرتی ہوں۔ اگر ل چاپ میسر نہ ہو تو ڈوری اور پیمانے کی مدد سے چرخہ کا محیط براہ راست دریافت کرو۔ پیچ کی گھائی ناپنے کے لئے مندرجہ ذیل طریقہ اختیار کرو۔

صاف کاغذ کا ایک ٹکڑا لے کر اس کو پیچ کی کچھ لمبائی تک اس طرح دباؤ کہ کاغذ پر چوڑیوں کے نشان پڑ جائیں۔ اب اس کاغذ پر تقریباً ۲۰ چوڑیوں کا درمیانی فاصلہ ناپ لو۔ اس پیمائش سے گھائی دریافت ہو جائیگی۔ یاد رہے کہ پیچ کی گھائی سے وہ دو متشابہ نقطوں کا عمودی فاصلہ مراد ہے جو ایک ہی چوڑی کے دو متواتر گھاؤ (Turns) پر واقع ہیں۔ اس امر کی توضیح (شکل ۷) کے ملاحظہ سے بخوبی ہو جائیگی۔

مذکورہ بالا معلومات سے رفتاری نسبت محسوب کرو۔

(۲) مفاصل جلی کی تعمیر — حسب تجربہ ۳۴ مفاصل جلی دریافت کرو۔ یہاں پر ڈھبڑی اور جوے کا وزن معلوم نہیں ہو سکتا

کیونکہ یہ پیچ سے ملتی ہیں۔ لہذا یہاں پہلے قی کی قیمت دریافت کرنا ہوگی۔ یہ وہ قوت ہے جو صرف ڈھبڑی اور جوے کے اٹھانے کو درکار ہے۔ اس کے بعد مجموعی قوت قی دریافت کرنا ہوگی جو ”بوجھ“ ڈھبڑی، اور جوے کو اٹھاتی ہے۔ اس لئے قی۔ قی۔ وہ قوت قی ہے جو صرف ”بوجھ“ و کے لئے درکار ہوگی۔ اگر مذکورہ بالا بڑے قطر کی چغنی پر دو ڈوریاں لگی ہوں تو لگائی ہوئی قوت دونوں ڈوریوں سے نکلے ہوئے وزن کے مجموعہ کے مساوی ہوگی۔

اب پیچ کی استعداد دریافت کرو۔ نتیجہ سے یہ معلوم ہوگا کہ کافی تیل دینے پر بھی پیچ کی استعداد بمشکل تمام ۲۰ فی صدی تک پہنچتی ہے۔ اور یہ بھی معلوم ہو جائیگا کہ اگر آلہ بد احتیاطی کی وجہ سے زہم آلود ہو گیا ہو تو استعداد کی قیمت صرف ۸ یا ۸ فی صدی رہ جاتی ہے۔

چرخ بندی

مشینوں کا بیان اس وقت تک تکمیل کو نہیں پہنچ سکتا جب

تک کہ عام ترین بندشوں کا مثلاً دندانہ دار چرخوں کی بندش

(Gearing) کا کچھ ذکر نہ کیا جائے۔ اس بندش کی

مختلف شکلوں کا استعمال قریب قریب تمام اقسام کی کلوں مثلاً گھڑیوں،

موٹر گاڑیوں، خرا دود، متحرک مثالوں، وغیرہ میں ہوتا ہے۔ مگر ہم یہاں

صرف چرخ بندی کے ایک آسان سلسلہ پر بحث کریں گے اور پیچیدگی

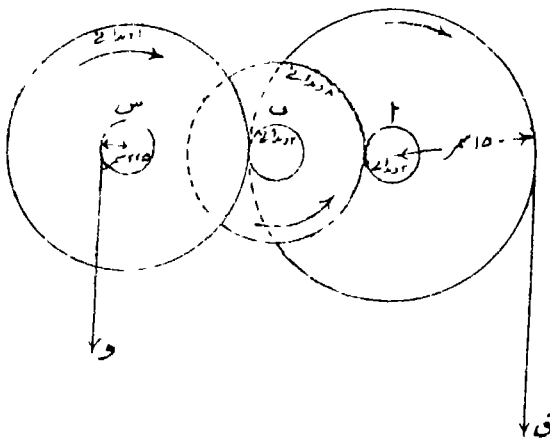
سے بچنے کے لئے صرف عددی مثال دی جائیگی۔

شکل ۷ پر غور کرو۔ تھکے ۲ پر ۱۵ سمر نصف قطر کا ایک

بڑا ڈھول چڑھا ہوا ہے۔ اور اسی تھکے پر ۲۰ دندانوں کا ایک

دندانہ دار چرخ ڈھول سے جکڑا ہوا لگا ہے۔

موازا لکھ دندائے وار چرخ ۱ تکلے ب پر چڑھے ہوئے ۸۰
دندانوں والے چرخ سے اس طرح لگا ہوا ہے کہ اگر ۱ چار
گردشیں پوری کرے تو ب پر کا بڑا چرخ صرف ایک بار گھومتا
ہے۔ ب پر کے بڑے چرخ میں ۲۰ دندانوں کا ایک چھوٹا چرخ
جکڑا ہوا ہے۔ اور یہ چرخ تکلے س پر کے بڑے چرخ کے دندانوں
سے لگا ہوا ہے جس کے محیط میں ۱۰۰ دندانے ہیں۔ اس لئے
جب ۱ ۲۰ گردشیں پوری کرتا ہے تو ب ۵ اور س صرف ۱۔
تیسرے تکلے س پر ۵۰ سمر کا ایک چھوٹا ڈھول چڑھا ہوا ہے
جس پر سے ”بوجھ“ کو سنبھالنے والی ڈوری گذرتی ہے۔ اس
ڈھول پر ڈوری اس طرح لپیٹی جاتی ہے کہ



شکل ۷۵۔ چرخ بندی

جب ق نیچے اُترتا ہے تو و اوپر چڑھتا ہے۔
موجودہ مسئلہ میں آسانی کی غرض سے تکلے س کی

صرف ایک گردش پر غور کرو۔

س کی ایک گردش میں ”بوجھ“ و اتنے فصل تک چڑھتا ہے جو چھوٹے ڈھول کے محیط کے برابر ہے۔

یعنی فاصلہ = $2\pi \times 25$ سم۔

س کی ہر گردش کے جواب میں ۲۰۱ مرتبہ گھومتا ہے اور اس لئے ق بڑے ڈھول کے محیط کے میں گئے فاصلے تک عمل کرتا ہے۔ یعنی

فاصلہ = $20 \times 2\pi \times 15$ سم

اس لئے رفتار کی نسبت

$$\frac{15 \times 2\pi \times 20}{25 \times 2\pi} =$$

$\frac{120}{25} =$

تجربہ ۴۔ چرخ بندی کے ایک نظام کی استعداد کی تقیین — چرخ بندی کے کسی نظام کی رفتاری نسبت دریافت کرو جیسا کہ مذکورہ بالا مثال میں بیان کیا جا چکا ہے۔ اور تجربہ ۳ کی طرح عملاً اس کا مفاد جلی بھی دریافت کرو۔ اور ان معلومات سے اس کی استعداد کی قیمت اخذ کرو۔

چرخ بندی کے سلسلے کی استعداد کا انحصار زیادہ تر اس امر پر ہے کہ دماغ نے صحت کے ساتھ کسٹے جائیں۔ متذکرہ بالا سلسلہ کی طرح چرخ بندی کے ایک سادے سلسلے کی جس میں دماغ نے عمدہ طور پر کٹے ہوں استعداد کی قیمت ۹۵ فی صدی تک پہنچ سکتی ہے۔

نوٹ — فصل ہذا میں بحث کردہ کمیتیں و اور ق بالترتیب ”بوجھ“ اور ”لگائی ہوئی قوت“ کے نام سے موسوم کی گئی ہیں لیکن اکثر اوقات ان کے لئے وزن اور طاقت کے نام بھی استعمال

ہوتے ہیں۔ وزن ایک عام کیفیت ہے اس لئے اس کو ایک خاص کیفیت کی طرح استعمال کرنا اعتراض سے خالی نہیں۔ "بوجھ" سائنس کی زبان میں کوئی خاص معنی نہیں رکھتا اس لئے اس نام کو یہاں وزن کے نام کے بجائے استعمال کرنا قابل ترجیح ہے۔ لفظ "طاقت" سائنس کی اصطلاح میں ایک خاص اور محدود معنی رکھتا ہے یعنی طاقت سے کام کرنے کی شرح مبرا ادا ہے اس لئے طاقت کو قوت کے معنوں میں ہرگز استعمال نہیں کرنا چاہئے۔ بعض اوقات قی کی تعبیر کے لئے زور کا لفظ بھی استعمال کیا جاتا ہے لیکن کسی صورت میں اس کا استعمال عام نہیں۔



فصل ہفتم

لچک

۱۔ عام نظریہ۔

جب کوئی سی قوت کسی جسم پر عمل کرتی ہے تو جسم مذکور کی شکل میں کم و بیش بگاڑ پیدا ہو جاتا ہے۔ اور یہ بگاڑ بالعموم قوت کے ہٹا لینے پر غائب ہو جاتا ہے۔ جسم کا اپنی اصلی شکل میں واپس آ جانا جسم مذکور کی اپنی اُس خاصیت کا نتیجہ ہے جس کو لچک کے نام سے موسوم کرتے ہیں۔

گلیئہ ہوک

اس مضمون کی بنیاد رابرٹ ہاؤک بائیل اور اُس کے مددگار ہوک نے ڈالی تھی اور وہ نہایت ہی ضروری اور اہم گلیئہ جو قوتِ عالمہ اور اس سے پیدا شدہ بگاڑ کا باہمی تعلق بتاتا ہے گلیئہ ہوک کے نام سے مشہور ہے۔ اس گلیئہ کو ہم یوں بیان کر سکتے ہیں کہ تناؤ، برصاؤ کے مناسب ہے۔

یا ٹھیک علمی زبان میں مذکورہ بالا امر کو حسب ذیل بھی بیان کر سکتے ہیں:-
 زور فساد کے متناسب ہے۔ (یہاں زور سے بگاڑ پیدا کرنے والی عام قوت
 مراد ہے۔ اور فساد سے جسم کی شکل میں عام تغیر گلیڈر ہوک کی صحت
 ایک خاص حد تک درست ہوتی ہے۔ چنانچہ اگر جسم پر عمل کرنے والا زور ایک خاص
 حد سے تجاوز کر جائے تو زور ہٹا لینے پر جسم مذکور اپنے ابتدائی ابعاد میں واپس نہیں
 آئیگا۔ وہ بڑے سے بڑا بگاڑ جو کسی شے میں دوامی بدشکلی پیدا نہیں کرتا
 شے مذکور کی لچک کی انتہا کہلاتا ہے۔ ہوک کا کلیہ لچک کی
 انتہا تک غایت درجہ کی قربت کے ساتھ درست پایا جاتا ہے۔

لچک کے مقیاس کی تعریف

زور اور فساد

متفرق اقسام کی اشیاء کی لچک والی خاصیتوں کے
 مقابلہ کرنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ مختلف نوعیت کی قوتوں
 کے زیر عمل جو ”بگاڑ“ پیدا ہوتے ہیں ان کے متعلق کئی علم
 حاصل کیا جائے۔

زور — جہاں تک پیدا شدہ بگاڑ کی مقدار سے بحث ہے
 قوت کا اثر، مقدار قوت پر اور اس کے رقبہ عمل پر بھی مبنی
 پایا جاتا ہے اور اثر مذکور قوت فی اکائی رقبہ کے متناسب
 ہوتا ہے۔ اس لئے زور کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ

زور سے وہ قوت مراد ہے جو اکائی رقبہ پر عمل کرے۔
 فساد — ایک دئے ہوئے زور کے زیر عمل کسی
 جسم میں پیدا شدہ بگاڑ جسم مذکور کی جسامت پر منحصر ہے۔
 مساوی مقدار کے تناؤ والے زور اگر ایک ہی قسم کے
 مختلف طول والے تاروں پر عمل کریں تو تاروں کے طولوں میں

جو درازیاں واقع ہونگی وہ اُن طولوں کے متناسب ہونگی۔ لہذا زور کا اثر گویا بگڑی ہوئی شکل کے جسم میں بگاڑ فی اکائی بُعد کا پیدا کرنا ہے۔

فساد کی تعریف عموماً شکل کے بگاڑ فی اکائی بُعد سے ہوتی ہے یا یوں کہو کہ فساد کسری بگاڑ ہے۔

لچک کے کسی مقیاس کی تعریف عمل کرنے والے زور اور پیدا شدہ فساد کے حاصل قسمت سے ہوتی ہے۔ ریاضی کی زبان میں اس کو یوں لکھتے ہیں کہ

$$\text{لچک کا مقیاس} = \frac{\text{زور}}{\text{فساد}}$$

مختلف مقیاسوں کی تعریفیں:—

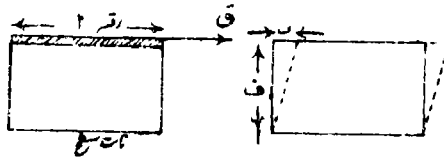
(۱) ینگ کا مقیاس یا تناؤ والی لچک کی قدر۔

یہاں جو زور بد نظر ہے وہ طوئی تناؤ کا زور ہے۔ اور اس سے جو فساد پیدا ہوتا ہے وہ طول کی درازی فی اکائی طول ہے۔ (یا طول کا بڑھاؤ فی اکائی طول ہے)۔

اگر تناؤ کی قوت Q تراش عمودی A والے تار پر عمل کرے تو تار مذکور پر عمل کنندہ تناؤ والا زور $\frac{Q}{A}$ کے مساوی ہوگا۔ اگر اس تار کا طول L ہو اور زور مذکور کے زیر عمل اس کے طول میں ΔL کا اضافہ پیدا ہو جائے تو فساد $\frac{\Delta L}{L}$ کے مساوی ہوگا۔ اس لئے ینگ کا مقیاس

$$Y = \frac{Q}{\Delta L} = \frac{Q/A}{\Delta L/L}$$

(۲) استواری کا مقیاس یا جزی لچک کا مقیاس۔
 کسی شے (مثلاً ربر) کے مستطیلی متوازی السطوح کی شکل کے
 ایک ایسے کُندے کا تصور کرو جس کا ایک پہلو تو کسی ثابت
 افقی سطح سے چسپاں ہو اور دوسرا مقابل کا افقی پہلو ایک
 پترے سے مضبوطی کے ساتھ جڑا ہوا ہو۔
 اب اگر یہ پترا ایک افقی قوت Q سے کھینچا جائے
 تو تمام کُندا بگڑ کر ایک ایسی شکل اختیار کر گیا جیسا کہ نقطہ دار



شکل ۵۔ جزی زور اور جزی فساد

خطوں سے شکل مدہ میں دکھایا گیا ہے۔ قوت Q سارے پترے
 پر اس طرح پھیلی ہوئی ہے کہ وہ تمام اوپر والے رقبہ A پر ہموارانہ
 عمل کرے۔ اس صورت میں زور Q کے برابر ہوگا۔ یہ زور
 جزی زور کہلاتا ہے۔ ذروں کی اوپر والی تہ اپنے ابتدائی محل سے
 نیچے والی تہ کے ذروں کی اضافت سے فصل F تک افقاً
 ہٹ گئی ہے۔ ایسی دو سطحوں کا اضافی بغلی ہٹاؤ جن کا
 باہمی درمیانی فاصلہ اکائی ہو، جزی فساد کہلاتا ہے۔ پس

$$\text{جزی فساد} = \frac{F}{a} = \frac{Q}{b} = \frac{Q}{F} \cdot \frac{F}{a} = \frac{Q}{F} \cdot \frac{F}{a}$$

نوٹ۔ صرف ٹھوس اجسام ہی میں تناؤ والی اور جڑی لچکیں ہوتی ہیں۔
 (۳) جمعی مقیاس یا جمعی لچک کی قدر — اگر ح
 حجم والے کسی جسم پر دباؤ د ڈالا جائے اور اس کی وجہ سے
 اگر جسم مذکور کے حجم میں ح کا تغیر واقع ہو تو لگائی ہوئی
 قوت فی اکائی رقبہ د ہوگی چونکہ دباؤ سے قوت فی اکائی
 رقبہ مراد ہے پس زور = د
 فساد = ح۔ چونکہ پیدا شدہ بگاڑ ح ہے۔ اور گڑے ہوئے
 بعد کی قیمت ح ہے۔

$$\text{اس لئے جمعی مقیاس} \quad \text{حجم} = \frac{د}{\frac{د}{ح}} = \frac{د}{د/ح}$$

چونکہ یہ ہمیشہ ممکن نہیں کہ جسم زیر تجربہ پر کچھ نہ کچھ ابتدائی
 زور موجود نہ ہو اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ لچک کے
 مقیاس کی مذکورہ بالا تعریف میں کچھ ترمیم کی جائے۔
 اگر کلیئر ہوک درست ہے تو لچک کا مقیاس مقررہ
 حالتوں کے تحت میں شے زیر تجربہ کی ایک مستقل خاصیت
 ہوگا۔ بناء پر یہ کہنا صحیح ہوگا کہ اگر زور میں اضافہ کیا جائے تو

$$\frac{\text{اضافہ زور}}{\text{اضافہ فساد}} = \frac{\text{زور}}{\text{فساد}} = \text{لچک کا مقیاس}$$

کسور مندرجہ بالا میں سے پہلی کسر لچک کے مقیاس
 کی پیمائش کرنے میں اکثر اوقات استعمال کی جاتی ہے۔
 گیسوں میں جہاں کلیئر ہوک درست نہیں ہم کسی معین
 حالت کے تحت والی گیس کے جمعی مقیاس کے لئے

$$\text{خارج قسمت} \quad \frac{\text{اضافہ دباؤ}}{\text{اس کا جوابی جمعی فساد}} \quad \text{استعمال کرتے ہیں۔}$$

چونکہ گیسوں کے جمعی مقیاس براہ راست محض نظری نقطہ نظر سے محسوب کئے جاسکتے ہیں اس لئے ان کا مذکورہ بالا اصول سے علاء دریافت کرنا لاسود ہے۔ چونکہ ٹھوس اور مائع اجسام کے جمعی مقیاس دریافت کرنے میں بڑی دقتیں پیش آتی ہیں اس لئے ہم یہاں پر صرف ینگ کے مقیاس اور استواری کے مقیاس ہی دریافت کرنے کے عملی طریقوں پر اکتفا کریں گے۔

نوٹ۔ چونکہ زور ہمیشہ قوت فی اکائی رقبہ ہوتا ہے اس لئے اس کو ڈائین (Dyne) فی مربع سم یا ایسی طرح کے البادگی کسی دوسری اکائیوں میں ظاہر کرنا چاہئے۔ فساد صرف ایک نسبت ہے اس لئے اس کے الباد نہیں اور لچک کا مقیاس = $\frac{\text{زور}}{\text{فساد}}$ اس لئے اس مقیاس کو بھی زور کی اکائیوں میں ظاہر کرتے ہیں یعنی ڈائین فی مربع سم میں (اگر س۔ گ۔ ٹ اکائیاں مستعمل ہوں)۔

۲۔ ینگ کا مقیاس

تار کی شکل کی شے کے لئے ینگ کا مقیاس

جو آلہ اس تجربہ میں استعمال کیا جاتا ہے وہ ایسے دو انتہائی تاروں پر مشتمل ہے جن کے اوپر والے سرے آپس میں بہت قریب ایک ہی سہارے سے مضبوطی کے ساتھ جکڑے ہوئے ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک تار ایک ایسے مستقل بوجھ سے تنا رہتا ہے جس کے جاننے کی ضرورت نہیں اور دوسرے تار سے ترازو کا پلڑا بندھا رہتا ہے جس پر حسب خواہش مختلف اوزان رکھے جاسکتے ہیں۔ اول الذکر تار پر ایک چھوٹا پیمانہ

س قائم ہے اور دوسرے تار پر ایک کسر پیما اب اس طرح لگا رہتا ہے کہ وہ پیمانہ س پر آزادانہ پھسل سکے۔ ان دونوں تاروں کو ایک ہی شے اور ایک ہی موٹائی کا ہونا چاہیے۔ اس طرح ایک ہی قسم کے دو تاروں کے استعمال سے مندرجہ ذیل غلطیوں کے اہم ذرائع رفع ہو جاتے ہیں:-

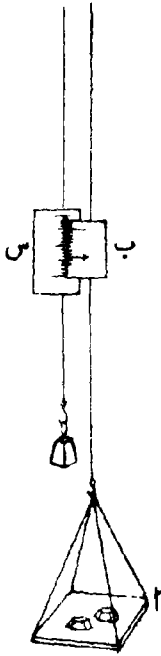
(۱) بوجھ ۱ کی وجہ سے نقطہ تعلیق نیچے اتر جائیگا مگر نقطہ تعلیق کی اس حرکت سے پیمانہ س بھی اتنا ہی نیچے اتر آئیگا جتنا کہ کسر پیما اب۔ لہذا تجربہ میں اس کا کچھ اثر نہ ہوگا۔ (۲) تپش کے تغیر سے طول میں تبدیلی واقع ہوگی۔ اس کا اثر دونوں تاروں میں یکساں پڑیگا۔ لہذا نتیجہ پر تپش کے تغیر کا بھی کوئی اثر نہیں ہوگا۔

اگر ایک تار پر مستقل قوت قائم رکھی جائے اور دوسرے پر مختلف قوتیں لگائی جائیں تو ان قوتوں کی وجہ سے موخر الذکر تار کے طول میں جو اضافہ واقع ہوگا اس کی قیمت پیمانہ س پر کسر پیما اب کی حرکت سے معلوم ہو جائیگی۔

تار کا طول اور اس کا نصف قطر کسی مروجہ طریقوں سے دریافت ہو سکتے ہیں۔ لہذا معلوم زور کے زیر عمل طولی فساد کی قیمت حاصل ہو سکتی ہے۔ اور اس کے ذریعہ ینگ کا مقیاس زیر تجربہ شے کے لئے محسوب کیا جاسکتا ہے۔

تجربہ ۴۴۔ تار کے لئے ینگ کے مقیاس کی تعیین — زیر تجربہ تار کے بل دور کرنے کے لئے

اس سے بندھے ہوئے پڑے میں دو کلو گرام کا وزن رکھو۔ اور پیمانہ س اور کسر پیما اب پر کے درجے پڑھ لو۔ اس کے بعد پڑے پر بتدریج دو دو کلو گرام رکھ کر بوجھ کو ۱۲ کلو گرام تک بڑھاؤ اور ہر وزن کے جواب میں



پیمانہ اور کسر پیمائے کے درجے
پڑھتے جاؤ۔ اب پلٹے پر کے
وزن کو بتدریج دو دو کلو گرام
گھٹا کر بوجھ کو ابتدائی دو کلو گرام
تک لاؤ اور پہلے کی طرح ہر
وزن کے جواب میں پیمانہ اور
کسر پیمائے کے درجے پڑھتے جاؤ۔
اس طریقہ سے ہر وزن کے
جواب میں پیمانے پر دو درجہ
خوانیاں حاصل ہوں گی جن کی اوسط
قیمت وزن مذکور کے لئے پیمانے
پر اصلی قیمت ہوگی۔

اگر تجربہ کے اختتام پر درجہ
خوانی ابتدائی درجہ خوانی (یعنی جب
تار پر جرت دو کلو گرام کا وزن
ہو) سے جدا کا نہ ہو تو یہ ممکن ہے
کہ ذریعہ تجربہ تار یکجہ کی انتہا سے

شکل ۵۹۔ تار کے لئے ایک کامیاس

زیادہ بچھ گیا ہو۔ اگرچہ درجہ خوانیوں میں یہ فرق تار کے محض میدھا
ہونے کا نتیجہ بھی ہو سکتا ہے۔ اگر یہ صورت پیش آجائے تو مشاہدات
کو دہراؤ۔ اور اگر مذکورہ بالا فرق وزن ہٹا لینے پر پھر مشاہدہ میں
آئے تو تجربہ کو ایک دوسرا نیا تار لے کر دہرانا لازمی ہے۔ مگر اس
مرتبہ زیادہ سے زیادہ ۸ کلو گرام وزن استعمال کیا جائے۔

خود پیمائے کے ذریعہ تار کے چند مختلف نقطوں پر
غایت احتیاط کے ساتھ اس کے قطر کی پیمائش کرو۔ اس پیمائش
کی صحت کی اہمیت بہت زیادہ ہے۔ قطر کی پیمائش میں دو مرکب

غلطی ایک فیصد کے درجہ کی غلطی ہے اور اس کے اثر سے آخری نتیجہ میں دو فیصد غلطی داخل ہو جائیگی کیونکہ مقیاس کے ضابطہ میں نصف قطر کی قوت ۲ ہے۔ تار کے طول کی پائش میں ۱ یا ۲ سمر کی غلطی اتنی زیادہ اہمیت نہیں رکھتی جتنی کہ نصف قطر کی پائش میں ۰.۱ سمر کی غلطی۔
تار کا طول نقطہ تعلیق سے لے کر کسر پیا کے صفر تک ناپ لو اور مشاہدات کو حسب جدول درج کرو:-

بوجھ	درجہ خوانیاں		۶ کلو گرام کی وجہ سے طول کا اضافہ سمر میں
	بڑھتا بوجھ	گھٹتا بوجھ	
۲ کلو گرام	۱۵۱۳ سمر	۱۵۱۵ سمر	۱۵۱۳ سمر
" ۳	" ۱۵۳۳	" ۱۵۳۵	" ۱۵۳۳
" ۶	" ۱۵۵۰	" ۱۵۵۵	" ۱۵۵۳
" ۸	" ۱۵۶۶	" ۱۵۶۷	" ۱۵۶۷
" ۱۰	" ۱۵۸۳	" ۱۵۸۷	" ۱۵۸۵
" ۱۲	" ۲۵۱۰	" ۲۵۱۰	" ۲۵۱۰

۶ کلو گرام کی وجہ سے طول کا اوسط اضافہ = ۰.۵۳۷ سمر
 = ۰.۵۳۶ سمر
 تار کا نصف قطر (متعدد تعینوں کا اوسط) = ۰.۵۶۷۵ سمر
 = ۰.۵۶۰۵ سمر
 نقطہ تعلیق سے کسر پیا تک تار کا طول = ۲۵۰ سمر
 تار سے لٹے ہوئے ۶ کلو گرام بوجھ سے پیدا شدہ زور

$$= \frac{\text{قوت}}{\text{تار کی تراش عمودی کا رقبہ}}$$

قوت ۱ کلو گرام کا وزن ہے۔

$$\text{یعنی قوت} = ۹۸۱ \times ۱۰۰۰ \text{ ڈائن (یہاں } ۹۰۱ \text{ لندن میں اسراع)}$$

بوجھ جائزہ زمین کی قسم ہے۔

$$\text{تراش عمودی کا رقبہ} = \pi \times (۰.۶۵۵)^2 \text{ مربع سمر}$$

$$\text{رہے } ۱ \text{ کلو گرام کی وجہ سے زور} = \frac{۹۸۱ \times ۱۰۰۰}{\pi \times ۰.۶۵۵^2}$$

$$= ۳۰۳۶۰۰۰۰۰ \text{ ڈائن فی مربع سمر}$$

$$= ۳۰۳۶ \times ۱۰^۷ \text{ ڈائن فی مربع سمر}$$

یعنی زور

۴ کلو گرام بوجھ کے اضافہ کی وجہ سے پیدا شدہ فساد

$$= \frac{۴ \text{ کلو گرام کی وجہ سے طول کا اوسط اضافہ}}{\text{نقطہ تعاقب سے کمر بیا تا تک تار کا طول}}$$

$$= \frac{۰.۵۳۷}{۲۵۰}$$

$$= ۰.۰۰۲۱۵$$

$$= ۲-۱۰ \times ۱۰۱۵$$

$$\therefore \text{ینگ کا مقیاس} = \frac{\text{زور}}{\text{زور کا جوابی فساد}}$$

$$= \frac{۳۰۳۶ \times ۱۰^۷}{۲۵۰ \times ۱۰۱۵} \text{ ڈائن فی مربع سمر}$$

منحنی کھینچ کر دکھاؤ کہ دوری سے لٹکے ہوئے وزن کو دوری کے بڑھاؤ کے ساتھ کیا تعلق ہے۔ تعبیری نقطوں کو تقریباً ایک ہی

خط مستقیم پر واقع ہونا چاہیے۔

متذکرہ بالا بیان میں دو باتوں پر توجہ لازمی ہے۔ سب سے پہلے جدول کے آخری خانہ میں بڑھاؤ کے محسوب کرنے کے طریقہ پر غور کرو۔

یہ عموماً کہا جاتا ہے کہ لچک کا مقیاس دریافت کرنے میں دو کلو گرام کی وجہ سے اوسط بڑھاؤ کی قیمت لیننی چاہیے۔ اس اوسط قیمت کے حاصل کرنے کی ترکیب یہ ہے کہ چوتھے خانے کی ہر دو متواتر رقوم کا فرق لیا جاتا ہے اور اس طرح جو فرق حاصل ہوتے ہیں ان کی اوسط قیمت بڑھاؤ کی اوسط قیمت ہوتی ہے۔ اس طریقہ پر چھ مشاہدات لینے کی وجہ سے نتیجہ میں جس قدر زیادہ صحت کی توقع کی جا سکتی ہے وہ اس لئے بالکل معدوم ہو جاتی ہے کہ حاصل شدہ نتیجہ کا انحصار کلیتہً پہلے اور آخری مشاہدات ہی پر رہ جاتا ہے۔ درمیانی مشاہدات میں سے ہر ایک مشاہدہ دو دو مرتبہ حساب میں آتا ہے۔ ایک دفعہ تو مثبت طور پر اور دوسری دفعہ منفی۔ جس کی وجہ سے نتیجہ پر ان کا اثر کچھ نہیں پڑتا۔ اگر متذکرہ بالا چھ مشاہدات کی تعبیر حروف 'ا'، 'ب'، 'س'، 'د'، 'ی' اور 'ف' سے کی جائے تو 'ا' - 'ب' - 'س' وغیرہ وغیرہ متواتر فرق ہونگے اور ان کا اوسط

$$(ا - ب) + (ب - س) + ... + (ی - ف)$$

۵

یا ۱-ف کے مساوی ہوگا۔

لیکن جدول پر غور کرنے سے معلوم ہوگا کہ اوسط نکالنے کا طریقہ متذکرہ بالا طریقہ سے بالکل جداگانہ اختیار کیا گیا ہے اور ان دونوں طریقوں سے جو نتیجہ حاصل ہوتے ہیں ان میں مشد بہ فرق ہے۔ مثلاً ۱-ف کے حساب سے ۶ کلو گرام کا بڑھاؤ ۵۷ ۵۵ ۵۵ ۵۵ ۵۵ ۵۵

ہوتا ہے مگر جدول میں جو طریقہ اختیار کیا گیا ہے اس سے اس کی قیمت ۳۵.۵ ہوتی ہے۔

جدول کے طریقہ میں ہر مشاہدہ صرف ایک مرتبہ حساب میں آتا ہے اس لئے نتیجہ کل درجہ خوانیوں (مشاہدات) پر مبنی ہوتا ہے اور اس کی وجہ سے نتیجہ میں زیادہ صحت حاصل ہوتی ہے۔ دوسری بات جو قابل توجہ ہے وہ تار کے طول کی پیمائش سے قطع رکھتی ہے۔ یہ ظاہر ہے کہ پلڑے ۱ پر کے وزن سے پورا تار کھینچتا ہے مگر پیمائش شدہ بڑھاؤ تار کے صرف اس حصہ کا بڑھاؤ ہے جو نقطہ ثقلیت اور کمر پیمائش کے درمیان واقع ہے۔ لہذا فساد کے حساب لگانے کے وقت نسب نما میں تار کے اسی حصہ کا طول استعمال کرنا چاہیئے۔

ینگ کا مقیاس شہتیری شکل کی شے کے لئے

اس تجربہ میں جس آلہ کی ضرورت پڑتی ہے وہ مندرجہ ذیل سامان پر مشتمل ہے:—

(۱) دو دھار دار کنارے۔

جن پر شہتیر زیر تجربہ رکھا جائے۔



(۲) ترازو کا ایک پلڑا یا

کٹنا جو شہتیر کے وسط سے لگایا جائے۔

شکل نمبر ۹۔ دو دھار دار کناروں ۱ اور ۲ پر

سہارے ہوئے شہتیر کے لئے ینگ کا مقیاس۔

(۳) شہتیر کے مرکز کے جھکاؤ

کی پیمائش کرنے کا کوئی مناسب

طریقہ۔ جب سلاخ (شہتیر) نہایت ہی تیلی ہوتی ہے تو وزن (مثلاً

ایک کلو) کی وجہ جھکاؤ بہت ہی زیادہ ہوتا ہے۔ ایسی صورت

میں مرکز کے جھکاؤ کی پیمائش کے لئے سلاخ کے پیچھے ایک

میٹری پیمانہ کو انتصاباً رکھ کر استعمال کر سکتے ہیں۔ سہولت کے لحاظ سے سلاح کی خواہ اوپر والی سطح یا نیچے والی سطح کے مقابل کے درجے پیمانہ پر پڑھے جاتے ہیں۔ سلاح کے سخت ہونے کی صورت میں ایک ایسا جھکاؤ پیدا کرنے کے لئے جس کی پیمائش مندرجہ بالا طریقہ سے کافی صحت کے ساتھ ہو سکے ایک بہت بڑی قوت درکار ہوگی لیکن بڑی قوتوں کے بجائے معتدل قوتوں اور ان سے پیدا شدہ جھکاؤ کی پیمائش کے لئے کسی زیادہ نازک طریقہ کا استعمال قابل ترجیح ہے۔ اس مقصد کے لئے ایک ایسا انتصابی نازک پیمانہ سلاح کے مرکز پر لگا دیا جاسکتا ہے جس کی درجہ خوانی چھوٹی قوت کی ایک ثابت خرد بین کے ذریعہ کی جاسکتی ہے۔ جب سلاح کا مرکز جھکیگا تو اس کے ساتھ ساتھ ثابت خرد بین کے لحاظ سے پیمانہ بھی نیچے کو اُترے گا۔ مختلف بوجھ کی سخت میں پیمانہ کے درجوں کا مشاہدہ خرد بین کے چشمہ کے چلیبی تار پر کیا جاتا ہے اور اس طریقہ سے سلاح کے مرکز کے جھکاؤ کی پیمائش ہو جاتی ہے۔ بعض اوقات سلاح سے لگا ہوا پیمانہ ایک ثابت کمرہ پیا پر متحرک ہو سکتا ہے اور اس طریقہ سے بھی جھکاؤ کی پیمائش کافی صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۴۹۔ شہتیر کے لئے نیگ کے مقیاس

کی تعین — پلوے یا کائنٹ پر مختلف بوجھ رکھ کر ان کے جواب میں شہتیر کے مرکز کے مقامات دریافت کرو۔ بوجھ کو بتدریج مساوی مقداروں میں بڑھا کر چھ یا آٹھ مشاہدے کرو لیکن بڑے سے بڑا بوجھ جو استعمال کیا جائے وہ ایسا ہو جسے شہتیر عاقبت کے ساتھ سنبھال سکے۔ مگر کسی حالت میں بوجھ اس بوجھ سے زیادہ نہ ہونے پائے۔ اسی طرح بوجھ کو گھٹا گھٹا کر تجربہ کو دہراؤ۔

تار کے تجربہ کی طرح مشاہدات کو جدول کی شکل میں درج کرو۔ اور جیسا کہ تار کی جدول میں حساب لگایا گیا ہے یہاں بھی ہر کلو گرام وزن و کی وجہ سے اوسط جھکاؤ کی قیمت دریافت کرو۔

دھاردار کناروں کے درمیان شہتیر کا طول ناپ لو اور ساتھ ساتھ اس کی چوڑائی اور موٹائی کی بھی پیمائش کرو۔

فرض کرو کہ طول = l چوڑائی = b موٹائی = m تو یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ مستطیلی تراش عمودی والی سلاخ کے لئے مرکز کے جھکاؤ Δ اور بوجھ w اور سلاخ کے ابعاد کے درمیان حسب ذیل رشتہ ہے :-

$$\frac{\Delta}{l^3} = \frac{w}{48 E I}$$

جہاں E شہتیر کے مادہ کے لئے ینگ کا مقیاس ہے رشتہ بالا کو ہم یوں بھی لکھ سکتے ہیں کہ

$$I = \frac{w l^3}{48 E \Delta}$$

اور اس مساوات سے ینگ کے مقیاس کی قیمت دریافت کرو۔ مشاہدوں سے نتیجہ نکلنے کا ایک اور طریقہ حسب ذیل ہے :-

بوجھ w_1, w_2, w_3, w_4 وغیرہ کے جواب میں سلاخ کے مرکز کا جھکاؤ $\Delta_1, \Delta_2, \Delta_3, \Delta_4$ وغیرہ حاصل کرو اور خراج قسمت $\frac{w_1}{\Delta_1}, \frac{w_2}{\Delta_2}, \frac{w_3}{\Delta_3}, \frac{w_4}{\Delta_4}$ وغیرہ کی اوسط قیمت \bar{w} کی اوسط قیمت ہوگی۔ اس اوسط قیمت کو ضابطہ $I = \frac{w l^3}{48 E \Delta}$ میں $(\frac{w}{\Delta})$ کے بجائے داخل کر کے E کی قیمت محسوب کرو۔

و کو ڈائمنٹول میں ناہر کرنا چاہیے اور مساوات کی بائیں طرف والی بقیہ مقداروں کو سمروں میں

اس قسم کے تجربہ میں مزید مشق حاصل کرنے کے لئے ذیل کے تجربے تجویز کئے جاتے ہیں :-
تجربہ ۱۰۔ کسی معین بوجھ کے تحت میں

کسی شہتیر کے مرکز کا جھکاؤ اُس کے طول کے
مکعب کے متناسب ہے۔۔۔۔۔ اس دعوے کی
تصدیق کے لئے دھاردار کناروں کے درمیانی فاصلے کو بدل بدل کر طول
ل، ل، ل، ل، ل، وغیرہ کے جواب میں مرکز کا جھکاؤ ل، ل، ل، ل، ل، وغیرہ
دریافت کرو۔

ل، ل، ل، ل، ل، وغیرہ کو آپس میں مساوی مہونا چاہیئے۔ اس
تجربہ میں اس بات کا لحاظ ضرور رہے کہ بوجھ ہر مرتبہ دھاردار
کناروں کے درمیان شہتیر کے وسطی نقطہ پر عمل کرے۔
تجربہ ہمارا۔۔۔۔۔ مستطیلی شہتیر کی سختی اُس کی چوڑائی

کے متناسب اور اُس کی موٹائی (عمق)
کے مکعب کے متناسب ہے۔ دھاردار کناروں کے
درمیانی فاصلے کو مستقل رکھ کر شہتیر پر کسی معین بوجھ کے تحت میں
ما کی قیمت دریافت کرو۔ مگر شہتیر پہلے چپٹے بازو کے سہارے قائم
رہے اور اُس کے بعد اپنے کنارے کے سہارے پہلی صورت
میں چپٹا بازو چوڑائی (ج) ہے اور کنارے اُس کی موٹائی (م)
ہے۔ اور یہ مقداریں دوسری صورت میں آپس میں بدل جاتی ہیں۔
دکھاؤ کہ دونوں صورتوں میں مقدار ج م م مستقل قیمت رکھتی
ہے۔

برآمدہ بیرم کے لئے نیگ کامقیاس

برآمدہ بیرم ایک ایسے بوجھل (Loaded) بیرم کو
کہتے ہیں جس کا ایک سہرا اتفاقاً ثابت رہتا ہے۔ اور دوسرا سہرا
آزاد۔

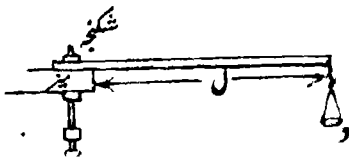
اگر برآمدہ بیرم کے آزاد سرے سے بوجھ و لٹک رہا ہو تو
اُس سرے کے جھکاؤ ما کی قیمت مندرجہ ذیل مساوات سے

حاصل ہوتی ہے۔

$$M = \frac{W}{g}$$

ی ج م

بشرطیکہ شہتیر کی تراشش عمودی مستطیلی ہو۔
تجربہ یہ ہے۔ برآمدہ بیرم کے لئے ینگ کے
مقیاس کی تعین — کسی میٹر پر ہوا۔ نے کو میٹر پر شکبج
کے ذریعہ اس طرح جکڑو کہ اس کا آزاد سہامیز کے کنارے
سے ۹۰ سر تک اُفقاً باہر نکلا رہے۔ بیانہ کے آزاد سرے سے
مختلف بوجھ لٹکاؤ۔ اور ہر ایک



بوجھ کے جواب میں اس سرے
کے جھکاؤ کی پیمائش کرو۔
اس جھکاؤ کی پیمائش کے لئے
دو شیکنوں پر سہارے ہوئے

شہتیر کے لئے جو طریقے اوپر
بیان کئے گئے ہیں اُن میں سے

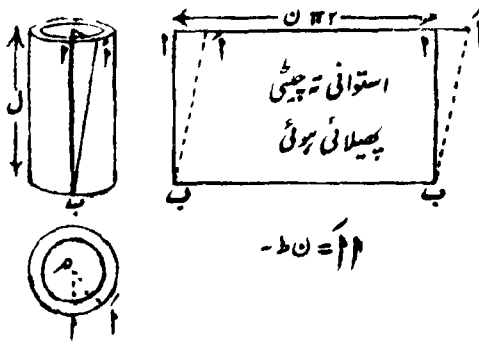
کوئی ایک طریقہ یہاں اختیار کیا جاسکتا ہے
میٹر سے باہر نکلے ہوئے شہتیر کے حصہ کی لمبائی ناپو اور
بعد اس کے شہتیر کی چوڑائی اور موٹائی بھی دریافت کرو۔ اب
مندرجہ بالا مساوات کی مدد سے ینگ کے مقیاس کی قیمت
اخذ کرو۔

۳۔ استواری کا مقیاس

استوانی تار کی شکل کی شے کے لئے استواری کا مقیاس۔
فصل ہذا کی ابتداء میں استواری کے مقیاس کی تعریف

کی جاچکی ہے اور اُس میں ایک ایسے کندے کی مثال لی گئی تھی جس کا نیچے والا حصہ تو ثابت تھا اور اوپر والی سطح پر یکساں پھیلی ہوئی ایک ماسی جزی قوت Q لگائی گئی تھی۔ ربر کے سوا کسی اور شے کی استواری کا مقیاس اس طرح دریافت کرنا ناممکن ہے کیونکہ تجربہ خانوں میں میسر آنے والی کوئی علی قوت Q سے پیدا شدہ بگاڑ ب اس قدر کم ہوتا ہے کہ اُس کی پیمائش نہیں ہو سکتی۔

تار کا مروڑ۔ جب کبھی کسی تار کے ایک سرے پر جُفت لگایا جائے اور اُس کا دوسرا سرا ثابت رکھا جائے تو تار مذکور میں ایک ایسا مروڑ پیدا ہوگا جس کا زاویہ لگائے ہوئے مروڑی جُفت کے متناسب ہے۔



شکل ۶۲۔ تار کا مروڑنا

تار ایسا تصور کیا جاسکتا ہے جو چند پتلی ہم مرکز استوانی تہوں سے بنا ہوا ہو جب کبھی تار مروڑا جاتا ہے تو ان تہوں میں سے ہر ایک تہ جزی حالت میں آجاتی ہے۔ پس جبکہ تار کا اوپر والا سرا زاویہ ط تک مروڑا جاتا ہے تو ذروں کی وہ تہ جو ابتداءً ا ب پر واقع رہتی ہے نقطہ دار خط ا ب پر منتقل ہو جاتی ہے۔

(شکل ۶۲ ملاحظہ ہو)۔
اگر مذکورہ بالا اُستوانی تہ کو پھیلا کر چپٹا کر دیا جائے تو تار میں
مروڑ پیدا ہونے کے قبل وہ تہ ایک مستطیلی چادر کی شکل اختیار کر لیگی۔
اور مروڑ پیدا ہونے کے بعد اُس کی شکل نقطہ دار شکل آب ب آ کی طرح ہو جائیگی۔
مروڑ کا زاویہ تار کے ابعاد اور مروڑ پیدا کرنے والے جُفت
کے درمیان جو باہمی تعلق ہے وہ ذیل کے رشتہ سے ظاہر کیسا
جاسکتا ہے :-

$$\text{ج} = \frac{\pi}{\text{ل}} \times \text{س} \times \text{ن}^{\circ} \text{ط}$$

جہاں ج = مروڑ پیدا کرنے والا جُفت

س = اُستواری کا مقياس

ن = تار کا نصف قطر

ط = مروڑ کا زاویہ نیمقطریوں میں

ل = تار کا طول

عام طور پر مروڑ کے زاویہ کی پیمائش درجوں میں ہوتی
ہے۔ فرض کرو کہ ل طول کے تار میں مروڑ کا زاویہ ن° ہے۔

$$\text{نوطہ نیمقطریاں} = \text{ن}^{\circ} \times \frac{\pi}{180}$$

$$\text{پس ج} = \frac{\pi}{\text{ل}} \times \text{س} \times \text{ن}^{\circ} \left(\frac{\pi}{180} \right)$$

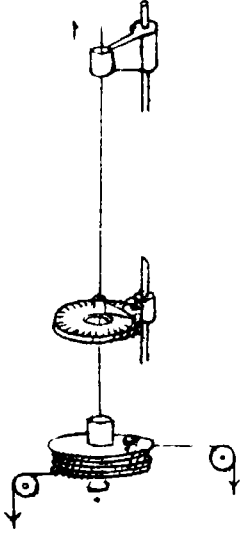
$$\text{یا ج} = \frac{\pi}{\text{ل}} \times \text{س} \times \text{ن}^{\circ}$$

تار کو مروڑ کر اس کے اُستواری کے

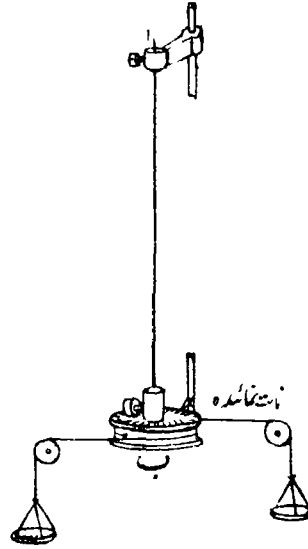
مقياس دریافت کرنے کا آلہ۔

اس آلہ میں اشکال ۶۳ اور ۶۴ کی طرح تار انتصاباً
تاثیم کیا جاتا ہے یا شکل ۶۵ کی طرح اُنغٹا تار کا ایک سہرا کسی

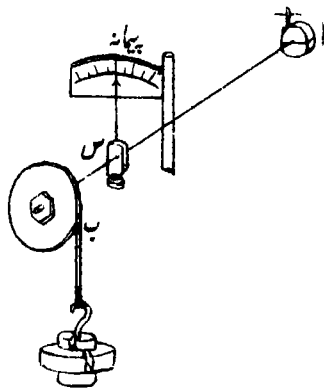
سہارنے والے ڈھانچے سے مضبوطی کے ساتھ جکڑا رہتا ہے۔ اور دوسرا



نکسل نمبر (۶۳)



نکسل نمبر (۶۴)



نکسل نمبر (۶۵)

سہرا تار کو اپنی جگہ پر قائم رکھنے کے لئے ایک موزوں ثابت حلقہ سے گزارا جاتا ہے اور یہ سہرا حلقہ سے گزرنے کے بعد چرنی با کے وسط سے بانڈھ دیا جاتا ہے۔ چرنی سے بندھے ہوئے سرے کے قریب ایک ایسا پیمانہ لگا ہوا ہوتا ہے جس پر زاویوں کے درجوں کے نشانات بنے ہوئے ہیں اور جس پر تار سے چسپاں ایک نمائندہ حرکت کر سکتا ہے۔ اور اس کے ذریعہ ثابت سرے اور نمائندہ کے درمیان کے تار میں چرنی پر لگائے ہوئے جُھفت کی وجہ سے جو مروڑ فہ پیدا ہوتی ہے اُس کی پیمائش بہ آسانی ہو جاتی ہے۔ بعض اوقات درجوں کا پیمانہ چرنی پر چڑھا دیا جاتا ہے اور نمائندہ مذکور کو ثابت رکھتے ہیں (شکل ۷۷)۔

تار کو مروڑنے کے لئے جو جُھفت لگایا جاتا ہے وہ چرنی پر پلیٹی ہوئی ڈوریوں کے سروں کے ذریعہ لٹکے ہوئے وزنوں سے پیدا ہوتا ہے، جیسا کہ شکلوں سے ظاہر ہے۔ اس امر کے لئے متوازی اور متضاد سمتوں میں دو مساوی قوتوں کا استعمال قابلِ رَجج ہے کیونکہ اس صورت میں تار دائیں بائیں کو نہیں کھینچتا۔ اگرچہ اُس حالت میں جبکہ تار انفا کھینچا رہتا ہے صرف ایک ہی قوت استعمال کی جاتی ہے جیسا کہ شکل ۷۵ سے واضح ہے۔ اس بغلی (دائیں بائیں) کھینچاؤ کی وجہ سے سہارے اور تار کے درمیان رگڑ عمل میں آ جاتی ہے اور اس وجہ سے تار کے آزادانہ مڑنے میں رکاوٹ پیدا ہو جاتی ہے

د قطر کی چرنی پر سے پلیٹی ہوئی ڈوری کے ذریعہ گ کیتوں کے دو مادوں کے لٹکنے سے تار میں جو مروڑی جُھفت پیدا ہوتا ہے اُس کی قیمت ذیل کے رشتہ سے معلوم ہوتی ہے:-

$$ج = ک ج د$$

(جہاں ج اِصراع بوجہ جاذبِ زمین ہے)

اگر صرف ایک ہی ڈوری استعمال کی جائے تو

$$\text{ج} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}}$$

$$\text{ج} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}}$$

اس لئے اس صورت کو غور کرتے ہوئے جب چرخہ پر دو ڈوریوں سے مساوی کمیتوں کے دو مادے لٹکے ہوئے ہوں

$$\text{ج} = \text{ک ج د} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}}$$

$$\text{س} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}} - (\text{ک ج د}) \dots \dots \dots (۱)$$

اگر صرف ایک ہی ڈوری چرخہ سے لگی ہو اور کمیت کا ایک مادہ لٹکا ہو تو

$$\text{ج} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}}$$

$$\text{س} = \frac{\text{ک ج د}}{\text{پہلے سے معلوم ہے کہ}} - (\text{ک ج د}) \dots \dots \dots (۲)$$

تجربہ ۳۔ تار کی استواری کے مقیاس کی تعیین۔ سب سے پہلے نائندہ س کا صفی مقام پڑھ لو یعنی نائندہ کا پیمانے پر وہ مقام جبکہ تار میں کوئی مردی جھٹ عل نہ کرے۔ ڈوریوں کے ذریعے مختلف بوجھ لٹکا لٹکا کر ان بوجھوں کے جواب میں تار کے مردی کے زاویے قلعہ کرلو۔ بوجھ کو حسب دستور بتدریج مساوی مقداروں میں بڑھانا چاہئے۔ اگر مردی پیدا کرنے کے لئے دو ڈوریاں استعمال کی جائیں تو ایسی صورت میں ہر ایک ڈوری سے مساوی بوجھ

لٹکانا چاہیئے۔ جُفت کے بڑھتے اور گھٹتے وقت مروڑ کے زاویے قلمبند کرنے چاہئیں۔ جُفت کے بڑھنے اور گھٹنے کی دونوں صورتوں میں کسی جُفت کے زیرِ تحت مروڑ کے زاویہ کی قیمت ایک ہی ہونی چاہیئے اگر یہ صورت حال نہ ہو تو یہ سمجھنا چاہئے کہ آیا تار لچک کی انتہا سے گذر چکا ہے یا اُس کے سہرے کافی طور پر جکڑے ہوئے نہیں ہیں۔ ان نتائج کو رد کر کے تجربہ کو پھر نئے سہرے سے دہرائنا چاہئے۔ مگر اس مرتبہ استعمال شدہ بوجھ اس قدر کم ہو کہ بڑھتے اور گھٹتے جُفت کے تحت میں مروڑ کے زاویوں کی قیمت یکساں رہے۔ (تجربہ کی غلطی کے حدود کے اندر)۔

چرخہ ب کا قطر، تار کا نصف قطر اور فصل ا س جو ثابت سہرا اور نائیندہ کے درمیان واقع ہے ناپو اور مشاہدات کو حسبِ ذیل جدول کی شکل میں ترتیب دو:-

ک فہ	اوسط زاویہ مروڑ فہ	زاویہ مروڑ فہ درجوں میں		(ہر) ڈوری پر بوجھ ک
		گھٹتا ک	بڑھتا ک	

اوسط ک = سہر
تار کا طول ا سے س تک = ل = سہر
تار کا نصف قطر (۴ قعینوں کا اوسط) = ن = سہر
چرخہ ب کا قطر = د = سہر

اگر چاہو تو لٹکنے والی کمیتوں میں ک اضافہ کے تحت میں ذہ درجہ کی اوسط قیمت اُس طریقہ سے دریافت کرو جیسا کہ ینگ کے مقیاس کی تعمیر کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔
مندرجہ بالا مساوات (۱) یا (۲) میں کپ کی اوسط قیمت رکھ کر اس کی قیمت محسوب کرو۔
بعد ازاں ایک ایسا منحنی تیار کرو جس سے یہ معلوم ہو جائے کہ زاویہ مرؤ ذہ اور ک میں کیا تعلق ہے۔

کمانی کی تعمیر اور تعمیر شدہ کمانی کو ترازو کی طرح استعمال کرنے کا طریقہ۔

کلیئہ ہوک (یعنی تناؤ، بڑھاؤ کے تناسب ہے) کا اطلاق عام ہے۔ حتیٰ کہ اُس حالت میں بھی جب کہ جسم میں پیدا شدہ بگاڑ متذکرہ بالا صورتوں کے فساد کے مقابلہ میں اتنا آسان نہیں۔
مثال کے طور پر ایک خاص تجربہ جس میں فساد کی شکل آسان نہیں ایک ایسی مرغولہ دار کمانی کا تجربہ ہے جس کے محور پر تناؤ عمل کرتا ہے۔ اور محور کے متوازی رکھے ہوئے کسی پیمانے پر ایک نمائندہ کمانی کی درازی کا اظہار کرتا ہے۔ اور یہ درازی لگائی ہوئی قوت کے ٹھیک تناسب ہوتی ہے۔
موجودہ تجربہ کا مقصد ایک کمانی دار ترازو کی تعمیر کرنا ہے یعنی یہ بات دریافت طلب ہے کہ کمانی کو کھینچ کر اُس میں لگے ہوئے نمائندہ کو مذکورہ بالا پیمانے کے کسی خاص نقطہ پر لانے کے لئے کتنی قوت درکار ہوگی۔

تجربہ سے کمانی دار ترازو کی تعمیر۔ اس مقصد کے لئے جو آلہ استعمال کیا جاتا ہے وہ ایک ایسے

دھاتی یا چوبی ڈھانچے پر مشتمل ہے جس کے ایک کنارے سے مرغلہ دار کمانی کا ایک سر بندھا رہتا ہے۔ اور کمانی کے دوسرے سر سے ایک ایسا نمائندہ لگا رہتا ہے جو ڈھانچہ مذکور سے جکڑے ہوئے پیانے پر آزادانہ حرکت کر سکے۔ کمانی کے نمائندہ والے سر سے ترازو کا ایک پلاٹا لٹکایا جاتا ہے۔

ڈھانچہ کو اس طرح قائم کرو کہ کمانی اور پیانہ انتصاباً رہیں۔ اور نمائندہ پیانہ کو عین چھوٹا رہے۔ اب نمائندہ کا صفری مقام پڑھ لو یعنی پیانے پر نمائندہ کا وہ مقام جبکہ کمانی سے کوئی بوجھ نہ لگتا ہو۔ اُس کے بعد تدریج بڑھتے ہوئے بوجھ کے تحت میں نمائندہ کے مختلف مقامات کو پڑھ لو۔ اور ان نتائج کو جدول کی شکل میں مرتب کرو۔ یہ یاد رہے کہ بوجھ لچک کی انتہا سے بڑھنے نہ پائے۔ اور اس بات کا بھی لحاظ رہے کہ نمائندہ پیانے کی جد سے باہر نہ نکل جائے کیونکہ عموماً پیانے کا طول اتنا رکھا جاتا ہے جو زیادہ سے زیادہ جائز (یعنی لچک کی انتہا تک) حرکت کی تعبیر کر سکے۔

بوجھ کو فسطے مان کر اور پیانے کی درجہ خوانیوں کو معین قرار دے کر مشاہدوں کے نتیجوں کی مربع دار کاغذ پر ترسیم کرو۔ اس بات کا خیال رہے کہ ترسیم جتنے بڑے پیانے پر کھینچی جائیگی اتنی ہی وہ بہتر ہوگی۔

اگر فساد بوجھ کے ٹھیک تناسب ہو تو ترسیمی نقطے ایک ہی خط مستقیم پر واقع ہونے چاہئیں۔

ایک ایسا خط مستقیم کھینچو جو مشہودہ نقطوں سے ہو کر گزرے۔ اب یہ ترسیم کسی غیر معلوم بوجھ کو دریافت کرنے کے لئے استعمال کی جاسکتی ہے۔ کمانی سے لگے ہوئے غیر معلوم بوجھ کی وجہ سے جو کھینچاؤ واقع ہوتا ہے اُس کو دریافت کرو اور ترسیم میں اس کھینچاؤ کا جوابی بوجھ پڑھ لو۔

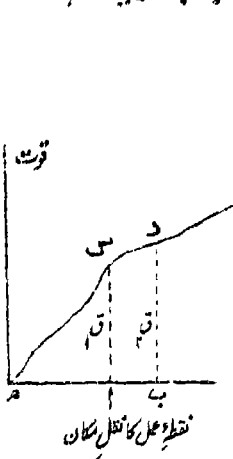
۴۔ ایسے جسم کی توانائی جس میں فساد پیدا ہو گیا ہو۔

جب کسی قوت سے جسم کی شکل بگڑ جاتی ہے تو بگاڑ پیدا کرنے والی قوت کسی خاص فضل تک عمل کر چکی ہے۔ اور اس لئے اس قوت نے جسم پر ایک خاص مقدار کا کام کیا ہے اور یہ کام بشکل فسادِ توانائی جسم میں جَمع ہو جاتا ہے۔ س۔ گ۔ لٹ کے نظام میں کام کی اکائی ارگ ہے یعنی جب ایک ڈائمن کی قوت کا نقطہٴ عمل ایک سمر فاصلہ طے کرے تو اُس سے جو کام ہوتا ہے اُس کو اس گ کہتے ہیں۔

جب کبھی کسی ایسی قوت قی ڈائمن کے زیرِ عمل جو بہرہٴ ہستکی لگائی گئی ہو تار کے طول میں ل سمر کا کھنچاؤ پیدا ہو جائے تو ہم کو بظاہر یہ معلوم ہوگا کہ قوت قی نے پورے فضل ل تک عمل کیا ہے اور یہ بھی خیال ہوگا کہ فسادِ کیفیت کی وجہ سے کام کو بمقدار قی ل ارگ جسم میں جمع ہو جانا چاہیے۔ مگر حقیقتِ حال یہ ہے کہ پوری قوت قی اُس وقت تک عمل میں نہیں آتی جب تک کہ طول میں پوری درازی ل واقع نہ ہو جائے۔ قوت کو آہستگی سے لگانے کا مفہوم یہ ہے کہ سب سے پہلے قوت کا بڑا حصہ مشاہدہ خود سنبھال لیتا ہے اور لگائی ہوئی قوت کی صرف ایک چھوٹی کسر تار پر عمل کرتی ہے۔ جیسے جیسے تار کھینچتا جاتا ہے مشاہدہ کو آہنی ہی کم قوت سنبھالنی پڑتی ہے اور قوت کا وہ حصہ جسے تار خود سنبھالتا ہے برابر بڑھتا جاتا ہے یہاں تک کہ جب تار میں پورا کھنچاؤ پیدا ہو جاتا ہے تو اُس پر ساری قوت قی عمل کرنے لگتی ہے۔

جس وقت قوت قی عمل کر رہی تھی تو بلاشبہ اُس قوت نے قی ل ارگ کے مساوی کام کیا تھا۔ مگر اِس کام کے حصہ کو تو مشاہدہ نے قوت کو بہرہٴ ہستکی عمل میں لانے کی وجہ سے صرف کیا اور پورے کام

قل کا صرف ایک حصہ تار میں داخل ہوا۔ دراصل دونوں میں سے ہر ایک نے توانائی قل کا نصف حصہ جذب کر لیا ہے۔



شکل ۶۶

ایک ایسی متغیر قوت ق کے کام پر غور کرو جس کی مقدار اس کے نقطہ عمل کے نقل مکان کے ساتھ ساتھ بدلتی جاتی ہے جیسا کہ شکل ۶۶ میں دکھایا گیا ہے۔ شکل ۶۷ میں ایک غیر منظم منحنی (جس سے قوت کی کسی خاص کیفیت کا اظہار نہیں ہوتا) اس وجہ سے کھینچا گیا ہے کہ اس کے لحاظ سے حاصل شدہ نتائج عام طور پر صحیح سمجھے جائیں۔

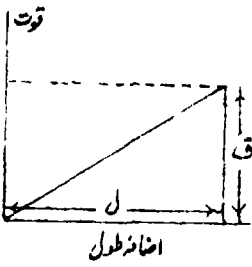
جب نقطہ عمل ۱ پر رہتا ہے تو قوت کی مقدار ق_۱ ہے جس کی تعبیر ۱ اس سے ہوتی ہے۔ نقطہ عمل کو ب تک لانے میں قوت کی مقدار بڑھ کر ایک ایسی قیمت ق_۲ اختیار کر لیتی ہے جس کی تعبیر ب د سے ہوتی ہے۔ اثنائے نقل مکان میں قوت کی اوسط قیمت

$$ق = \frac{ق_۱ + ق_۲}{۲}$$

یہ ظاہر ہے کہ اس نقل مکان کی وجہ سے جو کام ہوتا ہے اس کی قیمت ق_۱ x ۱ ب کے برابر ہے اور اس کی تعبیر ایک ایسے رقبہ ۱ ب س د سے ہوتی ہے جو منحنی کے نیچے دو زیر بحث معیضوں کے درمیان واقع ہے۔

ایسی طرح کسی دوسرے نقل مکان کی وجہ سے جو کام ہو گا اس کی بھی تعبیر منحنی کے نیچے کے ایک مشابہ رقبہ سے ہو سکتی ہے۔

پس کسی نقل مکان کے لحاظ سے کل کام کی تعبیر اس رقبہ سے ہوگی جو منحنی کے نیچے مبدا، سے لے کر نقطہ زیر غور پر کے معین تک واقع ہو۔ مندرجہ بالا قاعدہ، قوت اور نقل مکان کی کسی باہمی ترسیم کے لئے درست ہے خواہ قوت کسی طرح بدلتی ہو۔



شکل ۶۔ کسی تار میں فساد کی توانائی

فسادوں کی بحث میں بڑھاؤ پیدا کرنے والی قوت، پیدا شدہ بڑھاؤ کے تناسب رہتی ہے اس لئے قوت اور نقل مکان کی باہمی ترسیم خط مستقیم سے ہوگی۔ اور اس صورت میں منحنی کے نیچے مبدا، اور کسی خاص نقل مکان کے جوابی معین کے درمیان والا رقبہ مشقی ہوگا۔ اور یہ رقبہ $\frac{1}{2} QL$ کے مساوی ہے (شکل ۶)۔

لہذا جب ایک قوت Q تار میں L سمرکا بڑھاؤ پیدا کرتی ہے تو اس تار کی فساد کی توانائی $\frac{1}{2} QL$ کے مساوی ہے۔ اگر فساد کی توانائی کی تعبیر سے کی جائے تو

$$ت = \frac{1}{2} QL = \frac{1}{2} \times \text{کھینچنے والی قوت} \times \text{اضافہ طول}$$

معمولی سیدھے تار کے لئے کسی سارے تجربے سے یہ ثابت کرنا کہ $ت = \frac{1}{2} QL$ ناممکن ہے مگر مرغولہ دار کمانی کے ذریعہ اس دعوے کی صحت کی تشریح بہ آسانی ہو سکتی ہے۔

مرغولہ دار کمانی میں جمع شدہ توانائی، کمانی کی قوت اور

اُس کے اضافہ عمودی طول کے حاصل ضرب کے برابر ہوتی ہے۔

قوت کا بہ آہستگی لگانا۔ کمیت کے ایک مادے کو تار کی کمانی پر اس طرح لٹکنے دو کہ اُس کا وزن تار پر تبدیلیج عمل میں آئے۔ اور فرض کرو کہ اس وزن کی وجہ سے کمانی میں l کا بڑھاؤ پیدا ہو گیا۔ اب کمانی کی عمل کردہ قوت Q ہے اور چونکہ کمانی کے سرے پر لٹکی ہوئی کمیت m بے حرکت رہتی ہے اس لئے $Q = mg$ (جہاں g اسراع بوجہ جاذبہ زمین ہے)۔

اب ہم یہ دکھانا چاہتے ہیں کہ کمانی میں جمع شدہ فسادِ توانائی کی مقدار $Q \cdot l = \frac{1}{2} Q \cdot l$

قوت کا دفعہ لگانا۔ فرض کرو کہ ہم ایک کمیت m کو کمانی کے آزاد سرے سے باندھ کر ایک سہارے پر اس طرح قائم رکھیں کہ کمانی میں ذرا سا بھی فساد نہ ہونے پائے۔ اب اگر سہارے کو ایک بیک ہٹایا جائے تو کمیت m کا کل وزن کمانی پر عمل کرنے لگے گا۔ جیسے جیسے کمانی بڑھتی ہے گرنے والی کمیت کی توانائی بالقوہ کچھ تو کمیت m کی توانائی بالفعل سے بدل جاتی ہے اور کچھ کمانی میں بطور فسادِ توانائی جمع ہو جاتی ہے۔ کچھ فصل طے کرنے کے بعد گرنے والی کمیت کی حرکت سست پڑ جاتی ہے اور آخر کار فصل l تک گرنے کے بعد وہ لمحہ لچھرا کے لئے سکون میں آ جاتی ہے۔

اب چونکہ اس میں کوئی توانائی بالفعل باقی نہیں رہی اس لئے مادے کے پہلے بار ساکن ہونے کے وقت اُس کے گرنے کی وجہ سے توانائی بالقوہ میں جو نقصان ہوتا ہے وہ کمانی میں بشکل فسادِ توانائی جمع ہو جاتا ہے۔

اودہ کم کے گرنے کی وجہ سے توانائی بالقوہ کا نقصان
کے ج ل کے مساوی ہے اور اس لئے ہمیں معلوم ہے کہ جب
کمانی ل فصل تک پہنچ جائے تو اس میں جمع شدہ فساد توانائی
کے ج ل اور گ کے برابر ہوگی۔

اگر کم کو ہم اس طرح ٹھیک کریں کہ اس کے دفعہ گرانے
میں کمانی کا دیدار سے زیادہ بڑھاؤ اتنا ہی ہو جتنا کہ کم کو آہستگی سے
گرانے میں تو ہم اس طریقہ سے مساوات $t = \frac{1}{2} \frac{Q}{L}$ کی تصدیق
بہ آسانی کر سکتے ہیں۔ جب دونوں صورتوں میں کمانی کے بڑھاؤ ایک
ہی ہوں تو $L = \frac{1}{2} Q$ اور کمانی کی توانائی $t = \frac{1}{2} Q$ کم ج ل اور
کمانی کا تناؤ $Q = \frac{1}{2} Q$ ۔ اگر تجربہ سے یہ حاصل ہو جائے کہ
کم $\frac{1}{2} Q$ تو تجربہ اس امر کی تصدیق ہو جائیگی کہ اگر قوت ق سے
جسم کے طول میں ل کا بڑھاؤ پیدا ہو جائے تو یکوے ہوئے جسم میں
 $\frac{1}{2} Q$ کے برابر فساد توانائی جمع ہو جاتی ہے۔

تجربہ ۵۵۔ مرغولہ دار کمانی کی توانائی کی تعیین۔
مرغولہ دار کمانی سے ترازو کا پلاڑا جدا کرو۔ (اگر پلاڑا نہ جدا کیا جائے تو اس
کی کمیت دونوں کمپتوں کم اور کم میں شریک کر لینی چاہیے)۔ اتنا
کافی بوجھ کمانی سے بر آہستگی لٹکاؤ جو کمانی کو پٹانے کے تقریباً آخری درجہ
تک بڑھا دے۔ اس مستقل بڑھاؤ اور استعمال شدہ بوجھ کم کی قیمتیں
تقلید کرو۔

اب غیر فساد حالت کی کمانی سے بندھے ہوئے ایک دوسرے
بوجھ کم کو اس طرح ٹھیک کرو کہ جب وہ دفعہ گرایا جائے تو کمانی کا
اب سے پہلا بڑھاؤ اتنا ہی ہو جتنا کہ پہلے تجربہ میں بوجھ کم کی وجہ
سے پیدا ہوا تھا۔

مختلف بڑھاؤ حاصل کرنے کے لئے تجربہ کو دہراؤ۔ مشاہدات کو
مندرجہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کرو۔

ک ک	بڑھاؤ پیدا کرنے والا نوحہ		بڑھاؤ ل سر
	(ب) دفعہ اٹکایا ہوا ک گرام وزن	(۲) آہستگی سے لگایا ہوا ک گرام وزن	
۰.۵ ۴۸۶	۵۲	۱۰۶	۱۰۵ ۳
۰.۵ ۵۱۶	۴۵	۸۶	۸۵ ۴
۰.۵ ۴۹۳	۳۲	۶۶	۶۵ ۸
۰.۵ ۵۳۲	۲۵	۴۶	۴۵ ۵
۰.۵ ۵۵۵	۱۵	۲۶	۲۵ ۶

یہ معلوم ہو گا کہ $\frac{1}{5}$ تقریباً ۰.۵ کے برابر ہے۔ اور یہ بھی معلوم ہو گا کہ جتنا چھوٹا بوجھ یا بڑھاؤ استعمال کیا جائے اتنی ہی نتیجے میں صحت کم حاصل ہوگی چونکہ مشاہدات لینے میں جو غلطی واقع ہوتی ہے وہ قریب قریب سب تجربوں میں یکساں ہے اس لئے اگر مشہودہ کمیتوں کی مقداریں کم ہوں تو غلطی کی قیمت نسبتاً چھوٹی مقداروں میں زیادہ ہوگی۔

پس چونکہ $\frac{1}{5}$ کی قیمت ۰.۵ کے برابر پائی گئی ہے اس لئے (تجربہ) کی غلطی کی حدود کے اندر (تجربہ سے) اس دعوے کی تصدیق ہو گئی کہ $\frac{1}{5} = ۰.۲$ ۔

فصل ہشتم

علم حرکت

۱۔ کلیات حرکت

اب تک ہم نے زیادہ تر یا تو ساکن مادوں پر بحث کی ہے یا حرکت واقع ہونے کی صورت میں ہم نے حرکت کے صرف نتیجوں پر غور کیا ہے نہ کہ نفس حرکت پر۔ علم حرکت کی بحث میں ہماری غرض خود حرکت سے اور حرکت پیدا کرنے والی قوتوں سے اور متحرک مادوں سے رہیگی۔

نیوٹن کے اول کلیہ حرکت میں خود قوت کی تعریف ان لفظوں میں ہے کہ قوت وہ ہے جو مادہ میں جسم کے حالت سکون یا ہموار حرکت کی حالت کے بدلنے کا تقاضا رکھتی ہے۔

قریب قریب تمام علم حرکت کی بحث یا تو کم و بیش براہ راست نیوٹن کے دوسرے کلیہ حرکت کی تشریح ہے یا کلیہ مذکورہ میں جن کمیتوں کا ذکر کیا جاتا ہے ان میں سے کسی نہ کسی ایک کمیت یا کمیتوں کی تحقیقات ہے۔

نیوٹن کا دوسرا کلیہ حرکت

کسی قوت کے زیرِ عمل جسم کی مقدارِ حرکت کی تبدیلی

قوت کی مقدار اور وقتِ عمل کے تناسب ہے۔ اور یہ تبدیلی اُسی سمت میں واقع ہوتی ہے جس میں قوت عمل کرتی ہے۔

مقدارِ حرکت یا حرکت کا معیارِ اثر۔ آج کل جسم

کی مقدارِ حرکت کو جسم کی ”حرکت کا معیارِ اثر“ کہتے ہیں اور اُس کی تعریف یوں کی جاتی ہے کہ یہ جسم کے مادّے کی کمیت اور اُس کی رفتار کے حاصل ضرب کے مساوی ہے۔

جسم کی حرکت کے معیارِ اثر میں سمت اور مقدار دونوں ہوتی ہیں۔ اس بناء پر معیارِ اثر سمتی کمیت ہے۔

دوسرا کلیہ اس طرح بھی بیان کیا جاسکتا ہے کہ حرکت کے معیارِ اثر کی شرحِ تغیر قوت کے تناسب ہے۔

ہم قوت کی اکائی کی تعریف یوں کرتے ہیں کہ اکائی قوت، حرکت کے معیارِ اثر میں اکائی شرحِ تغیر پیدا کرتی ہے۔ یا

قوت = حرکت کے معیارِ اثر کی شرحِ تغیر

اب اگر کوئی قوت کسی مستقل کمیت مادّہ کے جسم پر عمل کرے تو اُس کی حرکت کے معیارِ اثر میں جو تبدیلی واقع ہوگی وہ اُس کی رفتار کے تغیر کا بالکل نتیجہ ہوگی۔ پس

قوت = کمیتِ مادّہ \times رفتار کی شرحِ تغیر

= کمیتِ مادّہ \times اسراع

حرکت کے معیارِ اثر کی بقا کا اصول

اگر دو اجسام ۱ اور ۲ ایک دوسرے کے عمل کے تحت میں اس طرح آجائیں کہ ۱ کے عمل سے ۲ کی حرکت میں یا ۲ کے

عمل سے ۱ کی حرکت میں تبدیلی واقع ہو جائے تو یہ دونوں اجسام متصادم کہلاتے ہیں۔ اور یہاں تصادم کے لئے یہ ضروری نہیں کہ اجسام مذکور آپس میں مس کریں۔ حرکت کے معیار اثر کی بقا کے اصول کا یہ دعویٰ ہے کہ کسی تصادم میں بحیثیت مجموعی معیار اثر میں نہ کوئی نفع واقع ہوتا ہے نہ نقصان۔ یہ اصول نیوٹن کے تیسرے کلیئہ حرکت سے محض نظری طور پر بغیر عملی تجربے کے ثابت کیا جاسکتا ہے۔ نیوٹن کا تیسرا کلیئہ حرکت حسب ذیل ہے :-

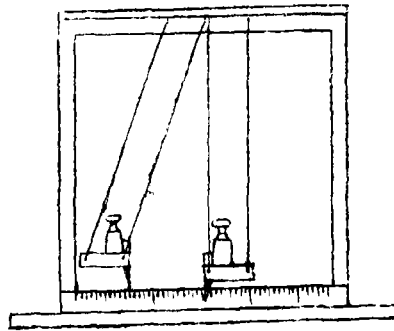
عمل اور ردِ عمل آپس میں متضاد ہیں۔ ہم یہاں اس اصول کی صرف تجربی تصدیق پر غور کریں گے۔ اور اثناء بحث میں ان تجربوں ہی کا بیان کریں گے جن میں فی الحقیقت جسمانی مس سے تصادم واقع ہوتا ہو۔ اور متصادم اجسام ایک ہی خطِ مستقیم میں حرکت کرتے ہو۔ یہ ضروری ہے کہ متحرک اجسام کے مجموعی معیار اثر پر غور کرتے وقت ان کی سمت حرکت اور ان کے معیار اثر کی مقداروں کا لحاظ رکھا جائے۔ لہذا اگر دو اجسام اس طرح حرکت کریں کہ ان کی رفتاریں ایک ہی خطِ مستقیم میں بالترتیب ۲ اور ۳ ہوں۔ اور ایک جسم دائیں طرف اور دوسرا بائیں طرف حرکت کرے جس کی وجہ سے ایک جسم میں مثبت معیار اثر اور دوسرے میں منفی ہو تو مجموعی معیار اثر ہر دو اجسام مذکورہ کے معیار اثر کے جبجوی مجموعے کے مساوی ہو گا یہ لازمی نہیں کہ کوئی خاص سمت مثبت یا منفی قرار دی جائے مگر اس بات کا لحاظ ضرور رکھا جائے کہ جب کسی خاص تجربے میں کوئی ایک سمت مثبت یا منفی مان لی جائے تو تمام تجربے کے دوران میں سمت مقررہ کے نام میں تبدیلی نہ ہونے پائے۔

فرض کرو کہ دو کمیتیں ۱ کم اور ۲ کم جو بالترتیب ۲ اور ۳ رفتاروں سے ایک ہی خطِ مستقیم میں حرکت کرتی ہوں آپس میں تصادم

کریں۔ اور فرض کرو کہ تصادم کے بعد اُن کی رفتاریں بالترتیب v_1 اور v_2 ہو گئی ہوں تو بقائے معیار اثر کے اصول سے
مجموعی معیار اثر قبل تصادم = مجموعی معیار اثر بعد تصادم یعنی
 $m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 u_1 + m_2 u_2$
یہاں رفتار کی ایک سمت مثبت مان لی گئی ہے اور دوسری سمت منفی۔

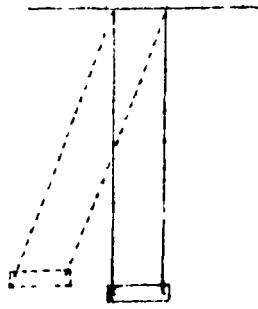
اندفاعی ترازو

وہ آکے جس سے معیار اثر کی بقا کے اصول کی عملی تشریح ہوتی ہے اندفاعی ترازو کے نام سے مشہور ہے (شکل ۶۸)۔
اس آکے میں بالعموم لکڑی کے دو پلڑے ہوتے ہیں اور یہ پلڑے ڈوریوں کے ایک نظام سے اس طرح لٹکائے جاتے ہیں



شکل ۶۸۔ ہیک (Hick) کا اندفاعی ترازو

کہ وہ (پلڑے) بڑے نصف قطر کے قوس پر حرکت کر سکیں۔ لٹکانے والی ڈوریاں اس طرح مرتب کی جاتی ہیں کہ جھونکنے کے وقت پلڑوں میں کسی قسم کی گردش حرکت واقع نہ ہو۔ اور پلڑوں کی اوپر کی سطحیں اپنے ہر محل پر افقار ہیں (شکل ۶۹)۔



اس آلے کی بہت سی شکلیں ہو سکتی ہیں مگر ایک خاص شکل میں اس کے پلڑوں میں نمائندے لگے ہوئے ہوتے ہیں۔ اور ایسا انتظام ہوتا ہے کہ یہ نمائندے ایک ثابت پیمانہ پر جو آلہ کے قاعدے سے افقاً چسپاں رہتے ہیں آزادانہ حرکت کر سکیں۔

نکل ۱۹۔ پلڑے کی حرکت

بخشہ ۵۶۔ اندفاعی ترازو — مندرجہ بالا

دونوں پلڑوں پر معلوم کمیتوں کے مادے رکھ کر متحرک مادوں کی مجموعی کمیت مختلف طرح سے بدلی جاسکتی ہے۔ ہر تجربے میں مادے پلڑوں پر اس طرح رکھے جائیں کہ وہ پلڑوں کے سامنے ابھرے ہوئے کناروں سے مس کرتے رہیں۔ اگر ایسا نہ کیا جائے تو تصادم کے وقت مادے اپنے مقام سے سرک جائیں گے اور اس کی وجہ سے تجربے کی صحت کم ہو جائیگی۔ یہ یاد رہے کہ مادے کے متحرک نظام کی کمیتیں کم اور کم محسوب کرتے وقت پلڑوں کی ذاتی کمیتیں بھی شریک حساب رہیں۔

اگر ایک پلڑا کسی معلوم فاصلے تک ہٹا کر چھوڑ دیا جائے تو وہ اپنے تعادل کے مقام پر ایک ایسی رفتار سے واپس آجائیگا جو اس کے ابتدائی افقی نقل مکان کے متناسب ہوگی۔ اس دعوے کا ثبوت اُمنده دیا جائیگا۔

جب پہلا پلڑا دوسرے پلڑے (جو ابتداءً ساکن ہے) سے ٹکرائیگا تو دونوں پلڑوں کی رفتاریں بدل جائیں گی۔ اب اس کی ضرورت ہے کہ تصادم کے بعد پلڑوں کے

افقی نقل مکان کے مشاہدے سے اُن میں سے ہر ایک کی رفتار دریافت کی جائے۔ اگر اکائیوں کا کوئی مناسب نظام لیا جائے تو افقی نقل مکان، حقیقی رفتاروں کے مساوی تصور کئے جاسکتے ہیں۔ چونکہ دونوں نمائندوں کا بیکہ وقت مشاہدہ کرنا ناممکن ہے اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ ہر ایک نمائندے کے لئے تجربہ الگ الگ کیا جائے۔ اس کی صورت یوں ہو سکتی ہے کہ دونوں نمائندوں میں سے ایک کے زیادہ سے زیادہ افقی نقل مکان (تصادم کے بعد) کا مشاہدہ کیا جائے۔ اُس کے بعد دوسرے نمائندے کا بھی زیادہ سے زیادہ نقل مکان (تصادم کے بعد) دریافت کیا جائے۔ مگر دونوں صورتوں میں ابتدائی نقل مکان اور کمیتیں مستقل ہونی چاہئیں۔

ابتدائی نقل مکان اور متحرک کمیتوں کو بدل بدل کر تجربے کو چند بار دہراؤ۔
نتائج حسب مندرجہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کرد۔

غلطی فی صد	بعد تصادم						قبل تصادم	
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸

چونکہ مادہ کم ابتدا میں ساکن تھا اس لئے پ صفر ہے۔ لہذا تیسرا خانہ کم پ مجموعی ابتدائی معیار اثر کی تعبیر کرتا ہے۔ اور دسواں خانہ

ک + ک + ک = ک یہ تصادم کے بعد مجموعی معیار اثر کی۔
ان دونوں خانوں کے فرق کو ان میں سے کسی ایک کے
رقوم میں فی صد ظاہر کرو۔ اور اس فی صد قیمت کو آخری خانے میں ہر
تجربے کے سامنے بطور غلطی درج کرو۔

اگر کوئی آلہ ایسا ہو جس میں چٹھی یا نوکدار کیل لگی ہوئی ہو جس کے ذریعہ
سے دونوں پلڑے تصادم کے بعد آپس میں گتھ جائیں تو اس کی وجہ سے دونوں
پلڑے ایک مشترک رفتار (م = م) کے ساتھ حرکت کریں گے۔ اس شکل کے آلے میں
نمائندہ کی ضرورت باقی نہیں رہتی۔ یہاں پلڑوں کی حرکت ایک ایسے راکب کے ذریعے
سے ظاہر کی جاسکتی ہے جو ٹکڑی کے ایک ڈنڈے پر متحرک ہو سکے۔ اور راکب مذکور
کی حرکت سے تصادم کے بعد دونوں کیتوں کے زیادہ سے زیادہ نقل مکان
کا اظہار ہو سکتا ہے۔

یہاں نہ صرف مشاہدات کی جدول کی ترتیب میں کسی قدر آسانی ہو جاتی
ہے بلکہ مشاہدات کے کرنے اور تجربے کے عام عمل میں بھی بڑی سہولت حاصل
ہوتی ہے۔

اس صورت میں جدول کی شکل حسب ذیل ہوگی۔۔

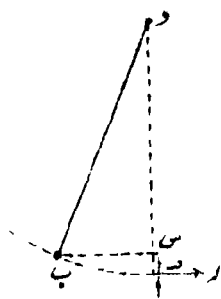
نقطی فی صدی	بعد تصادم			قبل تصادم		
	مجموعی معیار اثر	مشترک رفتار	مجموعی کینٹ	مجموعی معیار اثر	رفتار	کینٹ
	(ک + ک) م	م	ک + ک م	ک م	م	ک

یہاں آخری خانے سے تیسرے اور چھٹے خانوں کے فرق کا اظہار ان میں سے

کسی ایک کے رقوم میں فی صد حساب کے لحاظ سے ہوتا ہے۔

ثبوت کہ حالتِ تعادل میں رفتارِ افقی نقل مکان کے

متناسب ہے۔ فرض کرو کہ مادہ ک اپنے تعادل کے مقام ۲ سے قوس ۱ ب پر ہوتا ہوا نقطہ ۱ ب تک ہٹا لیا گیا ہے یہاں نقطہ تعلیق ۱ ہے (شکل نمٹ)۔ اور قوس ۱ کا نصف قطر ۱ ب = ۱۔ مقام ۱ سے ۲ تک کیت ہذا کے واپس ہونے میں اُس کی توانائی باقوتہ کا نقصان بمقدار ک ج ف ہوگا۔



نقطہ ۲ پر یہ کیت ایک ایسی رفتار رکھتی ہے جس کی سمت شکل سے واضح ہے۔ اور ۲ پر اُس کو جو کچھ توانائی بالفعل حاصل ہے وہ اُس کے ۱ ب سے ۲ تک آنے میں جو توانائی باقوتہ کا نقصان ہوا ہے اُس کا نتیجہ ہے۔

یعنی ۱ ک ر = ک ج ف
یا ر مقاب ہے ف کے

شکل نمٹ۔ اندفاعی ترازو کی رفتار

ہیں معلوم ہے کہ ۱ ب س = ۱ س + ۱ ب س

یعنی س = (س - ف) + ۱ ب س

اس لئے ۱ ب س = ف + ۱ ب س

یہ ظاہر ہے کہ ۱ ب س، ف کے مقابلے میں بڑا ہے۔ اس لئے کافی قریب درجے کی صحت کے ساتھ ۱ ب س کے مقابلے میں ف نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ (ف کی قیمت ۱ ب س کی قیمت کے مقابلے میں شاذ و نادر فی صد تک پہنچتی ہے)۔

اس لئے قریب ترین درجہ صحت کے ساتھ ہم کہہ سکتے ہیں کہ

۱ ب س = ۲ س

یعنی ۱ ب س، ف کے تناسب ہے۔

ب س، مادہ ک کا ابتدائی مُنقی نقل مکان ہے۔
چونکہ ب س اور ر دونوں گ کے متناسب ہیں اس لئے ب س، ر کے
متناسب ضرور ہوگا۔ یعنی جسم کی رفتار تقادل کے مقام پر سے گزرنے وقت ابتدائی
مُنقی نقل مکان کے متناسب ہے۔

بالعکس یہ بھی دکھایا جاسکتا ہے کہ وہ مُنقی فعل جہاں تک جسم مقام تقادل
سے گذر کر پہنچتا ہے اُس رفتار کے متناسب ہے جو جسم مذکور کو مقام تقادل پر چل
ہے۔ یعنی تصادم کے بعد رفتاریں اُن زیادہ سے زیادہ مُنقی نقل مکان کے
متناسب ہیں جہاں تک اجسام ٹکرانے کے بعد پہنچتے ہیں۔

اس امر کی اہمیت کہ تصادم کے وقت یلزدوں میں کسی قسم کی محوری حرکت
نہ ہونے پائے ثبوت مندرجہ بالا سے صاف ظاہر ہو گئی ہوگی۔ اگر محوری حرکت موجود
رہے تو ب پر کی توانائی بابقوہ ۲ پر کی خطی توانائی بافعل کی صورت میں کلیئم نمودار
نہ ہوگی۔ بلکہ اُس کا کچھ حصہ بطور محوری توانائی بافعل موجود رہے گا۔ لہذا یہ دعویٰ کہ

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}mv^2$$

صحیح نہ ہوگا۔ اور مندرجہ بالا ثبوت باطل ہو جائیگا۔

محوری حرکت کے رد کرنے کا طریقہ شکل ۶۹ کے ملاحظہ سے صاف ظاہر

ہو جائیگا۔

۲۔ دوسرے کلیئم حرکت کی عملی تصدیق کے طریقے

اگر کوئی جسم مستقل اسراع ع کے ساتھ حرکت کرے تو وہ
فصل جس کو جسم مذکور اُقت و میں طے کرے گا ذیل کی مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

$$f = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}mv^2$$

جہاں ر جسم کی ابتدائی رفتار ہے۔

اگر جسم ابتداء ساکن ہے تو $v = 0$ ۔ اور مساوات مندرجہ بالا

ذیل کی صورت اختیار کرے گی۔

$$f = \frac{1}{2}mv^2$$

کسی وقت کے ختم پر سہاقتا سر کی قیمت مساوات۔

$$r = b + c$$

سے حاصل ہوتی ہے۔ اور اسی مساوات کی شکل
 $r = c$ ہو جائیگی اگر ابتدائی رفتار صفر ہو۔

یہ مساواتیں مطلق ہیں۔ اور مختلف مقادیر مسئلہ کی تعریفوں
 سے اخذ کی گئی ہیں۔ اور نیز ان کی تصدیق عملاً نہیں کی جاسکتی۔
 بااثر یہ مساواتیں اس امر کے دریافت کرنے میں استعمال کی جاسکتی ہیں کہ
 آیا جسم ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کر رہا ہے یا نہیں۔ پس اگر فاصلہ f
 جس کو جسم سکون کے بعد وقت t میں طے کرے، گلیہ

$$f = \frac{1}{2} a t^2 \quad (مستقل)$$

کی پابندی کرے تو جسم مذکور ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرے گا۔ اور اس اسراع
 کی قیمت مستقل a کی قیمت سے دو چند ہوگی۔ کیونکہ
 $a = \frac{2f}{t^2}$

وزن اور کمیت مادہ

ان مساواتوں کے استعمال کی مثال میں وہ جسم پیش کیا
 جاسکتا ہے جو اپنے وزن کے زیر عمل آزادانہ گر رہا ہے۔ اگر کوئی جسم
 بالکل آزادانہ زمین کی طرف گرنے دیا جائے تو جسم مذکور اپنی ابتدائی
 حرکت سے وقت t میں ایک ایسا فاصلہ f طے کرے گا جو a کے
 متناسب ہوگا۔ پس پہلے ثانیہ میں وہ تقریباً پانچ میٹر نیچے اترے گا۔ مگر پہلے
 دو ثانیوں میں بیس میٹر۔ لہذا اگر کوئی جسم اپنے وزن کی وجہ سے سکون کے
 بعد آزادانہ گرے تو $f = \frac{1}{2} a t^2$ کی قیمت تقریباً a (پانچ) کے مساوی ہے۔ یعنی
 کل جسموں کے لئے اسراع بوجہ جاذبہ زمین ایک ہی ہے۔ اور اس کی
 قیمت تقریباً دس میٹر فی ثانیہ فی ثانیہ ہے (اس اسراع کی صحیح قیمت جزائر
 برطانیہ میں ۹۸۰۱ میٹر فی ثانیہ فی ثانیہ اور حیدر آباد دکن میں ۹۷۹۰ میٹر ہے

اب ہم دوسرے کیلئے حرکت کی مدد سے س-گ-ث۔ نظام میں قوت کی اکائی کی تعریف حسب ذیل مساوات سے اخذ کرتے ہیں۔
قوت (ڈائینوں میں) = کمیت مادہ (گراموں میں) \times پیدا شدہ اسراع (سمرفنی ثانیہ فی ثانیہ میں)

س-گ-ث۔ نظام کی مقداروں سے بحث کرتے وقت اگر ہم اسراع بوجہ جاذبہ زمین کی تعبیر حرف ج (سمرفنی ثانیہ فی ثانیہ میں) سے کریں تو

آزادانہ گرتے ہوئے جسم پر { = کمیت مادہ (گراموں میں) \times ج قوتِ عالمہ (ڈائینوں میں) }
چونکہ گرتے ہوئے جسم پر عمل کرنے والی قوت اُس کا خود وزن ہے اس لئے

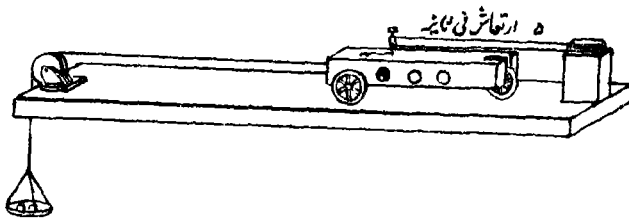
{ جسم کا وزن ڈائینوں میں = (جسم کے مادہ کی کمیت گراموں میں) \times (اسراع بوجہ جاذبہ زمین سمرفنی ثانیہ فی ثانیہ میں) }
اگر ڈائین اُس جسم کے وزن کو تعبیر کرے جس کے مادے کی کمیت ک گرام ہو تو
 $9 = ک ج$

(ج = 980.665 سمرفنی ثانیہ فی ثانیہ حیدر آباد کن میں)

ہموار قوتوں کے حاصل کرنے کا سب سے آسان طریقہ یہ ہے کہ معلوم کمیتوں کے مادے ہلکی ڈوریوں سے لٹکائے جائیں۔ اور یہ ڈوریاں چرخوں پر سے اس طرح گزاری جائیں کہ قوتوں کو جس سمت میں چاہیں عمل میں لائیں۔ اگر ٹکٹے والے جسم کی کمیت مادہ کی پیمائش گراموں میں کی جائے اور اسراع بوجہ جاذبہ زمین ج سمرفنی ثانیہ فی ثانیہ میں تو ٹوڈی پر عمل کرنے والی قوت جو مقدار متذکرہ بالا کے حاصل ضرب کے برابر ہے ڈائینوں میں حاصل ہوگی۔

۳۔ دوسرے کلیئہ حرکت کے تشریحی تجربے فلیچر کا ٹرالی دار آلہ

اس آلے میں (محل ۱) بہت ہی سہلکے پہیوں پر ایک ٹرالی اس طرح چڑھی ہوتی ہے کہ وہ ایک افقی میز پر قریب قریب بے رگڑ حرکت کر سکے۔ اس ٹرالی سے ایک ایسی ڈوری بندھی ہوئی ہوتی ہے جو میز کے کنارے پر چڑھی ہوئی چرنی پر سے گذرتی ہے اور اس ڈوری کے آزاد



شکل سائے - فلیچر کا ٹرالی دار آلہ

سرے سے ایک چھوٹی کیت کا مادہ لٹکایا جاتا ہے۔ ڈوری سے مختلف کمیتوں کے مادے لٹکا کر ٹرالی پر متفرق قوتیں لگائی جاسکتی ہیں۔ اور ان قوتوں کے زیر عمل جو ٹرالی میں حرکت پیدا ہوگی اس کے متعلق معلومات حاصل ہو سکتی ہیں۔ ٹرالی کے بازو کے سوراخوں میں معلوم کمیتوں کے مادے رکھ رکھ کر میز پر حرکت کرنے والے مادے کی بھی کیت بدلی جاسکتی ہے۔ سٹے کیا ہوا فاصلہ اور مدت حرکت کے خود بخود قلم بند ہو جانے کا طریقہ جو اختیار کیا جاتا ہے وہ دلچسپی سے خالی نہیں۔ اس غرض کے لئے

ایک بڑی کمائی ایک مضبوط شکنجے میں جکڑی جاتی ہے۔ اور اس کمائی کے آزاد سرے پر ایک ہلکا برش لگا دیا جاتا ہے۔ ٹرالی کے اوپر کاغذ کا ایک ٹکڑا اس طرح چسپاں کر دیا جاتا ہے کہ اُس کو برش ہلکے ہلکے چھوتا رہے۔ جب ٹرالی کو حرکت دی جاتی ہے تو اُس کے ساتھ ساتھ کمائی بھی ارتعاش شروع کر دیتی ہے اور اس طریقہ سے کاغذ پر مُرتعش برش کی وجہ سے موجی نشانات پڑ جاتے ہیں۔ بشرطیکہ برش میں پہلے سے سیاہی لگی ہو۔

چونکہ کمائی کی مدت دوران (یعنی ایک مکمل ارتعاش کا وقت) مستقل ہے اس لئے کاغذ کے اوپر کے موجی نشانات کے کسی دو متین نقطوں کے درمیان مکمل ارتعاشوں کی تعداد سے اُس وقت کی قیمت مل جائیگی جو مذکورہ بالا دو نقطوں کے درمیان فاصلہ طے کرنے کے لئے درکار ہے۔ مختلف تعدادوں کے مکمل ارتعاشوں کے وقت کے اندر ابتدائے حرکت سے طے شدہ فاصلوں کو مد نظر رکھ کر موجی نشان سے یہ دریافت کرنا ممکن ہے کہ آیا رشتہ $\frac{v}{\lambda}$ مستقل ہے یا نہیں۔

اس تجربے میں جو مادہ حرکت کرتا ہے وہ مندرجہ ذیل مادوں کا مجموعہ ہے:

(۱) ٹرالی کا کمیت مادہ۔

(۲) ڈوری کا کمیت مادہ۔

(۳) شکنجے والا کمیت مادہ

(۴) ایک وہ خفیف مادہ جو چرخ کی حرکت کی وجہ سے متحرک تصور کیا

جاسکتا ہے۔

(۵) ایک اور دوسرا خفیف مادہ جو پہیوں کی حرکت کی وجہ سے متحرک

تصور کیا جاسکتا ہے چونکہ ٹرالی میں بالعموم کافی کمیت مادہ رہتا ہے اس لئے ٹرالی کی ذاتی کمیت کے مقابلے میں بقیہ کمیتیں نظر انداز کی جاسکتی ہیں۔

یہ ظاہر ہے کہ عمل کرنے والی قوت لٹکنے والے مادے کے وزن اور چرخنی پر سے نیچے لٹکنے والی ڈوری کے وزن کے مجموعے کے برابر ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ ڈوری کی وجہ سے جو غلطی داخل ہو سکتی ہے وہ دور ہو جائے تو نہایت ہی باریک ڈوری (مثلاً مچھلی پکڑنے کی ڈوری) استعمال کرنی چاہیے۔ تاکہ ڈوری کا وزن لٹکنے والے مادے کے وزن کے مقابلے میں نظر انداز کیا جاسکے۔ اگر ڈوری کی وجہ سے غلطی کے دور کرنے کی ضرورت لاحق ہو تو لٹکنے والے مادے کے وزن میں چرخنی سے باہر لٹکنے والی ڈوری کے ۱/۲ وسط طول کا وزن داخل کر دینا چاہئے۔

پیدا شدہ اسراع۔۔۔ تجربے سے خارج قیمت $\frac{1}{2}$ فی کی قیمت مستقل بیٹگی۔ اس لئے $\frac{1}{2}$ فی کی، ایک مستقل اسراع $\frac{1}{2}$ فی کے ساتھ حرکت کر رہی ہے۔

اگر محض ۱ اضافی قیمتیں مقصود ہوں تو کمائی کے ایک مکمل ارتعاش کے وقت کو اکائی ان کر وقت کی پیمائش کی جاسکتی ہے۔ مگر مطلق قیمتوں کے حاصل کرنے کے لئے یعنی اسراع کی قیمت سمرنی ثانیہ فی ثانیہ میں دریافت کرنے میں یہ ضروری ہے کہ کمائی کا وقت دوران ثانیہ میں معلوم کیا جائے۔

بالعموم کمائی پر اس کا وقت دوران لکھا رہتا ہے جس کو آلہ ساز نے خود دریافت کیا ہے۔ اور اس معلوم وقت دوران سے تجربے میں کام لیا جاسکتا ہے۔ وقت دوران کے براہ راست دریافت کرنے کے لئے یہ ضروری ہے کہ کمائی ارتعاش کی کافی تعداد پیدا کرے۔ مگر یہ صورت بہت ہی شاذ و نادر نصیب ہوتی ہے۔ اس لئے آلہ ساز کی دریافت کی ہوئی قیمت اختیار کرنے کے سوا کوئی دوسرا چارہ نہیں۔ لہذا جب مطلق قیمتوں کی ضرورت پڑتی ہے تو وقت کے دریافت کرنے کا یہ طریقہ اہم نقص سے

خالی نہیں۔

فلپچر کے ٹرالی دار آلے کے تجربے

تجربہ ۷۷۔ اسراع، قوت کے مناسب ہے۔ ٹرالی پر

کاغذ چسپاں کرو۔ اور ڈوری سے ۱۰، ۲۰، ۳۰، ۴۰، ۵۰ گرام وغیرہ وغیرہ

لٹکا کر ٹرالی میں حرکت پیدا کرو۔ اور ہر قوت کے زیر عمل ٹرالی کی حرکت کا

نشان حاصل کرو۔ ہر صورت میں حرکت کو ایک ہی نقطے سے شروع

کر کے کل نشانات کا ایک ہی کاغذ پر حاصل کرنا نہایت دیکھ بھل ہے۔

ہر تجربے میں متحرک مادہ تقریباً ایک ہی رہتا ہے

بشرطیکہ لگنے والے چھوٹے مادے نظر انداز کر دئے جائیں۔

عمل کرنے والی قوتیں مختلف صورتوں میں لگنے والی

کمیتوں کے مناسب ہیں۔ دکھاؤ کہ (۱) مساوی قوتوں میں طے کئے ہوئے

فاصلے لگنے والے مادوں کے مناسب ہیں۔

(ب)۔ ہر تجربے میں $\frac{1}{2}$ مستقل ہے۔

(ج)۔ اور ان مستقلوں کی قیمتیں مختلف تجربوں میں نکلتے ہوئے

مادوں کے مناسب ہیں۔

تصحیح بوجہ رگڑ۔ اگر صحت مقصود ہو تو رگڑ والی قوتوں کو

دور کرنا یا ان کے اثر کو زائل کرنا ضروری ہے۔ اس غرض کے لئے ایک

چھوٹی کمیت کا مادہ ڈوری سے اس طرح لٹکایا جاتا ہے اور اس کی قیمت

اس طرح درست کی جاتی ہے کہ ایک دفعہ حرکت پیدا کرنے کے بعد ٹرالی

اپنی حرکت عین جاری رکھے۔ جب یہ صورت پیدا ہو تو ٹکلتے ہوئے چھوٹے

مادے کا وزن، ٹرالی کے اوپر کے کسی قسم کے بوجھ کے

تحت میں، آلے کی رگڑ کے مقابلے کے لئے کافی ہے۔ تاہم بے

تیار کا ایک ٹکڑا اس امر کے لئے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ اور یہ ”گرگڑی راکب“ کی ایک مناسب شکل ہے۔ تار کو ڈوری پر پلٹینا چاہئے۔ اور ضرورت کے مطابق اس تار کا مناسب طول ہارکٹ کے ذریعہ سے آسانی کاٹا جاسکتا ہے۔

تجربہ ۵۵۔ کسی دی ہوئی قوت کے تحت میں

اسراع، متحرک مادے کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے۔

ہر دفعہ ایک ہی ٹکڑے والے مادے کو استعمال کر کے ٹرائی پر مختلف

بوجھ رکھ کر ہر بوجھ کے لئے جدا جدا نشان حاصل کرو۔ اور اس مستقل

قوت کے زیرِ عمل ہر متحرک مادے کے لئے اسراع دریافت کرو۔ اور

دکھاؤ کہ

متحرک مادہ = اسراع

مستقل ہے۔ یعنی قوت کے زیرِ عمل اسراع، متحرک مادے کے ساتھ

تناسب معکوس رکھتا ہے۔

اس تجربے میں چرخ اور پہیوں کے مادوں کی مثال خفیف

کمیتیں اگر معلوم ہوں تو وہ متحرک مادے میں شریک کر لی جائیں۔

گرچہ بالعموم وہ نظر انداز کی جاسکتی ہیں۔

فرض کرو کہ $k =$ ٹرائی اور اس پر رکھے ہوئے بوجھ کی مجموعی کمیت۔

$k =$ ٹکڑے والے مادے کی کمیت جس میں چرخ سے

نیچے ٹکڑے والی ڈوری کی کمیت بھی شامل ہے۔

$la =$ چرخ کے مادے کی مثال کمیت

اور $ma =$ پہیوں کے مادوں کی مثال کمیت۔

اس لئے متحرک مجموعی کمیت $= k + k + la + ma$

نوٹ۔ اگر اسراع $(\frac{v}{t})$ کی قیمت سرخس ثانیہ فی ثانیہ میں محراب کی گئی ہو تو شاہد

متذکرہ بالا کے ذریعے سے اسراع بوجھ جاذبہ زمین کا دریافت کرنا ممکن ہے۔ لہذا

ہر تجربے میں

$$k \text{ ج} = (k + k + la + ma) \times \left(\frac{v}{t} \right)$$

کیونکہ عمل کو نیوالی قوت کھنکھنے والی کیفیت کا وزن ہے۔ پس مساوات مندرجہ بالا سے ج کی قیمت معلوم ہو سکتی ہے۔

بہر حال اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے دریافت کرنے کا یہ طریقہ اچھا نہیں کیونکہ مقداریں لا اور ماصحت کے ساتھ معلوم نہیں ہیں۔ در وقت و کی پیمائش میں بھی چند دقیقہ پیش آتی ہیں جن کا ذکر اوپر یا جا چکا ہے۔

اس آلہ کے استعمال کرنے کا ایک اور طریقہ یہ ہے کہ ٹرالی ایک ایسی سطح پر رکھی جائے جو آفاق سے زاویہ طہ بنائے۔ اس صورت میں سطح کے متوازی حرکت پیدا کرنے والی قوت k ج۔ (ک + م) ج جب طہ کے برابر ہے۔

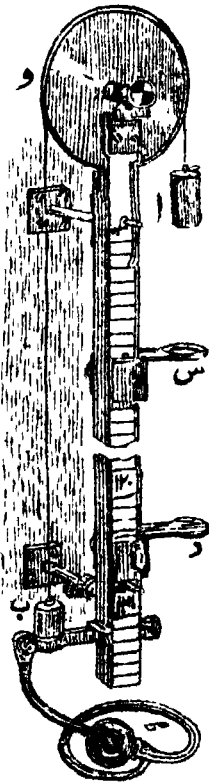
ایٹ وڈو کا آلہ

یہ آلہ فلیچہ کے ٹرالی دار آلے سے زیادہ مشہور ہے اور ریجنی نقطہ نظر سے بہت دلچسپ ہے۔ ایٹ وڈو نامی ایک مشہور لکڑی ریاضی دان (۱۸۸۱ء - ۱۹۵۸ء) نے کلیات حرکت کی تشریح کی غرض سے اور اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے دریافت کے لئے اس آلے کو وضع کیا تھا۔ اس آلے میں ایک چھوٹے راکب کا وزن، اپنے سے ہیں بڑے دوا لیے متوازن مادوں کو متحرک کرنے پر مجبور کیا جاتا ہے جو چرخہ پر سے گزرتی ہوئی ڈوری کے دونوں سروں سے بندھے رہتے ہیں۔ چونکہ مجموعی متحرک مادے بڑے ہوتے ہیں اس لئے یہ چھوٹا راکب ان متحرک مادوں میں صرف خفیف سا اسراع پیدا کرتا ہے۔ لہٰذا بریں یہاں اسراع کی پیمائش کہیں زیادہ صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے

غالبہ اُسِ اِصرار کی پُجائش کے جو راغب خود آزادانہ گرنے میں پیدا
 رہتا ہے۔ ایٹ وڈ کا آلہ: ستونی وضع کا — مادے کی دو مساوی
 تیتیں ۲ اور ب ایک ڈوری سے لٹکائی جاتی ہیں۔ یہ ڈوری ایک
 ہی چرخہ چچ پر سے گزرتی ہے جو ۲ سے ۲۵۵ میٹر تک کے طول
 کے ستون کے سرے پر نازک سہارے پر چڑھی ہوتی ہے۔ ۱ اور ب
 لے نیچے لٹکانے والی ڈوری جیسی ایک اور ڈوری لٹکائی جاسکتی ہے۔
 ڈوری متلافی ڈوری کا کام کرتی ہے۔ اس کی وجہ سے مشین کے
 دونوں طرف کی ڈوری کے حصوں کی کیتیں بالکل متوازن رہتی ہیں
 واہ کیتیں ۱ اور ب کے محل کہیں بھی ہوں۔ مگر ایسی ڈوری کا استعمال
 قیات میں وقت سے خالی نہیں۔ اور اسی وجہ سے یہ بہت شاذ و نادر
 متعال کی جاتی ہے۔ کیت ۲ پر ایک چھوٹا راغب اس طرح سوار رہتا
 ہے کہ وہ آسانی سے ڈوری پر چڑھ اُتر سکے۔ اس لئے اس آلے کے
 مارے نظام میں اسی راغب کا وزن ہے جو غیر متوازن رہتا ہے۔
 تجربہ کرتے وقت کیت ب ایک چٹھی سے ہلکی سی اس طرح
 بندھ دی جاتی ہے کہ کیت ۱ کے اوپر کا کنارہ پھلانے کے کسی خاص
 معلوم نشان کے محاذی رہے۔ ۲ کے اس صغریٰ مقام سے کچھ
 نیچے کسی مناسب فصل پر حلقہ میں اس طرح قائم کیا جاتا ہے کہ
 ایک کے وزن کے زیرِ عمل ۱ کوئی خاص معلوم فاصلہ طے کر سکے۔
 حلقہ میں ایسا ہوتا ہے کہ کیت ۲ بہ آسانی اُس میں سے گزرسکے۔ مگر
 ایک حلقے پر ایک جائے۔ تجربہ شروع کرتے وقت ایک چل مرنی
 لٹری چلا دی جاتی ہے اور اسی وقت چٹھی بھی کھول دی جاتی ہے۔ اور
 اس کی وجہ سے کیت ب جس کی رفتار اب صفر ہے آزادانہ حرکت

شروع کر دیگی۔ جب حلقہ میں سے ۲ پر سوار را کب کے ٹکرانے کی آواز سنی جاتی ہے تو اسی وقت چل رکنی گھڑی بند کر دی جاتی ہے۔ اور کسی معلوم فاصلہ فاصلے طے کرنے کے لئے جو وقت و درکار ہے وہ دریافت ہو جاتا ہے۔

تجربہ کرنے کا ایک اور طریقہ ہے جس میں وقت کی پیمائش میٹر و نوم کے ذریعے سے ہوتی ہے۔ اس طریقے میں فصل فاصلے میں طح درست کیا جاتا ہے کہ گرنے کا وقت میٹر و نوم کے ضربوں کی کسی خاص تعداد کے وقفوں کے ساتھ منطبق ہو جائے۔



اس مشین کی بعض شکلوں میں چمٹی کے کھولنے کے لئے ایک ہوائی (Pneumatic) انتظام رہتا ہے جیسا کہ شکل ۷ سے ظاہر ہے۔ اور بعض مشینوں میں چمٹی کے بجائے ایک چھوٹی برقی مقناطیس لگی رہتی ہے۔ موزر الذکر صورت میں کمیتیں ۲ اور بوسے کی ہوتی ہیں۔ اور کمیت ب مقناطیسی قوت سے تجربے کے شروع میں بندھی رہتی ہے۔ ب کے آزاد کرنے کا کوئی سا بھی طریقہ استعمال کیا جاسکتا ہے۔ بشرطیکہ ب بغیر کسی انتصابی حرکت کے آزاد ہونے لے۔ یا پہلے کے استعمال کی اور اس کی ساخت کی سادگی سے بالعموم عمل میں یقین پیدا ہوتا ہے اسی

شکل ۷۔ ایٹ مڈ کا آلہ: ستونی وضع کا۔

بناد پر کوئی سادہ انتظام قابل ترجیح ہے۔

ایٹ وڈ کے آلے کے ساتھ تجربے

تجربہ ۵۹۔ جسم ہموار قوت کے زیرِ عمل، ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ — کیت ۲ پر مانٹے کے تار کا ایک ایسا چھوٹا ٹکڑا رکھو کہ ذرا سی ابتدائی حرکت دینے پر کیتیں ۲ اور ۱ بغیر راکب کے عین حرکت شروع کریں۔ اس صورت میں تار کے اس ٹکڑے کا وزن آلے کی رگڑ پر عین غالب آجائیگا۔ یہ تار کا ٹکڑا ”رگڑی راکب“ کہلاتا ہے۔ اور تمام دورانِ تجربہ میں ۲ پر رکھا رہتا ہے۔

حلقہ ۳ کو مختلف مقامات پر اس طرح قائم کر دو کیتیں زیرِ تجربہ مختلف راکبوں کے لیے چلیں ۵۰، ۱۰۰، ۱۵۰ اور ۲۰۰ سمر کے فاصلے طے کریں۔ مختلف وزنوں مثلاً ۲ گرام، ۳ گرام، ۴ گرام، وغیرہ کے راکبوں کے زیرِ عمل کیتوں کے مذکورہ بالا فاصلوں کے طے کرنے کے مختلف اوقات دریافت کرو۔ ہر ایک راکب ۱ اور ہر ایک فصل کے لئے وقت کے کم سے کم تین تجربے ہونے چاہئیں۔ مشاہدات کی ہر جماعت کے لئے خارج قیمت ۲ کی قیمت دریافت کرو۔ اور یہ دکھاؤ کہ کسی خاص راکب کے لئے ۲ مستقل ہے۔ یعنی مستقل قوت کے زیرِ عمل مادہ ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ مندرجہ ذیل کی شکل میں مشاہدات کو مرتب کرو۔

استعمال شدہ راکب کا کیت	فصل	وقت و	۲/۱	اوسط اسراع
دو گرام راکب	۵۰ ۱۰۰ ۱۵۰ ۲۰۰			ع، ۱۰۰۰۰

استعمال شدہ راکب کائیتِ مادہ	نصف ف	وقت و	۲/۲	اوسط اسراع
۴ گرام راکب	۵۰ ۱۰۰ ۱۵۰ ۲۰۰			{ ع = ۴ }
۶ گرام راکب	۵۰ ۱۰۰ ۱۵۰ ۲۰۰			{ ع = ۳ }

جدول کے ملاحظہ سے یہ معلوم ہو گا کہ ہر راکب کے لئے چوتھے خانے کی رقمیں تقریباً مستقل ہیں۔ اور راکب کی کیت کے ساتھ ساتھ اس مستقل کی قیمت بھی بڑھتی گئی ہے۔

تجربہ ۶۱۔ اسراع، قوتِ عالمہ کے مناسب ہے۔
اس دعوے کا ثبوت بغیر مزید تجربے کے مندرجہ بالا جدول کے نتیجوں سے حاصل ہو سکتا ہے۔ مجموعی متحرک کیت ہر تجربے میں قریب قریب ایک ہی ہے۔ کیتوں میں اگر کچھ فرق بھی ہے تو وہ صرف راکبوں کی ذاتی کیتوں کے فرق کی وجہ سے ہے۔ پس اگر کسی کیت میں پیدا شدہ اسراع کیت ہذا پر عمل کرنے والی قوت کے مناسب ہو تو اسراع ع، ع، ع، وغیرہ مستعملہ راکبوں ہی کی کیتوں کے مناسب ہو گئے۔ یعنی تجربہ ۶۱ میں ۶، ۴، ۲، وغیرہ کے مناسب۔

تجربہ ۶۲۔ کسی خاص قوت کے تحت میں اسراع کیتِ مادہ کے ساتھ تناسبِ معکوس رکھتا ہے۔ مختلف

کیتوں ۲ اور ب کے جڑوں کے استعمال سے یہ ثابت کرنا ممکن ہے کہ اگر کوئی معین قوت کسی کیت مادہ پر عمل کرے تو اس میں جو اسراع پیدا ہوگا وہ کیت مذکور کے ساتھ تناسب معکوس رکھیگا۔

اس امر کے ثبوت کے لئے ف اور و کی پائشوں سے کسی خاص راکب کے زیر عمل متحرک کیتوں کے مختلف جڑوں میں پیدا شدہ اسراع دریافت کیا جاتا ہے۔ ہر تجربے میں حاصل ضرب (مجموعی متحرک کیت مادہ) \times (اسراع) کو مستقل ہونا چاہیئے۔

یہاں چرخی کے 'ماثل' مادہ کی کیت کا جاننا ضروری ہے۔ کسی ایک تجربے میں مجموعی متحرک کیت مادہ = (۲ک + ک + لا) گرام نوٹ :- اس کی تسریع ذیل کے تجربے میں کی جائیگی۔

تجربہ بھو ۲۲۔ اسراع بوجہ جاؤٹر زمین۔

(۱) ڈوری اور چرخی کے ماثل مادے کی کیت معلوم کرنے کی ضرورت ہے۔

فرض کرو کہ ۲ اور ب میں سے ہر ایک کا کیت مادہ = ک گرام

راکب کا کیت مادہ = ک گرام

چرخی (اور ڈوری) کا ماثل کیت مادہ = لا گرام

اور پیدا شدہ اسراع = ع سمرنی ثانیہ فی ثانیہ

تو قوت عالمہ = راکب کا وزن = ک ج ڈائمن

متحرک مادے کی کیت = (۲ک + ک + لا) گرام

تو قوت = کیت مادہ \times اسراع

اس لئے ک ج = (۲ک + ک + لا) ع

اور اس مساوات سے ج کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

تجربہ ۲۳ میں ہر ایک راکب کے زیر عمل کے مشاہدات سے ج کی قیمت دریافت کرو۔

(۲) جہاں چرنی کے مائل مادے کی کثیت کے جاننے کی ضرورت نہیں۔

اگر کیتوں ۲ اور ب کے مختلف جوڑوں کے لئے ایک ہی راکب استعمال کیا جائے تو چرنی کے مائل مادے کی کثیت معلوم کئے بغیر ج کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

پس اگر ک کثیت کے جوڑے کے ساتھ پیدا شدہ اسراع ع ہو۔ اور اگر اسی راکب کے زیر عمل ک کثیت کے جوڑے کے ساتھ پیدا شدہ اسراع ع، حاصل ہو تو

$$ک ج = (۲ک + ک + لا) ع$$

$$اور ک ج = (۲ک + ک + لا) ع$$

یہاں لا غیر معلوم ہے۔

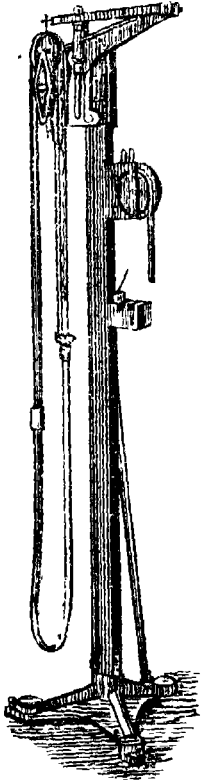
اس لئے ک ج $\left\{ \frac{۱}{ع} - \frac{۱}{ع} \right\} = ۲(ک - ک)$ ۔

تجربہ ملا میں مادوں کے مختلف جوڑوں کے استعمال سے جو اسراع ع اور ع، حاصل ہوئے ہیں ان کی قیمتوں سے ج محسوب کر دو۔

یہ آلہ ابتداء ج کی تعین کے لئے وضع کیا گیا تھا۔ اس وقت تک کیٹر کے صحیح رٹھ خاص طریقے ایجاد نہیں ہوئے تھے۔ آج کل اس آلہ کا خاص استعمال کلیات حرکت کی تشریح ہے۔ اس کے ذریعے سے ج کی تعینیں اضافہ کم درجے کی صحت رکھتی ہیں۔ مگر یہ تعینیں تاریخی نظر سے صحیح ہیں۔

ایٹ وڈ کا آلہ فیتہ دار۔ اس آلے میں مساوی کیتیں کاغذ کے ایک فیتے سے لٹکائی جاتی ہیں۔ اور یہ فیتہ چرنی کے چبٹے گھیرے پر گزرتا ہے۔ اور ان کیتوں کے نیچے اس فیتے سے ایک

اور متلافی فیتہ لگا رہتا ہے جیسا کہ شکل ۳ سے ظاہر ہے۔ اس آلے میں ایک فولادی کمائی نصب ہوتی ہے جس کے آزاد سرے سے میا ہی لگا ہوا برش چرنخی کے اوپر کے فیتے پر نشان ڈالتا ہے۔ اور اس میں ایک ایسا سادہ انتظام مہیا رہتا ہے کہ کمائی اور متحرک اکیٹیں بیک وقت آزاد کی جاسکیں۔ فیتے پر ایک مکمل موج کا نشان وقت کے ایک معلوم وقفے کی تعبیر کرتا ہے۔ (یہ وقفہ کمائی کا وقت دوران ہے)



اس شکل کے آلے کے ساتھ اسی قسم کے تجربے کئے جاسکتے ہیں جیسا کہ ستونی وضع کے آلے کے ساتھ۔ مگر فیتہ دار آلے میں وقت اور فاصلے فیتے کے نشان سے حاصل ہوتے ہیں۔ ہر تجربے میں موجی نشان کے ذریعے سے اسراع کی قیمت معلوم ہو سکتی ہے۔ جیسا کہ فیلم کے ٹرالی دار آلے کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔

شکل ۳۔ ایٹ وڈ کا آلہ: فیتہ دار

تجربے ٹیک اسی طرح کرو جیسا ستونی وضع کے آلے کے ساتھ تم نے کئے تھے۔ مگر یہاں فصل ف کو بدلنے اور اس کے جواب میں وقت کی قیمت پر اور اس سے افیتہ کرنے کے بجائے کمائی اور فیتے کے ذریعے سے اسراع محسوب کرو۔

مقداروں کے مجموعے کو نشان ρ سے ظاہر کریں
تو گردش توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} \rho \omega^2$

ρ سے تعبیر کیا ہوا مجموعہ جسم مذکور کی ایک خاصیت ہے۔
اور محور معینہ ۲ کے لحاظ سے وہ مجموعہ اس جسم کے لئے ایک خاص
قیمت رکھتا ہے۔ اور اس مجموعے کی مقدار محور مذکور کے گرد مادے
کی تقسیم پر منحصر ہے۔ اس ρ کو محور معینہ کے گرد جسم کے جمود کا
معیار اثر کہتے ہیں اور اس کی تعریف یوں ہوتی ہے کہ
 $\rho = \int r^2 dm = \int r^2 \rho dV$

جہاں \int سے جسم کے کل ذروں کے لئے ایک ہی قسم کی
متعدد رقموں کا مجموعہ مراد ہے۔

گردشی نصف قطر۔ اگر کسی جسم کے مادے کی
مجموعی کثیت کو ایک ہی ذرے میں منبجہ تصور کیا جائے۔ اور یہ ذرہ
نقطہ ۲ کے گرد ایک ہلکے ڈنڈے کے ذریعے سے گ نصف قطر
کے دائرے میں گھومنے پر مجبور کیا جائے تو ذرہ مذکور کے جمود کا
معیار اثر محور معینہ کے گرد گ ہوگا۔ گ جسم کا کثیت مادہ ہے۔
گ کے مناسب انتخاب سے اس ذرے کے جمود کا معیار اثر اتنا ہی
بنایا جاسکتا ہے جتنا جسم مذکور کا۔ گ کی اس قیمت کے لحاظ سے گ
گ = $\frac{1}{2} \rho$ ۔ طول گ اس خاص محور کے لحاظ سے جسم کا گردش
نصف قطر کہلاتا ہے۔

اگر جسم کا کل مادہ گ نصف قطر کے چھلے
کی شکل میں بھی مرتب ہو تو جمود کے معیار اثر کی قیمت
وہی رہیگی۔

متوازی محوروں کا اصول

کسی جسم کے جہود کا معیار اثر کسی محور کے گرد =
(مرکز جاذبہ میں سے گزرنے والے متوازی محور کے گرد جسم مذکور کے جہود کا معیار اثر +

(جسم مذکور کا کمیت مادہ) \times (محوروں کے درمیانی فاصلے کا مربع)۔
پس M یعنی A سے گزرنے والے محور کے گرد معیار اثر

$$= M \cdot k^2 + M \cdot d^2$$

$$M \cdot k^2 = M \cdot k^2$$

$$M \cdot k^2 = M \cdot k^2$$

$$M \cdot k^2 = M \cdot k^2 + M \cdot d^2$$

$$k^2 = k^2 + d^2$$

لیکن
اور
اس لئے
یا
بنابریں اگر ہمیں مرکز جاذبہ
سے گزرنے والے محور کے لحاظ
سے جہود کا معیار اثر یا گردشی نصف
قطر معلوم ہو تو کسی اور متوازی محور کے
لحاظ سے جہود کا معیار اثر دریافت
ہو سکتا ہے۔



چند کارآمد صورتوں کے جہود
کے معیار اثر کی فہرست ضمیمہ میں ملے گی۔ مکمل مسئلہ۔ متوازی محور | اوچ میں سے

خطی حرکت و زاویائی حرکت

خطی حرکت کے متعلق مقادیر اور زاویائی حرکت
کے متعلق مقادیر کے مابین ذیل کی جدول میں جو مشابہت

واقع ہے وہ قابل غور ہے۔

خطی حرکت		زاویائی حرکت	
مقادیر	علامات	مقادیر	علامات
نقل مکان یا فصل	ف	زاویہ	طہ
رفتار	$r = \frac{فرق}{فرد}$	زاویائی رفتار	$قہ = \frac{فرط}{فرد}$
اسراع	$ع = \frac{فرق}{فرد} = \frac{فرق}{فرد}$	زاویائی اسراع	$عہ = \frac{فرق}{فرد} = \frac{فرط}{فرد}$
کیئت مادہ	ک	جمود کا میثار اثر	م
قوت	ق = ک ع	جھٹ	ج = م عہ
حرکت کا میثار اثر	ک ر	زاویائی حرکت کا میثار اثر	م قہ
انتقالی توانائی بالفعل	ک ر	محوری توانائی بالفعل	ک ر
کام	قوت \times طے شدہ فاصلہ	کام	جھٹ \times گردشی زاویہ
	ت = ق ف		ت = ج ط

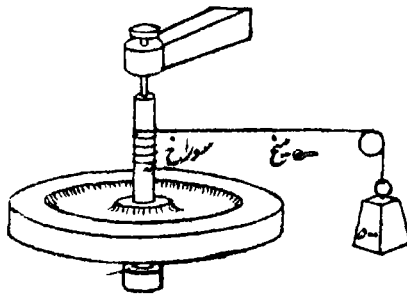
یہ جدول زاویائی حرکت پر بحث کرنے میں بہت کارآمد ہے کیونکہ خطی حرکت کی حالت میں چند خاص مقداروں کے باہمی تعلق بتانے کے لئے اگر کوئی عام جملہ حاصل ہو جائے تو زاویائی حرکت کے لئے بھی منشاء مقداروں کے باہمی تعلق بتانے والا ٹھیک ویسا ہی جملہ فوراً لکھا جاسکتا ہے۔ اس امر کی مثالوں کے لئے فصل نہم میں سادہ موسیقی حرکت کا بیان دیکھو۔

۵۔ جہود کے معیار اثر کی پیمائش

چونکہ جہود کے معیار اثر کا تحیل گردش کرنے والے جسم کی توانائی بالفعل کی بحث سے حاصل ہوا ہے اس لئے ہم عموماً اسی توانائی بالفعل کی پیمائش سے جہود کا معیار اثر دریافت کرتے ہیں۔ کسی جسم میں توانائی کی ایک خاص یا قابل پیمائش مقدار داخل کرنے پر اُس میں جو ز اوپری رفتار پیدا ہوتی ہے اُس کی پیمائش سے جسم مذکور کے جہود کے معیار اثر کی عملی تعیین کی جاتی ہے۔

اڑ پھینے کے جہود کا معیار اثر

اگر جسم لمبی دھری کے پھینے کی شکل کا ہو تو گردش محور کے گرد اُس جسم کے جہود کے معیار اثر دریافت کرنے کا حسب ذیل ایک نہایت مناسب طریقہ ہے۔ اس طریقے میں دھری کے کسی ایک نقطے پر یا خود پھینے کے وسطانی گھیرے پر ایک چھوٹے سوراخ یا ایک چھوٹی میخ کی ضرورت پڑتی ہے۔ پیتل کی ایک ایسی کیل بنائی جاتی ہے کہ وہ سوراخ میں ٹھیک



شکل ۷۔ اڑ پھینے انتصابی محور کے ساتھ

مبیٹھ جائے۔ اور یہ کیل ایک خاصی لمبی ڈوری سے مضبوط باندھ دی جاتی ہے۔ اگر شورخ کے بجائے میج لگی ہو تو ڈوری کے ایک سرے میں سادہ حلقہ بنا کر اس حلقے کو میج پر چڑھا دیتے ہیں۔ مندرجہ بالا طریقوں میں سے کسی ایک طریقے سے ڈوڑی کو دھری یا پیپتے میں لگانے کے بعد پہلی اس طرح گھمایا جاتا ہے کہ ڈوری چند بار پیپتے کے کنارے پر یا دھری پر لپٹ جائے۔ اگر پیپتے کا محور انتصابی ہو تو ڈوری کو ایک چرخ پر سے گزارتے ہیں اور اگر محور آفتقی ہو تو ڈوری کو براہ راست لٹکے دیتے ہیں۔ اس ڈوری کے آزاد سرے سے مناسب کمیت کا ایک مادہ لٹکایا جاتا ہے۔

اب اگر یہ کمیت گرنے دی جائے تو وہ اپنی توانائی بالقوہ کا کچھ حصہ کھو دیگی۔ کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ گرنے والی کمیت کی حرکت کی وجہ سے کچھ تو انتہائی توانائی بالفعل میں اور کچھ اڑ پیپتے کی محوری توانائی بالفعل میں منتقل ہو جائیگی۔ رگڑ کی وجہ سے جو توانائی کا نقصان ہوتا ہے اس کو اگر سر دست نظر انداز کر دیں تو باقی بچے توانائی کے اصول سے ہم یہ کہہ سکتے ہیں کہ

(گرنے والی کمیت مادہ کی کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ) = کمیت ہذا کی حاصل شدہ توانائی بالفعل

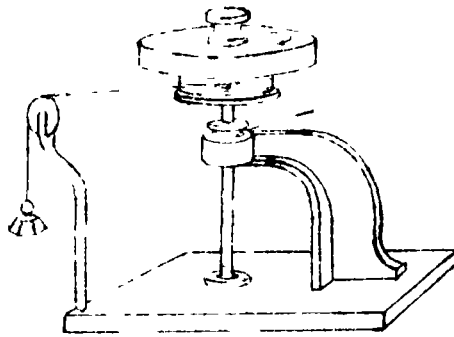
+(پیپتے کی حاصل شدہ توانائی بالفعل)

اب اگر اٹکے ہوئے مادے کی کمیت کم گرام ہو اور یہ پیپتے سے ڈوری کے جدا ہونے سے پہلے اس کمیت کا طے شدہ انتصابی فاصلہ سفر ہو تو اس سے کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ ک ج ف اڑ ہوگی۔ فرض کرو کہ دھری سے ڈوری کے سرے کے عین علیحدہ ہونے کے وقت گرنے والے مادے میں ر سمر فی ثانیہ کی خطی رفتار اور پیپتے میں قدیم نظریاں فی ثانیہ کی زاویائی رفتار پیدا ہو گئی ہے۔ تو اس وقت گرنے والے مادے کی انتہائی توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ اور پیپتے کی محوری توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ ہوگی۔

لہذا سرگٹھ کو نظر انداز کر کے ہوتے ہوئے ہم کہہ سکتے ہیں کہ

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} د ق$$

اس مساوات میں ک اور ج دونوں معلوم ہیں۔
ف کی یقین :- ف کی صحیح قیمت دریافت کرنے کا سب سے آسان اور مناسب طریقہ یہ ہے کہ ڈوسری کا طول اتنا رکھا جائے کہ وہ جب گرنے والے مادے کی پچھلی سطح ٹھیک سر زمین پر پہنچے تو ڈوسری کا سر اسی سے جڑا ہوا جائے۔ اڑ پتے کے وقت مادے کی



شکل نمبر ۱۔ اڑ پتے انتسابی محور کے ساتھ

پچھلی سطح کی بلندی اس طرح درست کی جائے کہ وہ میز کی اوپری سطح کی بلندی کے برابر ہو تو فاصلہ ف جس تک مادہ مذکور پہنچے سے ملحق رہ کر گریگا زمین کے فرش سے میز کی اوپری سطح کی بلندی کے برابر ہوگا۔
ر اور ق کی یقین ————— ر اور ق کے دریافت کرنے کے دو طریقے ہیں۔ جن کی تشریح نیچے کی جائیگی۔ ان میں سے دوسرا طریقہ قابل ترجیح ہے کیونکہ اس طریقے میں مقابلہ نہ صرف زیادہ صحت حاصل ہوتی ہے بلکہ اس میں جو رگڑ کی وجہ سے نقصان ہوتا ہے

اُس کی تصحیح کے ذرائع بھی مل جاتے ہیں۔ (رگڑ کی تصحیح کا طریقہ آگے بیان کیا جائیگا)۔

طریقہ (۱) اگر نے والی کسیت کو زمین تک پہنچنے میں جو وقفہ لگتا ہے اُس کی پیمائش چل رکنی گھڑی کے ذریعے کی جاتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ وقفہ t_1 ثانیہ ہے۔

اس وقفے کے اندر کسیت ہذا ہموارانہ بڑھتی رفتار سے فاصلہ f سمر تک نیچے اترتی ہے۔ چونکہ اُبتلائی رفتار صفر ہے اس لئے آخری رفتار یعنی وہ رفتار جو گرتی کسیت زمین پر پہنچتے وقت رکھتی ہے، اوسط رفتار سے دو چند ہوگی۔

$$\frac{v}{2} = \text{اوسط رفتار}$$

$$v = 2 \times \text{اس لئے آخری رفتار}$$

$$v = \frac{2f}{t_1}$$

وقفہ t_1 بالعموم بہت چھوٹا ہوتا ہے۔ اس لئے اُس کی پیمائش کچھ زیادہ صحت کے ساتھ نہیں ہو سکتی۔

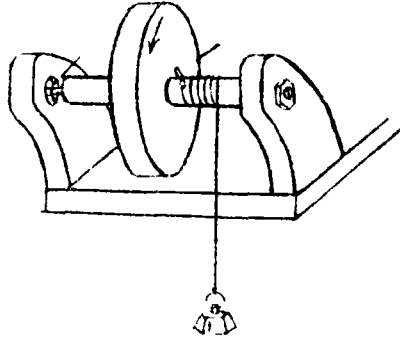
یہیں معلوم ہے کہ $r = \text{قدن جہاں } n$ ، اُس مسطوانی گھیرے کا نصف قطر ہے جس پر ڈوری لپیٹی گئی ہے۔ اگر n ناپ لیا جائے۔ اور r کی قیمت حسب مندرجہ بالا دریافت ہو جائے تو r کی قیمت مل جائیگی۔ کیونکہ

$$r = \frac{f}{t_1}$$

طریقہ (۲) پیٹے سے ڈوری کے علیحدہ ہو جانے کے بعد پیمائش دیر تک گھومتا رہتا ہے۔ مگر رگڑ کی وجہ سے اُس کی زاویائی رفتار گھٹتی جاتی ہے یہاں تک کہ پتہ پھر ساکن ہو جاتا ہے۔

اگر رگڑ کا عمل مستقل ہو تو پیٹے میں بالکل ہموارانہ ابھرا پیدا ہوگا۔ یعنی اُس کی رفتار ہموارانہ کم ہوتی جائیگی۔ اور اس کو ساکن ہونے سے لئے جتنا وقفہ درکار ہے اس وقفے کے اندر اُس کی اوسط زاویائی رفتار

اُس کی ابتدائی زاویائی رفتار کے نصف کے برابر ہوگی۔



شکل ۴۔ اُڑ پینے افقی محور کے ساتھ

اگر ڈوری کے جُدا ہو جانے کے بعد پھیلا ت مکمل گردش کرے۔ اور اُس کے ساکن ہونے کے لئے $\frac{1}{2}$ وقت کی ضرورت ہو تو ساکن ہوتے وقت اُس کی اوسط زاویائی رفتار حسبِ ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی۔

$$\text{اوسط زاویائی رفتار } \omega = \frac{\frac{1}{2} \times 2\pi}{\frac{1}{2} \times \text{نیم قطریاں فی ثانیہ}}$$

اِس لئے ڈوری کے عین جُدا ہوتے وقت

زاویائی رفتار $\omega = 2$ $\frac{1}{2} \times 2\pi = \pi$ نیم قطریاں فی ثانیہ
یہاں ω کی قیمت ω کے مقابلے میں کہیں زیادہ ہے۔ اِس لئے ω کی پائش زیادہ صحت کے ساتھ ہو سکتی ہے۔ لہذا ω اور ω کی قیمتیں جو اس طریقے سے حاصل ہوتی ہیں۔ پہلے طریقے کی قیمتوں سے کہیں زیادہ صحیح بلینگی۔

قہ کی قیمت دریافت کر لینے کے بعد ω کی قیمت حسبِ دستور ذیل کے رشتے سے حاصل ہو جائیگی

$$\omega = \frac{r}{R} \times \text{قیمت سمرنی ثانیہ میں اور } \omega \text{ کی قیمت نیم قطریاں فی ثانیہ میں}$$

دریافت کرو۔

مثلاً ۶۳۔ اڑا پیٹے کے جوہر کا معیار اثر۔
ڈوری سے مختلف کمیتوں کے مادے لٹا کر اور ان کو مختلف فاصلوں
تک گرا کر اڑا کر پیٹے میں گردش پیدا کرو۔ اور جن فاصلوں تک وہ گئیں
گرس ان کی پائش کرو۔ اس طرح سے ک اور ف کی مختلف قیمتیں
بل جائیں گی۔

اس اسطوانی گھیرے کا نصف قطر ناچوبہ پر ڈوری پٹی جاتی
ہے۔ اگر گھیرے کے نصف قطر کے لحاظ سے ڈوری مستقیم موٹائی کی ہو
تو ن کی قیمت محسوب کرتے وقت گھیرے کے پیوہ نصف قطر میں
ڈوری کی نصف موٹائی (نصف قطر) شریک کر لینی چاہیئے۔
ڈوری کے جد اہو جانے کے بعد پیٹے کی گردشوں کا شمار کرو۔
یہ تعداد گردش ستم کی قیمت ہوگی۔

ساکن ہونے کے لئے جو وقت و درکار ہے اس کو
دریافت کرو۔

ہر کمیت ک اور ف کے لئے مشاہدات تین تین بار
ہونے چاہئیں۔ اگر ک اور ف کی کسی خاص قیمتوں کے ماتحت ہر
مشاہدے میں ستم اور و کی قیمتیں مختلف ہوں تو ان کی اور قیمتیں
لینی چاہئیں۔

ک اور ف کی ہر قیمت کے تحت میں قدر اور ر کی اوسط
قیمتیں بھالو اور ان کو مساوات

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر قدر$$

میں داخل کرو۔

مہ کی قیمت محسوب کرنے کے قبل ک ج ف، $\frac{1}{2} ک ر$
اور $\frac{1}{2} م ر$ میں سے ہر ایک کی قیمت علیحدہ علیحدہ
دریافت کرو۔

جمود کے معیار اثر کو گرام (سمر) ۲ میں ظاہر کرو۔
 رگڑ کی تصحیح — اگر سہاروں پر کی رگڑ بہت زیادہ ہو تو حساب میں اس رگڑ کا لحاظ رکھنا ضروری ہے۔ فرض کرو کہ پیپے کی ہر مکمل گردش میں رگڑ کے خلاف ایک خاص مقدار کا کام م ہوتا ہے۔ اور فرض کرو کہ مادے کے گرنے میں پیپے نے گردش کی ایک خاص تعداد م پوری کی۔ اور اس لئے رگڑ کے خلاف م مقدار کا کام ہوا۔
 بنا بریں مساوات

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د$$

اب حقیقتہً صحیح نہیں رہی۔ اس لئے مساوات مندرجہ بالا کی ترمیم حسب ذیل ہونی چاہیئے :-

ک ج ف = $\frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د + س م$ (۱)
 کیونکہ جب گرنے والا مادہ اپنی توانائی بالقوہ کھو رہا تھا اس وقت س م کا کام ہوا۔
 اب پیپے سے ڈوری کے جدا ہونے پر $\frac{1}{2} م ر ق د$ مقدار کی توانائی بالفعل موجود تھی۔
 اور یہ توانائی رگڑ کے مقابلہ کرنے میں تبدیل ہو گئی۔ یعنی گردش کی ایک خاص تعداد س م میں اس توانائی کی پوری مقدار جذب ہو گئی۔ اس لئے

$$\frac{1}{2} م ر ق د = س م$$

$$یعنی م = \frac{\frac{1}{2} م ر ق د}{س}$$

لہذا ہمیں ایک البسار مل گیا ہے جس کے ذریعے سے غیر معلوم م کی قیمت معلوم مقادیر کے رقوم میں حاصل ہو جائیگی۔

$$اس لئے س م = \frac{س}{س م} \times \frac{1}{2} م ر ق د$$

اب مساوات (۱) کی شکل یوں ہو سکتی ہے کہ

$$ک ج ف = \frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د + \frac{س}{س م} \times \frac{1}{2} م ر ق د$$

یا ک ج ف = $\frac{1}{2} ک ر + \frac{1}{2} م ر ق د (۱ + \frac{س}{س م})$ (۲)
 قوس کے اندر کی رقم $\frac{س}{س م}$ سے رگڑ کی تصحیح کی تعبیر ہو جاتی ہے۔

ماڈے کے گرتے وقت پہیے کی گردشوں کی تعداد تدریجاً
کرو۔ اور مندرجہ بالا تصحیحی رقم کو مساوات (۲) میں داخل کر کے ہر کی
قیمت پھر محسوب کرو۔

سطح مائل پر گرنے والے گردشی اجسام

جب کوئی جسم کسی سطح مائل کے نیچے گڑھکا یا جاتا ہے تو اُس
جسم کی کھوئی ہوئی توانائی بالقوہ، اُس کی توانائی بالفعل میں منتقل ہو جاتی
ہے۔ جس وقت جسم سطح مائل کی جڑ میں پہنچتا ہے تو اُس میں دو قسم کی
حرکیں رہتی ہیں:-

(۱) انتقالی حرکت

(ب) محوری حرکت

اور اس لئے جسم کی توانائی بالفعل مندرجہ ذیل دو حصوں کا مجموعہ ہے:-

(۱) انتقالی حرکت کی توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} M v^2$

(ب) محوری حرکت کی توانائی بالفعل = $\frac{1}{2} I \omega^2$

جہاں M = جسم کے مادے کی کمیت

v = خطی رفتار

ω = مرکز جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گرد چوڑ کا معیار گردش

I = زاویائی رفتار۔

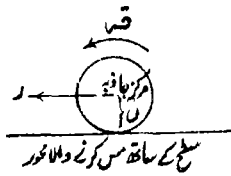
اگر سطح زیر بحث کے سرے کی بلندی جہاں سے جسم میں حرکت
شروع ہوتی ہے اُس مقام سے جہاں جسم ٹک جاتا ہے F ہو تو
جسم ہذا اپنی توانائی بالقوہ بمقدار $M g F$ ف کھودیتا ہے۔
اس لئے

$M g F = \frac{1}{2} M v^2 + \frac{1}{2} I \omega^2$ (۳)

فی الحقیقت پیدائندہ حرکت سطح سے مٹس کرتے ہوئے محور
کے گرد گردشی حرکت ہے بشرطیکہ یہ فرض کر لیا جائے کہ پھسلنے والی

کوئی حرکت پیدا نہ ہو۔ بہر حال یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ
 مذکورہ بالا گزشتی حرکت = مرکزِ جاذبہ کی انتقالی حرکت
 + مرکزِ جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گرد زاویائی حرکت
 اس لئے دعویٰ زیرِ لکیر درست ہے۔

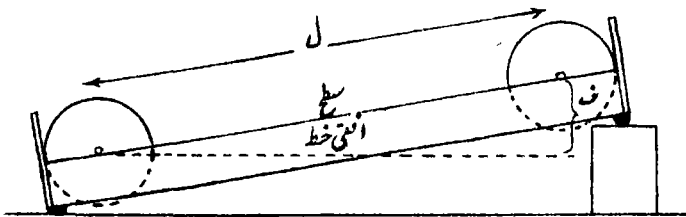
اگر محسوس کرنے والے محور سے مرکزِ جاذبہ کا عمودی فصل n ہو تو
 مرکزِ جاذبہ کی قطعی رفتار = قدر n (جیسا شکل ۱۹ سے واضح ہے)۔



فرض کر دو سطح پر فصل n طے
 کرنے میں لڑھکنے والے جسم کو وقت t درکار ہے۔
 اور چونکہ آخری رفتار v اوسط رفتار سے دو چند ہے
 اس لئے آخری رفتار $v = 2 \times$ پھر $q = \frac{v}{2}$
 اس لئے $q = \frac{v}{2}$

ف اور ک براہِ راست دریافت شکل ۱۹۔ ثبوت کر $q = \frac{v}{2}$
 ہو سکتے ہیں۔ اس لئے مساوات (۳) میں سوام کے کل مقادیر معلوم ہیں۔ اور مختلف معلوم مقداروں
 کی قیمتوں کو مساوات ہذا میں داخل کر کے ہر کی قیمت دریافت ہو سکتی ہے۔

نچر ۱۲۔ سطح مائل پر چرخ اور محور۔ فولاد
 بھری لگا ہوا ایک بڑا فرض سطح مائل پر چڑھے ہوئے ریلوں پر لڑھکایا
 جاتا ہے۔ اور سطح کی جڑ میں پہنچنے کے لئے فرض کو جتنا وقت درکار
 ہوتا ہے اس کا مشاہدہ کر لیا جاتا ہے۔ فرض کر دو کہ یہ وقت t ہے۔



شکل ۱۲۔ سطح مائل پر چرخ اور محور

سطح مائل پر دھری کا طے کیا ہوا فاصلہ بھی دریافت کر لیا جاتا ہے۔
فرض کرو کہ یہ فاصلہ l ہے۔ جس بلندی سے دھری گرتی ہے اس
کو سادہ ارتفاع پیا کے ذریعے سے پیمائش کر لیتے ہیں۔ فرض کرو
کہ یہ بلندی f ہے۔ اس لئے زائل شدہ توانائی بالقوہ = ک ج ف
قرص کو تول کر ک ج ف کی قیمت دریافت کرو۔

سطح کی جہاں پہنچتے وقت قرص کی خطی رفتار

$$v = \frac{2}{3} \sqrt{2gl}$$

کی قیمت سمر فی ثانیہ دریافت کرو۔

سطح کی جہاں انتقالی توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ کی قیمت محسوب کرو۔
یہاں مرکز جاذبہ سے ثابت محور کا فضل دھری کے نصف قطر
کے مساوی ہے۔

دھری کے نصف قطر r کو خوردہ پیمائش کے ذریعے سے ناپو۔
سطح کی جہاں زاویہ رفتار $\theta = \frac{v}{r} = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{2g}{l}}$
ق کی قیمت نیم قطر r فی ثانیہ میں محسوب کرو۔
ان قیمتوں کو مساوات

$$k \cdot \frac{1}{2} v^2 = \frac{1}{2} k r^2 \theta^2$$

میں داخل کر کے k کی قیمت اخذ کرو۔

ف کی مختلف قیمتیں (۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰ سم وغیرہ) لئے کر تجربے کو
دہراؤ۔

اس طریقے سے جو نتیجہ نکلیگا اس کی تصدیق منالہ

$$k = \frac{2}{3} \frac{v^2}{r^2 \theta^2}$$

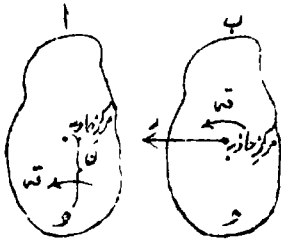
سے کرو جہاں v قرص کا نصف قطر ہے۔

اوپر بیان کیا جا چکا ہے کہ جو جسم کی حقیقی حرکت وہ گروشی حرکت ہے جو سطح مائل سے
مکس کرنے والے محور کے گرد پیدا ہوتی ہے تاہم یہ حرکت ایک ایسی مرکب حرکت تقو
کی جاکتہ ہے جو مرکز جاذبہ کی خطی حرکت اور اس سے گزرنے والے محور کے گرد جسم کی

گردشی حرکت کا مجموعہ ہے۔

اس امر کا ثبوت حسب ذیل ہے:۔ ایک ایسے جسم α پر غور کرو جس میں ثابت محور O کے گرد زاویائی رفتار ω ہے۔

اور ایک ٹھیک ویسے ہی دوسرے جسم β کو بھی تصور کرو جس کے مرکز جاذبہ کی خطی رفتار v رہے۔ اور مرکز جاذبہ سے گزرنے والے محور کے گرد جس کی زاویائی رفتار ω ہے۔



فرض کرو کہ مرکز جاذبہ سے O کا فاصلہ r ہے۔ اور یہ بھی فرض کرو کہ جسم β میں مرکز جاذبہ کی خطی رفتار v بالخط ON کے علی القوائم قدر ω قیمت رکھتی ہے۔

شکل ۸۱۔ گردش محور کی فوری حرکت

ہر دو صورت میں مرکز جاذبہ کی حرکت پر غور کرو۔

صورت (۱)۔ O کے گرد زاویائی حرکت کی وجہ سے مرکز جاذبہ کی خطی رفتار $= \omega r$ دائیں سے بائیں طرف۔

صورت (۲)۔ جیسا اوپر فرض کیا گیا ہے مرکز جاذبہ کی خطی رفتار v ۔ دائیں سے بائیں طرف۔

گردشی حرکت صفر ہے۔

اب دونوں صورتوں کے تحت میں نقطہ O کی حرکت پر غور کرو۔

صورت (۱) حرکت صفر ہے۔

صورت (۲) خطی حرکت کی وجہ سے $v = \omega r$ دائیں سے بائیں طرف۔

اور گردش حرکت کی وجہ سے $v = \omega r$ دائیں سے بائیں طرف۔

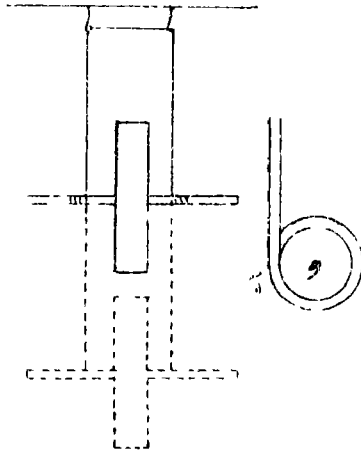
اس لئے O ساکن ہے۔

پس دونوں صورتوں میں اس آستوار جسم کے کسی دو نقطوں کو ایک ہی حرکت حاصل ہے۔ اس لئے کل نقطوں کی حرکت ایک ہی ہے۔ یعنی مرکز جاذبہ سے N فاصلے r کے محور کے گرد گردش حرکت کے تحلیلی اجزاء حسب ذیل ہیں:۔

- ۱۔ مرکز جاذبہ سے گزرنے والے متوازی محور کے گرد سادی گردش حرکت -
- ۲۔ مرکز جاذبہ کی خطی حرکت (ر = ذ) (ن)

قُص کی دھری پر لیٹی ہوئی ڈوریوں سے

سہارا ہوا قُص
ایک نوٹ ایسکے پر چڑھا ہوا قُص دو ڈوریوں سے اس طرح
ٹکایا جاتا ہے کہ دھری اُفتی وضع میں قائم رہے۔ قُص کو اوپر اُٹانے
کے لئے دھری اس طرح گھمائی جاتی ہے کہ اس کے دونوں طرف ڈوریاں



شکل ۸۲۔ ڈوریوں سے سہارا ہوا قُص

سہارا نہ لپٹتی جائیں۔ جیسا شکل ۸۲ سے واضح ہے۔ قُص کے چھوڑ دینے پر
وہ نیچے کی طرف گرتا ہے۔ اور اس طرح گرے وقت دھری پر لیٹی ہوئی
ڈوریوں کے کھلنے سے قُص میں گردش حرکت اور نیچے کی طرف انتصابی
حرکت بھی پیدا ہوتی ہے۔

اگر یہ قُص فاصلہ تک نیچے اُترے۔ اور اگر اس کی

کمیتِ مادہ کہ ہو تو حسب دستور
 ک ج ف = $\frac{1}{2}k + \frac{1}{2}m$ مرقدہ
 جہاں ر خطی رفتار سے اور ق قُص کی زاویائی رفتار اس وقت
 ہے جب قُص ف فاصلہ طے کر چکا ہے۔
 ہمیں یہ پہلے سے معلوم ہے کہ $r = \text{قدن جہاں ن دھری}$
 کا نصف قطر مع دوری کی نصف موٹائی ہے۔ جیسا شکل ۲۷ کے ملاحظے
 سے ظاہر ہے۔ چونکہ نقطہ و ساکن ہے اس لئے محور کے مرکز و کی
 رفتار $r = \omega r$ وہاں $\omega = \text{دھری کا نصف قطر} + \text{دوری کی نصف موٹائی}$
 ر اور ق کا کی تعیین — دوری کے نیچے تک پہنچنے کے وقت قُص
 کی خطی رفتار کرنے کے دوران میں اس کی اوسط خطی رفتار کی قیمت سے دو چند ہے۔
 کیونکہ یہ قُص پہلے صفر رفتار رکھتا ہے اور ہموار اسراع کے ساتھ نیچے اُترتا ہے۔
 فرض کرو کہ قُص کا طے کیا ہوا فاصلہ = ف
 اس لئے اوسط رفتار $r = \frac{f}{t}$ جہاں و وہ وقت ہے جو قُص کو فاصلہ ف
 طے کرنے کے لئے درکار ہے

$$\text{اور آخری رفتار } r = \frac{f}{t} = \frac{2f}{t}$$

اور $\frac{f}{t} = \frac{1}{2} \frac{f}{t}$
 تجربہ ۶۵ - ڈوریوں سے لٹکائے ہوئے

قُص کے جمود کے معیار اثر کی تعیین — تجربے کو

اس طرح مرتب کرو کہ قُص کے پست ترین مقام پر اس کی دھری منحنی
 وضع میں رہے اس کے بعد قُص کو اپنے محور کے گرد اس طرح
 گھماؤ کر دوں کہ ڈوریاں لٹکے پر ہموار اندلیختی جائیں۔ اور قُص اپنے بلند ترین
 مقام تک اُٹھ جائے۔ بعد ازاں قُص کو چھوڑ دو اور ٹھیک اسی وقت
 ایک چل سُرکنی گھڑی بھی چلا دو۔ قُص کو بلند ترین مقام سے پست ترین
 مقام تک گرنے میں جو وقت لگتا ہے اس کو قُص کو بلند کر لو۔ اس سہارا سے

چند بار دہرانا چاہیئے۔ اور دقت کی اوسط قیمت محسوب کرنی چاہیئے۔ جملہ
ف کی پیمائش کرو۔ اور ذیل کی مساوات سے آخری رفتار ر کی قیمت نکالو۔

$$r = \frac{2}{3}$$

تکلی اور ڈوری کے قطر خردہ پیمائش سے ناپو۔ اور اس سے ن کی
قیمت اخذ کرو۔ یہ ن تکلی اور ڈوری کے نصف قطروں کا مجموعہ ہے۔
مساوات $r = \frac{2}{3}$ قدر ن سے دہ کی قیمت نیم قطر یوں فی ثانیہ میں دریافت
کرو۔ قرض اور تکلی کا وزن براہ راست تول کر معلوم کرو۔ پس د کی
قیمت جاننے کے لئے جتنی مقداروں کی ضرورت ہے ان کی قیمتیں
معلوم ہیں۔

د کی تقریبی قیمت رشتہ

$$d = \frac{r}{k}$$

سے بھی دریافت ہو سکتی ہے۔

یہ قیمت محض تقریبی ہی حاصل ہوگی۔ ضابطہ ہذا صرف اس حالت میں درست ہوگا جب
قرض کا مادہ اس کے تمام حجم پر ہموار نہ پھیلا ہوا ہو۔ اس تجربے میں یہ صورت ہرگز لفضیب
نہیں ہے۔ کیونکہ دھری کو بھی ایک معتد بہ مادہ حاصل ہے اور یہ قرض پر ہموار نہ پھیلا
ہوا نہیں ہے۔



فصل نہم

دوری حرکت

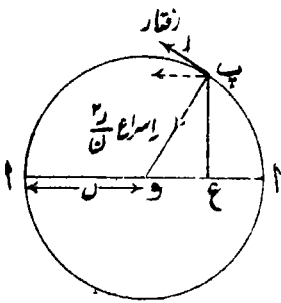
۱۔ خطی سادہ موسیقی حرکت

علم طبیعیات کی کل شاخوں میں ایسی سورتیں پیش آتی ہیں جن میں نقطے یا ذرے کی حرکت اہتزازی یا ارتعاشی قسم کی ہوتی ہے۔ کسی نقطے کی حرکت اُس وقت دوری کہلاتی ہے جبکہ اُس میں حرکت کا ایک ہی قسم کا سلسلہ وقت کے خاص مساوی وقفوں کے بعد بار بار واقع ہوتا ہے۔ حرکت کے مکمل سلسلے کو نوراکر نے لے لئے جو وقت درکار ہوتا ہے اُس کو حرکت کا وقت دوران کہتے ہیں۔ دوری حرکت کی آسان ترین شکل وہ حرکت ہے جو سادہ موسیقی حرکت کے نام سے مشہور ہے۔ اور بغرض تخفیف یہ حرکت اکثر م، ام، ح سے تعبیر کی جاتی ہے۔

خطی سادہ موسیقی حرکت کی تعریف علم ہندسہ کے نقطہ نظر سے یوں ہو سکتی ہے کہ وہ حرکت کسی دائرے کے قطر پر ایک ہموار تند ویری حرکت کا ظن ہے۔

ایک ایسے نقطے پ کو تصور کرو جو کسی دائرے پر ہموار چال سے حرکت کر رہا ہے۔ فرض کرو کہ اس دائرے کا قطر ۲۲ ہے۔

اس پر نقطہ پ سے پ ع عمود ڈالو۔



تب عمود پ ع کا
پایہ یعنی نقطہ ع قطر ۱۲ پر سادہ
موسیقی حرکت کرتا ہے۔ نقطہ ع کا

نقل مکان و ع ہے۔ اور یہ
نقطہ ع کے اوسط مقام و سے
ع کا فاصلہ ہے۔ نقطہ ع کو اوسط
مقام و سے جو زیادہ سے زیادہ

نقل مکان نصیب ہو سکتا ہے اس

کو محیطہ امتراز کہتے ہیں۔ اور یہ محیطہ امتراز دائرے کے نصف قطر
یا و ۱ کے برابر ہے۔ حرکت کی موجودہ ہیئت سے وہ وقفہ وقت
یا وقت دوران کی کسر مراد ہے جو نقطہ پ کے کسی ثابت نقطے
مثلاً ۱ پر سے گزرنے کے بعد صرف ہو چکا ہے۔ اس ہیئت کو
زادیہ پ و ۱ سے بھی ظاہر کر سکتے ہیں۔ حرکت کا وقت دوران
وہ وقفہ وقت ہے جو نقطہ ع کو قطر ۱۲ پر آگے پیچھے جانے میں
صرف ہوتا ہے۔ یہ وقت وہی وقت ہے جو نقطہ پ کو دائرہ محولہ پر
پورا چکر کرنے کے لئے درکار ہے۔

فرض کر دو کہ پ کی رفتار کسی نقطے پر رہے اور فرض کرو

کہ خط و پ کی زادیہ رفتار قہ نیم قطراں فی ثانیہ ہے۔ تو

$$\frac{\pi r}{2} = \frac{\pi r}{r} = \pi = \text{وقت دوران د}$$

نقطہ و کو سمت ۱۲ پر وہ رفتار حاصل ہے جو نقطہ پ کی
رفتار کے اس جزو تحلیلی کے ہمیشہ برابر رہے جو ۱۲ کے متوازی
ہے۔ پس اگر پ کی رفتار میں کوئی ایسی تبدیلی پیدا ہو جس کا اثر اس
کی رفتار کے ۱۲ کے متوازی جزو پر پڑے تو اس تبدیلی کا اثر اس کی

رفتار پر بھی پڑیگا۔ لہذا ۱۲ پر نقطہ ع کی اسراع نقطہ پ کی اسراع کے
اُس جزوِ تخیلی کے برابر ہے جو ۱۲ کے متوازی ہے۔ مگر پ کی
اسراع پ و کی سمت میں $\frac{۲}{۱۲}$ ہے۔

اس لئے ع کی اسراع و کی طرف $= \frac{۲}{۱۲}$ جم پ و ع

$$= \frac{۲}{۱۲} \times \frac{۹}{۹} =$$

$$= \left(\frac{۲}{۱۲}\right) \times ع کا نقل مکان$$

$$= ۲ \times ع کا نقل مکان$$

پس یہ ظاہر ہے کہ خطی سادہ موسیقی حرکت میں نقطہ ایک
خط مستقیم پر ایسی اسراع سے حرکت کرتا ہے جس کی سمت ہمیشہ
خط مذکور کے ایک ثابت نقطے کی طرف رہتی ہے۔ اور اُس کی
مقدار ثابت نقطہ مذکور سے متحرک نقطے کے فصل کے متناسب
رہتی ہے۔

مذکورہ بالا بیان سے ہمیں س۔ م۔ ح۔ کی ایک اور تعریف
ملتی ہے۔ اور اس کو بجائے پہلی تعریف کے استعمال کر سکتے ہیں۔
لہذا اگر ہم کو یہ معلوم ہو جائے کہ کوئی نقطہ مذکورہ بالا قسم
کی اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے تو نقطہ مذکور کی حرکت سادہ موسیقی
حرکت ہے۔ اور ثابت نقطہ متحرک نقطے کا اوسط مقام ہے۔ اور اس
س۔ م۔ ح۔ کا وقت دوران، ثابت نقطے کے کسی معلوم فصل پر کی
اسراع کے حدود میں ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ خواہ حرکت کی کوئی اور رو ہوں
خاصیت دی ہوئی نہ ہو۔

مندرجہ بالا بحث میں نقطہ ع متحرک نقطے کا کام دیگا۔ ع کی
حرکت کے محیطہ امتراز کی کسی معین قیمت کے لحاظ سے ہم دائرے پر
گھومنے والے ایک نقطہ پ کو تصور کر سکتے ہیں جیسا اوپر بیان کیا

جا چکا ہے۔

اس نقطہ پ کی زاویائی رفتار کی ایک ایسی قیمت قہ ہوگی کہ
ع کی اسراع - قہ^۲ x ع کا نقل مکان
۱۔ اس نقطے کی اسراع یوں ظاہر کی جاسکتی ہے کہ

$$\text{اسراع} = \text{م} \times \text{لا}$$

یہ ظاہر ہے کہ قہ کی وہ خاص قیمت جس سے مساوات بالا پوری
ہوتی ہے اہم ہے۔ اور اس لئے م۔ م۔ ح کا وقت دوران = $\frac{\pi^2}{2\text{م}}$
علم حرکت میں یہ اکثر پایا جاتا ہے کہ متحرک ذرہ کے نام مقامات پر قوت عاملہ کی سمت
کسی ایک ثابت نقطے کی طرف رہتی ہے۔ اور اس کی مقدار ثابت نقطہ مذکور سے
متحرک ذرے کے فصل کے ساتھ متناسب رہتی ہے۔ یہ صاف ظاہر ہے کہ اگر ذرہ ثابت
نقطے پر ہو کر کسی خط مستقیم میں حرکت کرے تو اس کی حرکت سادہ موسیقی حرکت ہوگی۔
فرض کرو کہ قوت مذکورہ م۔ لا ہے۔ جہاں م۔ ایک مستقل ہے
اور لا نقل مکان مستقل رتوت کی قیمت ہے۔ جب نقل مکان اکائی ہے
اگر ذرے کی کیسٹ مادہ ک ہو تو نیوٹن کے دوسرے کلیہ حرکت
سے اسراع ع کی قیمت حسب ذیل حاصل ہوتی ہے :-

$$\text{ک ع} = \text{م لا}$$

$$\text{یعنی ع} = \text{م لا}$$

یعنی اسراع نقل مکان کے ساتھ تناسب راست رکھتی ہے۔
اور اس لئے حرکت م۔ م۔ ح۔ ہے۔

اس مساوات سے یہ صاف ظاہر ہے کہ یہاں م۔ سابق بحث
کے م، قہ یا (ج) کا قائم مقام ہے۔

اس لئے وقت دوران کی قیمت حسب ذیل بلا توقف لکھی جاسکتی ہے۔

$$د = \frac{\pi^2}{\text{م}} ، \frac{\pi^2}{\text{ع}} \text{ یا } \frac{\pi^2}{\text{قہ}}$$

$$\text{یعنی } د = \frac{\pi^2}{\text{م}} \left[\frac{\text{ک}}{\text{میر}} \right]$$

مسادات ہذا پر غور کرنے سے یہ معلوم ہو گا کہ وقتِ دوران و حیطۂ اهتزاز کے غیر تابع ہے۔

وقتِ دوران کی اس مسادات کا استعمال نہایت وسیع ہے۔ اگر ہم کو کسی جسم کی کمیتِ مادہ معلوم ہو۔ اور اوسط مقام سے اُس کے نقل مکان کے حدود میں اُس پر عمل کرنے والی قوت بھی معلوم ہو۔ تو رشتہ مذکورہ بالا سے وقتِ دوران بلا توقف دریافت ہو سکتا ہے۔
م۔ اکثر قوت فی اکائی نقل مکان کہلاتا ہے مینی مہ قوت کی وہ قیمت ہے جو جسم پر عمل کر کے اُس کو اپنے اوسط مقام سے ایک سمرٹھادے۔

۲۔ زاویائی سادہ موسیقی حرکت

خطی حرکت اور زاویائی حرکت کے متعلق چند مقداروں کے درمیان جو مشابہت واقع ہے اُس کا ذکر پہلے کیا جا چکا ہے (صفحہ ۲۶۶ کی جدول ملاحظہ ہو)۔

خطی اور زاویائی س۔ م۔ ح کی بحث میں مذکورہ بالا مشابہت کی مدد لی جا سکتی ہے۔ پس ہم مندرجہ ذیل دعویٰ بلا توقف اخذ کر سکتے ہیں :-

جب کوئی جسم کسی جفت کے زیرِ عمل کسی محور کے گرد گھومے اور یہ جفت کسی خاص مقام کے لحاظ سے زاویائی نقل مکان کے مناسب ہو تو جسم مذکور سادہ موسیقی حرکت کرے گا۔

بنا بریں اگر جسم پر عمل کرنے والے جفت اور زاویائی نقل مکان کا باہمی تعلق مساوات ج = سی ط سے ظاہر کیا جائے۔ تو زاویائی سادہ موسیقی حرکت کا وقتِ دوران

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{C}}$$

جہاں ϕ = جسم کے جہود کا معیار اثر محور کے گرد
سہری اکثر اوقات جفت فی اکائی مروڑ کہلاتا ہے۔ یعنی
ی جفت کی وہ قیمت ہے جو جسم پر عمل کرے گی اگر جسم مذکور اپنے اوسط مقام
سے ایک نیم قطری ہٹا دیا جائے۔

۳۔ دوری حرکت کی مثالیں

دوری حرکت کے وہ اقسام جن سے تجربے میں بالعموم واسطہ
پڑتا ہے شاذ و نادر حقیقی سادہ موسیقی حرکتیں ہیں۔ بہر حال بہت سی
صورتوں میں وہ اقسام سادہ موسیقی حرکتیں تصور کئے جاسکتے ہیں بشرطیکہ
حرکتیں جو پیدا کی جائیں کسی خاص چھوٹے حدود سے بڑھنے نہ پائیں۔
دوری حرکت کی اہم ترین صورتوں میں سے ایک صورت رتاقص کی حرکت
ہے۔ رتاقص نہ صرف وقت معلوم کرنے کے لئے عام طور پر استعمال کیا جاتا
ہے بلکہ مختلف قسم کی رتاقصوں کے وقت دوران کی تعینوں سے علم طبیعیات
کے اہم ترین نتیجے حاصل ہو سکتے ہیں۔

سادہ رتاقص کا وقت دوران

سادہ رتاقص مادے کا ایک وزنی ذرہ ہوتا ہے جو بالکل ہتوار
نقطہء تعلق سے ایک بے وزن پچکدار اور ناقابل وسعت تار کے
ذریعے سے لٹکتا ہو۔ شکل ۱۱۱ پر غور کرو۔ جب گولہ اپنے اوسط مقام ϕ
سے ایک طرف ہٹا دیا جائے تو وہ "گولا" قوائے عالمہ کے زیر عمل
قوس پر ہوتا ہوا نقطہ ϕ کی طرف واپس آجائے گا۔ وہ اکیلی قوت جو قوس کی
سمت میں عمل کرنے والا جزو رکھتی ہے وہ گولے کا وزن ہے۔ اور یہ جزو
جو جسم کو نقطہ ϕ کی طرف حرکت دینے کا متقانتی ہے ک ج جب ط
کے مساوی ہے لہذا گولے پر ماسی قوت
ق = ک ج جب ط

اگر نرا ویڈیو نقل مکان بہت ہی چھوٹا ہو تو
مذکورہ بالا رشتہ یوں لکھا جاسکتا ہے۔

$$ق = ک ج ط$$

فرض کرو کہ گولے کا
نقل مکان قوس کے اوپر لا ہے تو

$$ط = \frac{لا}{ل}$$

جہاں ل = گولے کے مرکز
بازہ کا فاصلہ نقطہ تعلیق سے

$$ق = ک ج لا$$

اور یہ مساوات ق = مہ لا کی
شکل کی ہے۔ پس گولے کی حرکت

سادہ موسیقی حرکت ہے بشرطیکہ
نقل مکان لا بڑا نہ ہو۔

$$اس کا وقت دوران د = ۲\pi \left[\frac{ک}{مہ} \right] جہاں مہ = \frac{ک ج}{ل}$$

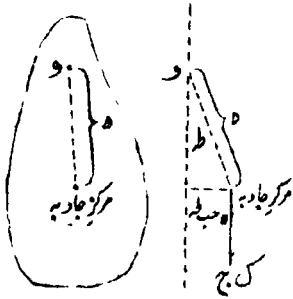
$$اس لئے د = ۲\pi \left[\frac{ل}{ج} \right]$$

مربک رقاص کا وقت دوران

اگر کسی جسم کے ماوے کی کیت اُس کے تمام حجم پر یکساں پھیلی
ہوئی ہو تو جسم مذکور میں کسی محور کے گرد ارتعاش پیدا کر کے اُس کو بطور
رقاص استعمال کر سکتے ہیں۔

فرض کرو کہ ایک جسم محور و سے لٹکا ہے (شکل ۷۵)۔

اگر وہ اپنے اوسط مقام سے ایک طرف ہٹا دیا جائے تو اس کا وزن مرکز جاذبہ ہو کر نیچے کی طرف عمل کرتا ہوا جسم میں واپسی معیار اثر پیدا کر گیا۔ محور $و$ کے گرد اس واپسی معیار اثر کی قیمت $ک ج ہ$ جب ط ہے۔ یہاں ط وہ زاویہ ہے جس تک جسم اپنے ابتدائی مقام سے ہٹایا گیا ہے۔ اگر ط بہت ہی چھوٹا ہو تو ہم جب ط $ک$ بجائے صرف ط



لکھ سکتے ہیں اس صورت میں شکل ۵۵۔ مرکب رتقاص

واپسی معیار اثر جفت = $ک ج ہ ط$

اور یہ مساوات جفت = $ی ط$ کی شکل کی ہے۔ جہاں $ی = ک ج ہ$ لہذا جسم نقطہ $و$ سے گزرنے والے محور کے گرد رادیائی سادہ موسیقی حرکت کرتا ہے۔ اور اس کا وقت دوران

$$د = ۲\pi \sqrt{\frac{م}{ک ج ہ}}$$

یہاں $م$ سے گزرنے والے محور کے گرد جسم کے جہود کا معیار اثر ہے۔ اور $ک ج ہ$ کو یوں لکھ سکتے ہیں کہ

$$م ج = ک (گ^۲ + ہ^۲)$$

جہاں $گ$ مرکز جاذبہ کے گرد جسم کا گردشی نصف قطر ہے۔

$$د = ۲\pi \sqrt{\frac{ک (گ^۲ + ہ^۲)}{ک ج ہ}}$$

$$یعنی د = ۲\pi \sqrt{\frac{گ^۲ + ہ^۲}{ج ہ}}$$

مَرْتَعَشِ مَقْنَطِیس کا وقت دوران

جب ط قطبی طاقت کا مقناطیس ح حدت کے میدان میں لٹکایا جائے تو اُس کے ہر قطب پر قوت ط ح عمل کرتی ہے۔

جب یہ مقناطیس اپنے اوسط مقام سے زاویہ طہ تک ہٹایا جاتا ہے تو قطبوں پر عمل کرنے والی قوتیں مقناطیس

پر جُفَّت پیدا کرتی ہیں۔ جس کی قیمت



ط ح \times ط ل جب طہ ہے۔

یہاں ط ل مقناطیس کا طول ہے۔

ط مقناطیس کا مقناطیس معیار اثر

کہلاتا ہے۔ اور اس کو حرف طہ سے تعبیر کرتے ہیں۔ لہذا

جُفَّت = ط ح جب طہ

اگر ارتعاشیں چھوٹی ہوں تو

جُفَّت = ط ح طہ

اور ہم بلا توقف وقت دوران کی قیمت حسبِ ذیل معلوم کر سکتے ہیں :-

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{M}{P \sin \theta}}$$

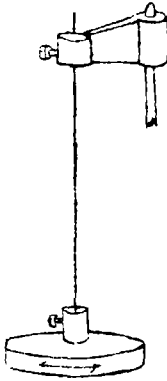
یہاں م = مقناطیس کے جمود کا معیار اثر اپنے محور ارتعاش کے گرد۔

مروری رتاقص کا وقت دوران

اب تک دوری حرکت کی جو مثالیں دی گئی ہیں ان میں حرکتیں سادہ موسیقی حرکتیں اُس صورت میں تصور کی گئی ہیں جہاں زاویہ ارتعاش

چھوٹے ہوں۔ مروری رقاصوں میں جن سے اب ہم بحث کریں گے جو حرکتیں ہوتی ہیں وہ بڑے زاویہ میں نقل مکان کی صورت میں بھی حقیقی سادہ موسیقی حرکتیں ہیں۔

اگر کسی تار کا اوپر کا سرا



شکل ۱۸۶۔ مروری رقاص

جکڑا ہوا ہو۔ اور اُس کا نیچے کا سرا زاویہ طہ نیم قطر یوں تک مروڑا جائے تو اُس میں جو واپسی جُفت پیدا ہوتا ہے وہ

$$\frac{\pi^2 l}{g}$$

جہاں l = تار کا نصف قطر
(۱) تار کی استواری کا مقیاس
(۲) استواری کے مقیاس کی تعیین

صفحہ ۱۸۶ میں ملاحظہ ہو)

پس اس تار سے لٹکنے والا جسم جس کے جمود کا معیار اثر h ہے سادہ موسیقی حرکت کریگا۔ اور اس کا وقتِ دوران حسب ذیل ہوگا:-

$$\left[\begin{array}{l} \frac{m}{\pi^2 l} \\ \frac{m}{\pi^2 l} \end{array} \right] \quad \pi^2 = \frac{g}{l} \quad \text{یا} \quad \left[\begin{array}{l} \frac{m}{\pi^2 l} \\ \frac{m}{\pi^2 l} \end{array} \right] \quad \pi^2 = \frac{g}{l}$$

اگر ایسے جسم کے جمود کا معیار اثر معلوم ہو تو مساوات مندرجہ بالا تار کی استواری مقیاس کے دریافت کرنے میں استعمال کی جاسکتی ہے۔ اور یہ طریقہ مقیاس کے نکالنے کا ایک ارتعاشی طریقہ ہے۔

مرغولہ دار کمانی سے لٹکتے ہوئے مادے کا وقت دوران

مرغولہ دار کمانی سے لٹکتے ہوئے مادے کی دوری حرکت، حقیقی

سادہ موسیقی حرکت کی ایک دوسری مثال ہے۔ فرض کرو کہ کمانی سے
ک کیت کا لٹکتا ہوا مادہ کمانی کے طول میں $ل$ سمر کا اضافہ پیدا کرتا ہے۔
اس صورت میں کمانی کی قوت، لٹکتے ہوئے مادے کے وزن $ک$
ج کے برابر ہے۔ اور بس لئے قوت نی اکائی بڑھاؤ $ک$ ج ہے۔
اگر کمانی میں ایک سمر کا مزید بڑھاؤ پیدا ہو جائے تو اب بڑھاؤ $ل + ۱$ سمر
کے برابر ہوگا۔ اور کمانی مادے کو $ک$ ج۔ $(ل + ۱)$ ڈائن قوت کے
ساتھ اوپر کی طرف کھینچے گی۔

لٹکتے ہوئے مادے پر عمل کرنے والی قوتیں حسب ذیل ہیں :-
(۱) کمانی سے عمل کرنے والی قوت $ک$ ج $(۱ + \frac{۱}{ل})$ ڈائن اوپر
کی طرف۔

(۲) لٹکتے ہوئے مادے کا وزن $ک$ ج ڈائن نیچے کی طرف۔
ان دونوں قوتوں کا حاصل $ک$ ج ڈائن اوپر کی طرف ہے۔
لہذا اس سے یہ ثابت ہوا کہ جب کمانی $ل$ اپنے مستقل مقام سے ایک سمر
ہٹا دی جائے تو لٹکنے والا مادہ $ک$ ج ڈائن کی قوت سے اوپر کی
طرف کھینچ جاتا ہے اور یہ قوت، قوت فی اکائی نقل مکان ہے۔ اس لئے
ارتعاش کا وقت دوران

$$\frac{ک}{ک ج} \pi^2 = \frac{ل}{ک ج} \pi^2 = د$$

جہاں $ل$ = کمانی کا مستقل بڑھاؤ جو لٹکنے والے مادے نے

پیدا کیا ہے۔

۴۔ دوری حرکتوں کے تجربے

سادہ رتقاص کے ذریعے سے اسراع بوجہ
جاذبہ زمین (ج) کی تعیین

اسراع بوجہ جاذبہ زمین کے براہ راست دریافت کرنے میں بہت سی مشکلوں کا سامنا پڑتا ہے۔ اُس صورت میں بھی جہاں محض سرسری صحت پر نظر رہتی ہے۔ اس وجہ سے اُس کے دریافت کرنے کے لئے دوسرے ایسے طریقے اختیار کئے جاتے ہیں جو بالکل براہ راست نہیں۔ ان طریقوں میں سے ایک نہایت ہی آسان طریقہ وہ طریقہ ہے جس میں سادہ رتقاص استعمال کیا جاتا ہے۔ مختلف طول کے رتقاص کے وقت دوران کا مشاہدہ کیا جاتا ہے اور اوقات مشہودہ کو ضابطہ

$$d = \frac{L}{g}$$

میں داخل کر کے ج کی قیمت اخذ کر لی جاتی ہے۔ اس ضابطے میں L = طول رتقاص، g = اسراع بوجہ جاذبہ زمین (صفحہ ۲۴۸ ملاحظہ ہو)

تجربہ ۶۶۔ سادہ رتقاص کے ذریعے سے ج کی تعیین — نظری سادہ رتقاص ایک ایسے وزنی ذرے پر مشتمل ہے جس کے ابعاد لامتناہی چھوٹے ہوں۔ اور وہ ذرہ ایک بالکل استوار جھٹی سے جکڑے ہوئے بے وزن اور ناقابل وسعت ریشے سے ٹکنا ہوا ہو۔

مگر تجربے میں ہم مندرجہ بالا ذرے کے بجائے عموماً ایک چھوٹی اور بجاری گولی استعمال کرتے ہیں اور یہ گولی ایک باریک مضبوط

تاگے سے لٹکائی جاتی ہے۔ اس تاگے کے اُدپر کا سیرا نہایت

مضبوط چمٹی سے جکڑ دیا جاتا ہے۔ تاگے کا وہ نقطہ

جو چمٹی سے نیچے کی طرف

عین باہر نکلا ہوتا ہے رتاق

کا نقطہء تعلیق ہے۔ رتاق

کا طول دو فصل ہے جو نقطہ

مذکورہ بالا اور گولی کے مرکز

بازو کے درمیان واقع ہے۔

ایک مکمل ارتعاش

(آگے اور پیچھے) کا وقت

وہ وقت ہے جس میں گولی

اپنے ارتعاش کے اوسط

مقام پر سے ایک ہی سمت

میں دو متواتر موقعوں پر گذرتی ہے۔ ارتعاش کے اوسط مقام کا

نشان کسی طرح لگا دینا چاہیے۔ مثلاً رتاق کی ڈوری کے پیچھے

کسی جسم پر کھربا سے کھینچا ہوا انتصابی نشان۔ وقت دوران کے

صحیح طور پر دریافت کرنے کے لئے رتاق کو متعدد ارتعاشیں کرنی

چاہئیں۔ (مثلاً ۵۰)۔ اور ان ۵۰ ارتعاشوں کے مجموعی وقت کا مشاہدہ

چل رکنی گھڑی پر کر لینا چاہیے۔ فرض کرو کہ رتاق کو ۵۰ بار ارتعاش

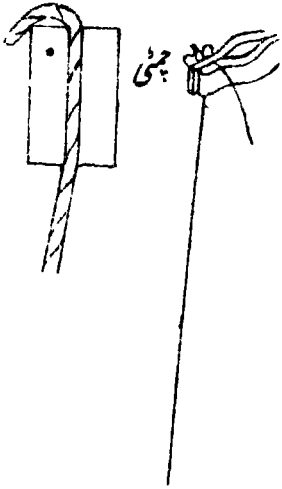
کرنے میں ۹ ثانیہ صرف ہوتا ہے تو وقت دوران ۹ ثانیہ ہوگا۔

چل رکنی گھڑی کی مدد سے ارتعاشوں کے وقت دریافت

کرنے میں مناسب یہ ہے کہ نشان کے سامنے سے ٹڈی کے پہلے

پہل گزرتے وقت ۳ کہا جائے۔ اور اس کے بعد پیچھے کی طرف

شمار کیا جائے، مثلاً



شکل ۸۸۔ سادہ رتاق

گزرنا چاہیے کیونکہ لہذا کے تناسب ہے۔ (دیکھو شکل صفحہ ۲۵۶)

مقعر آئینے پر ایک کرے کو حرکت دیکر ج کی تسین

تجربہ زیر بحث سے دوری حرکت کی ایک دلچسپ مثال ملتی ہے۔ مگر یہاں متحرک جسم کے جود کے معیار اثر جاننے کی ضرورت ہے۔ سادہ رتقاص میں گولی ایک ایسے نصف قطر کے دائرے کے قوس پر حرکت کرتی ہے جو دوری کی لمبان کے برابر ہے۔ اور حرکت خالص انتقالی حرکت ہے۔ اور صرف آگے پیچھے کی حرکت کے سوائے گولی میں اس کے مرکز جاذبہ کے گرد کوئی گردش حرکت نہیں ہوتی۔

مقعر آئینے پر لڑھکنے والے کرے میں جو حرکت ہوتی ہے وہ ہمہ طور سادہ رتقاص کی گولی کی حرکت کے مشابہ ہے۔ مگر صرف اس میں اتنا فرق ہے کہ گڑھ آگے پیچھے حرکت کرنے کے سوا اپنے مرکز ثقل کے گرد گھومتا بھی ہے۔ لہذا مقعر آئینے پر لڑھکنے والے کرے پر غور کرتے وقت ہم کو اس کی دونوں محوری اور انتقالی حرکتوں کا لحاظ رکھنا چاہیے۔ ان دونوں حرکتوں میں کسی نقطے پر متحرک جسم کی توانائی بالفعل اس توانائی بالقوہ کے برابر ہے جس کو جسم مذکور اپنی ارتعاش کی آخری حد سے نقطہ زیر بحث تک گرنے میں کھو چکا ہے

سادہ رتقاص میں جہاں حرکت خالص انتقالی ہے۔ توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2$ ہے۔ اور کھولی ہوئی توانائی بالقوہ $k h$ ہے۔

$$\frac{1}{2} k v^2 = k h$$

$$\frac{1}{2} v^2 = h$$

آئینے پر لڑھکنے والے کرے میں توانائی بالفعل $\frac{1}{2} k v^2 + \frac{1}{2} k v^2$ اور کھولی ہوئی توانائی بالقوہ $k h = k h$

$$\frac{1}{2} k v^2 + \frac{1}{2} k v^2 = k h$$

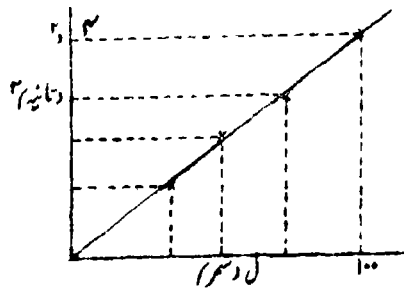
اب کرے کے جمود کا معیار اثر (۵) اس کے مرکز کے گرد
کے ہے اس لئے مساوات بالا ذیل کی صورت اختیار
کرے گی :-

ک ج ف = $\frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k$ (کے) (ن) (قہ)
اور سطح پر نقطہ تماس ساکن ہے۔ اس لئے
مرکز کی خطی رفتار $v = \omega r$ جہاں r کرے کا نصف قطر
ہے (صفحہ ۲۳۵ دیکھو)

یا $r = \omega r$
پس مقعر آئینہ پر کرے کی حرکت ظاہر کرنے والی مساوات حسب ذیل
شکل کی ہوگی۔

$$\begin{aligned} \text{ک ج ف} &= \frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k \times \frac{1}{2}k \text{ (ن) (قہ)} \\ &= \frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k + \frac{1}{2}k \times \frac{1}{2}k \\ &= \frac{1}{2}k \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) \\ &= \frac{1}{2}k \left(\frac{3}{2} \right) \text{ ج ف} \end{aligned}$$

یہاں اسادہ رقاص کی گولی اور مقعر آئینے پر حرکت کرنے والا
کرہ اگر ایک ہی قسم کا راستہ اختیار کرے تو کسی خاص محل پر کرے
کی رفتار اسادہ رقاص کی گولی کی رفتار سے ہمیشہ کم ہوگی۔



شکل ۵۹۔ اسادہ رقاص کی ترسیم

اگر $r =$ رقاص کی گولی کی رفتار کسی مقام پر $r =$ کُرے کی رفتار
اسی مقام پر۔ تو
 $r = 2 = 2$ ج ف اور

$r = 2 = 2$ ج ف $= 2$ ج ف $= 2$ ج ف
بناء بریں راستے کے کل نقطوں پر لڑھکنے والے کُرے
کی رفتار رقاص کی گولی کی رفتار کے صرف $\frac{1}{2}$ کے برابر ہوگی۔
اس لئے کسی مفروضہ حرکت طے کرنے میں نیز رفتار رقاص
کی گولی کو جتنا وقت درکار ہوگا کُرے کو اس وقت کے $\frac{1}{2}$ حصہ کی
ضرورت ہوگی۔

اب ہمیں معلوم ہے کہ سادہ رقاص کا وقت دوران

اس لئے ویسا ہی راستہ طے کرنے میں لڑھکنے والے
کُرے کا وقت دوران
(د) $\times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ ہوگا۔

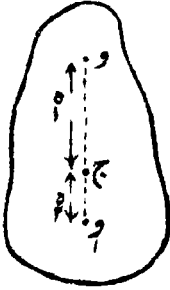
یعنی $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ ج

کُرے کا راستہ (ص - ن) نصف قطر کا قوس ہے۔ جہاں
ص = مقعر آئینے کا نصف قطر اخٹنا۔ اور ن = کُرے کا نصف
قطر۔ اُس سادہ رقاص کا طول جس کا لنگر وہی راستہ طے کرتا ہے جو کُرہ طے
کرتا ہے (ص - ن) کے برابر ہے۔
لہذا ایسے سادہ رقاص کا وقت دوران

$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$ ج

آئینے پر کُرے کا وقت دوران $= \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$

جمود کا معیار اثر ہے۔
 شکل ۹۱ میں فرض کرو
 کہ جسم ایک ایسے محور کے گرد
 ارتعاش کر رہا ہے جو کاغذ کی سطح
 پر علی القوائم ہے۔ اور نقطہ و
 سے گزرتا ہے۔ اس نقطہ و کو
 مرکز تعلیق کہتے ہیں۔ نقطہ و سے
 گزرنے والے محور کے گرد جمود کا
 معیار اثر ذیل کی مساوات سے حاصل
 ہوتا ہے:-



شکل ۹۱۔ مرکب رتقاص

$$J = \frac{W}{g} + \frac{W}{g}$$

$$= \frac{W}{g} + \frac{W}{g}$$

ک (گ + ۲) جہاں $W = Jg$ و ج
 صفحہ ۲۲۹ میں یہ ثابت کیا جا چکا ہے کہ مرکب رتقاص کا وقت دور

$$\frac{J}{g} = \frac{W}{g} + \frac{W}{g}$$

سادہ رتقاص جس کا وقت دور ان دہی ہے جو مندرجہ بالا
 رتقاص کا اُس کا طول ل حسب ذیل مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔

$$L = \frac{W}{g} + \frac{W}{g}$$

اور یہ طول سادے معادل رتقاص کا طول کہلاتا ہے۔
 اگر یہ ممکن ہو کہ جسم کے مادے کی ساری کثیت بڑھائے جائے

خط و ج میں ایک ایسے نقطے پر منبج ہو جائے جو محورِ تعلیق سے فصل مذکور پر واقع ہو تو وقت دوران اور مقام تعادل میں کوئی تبدیلی واقع نہ ہوگی۔ اور یہ نقطہ و اس طرح واقع ہوگا کہ فصل و $W = L$ ۔ محورِ تعلیق او کے لحاظ سے نقطہ و مرکز ارتعاش کہلاتا ہے۔

ج سے و کا فاصلہ h مندرجہ ذیل کے رشتے سے حاصل ہوگا۔

$$L = p + p$$

مرکزِ تعلیق اور مرکز ارتعاش آپس میں بدلے جاسکتے ہیں۔ کیونکہ

$$L = p + p$$

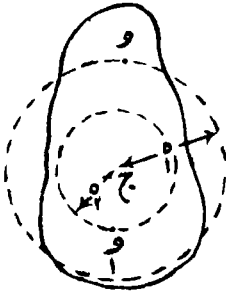
$$\frac{p + p}{p} = p + p$$

(۱) $p = p + p$
 ہر پہلو میں جمع کر کے
 $p + p = p + p$

یا $p = p + p$ (۲)

اب $p + p$ اس ساوہ رفاص کا طول ہے جس کا وقت دوران دہی ہے جو جسم کا جب جسم مذکور نقطہ و سے لٹکایا جائے اور یہ فاصلہ مساوات (۲) کے $p + p$ کے برابر ہے۔ یعنی وقت دوران ایک ہی رہیگا خواہ جسم نقطہ و سے یا نقطہ و سے لٹکایا جائے۔ یعنی اس کے معنی یہ ہیں کہ مرکزِ تعلیق اور مرکز ارتعاش

آپس میں بدلے جاسکتے ہیں۔
 اُن نقطوں کا حیز جن کے لئے مستقل ہے
 مذکورہ بالا و اور و محوروں کے علاوہ اور بھی محور ہیں جن کے
 گرد جسم کا وقت دوران وہی رہتا
 ہے جو و اور و کے گرد۔



اگر مرکز ج اور نصف
 قطر و اور و کے دو دائرے کھینچے
 جائیں۔ اور ان دائروں میں سے
 کسی ایک پر کوئی متوازی محور اٹھا
 لیا جائے تو وقت دوران ایک
 ہی رہے گا۔

نقل ۹۲۔ اُن نقطوں کا حیز جن کے لئے (د) مستقل ہے

ہ کے ساتھ د کا تغیر۔ کم سے کم وقت دوران۔ جب
 محور تعلیق مرکز جاذبہ میں سے گزرتا ہے تو وقت دوران لامتناہی
 بڑا ہو جاتا ہے۔ اگر محور مذکور لامتناہی فاصلے پر واقع ہو تو پھر
 وقت دوران لامتناہی ہو گا لہذا محور کا کوئی درمیانی مقام ایسا بھی
 ہو گا جس کے لئے وقت دوران کم سے کم قیمت رکھیں گا۔
 ہمیں معلوم ہے کہ

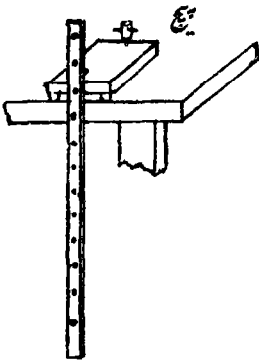
$$\frac{g^2 + d^2}{4} = \pi^2$$

د کی قیمت اس وقت کم سے کم ہوگی جب $\frac{g^2 + d^2}{4}$ کی
 قیمت کم سے کم ہوگی۔

$$\text{لیکن } \frac{g^2 + d^2}{4} = \frac{g^2 + 0 + 2 + 0}{4} = \frac{g^2 + 2}{4}$$

یہ صاف ظاہر ہے کہ اس رقم کی قیمت اس وقت کم سے کم ہوگی جب $h = 0$ گ
اس صورت میں سادہ معادل رتاقص کا طول $= 2g$ گ
اور ہر دو نقطے و اور و مرکز جاذبہ ج سے گ فاصلے پر
واقع ہیں۔

کم سے کم وقت دوران $= 2\pi \sqrt{\frac{2g}{g}}$ گ
تجربہ ۹۲۔ مرکب رتاقص۔ نتائج مندرجہ بالا
کی تشریح کے لئے میٹر طول کی ایک مستطیلی سلاخ جس کی
ساری لمبائی میں مساوی مساوی فاصلوں پر (تقریباً دو دو سمر پر)
سوراخ بنے ہوں، ایک ایسے محور سے لٹکائی جاسکتی ہے جس کا
افقی وضع میں رہنا ضروری ہے (شکل ۹۳ ملاحظہ ہو)۔



(۱) سلاخ کے ایک سرے
سے شروع کر کے ہر تیسرے سوراخ
سے سلاخ کو لٹکا کر اس کا وقت دوران
دریافت کرو۔ مگر وقت دوران
محسوب کرنے کے لئے ۵ مکمل
ارتعاشوں کے مجموعی وقت کا مشاہدہ
کرنا چاہیئے۔

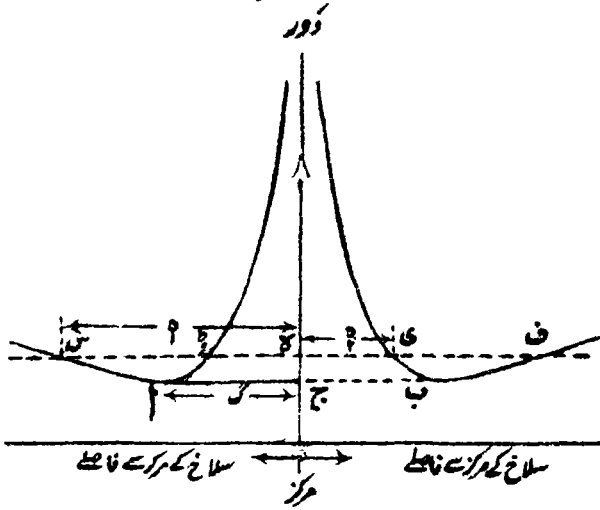
(۲) مرکز جاذبہ سے مختلف
فاصلوں پر سلاخ کو لٹکا کر وقت
دوران دریافت کرنے کے بعد

شکل ۹۳۔ سلاخی رتاقص

ان فاصلوں اور وقت دوران کی ترسیم کیجئے۔ سلاخ کے دونوں
کے لحاظ سے ترسیم میں دو متساوی شاخیں ہونگی ترسیم کے ملاحظہ
سے یہ ظاہر ہوگا کہ نقطوں ۲ اور ب پر وقت دوران کی قیمت
کمترین ہے۔

(۳) معنی سے ان کمترین اوقات دوران کے لئے سلاخ پر سوراخ

دریافت کرو۔ اور اس کمترین وقتِ دوران کے سوراخ کے دونوں طرف دو دوسراخوں کے لئے وقتِ دوران نہایت صحت کے ساتھ



شکل ۹۲۔ مرکب رقاص کی ترسیم

دریافت کرو۔ اور اس سوراخ کے لئے بھی وقتِ دوران نہایت صحت کے ساتھ دریافت کرو جہاں یہ وقتِ دوران کمترین قیمت رکھتا ہے۔ ان پانچ سوراخوں میں سے ہر ایک کے لئے کم سے کم سوار تھائیں یعنی چابٹیں تاکہ منحنی کے اس حصے میں نقطے بہت ہی صحیح حاصل ہوں۔
۱ اور ب کے مقامات سے گزریافت کرو:-

$$گ = ۲ = ج = ب$$

(۴) شکل ۹۲ میں ایسے نقطے مثلاً س۔ ڈ۔ ی۔ ف دریافت کرو جن میں سے ہر ایک کے لئے وقتِ دوران ایک ہی ہے۔

اس لئے اگر س = ۱ م کو تعبیر کرے۔ - لا ی = ۲

$$۴ = ف = ۲ اور ۴ = ڈ = ۲$$

ذیل کے منابض سے گردش نصف قطر کی قیمت محسوب کرو۔

$$گ = ۲ = ۲$$

سادے معادل رقاص کا طول دریافت کرو۔ یہ طول

$$l = \frac{p}{g}$$

اور ذیل کے ضابطے سے g کی قیمت دریافت کرو۔

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

(۵) نمونی کے نقطے ۲ اور ۱ کے لئے کمترین وقت T اور ان T دریافت کرو اور ذیل کے ضابطے سے g کی قیمت محسوب کرو:

$$g = \frac{4\pi^2 l}{T^2} \quad \text{اگر } g \text{ کی قیمت معلوم ہو}$$

(۶) جسم کا کمیت مادہ تک دریافت کرو۔ اور ذیل کے ضابطے سے g کے لکھو کا معیار اثر محسوب کرو۔

$$g = \frac{W}{m}$$

g کی مختلف قیمتیں جو (۳)، (۴)، (۵) اور (۶) میں حاصل ہوئی ہیں ان سب میں مطابقت ہونی چاہئے۔ اور یہ قیمتیں تقریباً سلاخ کے طول کا $\frac{1}{16}$ ہونی چاہئیں۔ بشرطیکہ طول کے مقابلے میں سلاخ کا عرض نظر انداز کر دیا جائے (تیمم میں جو g کے معیار اثر کا بیان ملا خط ہو)۔

تجربہ ۶۹۔ استواری کے مقیاس کی تقسیم اور تقاسم سے ایک سلاخ یا ایک ٹرس سے

جود کے معلوم معیار اثر کا کوئی دوسرا جسم ایک ایسے تار سے لٹکاؤ جس کا اُپر کا سہرا مضبوط جکڑا ہوا ہو۔

جسم کا وقت T اور ان g حالت میں دریافت کرو جب وہ مڑدھڑی رقاص کی طرح حرکت کرتا ہو۔

تار کا طول اور اس کا نصف قطر ناپو۔ نلکے ہوئے جسم کے جود کا معیار اثر اس کے ماتوے کی کمیت اور اس کے لمبائی کے علم سے دریافت کرو۔

مندرجہ ذیل مساوات سے استواری کے مقیاس کی قیمت اخذ کرو۔

$$\frac{\pi^2}{\frac{2}{\pi} \left[\frac{2}{\pi} \right]} = 2$$

$$\frac{\pi^2}{\frac{2}{\pi} \left[\frac{2}{\pi} \right]} = 2$$

اسی تار سے دو اجسام کو بطور مڑوڑی رقاص استعمال کر کے ان کے جمود کے معیار اثر کا مقابلہ کرو۔

$$\frac{\pi^2}{\frac{2}{\pi} \left[\frac{2}{\pi} \right]} = 2$$

$$\frac{\pi^2}{\frac{2}{\pi} \left[\frac{2}{\pi} \right]} = 2$$

چونکہ دونوں جسم ایک ہی تار سے لٹکائے گئے ہیں اس لئے

$$\frac{2}{\pi} = \frac{2}{\pi}$$

تجربہ سے معلوم ہوتا ہے۔ مرغولہ دار کمائی سے لٹکتے ہوئے مادے کا وقت دوران (ارتعاش) کا مشاہدہ کر کے ج کی قیمتیں — مرغولہ دار کمائی سے ایک مادہ لٹکاؤ۔ اور اس مادے کو آہستہ سے لٹکانے پر کمائی میں جو بڑھاؤ پیدا ہوگا اس کو دریافت کرو۔ مادے میں انتصابی ارتعاش پیدا کر کے اس کا وقت دوران دریافت کرو۔

ذیل کے ضابطے سے (جس کا ثبوت صفحہ ۲۵۱ میں دیا جا چکا ہے)

ج کی قیمت محسوب کرو۔

$$\frac{\pi^2}{\frac{2}{\pi} \left[\frac{2}{\pi} \right]} = 2$$

فصل دہم

گیس: پارچہ اور کلیئہ بائیل

۱۔ گیسوں کی خاصیتیں

مادے کی اُپر شکلوں سے گیس اس حیثیت سے مختلف ہے کہ گیس جہاں جگہ پاتی ہے اُس کو بھر دیتی ہے۔ ایک خاص حجم میں خواہ گیس کی مقدار کتنی ہی چھوٹی ہو وہ تمام حجم میں پھیل جاتی ہے۔ گیس کی شکل کی اشیاء میں یہ خاصیت ایک نہایت ہی عجیب خاصیت ہے اور اس خاصیت کو ہم ان اشیاء کا پھیلاؤ کہہ سکتے ہیں۔

اس فصل میں ہم صرف اُن گیسوں کا مظاہرہ کر رہے ہیں جو بھرت کر نیگے جن کا تعلق مستقل تپش سے ہے۔ اور تپش کی تبدیلیوں کے اثرات کی تحقیقات حرارت کے باب میں کی جائیگی۔

کلیئہ بائیل

جب کہیں گیس کی ایک مستقل مقدار کے حجم میں تبدیلی واقع ہوتی ہے تو گیس کا دباؤ ایک خاص طریقے سے بدل جاتا ہے چنانچہ اگر تپش مستقل قائم رکھی جائے دباؤ اور حجم میں

تناسب معکوس رہتا ہے۔ یہ رشتہ حسب ذیل آسان شکل میں لکھا جاسکتا ہے:-

$$\text{دباؤ} \times \text{حجم} = \text{مستقل}$$

۱۶۷۲ء میں رابرٹ بائیل انگریز سائنس دان نے اس رشتے کو پہلے پہل بیان کیا تھا۔ اور یہ رشتہ کلیئہ بائیل کے نام سے مشہور ہے۔ فرانس میں بھی ایک سائنس دان مسی ماسری ۱۷۸۷ء نے چودہ برس بعد بطور خود اس کلیئے کا دعویٰ بیان کیا۔ اور اس بناء پر یہ کلیئہ انگلستان کے سوائے تمام ممالک یورپ میں کلیئہ ماسری ۱۷۸۷ء کے نام سے مشہور ہے۔ (نوٹ:- اس کے مستقل انگریزی کتاب ٹیٹ کا خواص مادہ ضمیمہ ۷ دیکھو)۔

یہ ظاہر ہوگا کہ مستقل پیش برگیس کے مظاہروں کی تحقیقات کے لئے یہ ضروری ہے کہ ہم اس کے حجم اور دباؤ کی پیمائش کے ذرائع مہیا کریں۔

حجم کی پیمائش میں کسی قسم کی دقت پیش نہیں آتی مگر دباؤ کی پیمائش کے لئے کچھ تشریح کی ضرورت ہوگی۔

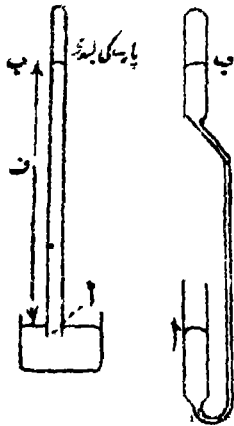
۲۔ گروہ ہوائی کے دباؤ کی پیمائش۔
بند حجم کی گیسوں کے دباؤ کی پیمائش پر بحث کرنے سے قبل پہلی چیز جس کا جاننا ضروری ہے وہ یہ ہے کہ ہوا بہت بڑا دباؤ ڈالتی ہے۔

بار پچا

اس امر کے اظہار کے لئے ایک میٹر لمبائی کی شیشے کی

ایک نلی کے کراس کا ایک سہرا بند کر دیا جاتا ہے۔ پھر اس نلی کو پارے سے بالاب بھر کر ایک پیالے میں جس میں پارا پہلے سے موجود ہو اس طرح اونچا یا جاتا ہے کہ نلی کا کھلا ہوا منہ پیالے کے پارے کے اندر چلا جائے باوجودیکہ نلی میں پارے کے سوائے کوئی اور شے داخل نہیں کی جاتی ہے۔ اونچانے پر نلی کا پارا فوراً کچھ نیچے اتر آتا ہے۔ پارا سب کا سب نلی سے نہیں گر پڑتا۔ بلکہ ایک خاصا بڑا تقریباً ۵، سمر بندی کا پارے کا ستون نلی میں رہ جاتا ہے۔ اور یہ ستون کرؤ ہوائی کے دباؤ کی وجہ سے سہارا ہوا رہتا ہے۔ اس ساخت کی نلی بار پیل کی نلی کہلاتی ہے۔

شکل ۱۹ میں نلی کے اس نقطہ ۲ پر کے دباؤ پر غور کرو جس کی سطح مٹی ہے جو نلی سے باہر کے پارے کی آزاد سطح ہے۔ اس نقطے کے اوپر



شکل ۱۹ - بار پیل کی سادہ شکلیں

کثافت اور بلندی ف سمر پارے کا ستون قائم ہے۔ اور یہ ستون اس نقطہ ۲ پر دباؤ بمقدار ف ث ج ڈائن فی مربع سمر ڈالتا ہے۔ نلی کے اندر کے پارے کے اوپر جگہ ب بالکل خلا ہے سوا پارے کے بخار کی نہایت ہی خفیف مقدار کے جس کا اثر نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ اس لئے نقطہ ۱ پر مجموعی دباؤ صرف

پارے کے ستون کے سبب سے ہے یعنی نلی کے اندر نقطہ ۲ پر دباؤ = ف ث ج ڈائن فی مربع سمر۔ جو دباؤ نلی کے باہر پارے کی آزاد سطح پر عمل کرتا ہے وہ صرف خارجی کرؤ ہوائی کا دباؤ ہے۔

مانع کی ایک ہی افقی سطح کے کل نقطوں پر دباؤ ایک ہی ہے۔ اس لئے تلی کے اندر نقطہ ۲ پر دباؤ باہر کی سطح کے اوپر کے دباؤ کے بالکل برابر ہے۔ کیونکہ ۲ اسی افقی سطح میں واقع ہے جس میں باہر کی سطح ہے۔ ۲ پر دباؤ ف ت ج ہے۔ اور باہر کے پارے کی سطح پر دباؤ ماکرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔

اس لئے کرہ ہوائی کا دباؤ = ف ت ج ڈائمن فی مربع جو مکہ کرہ ہوائی میں تپش کی تبدیلی ایک چھوٹی حد کے اندر ہوتی ہے اور اس حد کے اندر پارے کی کثافت تقریباً مستقل رہتی ہے۔ اس لئے قاعدہ ہے کہ دباؤ کو پارے کی بلندی سے سمجھ میں بیان کرتے ہیں۔ مگر حقیقت حال یہ ہے کہ اس طریقے کے دباؤ کی جو قیمت ملیں گی وہ صفر درجہ می پر کے پارے کے اسطوانہ کے طول کی رقوم میں ہوگی۔ لیکن معمولی مقاصد کے لئے تپش کی وجہ سے تصحیح کرنے کی چنداں ضرورت نہیں کیونکہ کثافت کی تبدیلی بہت ہی کم ہوتی ہے۔ اگر اس تصحیح کی ضرورت ہو تو اس کا حساب بلا دقت ہو سکتا ہے (صفحہ ۲۷۸ ملاحظہ ہو)۔

مزید برآں ج کی قیمت تمام کرہ زمین کی سطح پر یکساں نہیں ہے۔ اس لئے عرض البلد اور سطح سمندر کی بلندی کی وجہ سے جس تصحیح کی ضرورت ہوگی اس کو حساب میں داخل کرنا چاہیے تاکہ پارے کی مشہودہ بلندی اس بلندی میں تخیل ہو جائے جو اس کو سطح سمندر اور ۵ م عرض البلد پر حاصل ہو۔ بہر حال اس تصحیح کی ضرورت صرف اس وقت پڑتی ہے جب غایت درجے کی صحت مد نظر ہو۔ چونکہ ہم کو ف اور ج کو تقریباً مستقل تصور کرنے کا مجاز ہے

اس لئے کرہ ہوائی کا دباؤ، پارے کی ایک خاص بلندی ف کے مثل کہا جاسکتا ہے۔ اور یہ بلندی بار پیمائی کی بلندی کہلاتی ہے۔

یہ بلندی پارے کے اسطوانہ کی وہ بلندی ہے جس کو مذکورہ بالا ساخت کے بار پیمائی کی نلی میں کرہ ہوائی سہارتا ہے۔
 آجکل Meteorology (شہابیات) کا محکمہ کرہ ہوائی کے دباؤ کو ان اکائیوں میں ظاہر کرتا ہے جو مطلق س گگ حثا نظام کی اکائیوں کے اصناف ہیں۔ اور بعض جدید بار پیمائی اس طرح درجہ بند کئے گئے ہیں کہ ان میں دباؤ کی قیمتیں ان اکائیوں میں براہِ راست پڑھ لی جاسکتی ہیں۔

دباؤ کی مروجہ اکائی بار (Bar) کہلاتی ہے اور یہ اکائی ۱۰ ڈائین فی مربع سمر کے برابر ہے۔ دو چھوٹی اکائیاں بھی مستعمل ہیں۔ سنتی بار (Centibar) اور ملی بار (Millibar) جو بالترتیب ۱/۱۰ اور ۱/۱۰۰ بار (Bar) ہیں۔
 بار (Bar) عرض البلد ۴۵° میں صفر درجہ مٹی پر کے پارے کی ۱.۰۱۵ سمر بلندی کے دباؤ کے مثل ہے۔

طبعی کرہ ہوائی (پارے کا ۱ سمر) ایک بار (Bar) سے قدرے بڑا ہے۔ اور اس کی قیمت ۱.۰۱۳۵۲ ملی بار (Millibar) ہے۔

بار پیمائی کی مروجہ شکلیں

لانمانٹلی کی شکل کا — اس کام میں جہاں غایت درجہ کی صحت مقصود نہ ہو سادہ لانمانٹلی کی شکل کا (جیسا شکل ۹۵ میں دکھایا گیا ہے) بار پیمائی کافی بکار آمد ہوگا۔ یہاں ۲ کی آزاد سطح متذکرہ بالا وضع کے بار پیمائی میں حوصک کے پارے کی آزاد سطح کے بجائے ہے۔

سرے کے قریب نلی موڑ دی گئی ہے تاکہ پارے کی دو سطحوں جن کی بلندی کے فرق کی پیمائش مقصود ہے ایک ہی انتصابی خط میں رہیں۔

نلی کے حصے ۲ اور ب خاصے چوڑے قطر کے ہونے چاہئیں۔ اور ان کی عمودی تراشیں آپس میں برابر ہونی چاہئیں۔ تاکہ سطحی تناؤ کی وجہ سے بلندی کے مشاہدے میں غلطی داخل نہ ہو۔ بلندیاں ایک ایسے پیمانے پر پڑھی جاتی ہیں جو عموماً خود نظیروں پر کھدا ہوتا ہے۔ بلندی سطوح ب اور ۲ کا عمودی فاصلہ ہے۔ اس شکل میں صحت جو قابل حصول ہے کچھ زیادہ درجے کی نہیں پیمانے کے ہر بار پڑھنے میں جو غلطی داخل ہو سکتی ہے وہ نصف ٹر تک پہنچ سکتی ہے۔ اور چونکہ یہاں پیمانے کو دو دفعہ پڑھنا پڑتا ہے اس لئے غلطی جو یہاں ممکن ہے ایک ٹر تک ہو سکتی ہے۔

فورٹن کا بار پیمائش

اس قسم کے بار پیمائش عموماً طبیعیات کے معمول میں پائے جاتے ہیں جہاں کرہ ہوائی کے دباؤ کے صحیح مشاہدوں کی ضرورت پڑتی ہے۔ یہ آلہ سادہ قسم کے بار پیمائش کی نلی (صفحہ ۲۶۷) سے زیادہ مختلف نہیں ہے۔ فرق صرف یہ ہے کہ اس آلے میں پارے کی دو سطحوں کے پڑھنے کا طریقہ خاص ہے۔

تجربہ کار۔ فورٹن کا بار پیمائش پڑھنا۔ پارے کی بلندی دریافت کرنے کے لئے مندرجہ ذیل دو ترتیبیں ضروری ہیں :-

(۱) حوضک کی ترتیب۔ نلی کے نیچے کے سرے پر چڑے

کی تھیلی میں پارا رہتا ہے۔
اور اس تھیلی کی شکل اس
کی تہ پر لگے ہوئے پیچ ۲
کے ذریعہ سے بدلی جاسکتی
ہے۔ بارپیا کے ڈھانچے
کے ماتحتی دانت کا ایک
چھوٹا مخروط نصب رہتا
ہے۔ اور اس مخروط کی
راس ص بارپیا کے
پیانے کا صفر ہے (شکل
۹۷)۔

پیچ ۲ کو گھما کر پلے
کی سطح ماتحتی دانت کے
اس مخروط کی راس تک
پڑھا دی جاتی ہے۔ اور
پیچ اس وقت تک گھمایا
جاتا ہے کہ راس مذکورہ
اور پارے میں اس کا
خیال میں ملنے ہوئے
دکھائی دیں۔ ۲ و ۱ پارے
کی سطح میں سراسر
مذا کو سر پر کسی قسم
کا نشیب نظر نہ آئے۔
اس امر کی توضیح کے لئے



شکل ۹۷
فورن کا بارپیا



شکل ۹۸
فورن کا بارپیا کا حوضک

ذیل کی شکل ملاحظہ ہو:-

پارے کی سطح ضرورت سے پیچی

صحیح ترتیب

پارے کی سطح ضرورت سے زیادہ اونچی (بگڑے ہوئے)
عکس پر غور کرو

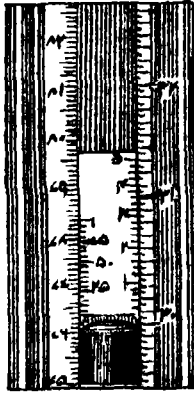
شکل ۹۸۔ حوضک کی ترتیب

اس طریقے سے پارے کی سطح نہایت نزاکت کے ساتھ درست کی جاتی ہے۔ بشرطیکہ پارے کی سطح مناسب طور پر منور کر دی جائے۔

(۲) نلی کے پارے کی بالائی سطح پر پیمانے

کی ترتیب — بالائی سطح پر ترتیب مقابہ آسان نہیں ہے۔ شیشے کی نلی کے اوپر ایک پیتلی نلی سے چڑھی ہوتی ہے۔ اور یہ نلی آلے کے بازو میں لگے ہوئے پیچ ب کے ذریعے سے اوپر نیچے اٹھائی جاتی ہے (شکل ۹۶)۔ اس نلی کا نیچے کا حصہ اس طرح کٹا ہوا ہوتا ہے کہ اس کی کٹی ہوئی پشت ڈ اور اس کے کٹے ہوئے سامنے ص کے کنارے ایک ہی افقی سطح میں ہوں۔ جیسا شکل ۹۷ سے واضح ہے)۔ اگر مشاہد کی آنکھ ان دونوں کناروں کی سطح کے نیچے رکھی جائے تو پشت اور سامنے کے کنارے دونوں دکھائی دیں گے۔ اگر آنکھ کو تدریج اونچا کیا جائے تو پشت کا کنارہ رفتہ رفتہ نظر سے چھپتا جائیگا۔ یہاں تک کہ جب آنکھ ٹھیک اس متحرک نلی کے کٹے ہوئے کناروں کی سطح میں آ جاتی ہے تو پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے عین چھپ جاتا ہے۔

آنکھ کو اس طرح رکھا جائے کہ اوپر کے بیان کے مطابق پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے عین چھپ جائے۔ اس کے بعد پیتل کی نلی کو متحرک کرنا چاہیے یہاں تک کہ سامنے کا کنارہ پارے کی چوٹی ب کی سیدھ میں آجائے۔ مگر یہ ضروری ہے کہ نلی کے حرکت کرتے وقت آنکھ اس کے کپے ہوئے کناروں کی سطح میں رہے (شکل ۹۹)۔



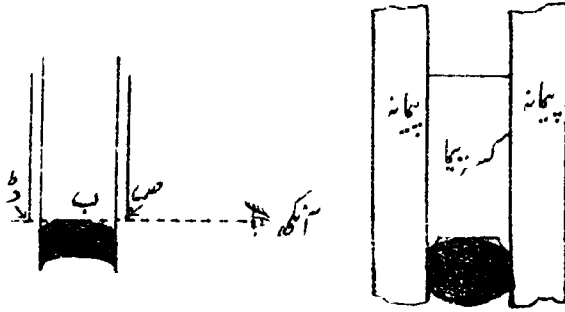
شکل ۹۹۔ پارے پانے اور کسر پیا

اگر آنتالہ۔ اگر آنکھ نلی کے کپے ہوئے کناروں کی سطح سے اوپر رکھی جائے تو پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے سے چھپ جائیگا۔ اور اس حالت میں آنے کی ترتیب درست نہیں رہیگی۔ اس لئے یہ نہایت ضروری ہے کہ آنکھ کو اونچا کیا جائے یہاں تک کہ پشت کا کنارہ سامنے کے کنارے کے نیچے عین غائب ہو جائے۔ سطح کے درست ہونے کا یہی ایک معیار ہے۔

جب متحرک نلی ٹھیک جگہ رکھ دی گئی ہے تو آنکھ کے نیچے کی طرف ذرا سی بھی حرکت ہے پشت کے کنارے کو دکھائی دینا چاہیے۔ جب آنکھ دوبارہ صحیح سطح پر اونچی کی جائے تو سامنے کے کنارے کا وسط پارے کی چوٹی سے ٹھیک مس کرتا ہوا معلوم ہونا چاہیے۔ مگر اس صورت میں چوٹی کے دونوں طرف کنارے کے نیچے کچھ روشنی صاف دکھائی دے گی۔

پیتل کی چھوٹی نلی میں ایک کسر پیا لگا ہوا ہوتا ہے۔ اس

کسر پیم کا صفری نشان نیچے کے کٹے ہوئے کنارے کے ساتھ ممسط



شکل عتلا - کسر پیم کی ترتیب

رہتا ہے۔ یہ کنارہ عام طور سے دونوں طرف نیچے نکلا ہوا ہوتا ہے تاکہ کثرت استعمال سے گوشے گھس نہ جائیں۔ آلے کے ڈھانچے میں ایک ثابت پیمانہ لگا ہوا ہوتا ہے جس کے کنارے پر یہ کسر پیم اوپر نیچے حرکت کرتا ہے۔ اور اس پیمانے پر کسر پیم کے ذریعے سے پارے کی چوٹی کی بلندی معلوم ہوتی ہے۔ پیمانہ آلے کے اوپر کے حصے کے قریب چند سنتی میٹروں ہی تک درجہ بند کیا جاتا ہے۔ اس پیمانے کا صفر اوپر بیان کئے ہوئے حوضک کے باقی دانت کا سرا ہے۔ اس لئے کسر پیم سے دکھلائی ہوئی پیمائے کی درجہ خوانی بار پیم کی بلندی بتاتی ہے۔

بار پیم کی اور مروجہ شکلوں میں ایک لائنا ٹلی کی شکل کا ایسا بار پیم ہے جس کی چھوٹی ساق میں پارے کی سطح پر تیرنے ہوئے وزن سے لگے ہوئے نمائندے کے ذریعے سے پارے کی سطح کی حرکت ظاہر ہوتی ہے۔ ایک اور شکل ہے جس کی ساخت فورٹین کے بار پیم جیسی ہے مگر اس میں حوضک کے درست کرنے کا

کوئی انتظام نہیں ہے۔
حوضک میں پارے کی سطح کی تبدیلی سے درجہ خوانی میں غلطیاں ضرور پیدا ہوتی ہیں۔ کیونکہ ایسے آلے کے سرے پر سنلٹی میٹرو یا انچوں میں جو درجے بندیاں ہوتی ہیں ان میں حوضک کے پارے کی سطح کی تبدیلی کی تلافی کا کچھ خیال نہیں رکھا جاتا ہے۔ مندرجہ بالا دونوں قسموں کے بار پیمیا میں سے کوئی ایک بھی سائنس کے تجربوں میں کارآمد نہیں ہے۔

بے غم بار پیم۔ بے غم بار پیم یا بار پیمیا کی ایک نہایت آسان شکل ہے۔ اور اس کی جدید شکل غایت درجے کی صحت دے سکتی ہے۔ یہ بار پیمیا دھات کا ایک ایسا برتن ہے جس میں مکمل خلا پیدا کر دیا گیا ہے۔ اور جو بالکل ہوا بند کر دیا گیا ہے۔ کرؤ ہوائی کے دباؤ کی تبدیلی سے اس برتن کی شکل کچھ نہ کچھ بگڑ جائیگی۔ اور یہ بگاڑ دباؤ کی تبدیلی کے متناسب ہے۔ (صفحہ ۱۶۹ پر کلیئہ ہوک ملاحظہ ہو)۔

پیرم اور گھڑی کے پیرزوں جیسے انتظام سے یہ خفیف بگاڑ بڑا دکھایا جاتا ہے۔ اور اس انتظام سے نمایندہ ایک پیمانے پر حرکت کر کے کرؤ ہوائی کے دباؤ کی تبدیلی صاف صاف بتاتا ہے۔

اس آلے سے دباؤ کی قیمت براہ راست نہیں ملتی۔ اس لئے اس کی ضرورت ہے کہ اس کی درجہ خوانیوں کا حوسن کے سیمابی بار پیم سے مقابلہ کر کے اس آلے کی تعمیر کی جائے۔ مگر ایک دفعہ تعمیر کئے جانے کے بعد اس کی درجہ خوانیوں کی صحت پر تقریباً مدت لامتناہی تک بھروسہ کیا جاسکتا ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ بار پیم کو جگہ بہ جگہ لے جایا جائے تو اس صورت میں یہ آلہ نہایت مفید ثابت ہوتا ہے اس لئے کہ اس کو ایک جامع مختصر شکل کا بنا سکتے ہیں مگر جگہ بہ جگہ جانے میں یہ ضرور ہے کہ یہ آلہ مختلف تپشوں کے زیر اثر آئے۔ اور تپشوں کے زیادہ اختلاف سے

اس کی درجہ خوانیوں کی صحت بہت درست نہیں رہیگی۔ اس سبب سے کہ دھات کے برتن کی لچک تپش سے مؤثر ہوتی ہے۔

تجربہ ۲۷۷۔ بے غم بار پیمائے استعمال سے کسی عمارت کی بلندی کی پیمائش — ایک ایسا بے غم بار پیمائے

لو جس کا پائین بہت چھوٹے چھوٹے درجوں میں منقسم ہو۔ اور عمارت کی زمین اور اس کی چھت پر اس آلے کی درجہ خوانیوں کے خرق کا مشاہدہ کرو۔ فرض کرو کہ فرق مشہودہ پارے کی لاسمہ بلندی ہے۔

یہ فرق ہوا کی سطحوں کے درمیانی فاصلے کے مطابق ہے۔

اور یہ فاصلہ عمارت کی بلندی ف ہے۔ اگر سطحوں کا یہ فرق کم ہو اس کے اندر کی ہوا کو ہم ایک ایسا سیال تصور کر سکتے ہیں جس کی کثافت تقریباً تمام یکساں ہے۔ اس حالت میں ان دو نقطوں کے بیچ کے دباؤ کا فرق ف ح ج کے برابر ہے۔ جہاں شام ہوا کی کثافت ہے۔ دباؤ کا یہ فرق پہلے ناپا جا چکا ہے۔ اور یہ وہ دباؤ ہے جو پارے کا لاسمہ لمبائی کا مسطوانہ ڈالتا ہے۔

پس ف ح ج = لا ح ج، جہاں ف، پارے کی کثافت ہے۔

تپش کی وجہ سے کثافتوں میں جو خفیف تبدیلی واقع ہوتی ہے اس کو نظر انداز کر کے ہم کافی صحت کے ساتھ یہ کہہ سکتے ہیں کہ ح ج = ۱۳۵۶ گرام فی مکعب سمر اور ح ج = ۵۰۰۱۲۹ گرام فی مکعب سمر

اس لئے ف = لا $\frac{۱۳۵۶}{۵۰۰۱۲۹}$

بلندی کو براہ راست ناپ کر اس نتیجے کی تصدیق کرو۔ پہاڑ پر چڑھنے والے جو بے غم بار پیمائے استعمال کرتے ہیں وہ اکثر براہ راست فٹ اور میٹروں میں درجہ بند رہتے ہیں۔

سیلابی بارش میں تیش کی تصحیح

کرہ ہوائی کے دباؤ کو: ہر کے پارے کی بلندی (سمر) یا ڈائین فی مربع سمر میں ظاہر کرنے کے لئے اس کی ضرورت ہے کہ بارش کی مشہودہ بلندی تیش کی وجہ سے صحیح کر لی جائے۔

فرض کرو کہ بارش کی درجہ خوائی لا سمر ہے۔ یہ درجہ خوائی دراصل سمر میں نہیں حاصل ہوتی بلکہ پیمانے کے درجوں میں۔ کیونکہ پیمانے کے درجے صرف اس وقت سمر تھے جب اس کی تیش سے متبر (مثلاً تھی)۔ یہ تیش عموماً ۵۰ ہر کی ہوتی ہے۔ فرض کرو کہ ہر کے کی تیش ۵۰ ہے تو پیمانے کا ہر درجہ {۱+ب-ت-ت} کے برابر ہے۔ جہاں ب پیمانے کے تخطی پھیلاؤ کی شرح ہے (یہ پیمانہ عام طور سے پتل کا ہوتا ہے)۔

اس لئے پارے کی حقیقی بلندی

$$\text{لا سمر} = \{۱ + ب - ت - ت\}$$

یہاں لا سمر بلندی کے پارے کا ستون تہ ہر تیش پر ہے۔ اب یہ دریافت کرنے کی ضرورت ہے کہ پارے کی کون سی بلندی کا: معنی تیش پر اتنا ہی دباؤ ڈالیں جتنا پارے کا یہ ستون کا: تہ معنی پر ڈالتا ہے۔

ہر پر لا سمر پارے کا دباؤ لا: ت ج ڈائین فی مربع سمر ہے،

جہاں ت: ہر پر پارے کی کثافت ہے۔
تہ معنی کے لا سمر ستون کا دباؤ لا: ت ج ڈائین فی مربع سمر ہے،

جہاں تہ: تہ معنی پر پارے کی کثافت ہے۔
ہمیں لا: کی قیمت ذیل کی مساوات سے دریافت

کرنی ہے:-

۱. ش ج = ۱ ش ج
اور ہمیں معلوم ہے کہ ش = ش (۱ + عت) جہاں عت
پارے کے حجمی پھیلاؤ کی شرح ہے۔

$$\text{اس لئے } ۱ = \frac{۱ ش ج}{ش ج + ۱ عت}$$

۲. کو ۱ کی رقوم میں منتقل کر کے حسب ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے:-
$$۱ = \frac{۱ ش ج + ۱ عت}{ش ج + ۱ عت}$$

جب: مٹی پر پارے کے مماثل یہ بلندی ۱. محسوب ہو جائے تو دباؤ کی
قیمت ڈائمن فی مربع سمر میں ذیل کی مساوات سے حاصل ہو سکتی ہے:-
دباؤ = ۱ ش ج

ش = ۱۳۵۹۶ گرام فی مربع سمر
ج کی قیمت حیدر آباد گرن میں ۸۷۹ ڈائمن فی گرام یا سمر
فی ثانیہ فی ثانیہ ہے۔

اس لئے ۱ = ۱۳۵۹۶ × ۸۷۹ ڈائمن فی مربع سمر
بار پیمائی کی بلندی میں تپشی تصحیح کے اس طریقے کی تشریح
کے لئے مندرجہ ذیل عددی مثال فائدے سے خالی نہیں:-

فرض کرو کہ ایک بار پیمائش میں پتیل کا پیمانہ لگا ہوا ہے ۱۸ مٹی تپش
پر ۵۹۳۳ سمر بلندی بتاتا ہے۔ پیمانے کی درجہ بندی ۱۵ مٹی پر صحیح ہے۔
اب سوال یہ ہے کہ بار پیمائی کی بلندی: مٹی پر کیا ہوگی اور یہ بھی دریافت طلب ہے
کہ گڑھ ہوائی کا دباؤ ڈائمن فی مربع سمر میں کیا ہے۔

پیتل کے خطی پھیلاؤ کی شرح = ۱۸۰ ۱۰ فی درجہ مٹی

پارے کے حجمی پھیلاؤ کی شرح = ۱۸۰ ۱۰ فی درجہ مٹی

$$\frac{\{ (15-18) \cdot 50000 + 1 \} \cdot 55933}{(18 \times 10000 + 1)} = 8$$

$$\frac{(50000 \cdot 566 + 1) \cdot 55933}{50000 + 1} =$$

$$= 55933 \cdot (100000 \cdot 566 + 1) \cdot (50000 - 1) \cdot 55933 =$$

$$= 55933 \cdot (50000 \cdot 566 + 1) \cdot (50000 - 1) \cdot 55933 =$$

بالآخر ہم یہ لکھ سکتے ہیں کہ

$$55933 \cdot (594982) = 8$$

یعنی ۵۵۹۹۰ = ۸

اوپر کی مثال میں دباؤ ڈائین فی مربع سمر میں حسب ذیل حاصل ہوگا:-

$$D = 8 \text{ شبج ڈائین فی مربع سمر}$$

$$= 55949 \cdot 136594 \cdot 181518 \cdot 981518$$

(۹۸۱۵۱۸ ج کی قیمت لندن میں ہے) -

$$= 100960 \text{ ڈائین فی مربع سمر}$$

بجز ۱۰۰۹۶۰ ڈائین فی مربع سمر
مطلق اکائیوں میں - کڑہ ہوائی کے دباؤ کی تعیین

بندی پر ہو۔ اور اُس سے لگے ہوئے تپش پیا کے ذریعے سے باریکا کی

تپش کا مستادہ کرو۔ حسب مثال مندرجہ بالا تپش کی تصحیح کر کے کڑہ ہوائی کا

دباؤ ۰ ہر پر پارے کی بلندی سمر میں دریافت کرو۔ اور اُس سے

دباؤ کی قیمت مطلق اکائیوں میں محسوب کرو۔

تپش کی تصحیحی جدول — سے ۲۵ منی تک کی

ہر تپش برجس تصحیح کی ضرورت ہوتی ہے مندرجہ بالا طریقے سے اُس کو

دریافت کر کے جدول کی شکل میں مرتب کر کے حوالے کے لئے باریکا

کے برابر لگا دو۔ اگر یہ تصحیحیں باریکا کی بلندی ۵۶۶۰ سمر فرض کر کے

محسوب کی گئی ہیں تو بغیر کسی پیچیدگی کے ان تصویموں کا اطلاق بار پیمانی کی تمام معمولی درجہ خوانیوں پر کرنا کافی طور سے صحیح ہوگا۔ کسی تپش پر تصحیح کرنے کا ضابطہ ————— بعض اوقات تصحیح حسب ذیل شکل میں ظاہر کی جاتی ہے:۔ بار پیمانی کی درجہ خوانی کے بعد اس میں سے ب سم گھٹا لو۔ اور حاصل تفریق سے ہ سمی کے اوپر ہر درجے کے لئے پچھریں سم گھٹا لو۔ مندرجہ ذیل مساوات سے اس شکل کا ضابطہ بغیر زیادہ وقت کے بطور مشق حاصل کیا جاسکتا ہے:۔

$$\Delta = \frac{\{ \Delta + b (t - t_0) \}}{1 + \alpha t}$$

اس سے حسب ذیل مساوات حاصل ہوتی ہے:۔
 $\Delta = \{ \Delta - b (t - t_0) \}$
 اوپر کے ضابطے میں ب' Δ ب' ت' ہے جو تقریباً مستقل مقدار ہے۔ اور اس کی قیمت Δ کی ۷۷ سمر قیمت کے لحاظ سے دریافت کی جاتی ہے۔
 اوپر کے ضابطے میں س' Δ (ع - ب) ہے یہ بھی تقریباً مستقل مقدار رکھتی ہے۔ اور اس کی قیمت Δ کی قیمت ۷۷ سمر فرض کر کے دریافت کی جاتی ہے۔

۳۔ بندجم کی گیس کا دباؤ

بندجم کی گیس کے دباؤ کی پیمائش عموماً پارے دار لانا نلی کے ذریعے سے ہوتی ہے۔ اس نلی کے ایک منہ کا اس بندجم سے تعلق کیا جاتا ہے جس کے اندر کے دباؤ کی پیمائش مد نظر ہے۔ اور دوسرا سیرا کرؤ ہوائی میں کھلا رہتا ہے۔
 لانا نلی کی دونوں ساقوں میں پارے کی بلندیوں کا

فرق بند حجم کے اندر کے دباؤ اور کسٹرا ہوائی کے
بیس و نی دباؤ کا فرق بتاتا ہے۔

پس اگر بند حجم س کے اندر دباؤ د (سم پرارے کی بلندی) ہو۔
اور کسٹرا ہوائی کا دباؤ (بار پیمائی کی بلندی) لا ہو۔ تو د اور لا کا باہمی رشتہ
حسب ذیل ثابت ہوتا ہے :-

$$د = لا + (ب - ا) \text{ (شکل ۱۱۱ - ملاحظہ ہو)}$$

اگر نقطہ ب نقطہ ا کے نیچے ہو تو (ب - ا) منفی مقدار ہے۔
اس لئے دباؤ د لا سے کم ہوگا۔

اگر خواہش ہو تو مندرجہ بالا جملہ اس صورت کے لحاظ سے حسب
ذیل لکھا جاسکتا ہے :-

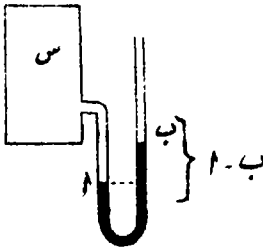
$$د = لا - (ا - ب)$$

یہ دونوں جملے جبر و مقابلہ کے نقطہ نظر سے ایک ہی ہیں۔
اور دونوں کی شکلیں بالکل عام ہیں۔

بعض دفعہ جب بار پیمائی کی بلندی پڑھنے سے اجتناب منظور
ہو تو سطح ب کا تعلق خلا سے کر دیا جاتا ہے۔ اس صورت میں

$$د = ب - ا$$

مگر یہ طریقہ شاذ و نادر استعمال کیا
جاتا ہے۔



شکل ۱۱۱ - دباؤ کی پیمائش

جب نلی ب ہوا میں کھلی
ہو تو بند حجم س کے اندر
کے دباؤ کی پیمائش محسوب
کرنے کے لئے سب
سے پہلے یہ ضروری
ہے کہ بائس پیمائی کی بلندی پڑھ
لی جائے اور ب اور ا کی

سطحوں کے درمیان کا فاصلہ دس یا فٹ کر لیا جائے۔ اس
ہدایت کو خاص طور سے ماحوظِ خاطر رکھا جائے۔ اگر
دورانِ تجربہ میں بار سپا کی بندی بدل جائے تو مقدار کا کی قیمت مختلف
اوقات کی درجہ خوانیوں میں مختلف ہوگی۔

اگر تجربے میں غایت درجے کی صحت مقصود ہو تو بار سپا کو
ب اور ۲ کے ہر مشاہدے کے بعد فوراً پڑھ لینا چاہیے۔ بہر حال گیسوں
پر ہر تجربے کے قبل اور بعد بار سپا پڑھ لینا چاہیے اور بار سپا کی ان
دو درجے خوانیوں میں جو فرق ہو اس کو مشاہدات پر علی الترتیب
تقسیم کر دو۔

۴۔ سکلیہ بائیل کی تصدیق

سکلیہ بائیل کی تصدیق کے لئے (صفحہ ۲۶۶) گیس کی ایک
مقدار شیشے کی ایک نلی میں بند کر دی جاتی ہے اور اس گیس اور خارجی
کروہ ہوائی کے بیچ میں پارا حائل رہتا ہے۔ یہ پارا ایک ایسی پچھلے درجہ
کی نلی میں رہتا ہے جس کا ایک سرانذکرہ بالا گیس دار نلی سے ملحق ہوتا
ہے۔ اور دوسرا شیشے کی ایک اور نلی میں لگا رہتا ہے اور اس نلی میں
کروہ ہوائی میں گھلی ہوئی پارے کی سطح دیکھی جاسکتی ہے۔ یا اس کی بجائے
ایک دوسرا طریقہ اختیار کیا جاسکتا ہے۔ یعنی ان دونوں شیشے کی نلیوں کے
دو سرے پھیلا کر ایک دوسرے میں جمادئے جاتے ہیں۔ اور ان دونوں
کا احاطہ ایک متحرک حوضک کے ساتھ کیا جاتا ہے۔ جیسا شکل ۱۷ سے
واضح ہے۔

اس آلے کی سب سے عمدہ شکلوں میں نلی جس میں زیر تجربہ
گیس رکھی جاتی ہے لمبے سمروں میں درجہ بند ہوتی ہے۔ ڈاٹ کی انتہا تک
تیسری ہوئی ظرفک اس مقصد کے لئے کارآمد ہے۔ اگر اس قسم کی ظرفک
دستیاب نہ ہو تو اس کے بجائے شیشے کی چھٹے بند سرے کی نلی جس کا سوراخ

تمام ہوا راند یکساں ہو استعمال کی جاسکتی ہے۔ اس نلی میں مقدار گیس اس طرح کے متناسب ہے جو چپٹے سرے اور پارے کی سطح کے درمیان واقع ہے۔

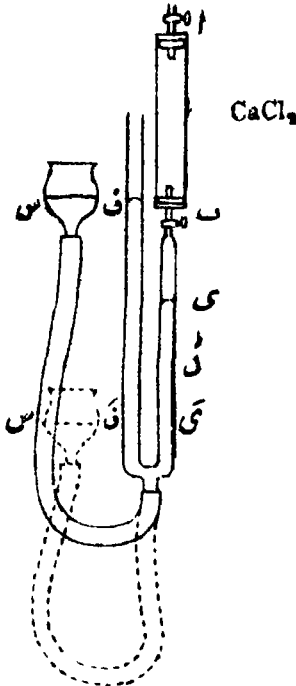
ظرفک دار آئے کی ترتیب اور درجہ خوانی مندرجہ بالا آسان شکل کی نلی کے مقابلے میں زیادہ سہل ہے۔ اگر زیادہ احتیاط مد نظر ہو تو اس میں ایک خشک کرنے کی نلی لگادی جائے تاکہ ظرفک کی ڈاٹ بند کرنے سے پہلے اس میں ہوا (یا کوئی اور گیس جو زیر تجربہ ہو) بالکل خشک ہو جائے۔

یہ ضروری ہے کہ ڈاٹ نہایت ٹھیک طور سے بند کی جائے ورنہ زیادہ دباؤ کے تحت میں نلی سے ہوا باہر نکلنے لگیگی۔ اور اس وجہ سے زیر تجربہ گیس کی مقدار بدل جائیگی۔ لہذا نکل درجہ خوانیاں ناقص ہو جائیں گی۔

تجربہ ۴۷۔ سُکلیۃ بائیل کی تصدیق (آلہ ۱۷)۔

اس قسم کے آئے کا استعمال حسب ذیل طریقے سے ہوتا ہے :-
ڈاٹ ۲ اور ب دونوں کو پہلے کھول دیتے ہیں۔ اور حوضک س کو اُپر اُچا کر کے پارا ڈاٹ ب تک چڑھا دیا جاتا ہے۔ حوضک س کو پھر نیچے کر کے ان ڈاٹوں میں سے ہوا کو داخل ہونے دیتے ہیں۔ یہاں تک کہ ظرفک ڈ تک ہوا سے پُر ہو جائے۔ ب اور ڈ کے بیچ میں تقریباً ۳ مکعب سمر ہوا کو داخل ہونے دینا چاہیے۔

ڈاٹ ۲ بند کردی جاتی ہے اور حوضک س کو پھر اُپر اُچا کر کے ہوا کو خشک کرنے والی نلی میں واپس کیا جاتا ہے یہاں تک کہ پارا ب تک پہنچ جائے۔
ہوا کو ۲ اور ب کے بیچ میں چند منٹ تک



شکل ۱۰۰۔ تھیوریٹیکل (آلہ)

رہنے دیا جاتا ہے تاکہ وہ بالکل خشک ہو جائے۔ پھر حوضک سے نیچے اتاری جاتی ہے یہاں تک کہ ظرفک میں پارے کی سطح ڈپر واپس آ جاتی ہے۔ اس عمل سے ب ڈ تقریباً خشک ہوا سے پُر ہو جاتی ہے۔ پھر ب کو بند کر دیا جاتا ہے تاکہ ب اور ڈ کے درمیان ہوا کی ایک خاص مقدار بند ہو جائے۔ اور آلہ تجربے کے لئے اب تیار ہے۔

س کو اوپر نیچے کرنے سے ظرفک میں گیس پر مختلف دباؤ ڈالے جاسکتے ہیں۔ اور گیس کا حجم بدلتا جائیگا یہاں تک کہ گیس کا دباؤ اس دباؤ کے برابر ہو جاتا ہے جو اس پر باہر سے ڈالا جاتا ہے۔

دوسری ٹی (ف) میں پارے کی سطح کی بلندی دہی ہوگی جو حوضک سے پارے کی۔ اس لئے کہ دونوں سطحیں کرویہائی میں مکمل ہیں۔

اگر حوضک کے کسی مقام کے تحت میں بظلی ٹی میں پارے کی سطح ف ہو اور ظرفک میں ی ہو تو ظرفک کے اندر گیس پر دباؤ حسب ذیل حاصل ہوتا ہے:-

$$\text{دباؤ} = \text{س} + (\text{ف} - \text{ی})$$

جہاں س بار پیمائی کی بلندی ہے۔

ان نلیوں کے ٹھیک پیچھے ایک انتصابی پیمانہ لگا رہتا ہے جس پر سطوح **ف** اور **ی** کے مقام کی درجہ خوانی ہوتی ہے۔ اس شکل کے آلے میں کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم اور زیادہ دونوں دباؤ کے تحت میں تجربے کئے جاسکتے ہیں۔ بشرطیکہ ظرفک اور بھٹی نلی ہر دو کافی لبان کی ہوں۔ اگر دباؤ زیر تجربہ کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم ہو تو مندرجہ بالا سطوح **ف** اور **ی** کی بجائے بالترتیب سطوح **ف**، **ا**، **ی** حاصل ہونگے۔ یہ صورت اُس وقت حاصل ہوتی ہے جب جو شک **س** اُس مقام تک اُتاری جاتی ہے جس کی توضیح شکل **۷۷** میں نقطہ وار لکیروں سے کی گئی ہے۔

یہاں **ب** اور **ی**، **ب** اور **ی**، وغیرہ کی درمیانی فضا میں حجم ہیں۔

چند مختلف بلندیوں پر ظرفک کو رکھو تاکہ آدھے مشاہدے کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ دباؤ کے تحت میں کئے جاسکیں۔ اور آدھے مشاہدے اس دباؤ سے کم دباؤ کے تحت میں۔

ہر تجربے میں ظرفک کے اندر گیس پر مجموعی دباؤ کو محسوب کرو۔ (اس امر کے لئے بار پیمانی بلندی پہلے دریافت کرنا ضروری ہے)۔ اور ہر دباؤ کے تحت میں ظرفک کی گیس کا حجم بھی قلم بند کرلو۔ ثابت کرو کہ حاصل ضرب دباؤ \times حجم ہر ترتیب میں ایک ہی ہے۔

اپنے مشاہدات کو حسب ذیل جدول میں مرتب کرو:-

بار پیمانی کی بلندی = $\text{cm} = \dots$ سمر

نلی نلی ف میں درجہ خوانی	ظرفک ی میں درجہ خوانی	ف-ی (ف سے ی = cm)	مجموعی دباؤ = $\text{cm} +$ گیس کا حجم ح	ح

(ان نلیوں کی بلندی
پیمانی کی بلندی میں
نلی ہوائی)

متنبیہ اس کا خیال رہے کہ ف۔ ی اور ہ ایک ہی اکائیوں
س استعمال کئے جائیں۔ یعنی ف۔ ی اور ہ دونوں کی پیمائش سمر
ن ہونی چاہئے۔ ایسا نہ ہونا چاہیے کہ ف۔ ی کی قیمت سمر میں اور
کی قیمت سمر میں لکھی جائے۔

گیس دار نلی کے سرے پر اگر ڈاٹ نہ ہو تو اس میں گیس
سی اور طریقے سے داخل کی جاسکتی ہے۔ اور پھر اوپر کے بیان کے
طابق تجربے کی تعمیل ہو سکتی ہے۔ اگر اس امر کی ضرورت ہو کہ تجربہ
رق ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت میں کیا جائے تو پارے کو
اخل کرنے سے پہلے گیس دار نلی کو بہت زیادہ گرم کرنا ہوگا۔
اس صورت میں تجربہ شروع کرنے سے پہلے یہ ضروری ہے کہ
ن کو بالکل ٹھنڈا ہونے دیا جائے۔

اس طریقے سے نلی میں ہوا کی مقدار کو کم و بیش کرنا کچھ آسان نہیں۔
بر اس کوشش میں علی اکثر ٹوٹ جاتی ہے۔ مبتدی کو ہرگز نہ چاہئے کہ
ن کی کوشش کرے۔

اگر ظرف اور ڈاٹ والا آلہ دستیاب نہ ہو تو گلیڈ کی تصدیق کے لئے
نراوقات یہ قابل ترجیح ہے کہ نلی میں ہوا کی مقدار مندرجہ بالا طریقے سے
م و بیش کرنے کی بجائے دو الگ الگ آلے (کرؤ ہوا کے دباؤ سے
بازہ دباؤ کے لئے اور دوسرا اسی دباؤ سے کم دباؤ کے لئے) استعمال
کئے جائیں۔ اگر ظرف اور ڈاٹ والا آلہ بھی دستیاب ہو۔ پھر بھی
ن دو مختلف شکلوں کے آلے کا استعمال فائدے سے خالی
میں۔ کیونکہ دو ایسے مختلف شکلوں کے آلوں کے استعمال سے دباؤ
کے مجموعی اختلاف کا اظہار زیادہ ممکن ہو جاتا ہے بہ نسبت اس
ب ہی شکل کے آلے کے استعمال سے جس کا ذکر اوپر ہو چکا
ہے۔ اور اس طرح سے گلیڈ ہوا کی تصدیق دباؤ کے تجربات کی ایک
یادہ بڑی سہولت تک ہو جاتی ہے۔ مزید برآں طالب علم بھی

مختلف اشکال کے آلوں سے جو گھسی دباؤ کی پیمائش میں استعمال کئے جاسکتے ہیں واقف ہو جاتے ہیں۔

تجربہ ۲۰۔ کلیمہ بائیل کی تصدیق۔ آلہ ۲۔
(کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ دباؤ کے تحت
میں)۔ آدزیریت کلیمہ بائیل کی تصدیق کے لئے اس وقت
استعمال کیا جاتا ہے جب دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ سے زیادہ
ہوتا ہے۔

ہوا جس پر تجربہ کیا جاتا ہے شیشے کی نلی ۱ میں رکھی جاتی
ہے۔ اس نلی کے نیچے کے حصے کا پارے کی ایک حوضک
س اور ایک دباؤ نلی ب سے تعلق ہے۔ (۱ میں گیس کی خاص
مقدار پر دباؤ) = (کرہ ہوائی کا دباؤ) + (۱ اور ب میں پارے کی

سطحوں کی بلندیوں کے فرق کے سبب
سے دباؤ)۔ کرہ ہوائی کا دباؤ باریمیا
کے ذریعے سے دریافت ہو سکتا ہے۔
فرض کر دو کہ یہ دباؤ ہ سمر پارے کا ہے۔
گیس کا حجم نسل ای کے تناسب تصور
کیا جاسکتا ہے۔ اور اس نسل کی پیمائش
آئے سے لگے ہوئے پیار سے ہوتی ہے۔

اگر ہم حوضک کو اونچا کریں۔ ۱ میں ہوا
پر دباؤ بڑھ جائیگا۔ اور ہوا کا حجم گھٹ جائیگا۔
دباؤ = کرہ ہوائی کا دباؤ + دباؤ جو پارے
کا ستون فی ڈالتا ہے۔

یعنی $D = H + (F - Y)$

نتیجہ H کے برابر ہے۔ اور یہ
ای کے متناسب ہے۔



نسل عیسائی۔ تکلیف بائیل (آلہ ۲)

اسی طرح پارے کے حوضک کے مختلف مقامات کے لحاظ سے د اور ح کی قیمتیں دریافت کرو اور حاصل ضرب (د x ح) کی قیمتیں محسوب کرو۔ اگر کلیہ بائیل کی پابندی ہو رہی ہو تو یہ قیمتیں مستقل ملینگی۔

نتیجوں کو جدول کی شکل میں مرتب کرو جس طرح آلہ صفحہ ۲۵ کے بیان میں بتایا جا چکا ہے۔

دباؤ کو معین اور حجم کو فصلہ مان کر ایک مٹھی تیار کرو۔ تیار شدہ مٹھی قائم زیاد کی شکل کا ہونا چاہئے۔

تجربہ ۱۔ کلیہ بائیل کی تصدیق۔ آلہ ۳۔

(کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت) یہ تیسری قسم کا

آلہ کلیہ بائیل کی تصدیق کے لئے اس

غرض سے استعمال کیا جاتا ہے کہ ہم

کرہ ہوائی کے دباؤ سے کم دباؤ کے تحت

ایک بڑی سمت تک تجربہ کر سکیں۔

سادہ شکل میں یہ آلہ ایک شیشہ

کی ہموار نلی پر مشتمل ہے جو پارے سے

بھری ہوئی لوہے کی نلی کے اندر اوپر نیچے

متحرک کی جاسکے۔ لوہے کی نلی کا بالائی

سر چوڑے پیالہ کی شکل کا ہے۔ سرے

کی ایسی شکل کی وجہ سے اندرونی نلی

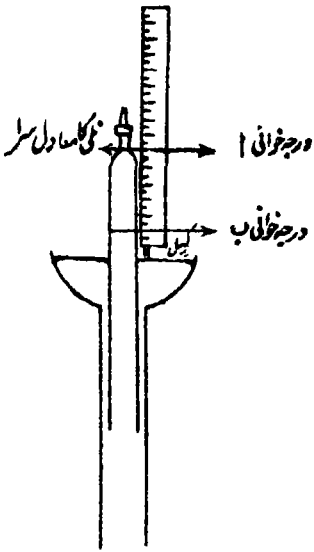
لوہے کی نلی کے اندر نہ صرف ایک

بڑی حد تک اتاری اور چڑھائی جاسکتی

ہے بلکہ اس عمل سے پارے کی خارجی

سطح کی بلندی میں کوئی متعہ بہ فرق

نہیں ہوتا۔



شکل ۱۔ کلیہ بائیل (آلہ ۳)

اندرونی شیشہ کی نلی میں گیس کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ سے بمقدار

اُس دباؤ کے کم ہے جو پارے کے اُس استوانہ سے پیدا ہوتا ہے جس کی بلندی خارجی اور اندرونی پارے کی سطحوں کا درمیانی فاصلہ ہے۔

اس بلندی کی پیمائش کے لیے انضباطی پیمانہ سے لگی ہوئی باریک کیل اس طرح مرتب کی جاتی ہے کہ اُس کی نوک خارجی پارے کی سطح کو عین چھوتی رہے (دیکھئے) ہو شکل ۱۔ اندرونی پارے کی سطح کی بلندی درجہ خوانی ب اور کیل کے طول (لاہر) کے مجموعے سے حاصل ہوتی ہے اور یہ مقدار وہ ہے جو نلی کے اندر ہوا کے دباؤ میں کرٹہ ہوائی کے دباؤ سے کمی بتاتی ہے۔

اگر نلی کا سوراخ یکساں ہو تو اُس میں گیس کا حجم، نلی کے اُس طول کا متناسب ہے جہاں تک گیس ہے۔

ثبات کے نیچے نلی کی گردن پر ایک نشان لگادیا جاتا ہے۔ یہ نشان نلی کے دو متبادل سرے کی تعبیر کرتا ہے یعنی یہ نشان وہ نشان ہے جہاں نلی کا سما، نلی کے سوراخ کے یکساں ہونے کی حالت میں ہوتا اور نلی کا حجم

وہی ہوتا جو حقیقی حجم ہے۔ اندرونی پارے کی سطح اور نشان مذکور کا درمیانی فاصلہ، نلی میں گیس کے حجم کے متناسب ہے۔

شیشہ کی نلی کی ڈاٹ کھول کر نلی کو پارے میں یہاں تک اتار دیکر نلی کا سر خارجی پارے کی سطح سے تقریباً ہ اسمبلنڈ رہے۔ احتیاط سے ڈاٹ کو بند کرو۔ بند کرتے وقت اُس کو اس طرح

گھماؤ کہ وہ اندر کی طرف آہستہ آہستہ دہتی رہے۔ اور دوران تجربہ میں اُس کو دوبارہ ہاتھ نہ لگاؤ ورنہ نلی میں اور ہوا داخل ہو جائے گا خدشہ رہیگا اور اس وجہ سے گیس زیر تجربہ کی مقدار بدل جائیگی۔

اب نلی کی ہوا کا دباؤ ذکرہ ہوائی کے دباؤ کے برابر ہے۔ کیل لگے ہوئے میز پر پیمانے کو اس طرح مرتب کرو کہ کیل کی نوک خارجی پارے کی سطح کو چھوتی رہے اور نلی کے متبادل سرے کے برابر پیمانہ کی درجہ خوانی دریافت کرو۔

نلی کو یہاں تک اونچا کرو کہ اندرونی پارے کی سطح میٹری پیمانہ کے صفر سے کچھ اوپر رہے۔ اور کیل کو اس طرح مرتب کرو کہ اس کی نوک خارجی پارے کی سطح کو عین چھوتی رہے۔ اس کے بعد پیمانہ پر، نلی کے متعادل سرے کے بخاؤی درجہ خوانی ۱ کو ٹکبند کریدو اور اندرونی پارے کی سطح کی بلندی ب بھی دریافت کردو۔ نلی کو متعدد مرتبہ چند سمر اوپر اٹھا اٹھا کر ۱ اور ب درجہ خوانیوں کو دہرائو مگر اس امور کا لحاظ رکھا جائے کہ کیل کی نوک ہر پیمائش میں نہ باہر ہی پارے کی سطح کو عین چھوتی رہے۔

بجربہ کو اس وقت تک جاری رکھو کہ نلی کو اور اوپر اٹھانے سے پیاسے میں کچھ پارا باقی نہ رہے۔

تجربوں کے کم سے کم چھ سلسلے مشاہدہ کئے جائیں اور جن دباؤں کے تحت تجربے کئے جائیں، ان نسب پر مشاہدات ہموارانہ منقسم رہیں۔

نلی کو دوبارہ اس ابتدائی مقام تک پارے میں اتارو جس پر پہلی درجہ خوانیاں لی گئی تھیں۔ اگر اس وقت درجہ خوانیاں پہلی درجہ خوانیوں کے مطابق نہ ہوں تو یہ ضرور ہے کہ ڈاٹ کے بند کرنے میں کسی نقص کی وجہ سے کچھ ہوا داخل ہو گئی ہو۔ اس صورت میں ڈاٹ کو ٹھیک طور سے پھر ہوا بند کر کے تجربے کو دہرانا چاہیے۔

بار پیماکو پڑھ کر کرہ ہوائی کے دباؤ کو پارے کے سفنی میٹروں میں ظاہر کرو۔

مشاہدات کے نتائج کو مفصلہ ذیل جدول کی شکل میں مرتب کردو۔

کیل کا طول لا = سمر

درجہ خوانی ۱	درجہ خوانی ب	دباؤ د = کرہ ہوائی۔ (ب+لا)	جمع ح = ۱۰۔ (ب)	ح د

دباؤ اور حجم کا منحنی تیار کرو۔ اس منحنی کو قائم زائد ہونا چاہئے۔
 اس طریقہ سے سکلیہ بائیل کی تصدیق ممکن ہے۔ یعنی اس امر کی تصدیق
 کہ کسی خاص مقدار کی گیس کا حجم دباؤ کے ساتھ تناسبِ معکوس رکھتا ہے بشرطیکہ
 تپش مستقل رہے۔

فصل بازیدہم

سطحی تناؤ

۱۔ سطحی تناؤ کی تعریف

ماٹع کی سطح اپنے ہر مقام پر اس طرح عمل کرتی ہے گویا کہ وہ تناؤ کی حالت میں ہے۔ اس کی تشریح کے لئے ربڑ کی تنی ہوئی جھلی بطور تشبیہ اکثر پیش کی جاتی ہے۔ مگر اس تشبیہ میں یہ اہم ذوق قابلِ محاط ہے کہ اگر ربڑ کی جھلی تانی جائے تو جھلی کی سطح میں کسی خط پر تناؤ کا عمل جھلی کے بڑھاؤ کے ساتھ ساتھ زیادہ ہوتا جاتا ہے، مگر ماٹع کی سطح میں اس تناؤ کی زیادتی اس طرح واقع نہیں ہوتی۔

ماٹع کی سطح میں کسی فرضی خط کے اکائی طول پر علی القواہم عمل کرنے والا تناؤ (ڈائنوں میں) ماٹع مذکور کا سطحی تناؤ کہلاتا ہے۔

سطحی تناؤ نہ صرف ماٹع کی نوعیت پر منحصر ہے بلکہ اُس کی سطح کی دوسری جانب کے واسطہ پر بھی موقوف ہے۔ یعنی ہوا سے مس کرتے ہوئے پارے کی سطح کا سطحی تناؤ پانی سے مس کرتے ہوئے پارے کی سطح کے سطحی تناؤ سے بالکل مختلف ہے۔ اگر پارا، پوٹاشیم ڈائی کرومیٹ (Potassium Dichromate) کے

ہلکے محلول میں رکھا جائے تو اس محلول کا اثر پارے کے سطحی تناؤ پر بہت نمایاں ہوگا۔ اس صورت میں پارا، اپنا پارہین کھودیتا ہے اور اُس میں ایک ایسی سُستی پیدا

ہو جاتی ہے جو اس کی اس سیلانیت سے بالکل مختلف ہے جبکہ وہ ہوا سے مس کرتا ہے۔
لہذا جس وقت ہم مائع کے متعلق سطحی تناؤ کا لفظ استعمال کرتے ہیں تو یہ
سمجھنا چاہئے کہ ہمارا مقصد اس سطحی تناؤ سے ہے جو مائع اور ہوا کی مشترک سطح میں
پیدا ہوتا ہے۔

۲۔ سطحی تناؤ کے اثرات شعریت

جب کبھی کوئی باریک نلی کسی مائع سے بھری جائے اور اس کا نیچے کا سر
اسی مائع سے بھرے ہوئے بڑے برتن میں ڈبو دیا جائے تو پہلے کچھ مائع نلی میں سے نیچے بہ جائے گا
اور آخر کار برتن کے مائع کی سطح سے اوپر، نلی میں مائع کا قابل بیماٹش ستون رہ جائے گا
مائع کے سطحی تناؤ کی وجہ سے نلی اس ستون کو سہارے رکھتی ہے اور یہ سطحی
تناؤ اس کی لمبائی اور نلی کے ابعاد کے ذریعہ متعین ہوتا ہے۔
فرض کر دو کہ نلی کا نصف قطر ص سمر ہے اور مائع کا سطحی تناؤ T ڈائن
فی سمر ہے۔ اس خط کے علی القوائم جہاں نلی مائع کی سطح سے مس کرتی ہے، ایک قوت
ت ڈائن فی سمر عمل کرتی ہے۔



شکل ۱۵۰
سطحی تناؤ کی وجہ سے قوت

یہ قوت مائع کی سطح سے پیدا ہوتی ہے اور اس سطح
کے خط تماس کے علی القوائم عمل کرتی ہے۔ لہذا اگر اس خط پر مائع
ن سطح کا خط تماس، نلی کے پہلو سے زاویہ θ بنائے (شکل ۱۵۱)
ابھیں ت ڈائن فی سمر کی ایک ایسی قوت ملتی ہے جس کی
سمت عمل انتصابی خط سے زاویہ θ بناتی ہو۔

پورے خط پر، جس کا طول $2\pi r$ ص ہے، عمل کرنے والی قوت $2\pi r T \cos \theta$ ص
دگی مگر اس قوت کی سمت عمل تمام نقطوں پر انتصابی خط سے بقدر زاویہ θ مائل ہے

اس لئے قوت کا صرف انتصابی جزو تحلیلی عمل کریگا اور تمام افقی اجزاء متعادل ہونگے اس لئے نلی کے خط تماس کے علی القوائم مانع ایک ایسی قوت سے نلی پر عمل کریگا جس کی مقدار ۲۲ ص ت جم عہ اور سمت عمل نیچے کی طرف ہوگی۔

چونکہ عمل اور رد عمل آپس میں مساوی اور متضاد ہوتے ہیں اس لئے نلی بھی مانع پر متذکرہ بالا قوت سے اوپر کی طرف عمل کریگی۔ یعنی نلی مانع پر اوپر کی طرف خط تماس کے علی القوائم، مجموعی قوت بقدر ۲۲ ص ت جم عہ ڈاؤن ڈالیگی۔ اور یہی قوت نلی میں چڑھے ہوئے مانع کے ستون کے وزن کو سہارے رہتی ہے اس لئے اگر ہمیں اس ستون کا وزن معلوم ہو جائے تو قوت مذکورہ بالا کا تعین ہو جائیگا۔ چڑھے ہوئے ستون کا وزن — مانع کی ہلالی سطح کے قاعدے تک یہ ستون، اسطوانی شکل کا ہے۔ اس قاعدے کے اوپر ہلالی حصہ کا حجم تقریباً نصف قطر کے نصف کرہ کے اور اس کے خائط مستوانے کے مجموعوں کا فرق ہے۔

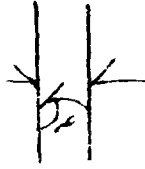
اگر ہلالی سطح کا پینڈا مانع کی خارجی آزاد سطح سے ف بلندی پر ہو تو
چڑھے ہوئے ستون کا حجم = ۲ ص ف + (۲ ص ۲ - ۲ ص ۲) (۲ ص ۲)
= ۲ ص (ف + ۲ ص)

اگر ف + ۲ ص کو ف سے تعبیر کیا جائے تو
چڑھے ہوئے مانع کے ستون کی کمیت ۲ ص ف ت، اور اس کا وزن ۲ ص ف ت ج ڈاؤن ہوگا۔ جہاں ت مانع کی کثافت ہے اور ج اسراع بوجہ جاذبہ زمین۔

اس لئے ۲ ص ت جم عہ = ۲ ص ف ت ج
یعنی ت = $\frac{۲ ص ت جم عہ}{۲ ص ف ت ج}$

ان تمام مائع کے لئے جن سے نلی کی سطح بھیگ جاتی ہے عہ۔۔
اور اس لئے جم عہ = ا۔ لہذا اس صورت میں

ت = $\frac{۲ ص ف ت ج}{۲}$



بارے کی خاصیت اس امر میں جداگانہ ہے جو قابل ذکر ہے۔ یہ سطح کو نہیں جھگوتا اور چونکہ اس میں عم کی قیمت ۰ سے زیادہ ہوتی ہے اس لئے حجم منفی ہے۔ اور حجم کی اس منفی قیمت کی وجہ سے پارے میں ف منفی رہتا ہے۔ یعنی پارا بجائے اوپر چڑھنے کے نلی میں برتن کی خارجی سطح سے نیچے اترتا ہے۔

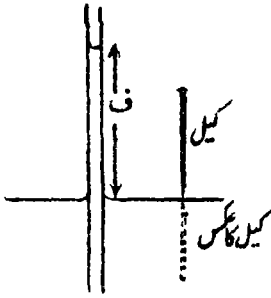
شکل نمبر ۱۰۰ سطح تناؤ کے اثرات

جس پر ہمارے۔ شعری نلی میں پانی کے چڑھاؤ سے سطحی تناؤ کی تعیین۔ ایک شعری نلی کو پہلے کاوی سوڈے سے صاف کر دو اور اس کے بعد بائزرک ترشہ سے۔ اور پھر زیادہ پانی سے خوب دھو دیں یہاں تک کہ نلی میں ترشہ کا کوئی شائبہ باقی نہ رہے۔ اس نلی کو پتلے شیشے کے پانی سے بھرے ہوئے ایسے مقدار میں رکھو جس کی دیواریں انتہائی ہوں۔ پھر نلی کو پانی میں اس قدر نیچے ڈالو کہ تمام نلی پانی سے پُر ہو جائے۔ بعد ازاں نلی کو اوپر اٹھاؤ یہاں تک کہ نلی میں پانی کا ستون قائم ہو جائے۔ کشید کئے ہوئے پانی کے بہ نسبت معمولی پانی کا استعمال قابل تزیج ہے کیونکہ کشید کئے ہوئے پانی کی سطح پر اکثر چکنائی موجود رہتی ہے۔

مانع کے ستون کی بلندی کی پیمائش۔ تقیسی پرکار کے

ذریعہ ستون کی بلندی براہ راست اس طرح دریافت ہو سکتی ہے کہ اس کی ایک نوک برتن میں پانی کی خارجی سطح پر اور دوسری نوک ہلالی سطح کے پست ترین نقطہ پر رکھی جائے۔ مگر اکثر اوقات اس امر کے لئے ارتفاع پیمائش میں استعمال کی جاتی ہے۔ خردین کو پہلے اس طرح مرتب کرو کہ اس کا افقی تار نلی میں پانی

لے کاوی سوڈے کے استعمال کی غرض یہ ہے کہ نلی سے چکنائی دُور ہو جائے۔ ترشہ سوڈے کے بعد اس لئے استعمال کیا جاتا ہے کہ وہ بہ مقابلہ سوڈے کے آسانی پانی سے دُھل جاتا ہے۔



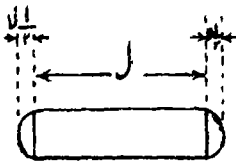
کی ہلائی سطح سے مس کرتا ہوا نظر آئے۔ اور پھر اُس کو یہاں تک نیچے اتار کر اس طرح مرتب کرو کہ ایک ایسی کیل کی نوک جو پانی کی سطح کے بہت ہی قریب ہو مگر اُسے چھوئی نہ ہو، خردین کے میدان منظر میں اس طرح آجائے کہ اُس کا افقی تار، اس نوک اور پانی میں اُس کے عکس کے عین وسط میں نظر آئے۔

شکل ۱۱۰: شعری نلی میں مانع کا چڑھاؤ

اُس انتصابی فاصلہ کی پیمائش جہاں تک ان دونوں مقاموں کے درمیان خردین کو اتارنا پڑتا ہے، خردین کے استادہ سے لگے ہوئے پیمانہ کے ذریعہ ہوتی ہے۔ اور اس طرح ف کی صحیح قیمت حاصل ہو جاتی ہے۔

نلی کے سوراخ کی پیمائشیں — نلی کے سوراخ کی پیمائش کے لئے پہلے

نلی کو خشک کر کے اُس میں صاف پارا چڑھایا جاتا ہے۔ اس کے بعد نلی کے اندر پارے کی ڈوری کا طول ناپ لیا جاتا ہے۔ پھر اس پارے کو معلوم وزن کی پیالی میں ڈال کر اُس کا وزن دریافت کر لیا جاتا ہے۔ پارے کی کیت سے نلی کا نصف قطر محسوب کیا جاسکتا ہے بشرطیکہ پارے کی کثافت معلوم ہو۔



شکل ۱۱۱: پارے کا ڈورا

پارے کی ڈوری کے مادہ کی کیت = $\frac{4}{3} \pi r^3$

جہاں r پارے کی کثافت اور L پارے کی ڈوری کا طول ہے۔ ڈوری کے طول کی پیمائش کے وقت یہ معلوم ہو گا کہ پارے کے سرے چپے نہیں بلکہ ابھرے ہوئے ہوتے ہیں۔ اگر پارے کی ڈوری کے اُسٹوانی حصے کا طول L ہو اور D ابھرے ہوئے حصوں کا مجموعی طول L_a ہو تو پارے کی ڈوری کا

جسم ہوگا:-

۲ ص ۱ ل + ۲ ص ۲ لا
دوسری - تم کی قیمت اس مفروضہ پر حاصل کی گئی ہے کہ دوری کے دونوں ابھرے
ہوئے سرے نصف ناقص بنائیں۔

پس پارے کا حجم
۲ ص ۱ ل + ۲ ص ۲ لا ہے۔

صفحہ ۲۹ کے ضابطہ میں [ل + ۲ ص ۲ لا] کو ل سے تعبیر کیا گیا ہے۔

نئی کے نصف قطر کی پیمائش کا ایک اور طریقہ یہ ہے کہ نئی کو جس
جگہ پر سے عموداً کاٹ دیا جاتا ہے جہاں مانع کی ہلالی سطح قائم تھی۔ اس
عمودی تراش کو اس طرح اٹھا کر رکھتے ہیں کہ وہ مستحکم خردبین میں نظر آئے۔
سورخ کے قطر کی پیمائش خردبین کے چشمہ کی ماسکی سطح میں رکھے ہوئے
خردہ پیمائش کے ذریعہ کی جاتی ہے۔ اس خردہ پیمائش کی تعبیر کسی معیاری پیمانہ کو
اسی خردبین سے دیکھ کر کی جاتی ہے۔ خردبین کے ذریعہ یہ دیکھا جاتا
ہے کہ خردہ پیمائش کے کتنے درجے معیاری پیمانہ کے ایک ملی میٹر کے ساتھ
منطبق ہوتے ہیں۔ مگر اس امر کے مشاہدہ کرنے میں اس بات کا خیال
رہے کہ نئی کے قطر کے مشاہدہ کرنے میں خردبین کی جو ترتیب تھی اس
میں کسی قسم کی تبدیلی نہ ہونے پائے (ملاحظہ ہو صفحہ ۳۶)۔

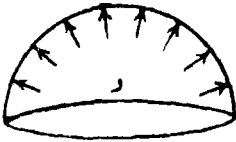
پارے کی دوری کے ذریعہ نصف قطر کی پیمائش کا طریقہ
خردبین کے طریقہ سے کہیں زیادہ صحیح ہے۔ پارے کی دوری کی لمبائی
نئی کے مختلف مقامات پر دریافت کر کے اس کا اندازہ ہو سکتا ہے کہ کیا
نئی کا سوراخ تمام کیساں ہے یا نہیں۔ اس امر کا امتحان تجربہ شروع
کرنے سے پہلے ہی کر لینا چاہئے۔ اگر نئی میں محتہ نہ ناہواری ہو تو
نئی کو تجربہ سے خارج کر دینا چاہئے۔

مختلف سوراخ کی کم سے کم تین نلیوں پر تجربے کرنے چاہئیں۔ اور یہ ثابت

کرنا چاہیئے کہ ف نصف قطر ص کے ساتھ تناسب معکوس رکھتا ہے۔
اگر پانی کے علاوہ کوئی اور مائع استعمال کیا جائے تو سطحی تناؤ ت محسوب کرنے سے قبل اُس کی کثافت دریافت کر لینی چاہئے۔

منحنی سطحوں کی وجہ سے دباؤ

صابون کے بلبے کے اندر دباؤ۔ صابون کے بلبے کے اندر کا دباؤ گروہوائی کے دباؤ سے بقدر ایک چھوٹی مقدار کے زیادہ ہے۔ بلبے کے بالائی نصف کرہ کے تعادل پر غور کرو۔ دباؤ کی زیادتی در اس نصف کرہ پر عمل کرتی ہے اور اس میں اوپر کی طرف ایک حاصل قوت پیدا کرتی ہے جس کی مقدار د ۴ ص ہے۔ اور اس قوت کا یہ تقاضا ہوتا ہے کہ بلبے کے بالائی اور زیریں دونوں نصف کرے ٹوٹ کر ایک دوسرے سے الگ ہو جائیں۔



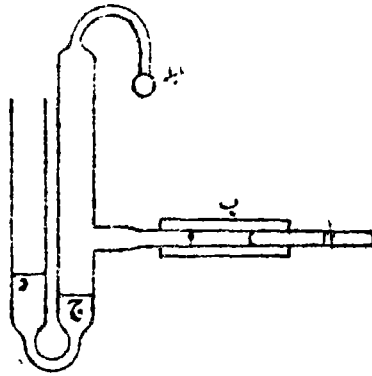
م شکل ۱۰۔ صابون کے بلبے کے اندر دباؤ

دونوں نصف کرے سطحی تناؤ کی قوتوں سے آپس میں ملے رہتے ہیں۔ یہ تناؤ وہ قوتیں ہیں جو خط تماس کے گرد بلبے کی جھلی کی دونوں سطحوں پر عمل کرتی ہیں۔ بلبہ پھیلتا جاتا ہے یہاں تک کہ سطحی تناؤ کی قوتیں اور بلبے کو توڑنے والی قوت د ۴ ص آپس میں متعادل ہو جائیں۔

نصف کرے کے درمیان ہر سطح میں خط تماس کی لمبائی ۴ ص ہے۔ چونکہ جھلی کی سطحیں دو ہوتی ہیں اس لئے نصف کرے کو ملے رکھنے کے لئے سطحی تناؤ کی وجہ سے جو مجموعی قوت درکار ہے اُس کی قیمت ۲ (۴ ص ت) ہے۔

لہذا ۴ ص ت = ۴ ص

یا تجربہ ۷۔ صابون کے محلول کے سطحی تناؤ کی تعیین
بلبلے کے اندر کے دباؤ سے شکل ۱۱ میں شیشے کی سلاخ
انکو آٹے کے پہلو میں لگی ہوئی ربر کی ٹی ب بس آہستہ آہستہ
دھکیل کر آٹے کے سرے پر ایک ہیوٹا ابلد بناؤ۔



شکل ۱۱۔ بلبلوں کے اندر فی جاؤ کا آٹہ

ایک ایسی مخروطی بن کے ذریعہ جس میں افقی اور انتصابی پیمانے
لگے ہوں، بلبلے کا افقی قطر دریافت کرو۔ پہلے افقی پیمانے کے ذریعہ
افقی قطر ناپنے کے لئے مخروطی بن کو اس طرح متحرک کرو کہ اس کا
انتصابی متقاطع نار بلبلے کے خیال سے پہلے ایک طرف، اور پھر دوسری
طرف مڑ کرے۔ مخروطی بن کی ان دو وضعوں کا درمیانی فاصلہ افقی
قطر کے برابر ہوگا۔ اب متحرک مخروطی بن کے انتصابی پیمانے کی مدد سے
تلیوں میں اور د میں پانی کی بلندیوں کا فرق فن دریافت کرو
تو بلبلے کے اندر کڑھ ہوائی کے دباؤ سے زیادتی دباؤ

$$D = F \cdot J \cdot \Delta h \cdot \rho \cdot g$$

جہاں F لانا ٹی کے خمدار حصے میں پانی کی کثافت ہے۔ ρ کی پیمائش
ہلے ہو چکی ہے۔

مندرجہ ذیل مساوات سے سطحی تناؤ کی قیمت ڈائن فی سمر میں محسوب کرو:-

$$\text{دست} = \frac{\text{دھن}}{\text{دھن}}$$

 مختلف جسامت کے دو یا تین بلبوں پر مشاہدات حاصل کرو۔

خواص مادہ پر مزید مشقیں

- ۱۔ ۵ اسم نصف قطر اور ۵۰ زاویہ کا ایک شعاع دائرہ کھینچو۔ سطح پیما کے ذریعہ اس کا رقبہ دریافت کرو۔ اور ترازو کی مدد سے اپنے نتیجہ کی تصدیق کرو۔
- ۲۔ ۲۰ سم محور غلط اور ۱۰ سم محور اصغر کا ایک ناقص کھینچو اور سطح پیما کی مدد سے اس کا رقبہ دریافت کرو۔
- ۳۔ ایک دی ہوئی تختی کا رقبہ اور کثافت، پہلے اس کو ہوا میں اور پھر پانی میں تول کر اور اس کی موٹائی ناپ کر دریافت کرو۔
- ۴۔ ایک میٹری پیما نے اور ایک ماسکوئی ترازو کی مدد سے ایک دیے ہوئے تار کی تراش عمودی کا اوسط رقبہ دریافت کرو۔
- ۵۔ ماسکوئی ترازو اور خردہ پیما کے ذریعہ تار کی ایک دی ہوئی الجھن کی لمبائی اور کثافت اضافی دریافت کرو۔
- ۶۔ ایک معلوم کثافت اضافی کے مائع میں ایک ٹھوس جسم کو تول کر اس کی کثافت اضافی معلوم کرو۔
- ۷۔ ایک دیے ہوئے ٹھوس جسم کو ہوا میں، پانی میں، اور ایک دیئے ہوئے مائع میں تول شدہ وزنوں سے جسم مذکور کی اور دیے ہوئے مائع کی کثافت اضافی دریافت کرو۔
- ۸۔ شکر اور پانی کا وزن کے لحاظ سے ٹھیک ۱۰ فیصدی محلول تیار کرو۔ اور محلول مذکور کی کثافت اضافی دریافت کرو۔
- ۹۔ معمولی نمک اور پانی کا ایک ایسا محلول تیار کرو کہ جس کے ۱۰۰ گرام میں ۵۰ گرام

- نمک ہو۔ اس محلول کی کثافت دریافت کرو۔
- ۱۰۔ نمک کا ایک ایسا محلول تیار کر کے اُس کی کثافت اضافی دریافت کرو جس کی کثافت اضافی دیے ہوئے پانی سے بھاری اور غیر مخلوط مائع کی کثافت اضافی کے برابر ہو۔
- ۱۱۔ ترازو کی مدد سے دیے ہوئے نمک کی تعمیر کرو۔
- ۱۲۔ ایک دی ہوئی معلوم طول کی تنگ نلی کا اندرونی حجم دریافت کرو اور اُس سے اوسط اندرونی قطر کی قیمت اخذ کرو۔
- ۱۳۔ پیے ہوئے گڑے کا نصف قطر گرویت پیمائے کے ذریعہ ناپو۔ اُس کا وزن دریافت کر کے گڑے کے مادہ کی کثافت معلوم کرو۔
- ۱۴۔ ایک جسم مائل سطح پر، سطح کے منوازی عمل کرنے والی قوت سے سہارا ہوا ہے۔ ایک ایسی ترسیم تیار کرو جو قوت کی مقدار اور سطح مائل کی بلندی میں رشتہ ظاہر کرے۔
- ۱۵۔ سطح مائل کے استعمال سے دیے ہوئے گردونہ کے مادے کی کمیت دریافت کرو۔
- ۱۶۔ ایک میٹری پیمانہ کے طول میں مختلف نقطوں کو نصاب قرار دے کر اور چھوٹے بازو پر مختلف اوزان لٹکا کر توازن پیدا کرو۔ اور میٹری پیمانہ کا وزن بھی اخذ کرو۔
- ۱۷۔ دو دی ہوئی سطحوں کے درمیان سکونی رگڑ کا زاویہ دریافت کرو۔
- ۱۸۔ دی ہوئی مشین کے لئے رفتار کی نسبت اور قوائی نسبت معلوم کرو۔ اور ان نسبتوں کی مدد سے اُس مشین کی استعداد بھی اخذ کرو۔
- ۱۹۔ دونوں سروں پر سہاری ہوئی ایک سلاح کے وسط میں مختلف وزن لٹکا کر ایک ایسی ترسیم حاصل کرو جو مرکز کے جھکاؤ اور وزن میں رشتہ ظاہر کرے۔
- ۲۰۔ تار کے ایک سرے پر دیا ہوا جفت لگایا گیا ہے۔ ایک ترسیم کھینچو جو تار کے زاویہ مروڑ اور اُس کے طول میں رشتہ ظاہر کرے۔

- ۲۱۔ ایک مربع دائرے پر سے لڑھکا کر ایک گولی ایک دی ہوئی رفتار سے اُفتاب
باہر نکالی جاتی ہے۔ ایک ایسا سختی حاصل کرو جو گولی کے اُفتی پٹے اور مقام
نخاس کی بلندی میں ربط ظاہر کرے۔
- ۲۲۔ ایک جسم مقام سکون سے ہموار اسراع کے ساتھ حرکت کرتا ہے۔ آٹوڈ کی مشین کو
استعمال کر کے اُٹے شدہ فاصلے اور وقت میں ایک رشتہ حاصل کرو۔
- ۲۳۔ آٹوڈ کی مشین کی چرخ اور نووا وزان کی رشتہ کسب کیت دریافت کرو۔
ج کی قیمت ۸۱ ۹ سرفی ثانیہ فی ثانیہ تصور کی جائے۔
- ۲۴۔ کوئی جسم مقام سکون سے سطح مائل پر لڑھکتا ہے تو اُٹے شدہ فاصلے اور وقت
میں ایک ربط معلوم کرو۔
- ۲۵۔ ثابت کرو کہ دیے ہوئے طول کی سطح مائل پر لڑھکنے والے جسم کا اسراع
سطح کے سروں کی بلندی کے فرق کے تناسب ہے۔
- ۲۶۔ ایک ایسی ترکیب کھینچو جس سے یہ معلوم ہو کہ سطح مائل پر لڑھکنے والے جسم کا
اسراع سطح مذکور کی بلندی کے ساتھ ساتھ بدلتا ہے۔
- ۲۷۔ ایک دیا چھو جسم اپنے محور کے گرد اکائی زاویہ رفتار سے گردش کرتا ہے۔
اس کی توانائی بالفعل محسوب کرو۔
- ۲۸۔ ایک ایسا سختی تیار کرو جو سادہ رقاص کے وقت دوران اور اس کے طول
کے جذر المربع میں رشتہ بنائے۔ ج کی قیمت بھی اخذ کرو۔
- ۲۹۔ دیے ہوئے مادہ رقاص کا وقت دوران دریافت کرو اور ج کی قیمت ۹
س گدشت کا ثباتی فرض کر کے رقاص مذکور کا طول معلوم کرو نیز طول کو اس طرح
مرتب کرو کہ ایک کامل ارتعاش کا وقت ۲ ثانیہ ہو۔
- ۳۰۔ ایک ایسا سختی کھینچو جو سادہ رقاص کے طول اور وقت دوران میں رشتہ بنائے
نیز ”ربع ثانیات“ رقاص کا طول اخذ کرو۔ ”ربع ثانیات“ رقاص سے وہ رقاص
مراد ہے جس کو مکمل ارتعاش کے لئے ۱۶ ثانیہ دیکار ہو۔
- ۳۱۔ ۲۰ اینچ طول کے رقاص کا وقت دوران دریافت کرو مگر تھرہ میں اسی طول کا
رقاص استعمال نہ کیا جائے۔

۳۲۔ ایک ترسیم کھینچو جو سادہ رقاص کے طول اور (۲) وقت دوران (ب) وقت دوران کے مربع میں رشتہ بتائے۔ نیز اسراع بوجہ جاذبہ زمین کی قیمت اخذ کرو۔

۳۳۔ ایک ترسیم کھینچو جو دیے ہوئے مروری رقاص کے وقت ارتعاش اور اس فاصلے میں رشتہ بتائے جو مساوی و متساکل انگائے ہوئے اوزان اور ان کے محور کے درمیان ہے۔

۳۴۔ ایک پتلی اور چٹپی سلاخ اپنے ایک سرے پر انفا جکڑی ہوئی ہے اور دوسرے سرے پر وزن لٹکائے گئے ہیں۔ ایک ترسیم بناؤ جو وقت ارتعاش اور وزن میں رشتہ ظاہر کرے۔

۳۵۔ ایک وزن لگی ہوئی کمافی کے ارتعاشوں کا مشاہدہ کر کے ثابت کرو کہ وقت ارتعاش کے مربع اور وزن کا حاصل قسمت تقریباً مستقل ہے۔

۳۶۔ ایک وزنی سلاخ کے دونوں سرے ایک ڈوری سے باندھو اور ڈوری کا وسطی نقطہ ایک ثابت سہارے پر لٹکا دو۔ اگر سلاخ دوران ارتعاش میں ایک ہی انتصابی سطح میں رہے تو معلوم کرو کہ جاذبہ زمین کی وجہ سے نظام کے وقت دوران اور ڈوری کے طول میں کیا رشتہ ہے۔

۳۷۔ ایک لانٹائی میں، جس کی ایک سان کا منہ بند ہو، پارا ڈاں کو غلیہ بائیل کی تصدیق کرو۔

۳۸۔ ایک لانٹائی کے خم دار حصہ میں پارا اور بند ساق میں ہوا ہے۔ اس کو استعمال کر کے بار پیماء بلندی معلوم کرو۔

ضمیمہ (۱)

طبیعیاتی مستقل اور ریاضیاتی جدولیں

مستقل ریاضیاتی

۱۰ اساس کالوکا رتہ

عد

۰.۵۳۹۶۱۵

$351314 = \pi$

۰.۵۹۹۲۳۰

$458494 = \pi^2$

۲۱۵.۰۲۸۵

$0.53183 = \frac{1}{\pi}$

۰.۵۶۲۲۰۹

$351888 = \pi$

۰.۵۳۳۳۲۹

$256183 =$

Smithsonian Physical Tables

اکثر مستقلوں کی قیمتیں

یہ سلسلہ ۱۹۱۲ء سے لی گئی ہیں۔

Mr. F. Castle's Logarithmic

ریاضیاتی جدولیں

and other Tables for Schools Macmillan and Co.)

بڑھ چوٹل کی گئی ہیں۔

اعداد جو اکثر کام میں آتے ہیں :- ۱۰ اساس کا لوکار تم

۰۶۳۰۱۰۳	۲
۰۶۴۷۷۱۲	۳
۰۱۱۵۰۵۲	۱۶۴۱۴۲ = ۳۷
۰۶۲۳۸۵۶	۱۶۷۳۲۱ = ۳۶
۲۶۹۹۱۶۷	۹۸۱
۲۶۹۹۰۳۳	۹۷۸
۱۶۴۸۳۰۱	۳۰۶۴۸
۰۶۴۰۴۸۳	۲۶۵۴۰
۲۶۶۵۶۶۶	۴۵۳۶۵۹
۲۶۸۸۰۸۱	۷۶۰
۲۶۴۳۶۱۶	۲۷۳
۰۶۶۲۳۲۵	۴۶۲

لوک ۱۰ = ۲۶۳۰۲۵۸
ایک نیم قطری (اکائی زاویہ جس کی قوس نصف قطر کے مساوی ہے)
۲۰۶۲۶۵ = ۴۵ ۱۷ ۵۷ = ۵۷۶۹۵۸ =

مساحت کے ضابطے

دائرہ کا محیط جس کا نصف قطر s ہے πs^2 ص
دائرہ کا رقبہ πs^2 ص
قطع ناقص کا رقبہ جس کی نیم محوریں a اور b ہیں πab ص
کرہ کی سطح $4\pi r^2$ ص
کرہ کا حجم $\frac{4}{3}\pi r^3$ ص
اسطوانہ کا حجم $\pi r^2 h$ ص

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{3} \pi r^2 \times \text{بلندی} \\ &= \frac{1}{3} \pi \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{بلندی} \\ &= \text{قاعدہ کا رقبہ} \times \text{بلندی} \end{aligned}$$

محور کا حجم
محور پر مقلعہ کا حجم
منشور کا حجم

جمود کے معیار اثر

تساکی محور کے گرد جمود کا معیار اثر
مدورہ حلقہ، نصف قطر ص

مج = ک ص
مستطیلی سلاخ، ایک ایسے محور کے گرد جو مرکز جاذبہ سے گزرے
اور ۱ اور ۲ ب طول کے کناروں کے علی القوائم ہو۔

$$\text{مج} = \text{ک} \frac{1^2 + 2^2}{12}$$

ناقصبی تختی (نیم محور ۱ اور ب) ایک ایسے محور کے گرد جو مرکز جاذبہ
سے گزرے اور تختی کی سطح کے علی القوائم ہو

$$\text{مج} = \text{ک} \frac{1^2 + 2^2}{12}$$

مدورہ تختی اس کی ایک خاص شکل ہے جہاں ۱ = ب اور

$$\text{مج} = \text{ک} \frac{1^2}{4}$$

مجہ ناقص نما (نیم محور ۱ و ب، ج) محور ج کے گرد

$$\text{مج} = \text{ک} \frac{1^2 + 2^2}{12}$$

گرہ اس کی ایک خاص شکل ہے جہاں ۱ = ب = ج

$$\text{مج} = \text{ک} \frac{1^2}{6}$$

مندرجہ بالا نتیجوں کا خلاصہ روتھ (Routh) کا قاعدہ ہے جو بتاتا ہے کہ مجہود کا میدان اثر کسی تشاکلی محور کے گرد

مج = کمیت مادہ (علی القوائم نیم محوروں کے مربوں کا مجموعہ)

۵، ۴، ۳ یا ۵

نسب نام ۴ لیا جائیگا جب جسم مستطیلی ہوگا

۴ " " " " ناقص ہوگا

۵ " " " " ناقص نما ہوگا

پس اس قاعدہ کی رو سے ۲ طول اور ب نصف قطر کے اُسطوانہ کے لیے اس کے طول کے علی القوائم محور کے گرد اس کے متوازی تراش مستطیلی ہے اور ب کے متوازی ناقص ہے اس لیے

مج = ک ($\frac{1}{4} + \frac{1}{12}$)

ص نصف قطر کے مدد و مراقرص کے لیے اپنے کسی قطر کے گرد

مج = ک $\frac{1}{4}$

برطانوی اور میٹری نظاموں کے وزن اور پیمانے

طول

انچ = ۲۵.۴ مم

انٹ = ۲۵.۴ مم

اگرز = ۲۵.۴ مم

ایٹر = ۲۵.۴ مم

کمیت مادہ

اگرن = ۴.۴۵ گرام

اؤنس = ۲۸.۳۵ گرام

اپونڈ = ۳۵۳۵۹ گرام
اکلوگرام = ۲۱۳۰ پونڈ
گنجائش

اینٹ (Pint) = ۰.۵۶۸ لیٹر
اکوارٹ (Quart) = ۱.۱۳۶ لیٹر
اگیلن (Gallon) = ۴.۵۴۶ لیٹر

سیالی اونس = ۲۳.۳۸۱۵ مکعب سمر

پچک کے معیار ڈائن فی مربع سمر

اشیاء	ینگ کا معیار پچک	استواری کی شرح
الومینیم	۲.۵ تا ۵.۰	۵.۲ تا ۳.۸
پیتل	۵.۵ تا ۱۰.۵	۵.۳ تا ۲.۰
تانبہ	۵.۵ تا ۱۲.۲	۲.۲ تا ۰.۸
لوہا	۲۰.۰	۲.۵ تا ۰.۸
پلاٹینم	۱۵.۰ تا ۱.۶	۲.۴ تا ۰.۹
چاندی	۱.۴ تا ۰.۴	۵.۲ تا ۰.۳
شیشہ	۶.۰ تا ۰.۸	۳.۲ تا ۰.۲

کثافت یا کمیت مادہ فی مکعب سمرگراموں میں

ٹھوس اشیاء

عناصر

الومینیم ۲.۵۸ (Antimony) ۶.۶۲



— ❷ 17

فصل اول

تپش پیمائی

۱۔ تھیل

تپش کے پیمانہ کے تعین کے لئے کسی جسم کی اُس خاصیت کو کام لایا جاسکتے ہیں جو تپش کے ساتھ ہموار نہ بدلتی ہے۔ اگر پانی کے نقطہ انجماد پر خاصیت کی قیمت لا ہو اور معیاری دباؤ کے تحت پانی کے نقطہ جوش پر ہو تو اُس صورت میں ہم ایک درجہ مٹی کو تپش کی اُس تبدیلی سے تعبیر کرتے ہیں جو اس خاصیت میں لا۔ لا۔ تبدیلی پیدا کرتی ہے۔

اگر اس خاصیت کی قیمت لا ہو جب جسم کسی خاص ماحول میں ہو تو ماحول تپش کی قیمت کسی خاص پیمانہ پر جو اس خاصیت لا پر مبنی ہے حسب ذیل بنی :-

$$ت^{\circ} مٹی = \frac{لا - لا}{لا} \times 100$$

اکثر عملی کاموں میں ہم ایسا پیمانہ استعمال کرتے ہیں جو خیشے کی نلی میں سے کے ڈورے کے سرے کی وضع پر مبنی ہو۔ پہلے نقطہ انجماد اور پھر نقطہ جوش پر

اس کی وضعوں کا مشاہدہ کیا جاتا ہے اور ان نقطوں کے درمیان پشش پیا کے تھن کو ۱۰۰ برابر حصوں میں تقسیم کیا جاتا ہے اور ہر حصہ کو ایک درجہ مٹی قرار دیتے ہیں۔ شیشے کے دو سیہابی پشش پیا صرف اُس صورت میں ایک دوسرے سے مطابقت کرینگے جب کہ دونوں میں ایک ہی قسم کا شیشہ استعمال کیا گیا ہو اور ہر ایک کا سورخ بھی بالکل ہموار ہو۔

شیشے کے سیہابی پشش پیا خاص کر اس لیے استعمال ہوتے ہیں کہ ان کی شکل سادہ ہوتی ہے۔ علمی کاموں میں ہائیڈروجن گیس سے بھرا ہوا مستقل حجم والا پشش پیا معیاری پشش پیا کے طور پر استعمال ہوتا ہے۔ (ملاحظہ ہو صفحہ ۲۲۲)۔

کسی عمل کا حسن عمل اس بات پر منحصر ہے کہ آلات کے استعمال میں کافی احتیاط برتی جائے۔ اور طالب علم پشش پیاؤں جیسے نازک آلات کی دست و رازی میں ہر ممکنہ احتیاط ملحوظ رکھے۔ جس پشش کے لیے پشش پیا بنایا گیا ہے، اُس سے بلند تر پشش پر اُسے ہرگز نہ لے جانا چاہیے اور جب کام ہو جائے تو فوراً نخل میں رکھ دینا چاہیے۔

پشش پیا پڑھنے میں اختلافِ منظر کی غلطی نہ ہونے پائے۔ یعنی آنکھ کو اس طرح رکھنا چاہیے کہ خطِ نظر پارے کے سرے پر تھن کے علی القوائم ہو تاکہ پارے کے دوسرے کے سرے سے منطبق ہونے والا درجہ مشاہدہ میں آجائے طالب علم کو پشش پیا کے پڑھنے میں اس قدر مشق بہم پہنچانی چاہیے کہ وہ ۹ مٹی کے دسویں حصے تک کا خود اندازہ کر سکے۔

یہ یاد رہے کہ پشش پیمیا اپنی ہی پشش بتاتا ہے۔ اس لیے کسی شے کی پشش دریافت کرنے کے وقت یہ ضرور ہے کہ اُس شے کے ساتھ پشش پیا کافی چھوتا رہے اور شے مذکور کی پشش حاصل کرنے کے لیے اُس کا کافی وقت تک اُسی شے میں رکھا جائے۔

تجربہ ۵۹۔ تھن کے تعریہ کا اثر۔ — ارتفاعِ پیا (ملاحظہ ہو صفحہ ۲۲۱) میں ایک پشش پیا کو اس حد تک داخل کر کہ

تقریباً ۱۰۰° کے نشان تک تیز بھاپ کے اندر رہے۔ جب پانی آہستہ آہستہ جوش کھارہا ہو تو تپش پیمائے پڑھ لو۔ اس کے بعد تپش پیمائے کو یہاں تک اٹھاؤ کہ تیز ۲۰° نشان سے اوپر، ارتفاع پیمائے باہر رہے۔ اب اُس کو چند منٹ تک ایسا ہی رہنے دو۔ اس دوران میں پانی حسب سابق آہستہ آہستہ جوش کھاتا رہے۔ اس کے بعد پھر تپش پیمائے پڑھ لو۔ تپش کو ۴۰° نشان سے اوپر کھلا رکھ کر مشاہدات کو دہراؤ۔ اسی طرح عمل جاری رکھو جب تک کہ تیز ۱۰° نشان سے اوپر کھلا رہے۔ تپش کے تعریہ سے تپش پیمائے کے مقصد و غرض پر جو اثر پڑتا ہے، اُس پر غور کرو کہ باوجودیکہ جوش کی تپش دوران تجربہ میں ایک ہی تھی لیکن تپش کے تعریہ سے تپش پیمائے کا متروکہ ہر مشاہدے میں مختلف ہے۔

تمام تپش پیمائیوں میں امر متذکرہ بالا کا لحاظ رکھو۔

۲- تپش پیمائے کے ثابت نقطہ

تپش کے پیمانے کے تعین کے لیے دو ثابت نقطے ضروری ہیں۔ خالص کشیدہ کیے ہوئے پانی سے بنی ہوئی برف کی امانت کی تپش زیر زمین ثابت نقطے کی تعین کرتی ہے۔ یعنی یہ ثابت نقطہ وہ تپش ہے جس پر برف اور پانی حالت تعادل میں ساتھ ساتھ موجود رہ سکیں۔ اس کو نقطہ انجماد یا صغری نقطہ کہتے ہیں اور یہی پیمانہ پر یہ ۰° لکھا جاتا ہے۔ کسی شے کے نقطہ امانت پر دباؤ کا اثر اس قدر کم ہے کہ نقطہ انجماد کے تعین میں عملی نقطہ نظر سے اس کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔

بالائی ثابت نقطے کا تعین اُس تپش سے ہوتا ہے جس پر بھاپ طبعی دباؤ کے تحت، اُبلتے ہوئے خالص کشیدہ کیے ہوئے پانی سے نکل رہی ہو۔ یہ دباؤ پارے کے بار پیمائی کی ۷۶۰ ممبر بندی کے مماثل ہے۔ یہ بالائی ثابت

نقطہ ، نقطہ جوش کہلاتا ہے اور یہ پیمانہ پر ۱۰۰ لکھا جاتا ہے۔ بناء بریں مٹی پیاد پر نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کا درمیانی فاصلہ ۱۰۰ درجوں میں تقسیم کیا جاتا ہے۔ اُبلتے ہوئے پانی سے منکھنے والی بھاپ کی تپش، اُس برتن کی نوعیت پر منحصر نہیں ہے جس میں پانی جوش کھا رہا ہے۔ اور نہ اُس پر پانی کے کوٹوں کا اثر ہے بلکہ کرہ ہوائی کے دباؤ کے ساتھ ساتھ یہ تپش متغیر ہوتی رہتی ہے۔ ریٹیو نے نہایت احتیاط سے نقطہ جوش پر دباؤ کے اثر کا مشاہدہ کیا اور یہ معلوم کیا کہ ۶۰ مہر کے قریب دباؤ میں ۲۶۶۸ مہر کی زیادتی، نقطہ جوش میں ۱ مہر کا اضافہ کرتی ہے۔ خفیف تغیرات کے لیے، نقطہ جوش کا تغیر فرق دباؤ کے تناسب تصور کیا جاسکتا ہے۔ اسی مفروضے کی بناء پر شکل ۱ کی ترسیم کھینچی گئی ہے۔ ہر طالب علم کی بیاض میں اس ترسیم کی نقل ہونی چاہیے۔

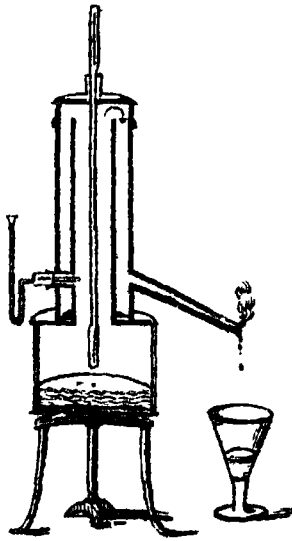
یہ دیکھا گیا ہے کہ پیش پیا کا شیشہ امتدادِ زمانہ کے ساتھ بتدریج اس طرح بدلتا ہے کہ ثابت نقطوں میں خفیف سی تبدیلیاں پیدا ہو جاتی ہیں۔ لہذا ان نقطوں کو وقتاً فوقتاً پھر دریافت کرنا ضروری ہے تاکہ مشاہدات کی غلطیوں میں تصحیح ہو سکے۔ انگلستان میں بالعموم زیرین ثابت نقطے کا پہلے تعین کیا جاتا ہے۔

تجربہ سہل ہے۔ پیش پیا کے ثابت نقطوں کی تعیین — (۱) نقطہ انجماد — ایک مناسب برتن کو برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑوں سے تقریباً بھر دو۔ اور برف کو اس طرح پگھلنے دو کہ ان ٹکڑوں کی درمیانی فضا برف کی تپش پر کے پانی سے بھری رہے۔ پگھلتی ہوئی برف سے پانی کا خارج کرنا مناسب نہیں ہے تاہم ضرورت سے زیادہ پانی برتن میں جمع بھی نہ ہونا چاہیے۔ برف اور پانی کو خوب ہلاتے رہنا چاہیے۔

پیش پیا کو نہایت احتیاط کے ساتھ اس برتن میں اس طرح

رکھو کہ اس کا جو ذرہ برتن کے وسط میں رہے اور تپش پیمائش کا صفری نقطہ برف کی سطح سے عین اوپر رہے۔ وہ انتہائی نقطہ پڑے جہاں تک پارے کے ذرے کا سرا نیچے اتر آئے اس نشان کے پڑھنے میں ایک درجہ کی اوکسر تک تخمینہ ہونی چاہیے۔ یہ امر ملحوظ رہے کہ مشاہدے کے وقت پارے کا ذرہ اعلیٰ برف سے بچا رہے۔ اگر ذرے کا سرا صفر سے اوپر رہے تو خطا مثبت کہلائیگی۔ اور اگر نیچے رہے تو خطا منفی ہوگی۔ اگر خطا مثبت ہو تو صحیح تپش حاصل کرنے کے لیے تصحیح کا عمل منفی ہوگا۔

(۲) نقطہ جوش — نقطہ جوش دریافت کرنے کے لیے

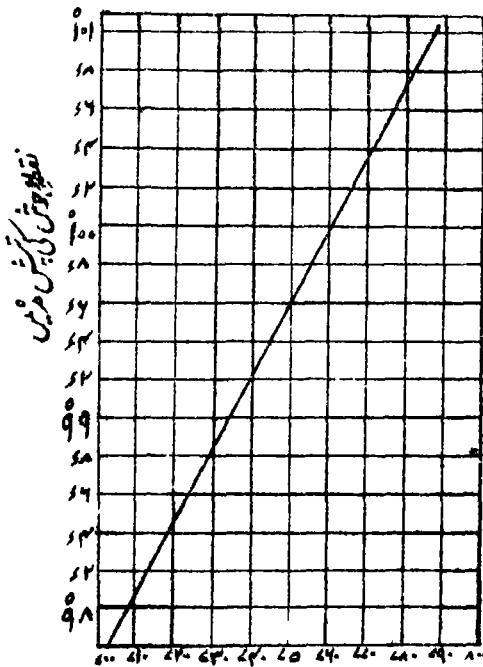


فصل ملاح — ارتفاع پیمائش

تپش پیمائش کے ایک برتن میں رکھتے ہیں برا ارتفاع پیمائش کہلاتا ہے۔ یہ آلہ ایک قسم کا جوشندہ ہے جس کے بالائی حصہ میں ایک دوہری دیوار کا بھاپ دان لگا ہوتا ہے۔ تپش پیمائش ایک کواک کے ذریعہ ارتفاع پیمائش کے منہ پر اس طرح لگایا جاتا ہے کہ اس کا بالائی ثابت نقطہ عین کواک سے اوپر نظر آئے۔ اس امر کی احتیاط کی جائے کہ تپش پیمائش ارتفاع پیمائش میں گرنے نہ پائے ورنہ جوش کے ٹوٹنے کا اندیشہ رہیگا۔ تپش پیمائش کے سرے کے سوراخ میں تار کا ایک حلقہ لگا دینے سے یہ اندیشہ

رفع ہو جائیگا۔ تپش پیا پڑھنے سے قبل، اُس کو تقریباً دس منٹ تک بھاپ میں رہنا چاہیے۔ پانی کو شدت سے جوش کھانے نہیں دینا چاہیے ورنہ ارتفاع پیا میں بھاپ کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ سے بڑھ جائیگا۔ پارے کے ڈورے کے سرے کا مقام درجے کے دموں حصہ تک پڑھو۔

دباؤ کی وجہ سے تصحیح — بار پیا کی بلندی ملی میٹر میں پڑھ لو اور مشہودہ کرہ ہوائی کے دباؤ کے تحت نقطہ جوش کی قیمت، زیرم شکل ۱۱۲ کے ذریعہ دریافت کرو۔



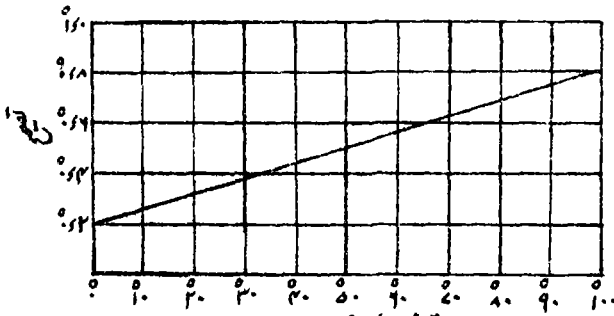
دباؤ پارے کے عم میں

شکل ۱۱۲ - دباؤ کے لحاظ سے نقطہ جوش کا تغیر

بیاض میں یہ تپش جو حقیقی نقطہ جوش ہے، قلمبند کرو

ونیزہ تپش لکھ لو جو زیر تجربہ تپش پیا بنا رہا ہے۔ اور نقطہ جوش پر تپش پیا کی خطا محسوب کرو۔

نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کے درمیان کسی مطلوبہ تپش پر تصحیح معلوم کرنے کے لیے ترکیبی طریقہ اختیار کرو۔ تپش پیا کی درجہ بندیوں کو فضیلت اور تصحیحی رقم کو معین مان کر ایک ترسیم تیار کرو۔ شکل ۱۱ میں نقطہ انجماد پر تصحیح $+0.52$ اور نقطہ جوش پر تصحیح $+0.8$ فرض کی گئی ہے۔



تپش سٹی ڈھریا میں

شکل ۱۱ تپش پیا کی تصحیح

حقیقی تپش حاصل کرنے کے لیے تپش پیا کے مقروط میں تصحیحی رقم جمع کرنا پیشگی۔

۳ تپش پیا کی تعمیر اور درجہ بندی

نلی کے اندر پارے کے سرے کی مساوی حرکتوں سے ظاہر ہونے والی تپش کے ذوقوں کی مساوی قیمتیں حاصل کرنے کے لیے لازم ہے کہ نلی کا سوراخ یکساں ہو مگر یہ صورت تو شانہ ہی ہوتی ہے بلکہ کبھی نہیں پائی جاتی۔ اگر نلی کا سوراخ یکساں نہ ہو تو اس کی تصحیح کے لیے پارے کے ڈورے کو

نلی میں حرکت دے کر اور ڈورے کا طول نلی کے مختلف حصوں میں ناپ کر سوانح کی تعمیر کر لینی چاہیے۔

تجربہ ۱۱۔ پیش پایہ کے سوراخ کی تعمیر۔

پارے کے ڈورے کے سرے سے تقریباً ۱۰ فاصلہ پر ایک
بامریک شعلہ سے نلی کو گرم کیا جاتا ہے۔ اس طرح ۱۰ کے طول
کے مساوی پارے کا ایک ڈورا ٹھیک اُس مقام پر، جہاں کو گرم
کیا گیا تھا، پارے کے جوش کھانے کی وجہ سے ٹوٹ کر علیحدہ ہو
جاتا ہے۔ اور اس ڈورے کو نلی کی تعمیر کے لیے استعمال کر سکتے
ہیں۔ اس کے بعد پیش پیا کا تہ سرد ہونے دیا جاتا ہے۔ اور جو ذ کو
ایتھر کے ذریعہ اس قدر ٹھنڈا کیا جاتا ہے کہ باقی ماندہ پارا صفر درجہ
کے نشان سے نیچے اتر جائے۔ بعد ازاں ڈورے کو خفیف جھٹکے
دے کر ہٹاتے ہیں یہاں تک کہ ایک سرا ۹۰ درجے کے نشان پر آ جاتا
ہے۔ دورانِ تجربہ میں جو ذ کو ایتھر کے ذریعہ سرد رکھنا چاہیے۔ تاکہ
علیحدہ شدہ ڈورا پارے کے باقی حصے سے لپٹ نہ پائے۔ اب ڈورے
کے ہر ایک سرے کا مقام مستحکم خروین کے ذریعہ معلوم کر لیا جاتا
ہے اور تیش پیا کے درجوں کے پیمانہ پر ہی ان مقاموں کا تعین کر
لیا جاتا ہے۔ اس تعین کے لیے ایک درجہ کی لمبائی خروین کے
پیمانہ پر سمروں میں ناپ لی جاتی ہے۔ اور درجہ کی کس کس کو بھی ڈورے
کے سرے سے پچھلے نشان تک سمروں میں ناپ لیتے ہیں۔ اس طرح سرے کا
مقام درجہ کے پیمانہ میں حصے تک ظاہر ہو جاتا ہے۔ مثلاً

$$-511, 24 =$$

خردبینی پیمانہ کا مقروضہ ۹۵ ویں درجہ کے نشان پر

1350.8 =

“ ” ” ” ” ” ”

12600 =

• • • دورے کے سرے پر

۱۷۔ اس قسم کی ٹھنیں متحرک بنانا استعمال کیے بغیر صرف ٹرڈ ہیپاچٹس کے ذریعہ بھی کی جاسکتی ہے۔ اس صورت میں ٹرڈ ہیپاچٹس کو میلائی بنانے کی ضرورت نہیں کیونکہ یہاں صرف اضافی قیمتیں دیکار ہیں۔

لہذا ڈورے کا سرا

$$+ 9 \frac{1594}{1544} \text{ درج یعنی } (3) 959 \text{ پر ہوگا۔}$$

اس کے بعد ڈورے کو ہٹایا جاتا ہے یہاں تک کہ ٹرہیں میں "سرا تقریباً و ہاں ہوتا ہے جہاں کہ پہلی پیمائش پر "بالائی" سرا تھا۔ اور پھر دونوں سروں کے مقام لکھ لیے جاتے ہیں۔ اس کے بعد وہ ایک تیسری وضع پر ۲۰ اور ۳۰ کے درمیان رکھا جاتا ہے اور پھر ناپ لیا جاتا ہے۔ یہی عمل بار بار کیا جاتا ہے یہاں تک کہ بالائی سرا نقطہ جوکش پر پہنچ جاتا ہے۔

ذیل کی عددی مثال کی طرح تصحیح کا حساب لگایا جاتا ہے:-

۹۵۸۲	ڈورے کی لمبائی	۹۵۰۳	دوسرے کی پہلی وضع
۱۰۶۰۸	"	۱۹۵۳۱۲	دوسری "
۱۰۶۰۶	"	۲۹۵۹۴۱	تیسری "
۱۰۶۱۴	"	۳۹۵۹۸	چوتھی "
۹۶۷۸	"	۴۹۵۰۰	پانچویں "
۱۰۶۱۲	"	۵۹۵۸۲	چھٹی "
۹۶۹۵	"	۶۹۵۹۵	ساتویں "
۱۰۶۰۰	"	۷۹۵۰۰	آٹھویں "
۱۰۶۱۴	"	۸۹۵۰۳	نویں "
۹۶۸۶	"	۹۹۵۹۲	دہویں "

ڈورے کی اوسط لمبائی = ۹۵۹۹۵

یعنی پارے کی یکمیت پیمانے کے کسی مقام پر ۹۵۹۹۵ درجے پر کرکریگی بشرطیکہ سوراخ اور پیمانہ دونوں کافی صحت کے ساتھ یکساں ہوں۔

فرض کرو کہ ڈورہ ۰ درجے سے شروع ہوتا ہے تو اس کا بالائی سرا قریب قریب ۹۵۸۲ پر ہوگا۔ اگر سوراخ ہموار ہو تو اس سرے کو ۹۵۹۹۵ پر ہونا چاہیے۔

اس طرح جو تصحیح ۹۵۸۲ مقررے میں شامل کرنی ہے + ۷۷۵۰ ہوئی۔ اس کو

مف ۱ کہو۔ یہ ۱۰ ہر کے قرب دجوار میں تصبیج ہوگی اگر اس میں ایک ایسا ڈورا جوڑ دیا جائے جو اس کے ہر طرح مشابہ ہو تو دونوں مل کر ۸۲ + ۱۰۵۰۸ ایک پرنچینگے۔ انھیں ۲ (۹۹۹۵) پرنچینا چاہیے۔ یعنی تصبیج (۹۹۹۵ - ۱۹۹۰) یا (۱۹۹۰ + ۱۰۵۰۹) ہر ہوگی۔ اس کو مف ۲ کہو۔ یہ ۲۰ ہر کے قرب دجوار میں مطلوبہ تصبیج ہے۔

اسی طرح ۳۰ ہر کے قریب تصبیج ۳ (۹۹۹۵) - (۹۵۸۲ + ۱۰۵۰۸ + ۱۰۵۰۶) = ۲۵۰۲۵ ہر

ہے۔ اور علیٰ ہذا پس ہمیں حاصل ہوتا ہے:-

$$\text{مف ۱} = + ۱۰۵۰۸$$

$$\text{مف ۲} = + ۱۰۹۰$$

$$\text{مف ۳} = + ۱۰۲۵$$

$$\text{مف ۴} = - ۱۲۰۰$$

$$\text{مف ۵} = + ۱۰۹۵$$

$$\text{مف ۶} = - ۱۰۳۰$$

$$\text{مف ۷} = + ۱۰۱۵$$

$$\text{مف ۸} = + ۱۰۱۰$$

$$\text{مف ۹} = - ۱۱۲۵$$

$$\text{مف ۱۰} = ۰$$

آخری قیمت دراصل صفر ہی ہونی چاہیے۔

ان مشاہدات کی مدد سے ایک تصبیجی بریکیم پنی جاسکتی ہے جس میں پیانہ کے ہر مقام پر سورج اور درجہ بندی کی ناہمواری کی وجہ سے جو مقدار شامل کرنا پڑتی ہے، حاصل ہو سکتی ہے۔

تپش پیا کی درجہ بندی کسی اختیار پیانہ پر

بعض صورتوں میں یہ ممکن ہے کہ کسی تپش پیا کے تنے پر کھدا ہوا پیانہ کلیتہً اختیاری ہو جس کی وجہ سے مشاہدات براورہ اسٹ مٹی درجوں میں نہیں حاصل ہوتے۔ مثلاً تنے پر ملی میتری پیانہ کے نشان لگے ہوں تو اس قسم کا تپش پیانہ بھی مٹی پیانہ پر تپش پیا کی لیے استعمال ہو سکتا ہے۔ اس غرض

کے لیے اولاً پیش پیمانی کو گزشتہ دفعہ میں بتائے ہوئے طریقے کے مطابق ،
دو ثابت نقطے معلوم کر کے معیاری بنالینا چاہیے ۔ ایسا کرنے سے فرض کرو
کہ نقطہ انجماد پر پارا پیمانہ کے زیرین سرے سے ۲۲ مہر کے مقام پر اور نقطہ جوش
پر پیمانہ کے زیرین سرے سے ۱۸۲ مہر کے مقام پر قائم ہے ۔ اگر اس تیسین کے
وقت بار پیمانی کا مقروءہ ۷۳۳ مہر ہو تو نقطہ جوش بجائے ۱۰۰ مہر کے ۹۹ مہر ہوگا ۔
لہذا پیمانہ کے زیرین سرے سے ۲۲ مہر والا مقام نتیجہ ۰ مہر کے اور زیرین
سرے سے ۱۸۲ مہر والا مقام ۹۹ مہر کے حامل ہوگا ۔ پس پیمانہ پر ۱۹۰ مہر کا
فاصلہ ۹۹ مہی درجوں کے وقفہ کے متناظر ہوگا ۔ اس کے بعد پیش پیمانی کے
ایک مہر کے لیے مہی پیمانہ پر پیش پیمانی کا وقفہ معلوم کر لینا آسان ہے ۔ موجودہ صورت
میں $\frac{99}{190}$ درجے ایک مہر کے متناظر ہیں ۔

فرض کرو کہ پیش پیمانی حرارہ پیمانی رکھے ہوئے کسی مہجہ کی پیش پیمانی
کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے (صفحہ ۳۵۳) ۔ اور پارا پیمانہ کے زیرین
سرے سے ۶۳ مہر کے فاصلہ پر قائم ہو جاتا ہے ۔ یعنی اس وقت پارا نقطہ
انجماد سے ۲۰ مہر بلندی پر قائم ہو گیا ہے ۔ اور اس کے متناظر پیش پیمانی پر
 $\frac{99}{190} \times 20$ یا ۱۰ مہر ہے ۔

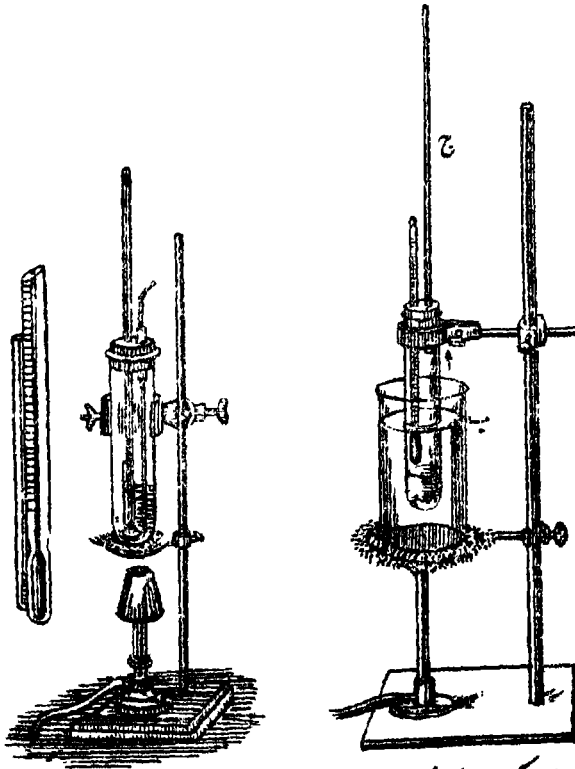
ایسے پیش پیمانی کے مقروءوں کو فصلے اور اخذ کردہ مہی پیمانہ کے مقروءوں
کو معین مان کر دسیے ہوئے پیش پیمانی کے پیمانہ اور مہی پیمانہ کے باہمی ربط کو ترسیماً ظاہر کر
کر سکتے ہیں ۔

تجربہ ۵۷۔ کسی اختیاری پیمانہ والے

پیش پیمانی درجہ بندی — متذکرہ بالا طریقہ کے
بموجب کسی ایک اختیاری پیمانہ والے پیش پیمانی کو معیاری بناؤ اور
اس کو تجربہ خانہ کے کمرے کی پیش پیمانی کے پانی کی پیش
معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو ۔

۴۔ نقطہ امانت اور نقطہ جوش
تجربہ ۵۸۔ کسی ٹھوس کے نقطہ امانت کی تعیین ۔

کسی ٹھوس مثلاً بیرافنی موم کا نقطہ اجماع معلوم کرنے کے لیے دھونکنی کے شعبدہ میں شیشے کی ایک نلی کو رکھ کر اس طرح کھینچو کہ ایک پتلی دیوار والی شعری نلی بن جائے۔ دیتی کے ذریعہ یا شیشے کاٹنے کے چاقو سے اس نلی کا چند سرسبھا مکڑا کاٹ کر جہاں اب اس نلی میں زیر تجربہ شے داخل کر لینی چاہیے۔ اس مطلب کے لیے ٹھوس کی تھوڑی سی مقدار کو مناسب برتن میں گرم کر کے مائع بنالیا جائے اور نلی کا سر اس مائع میں ڈبو دیا جائے۔ اس طرح بالعموم شعری نلی سے نلی میں زیر تجربہ شے چڑھ جائیگی۔ نلی میں شے داخل کرنے کے بعد اس کے پیندے کو سرسبھ کر دینا چاہیے ورنہ شے پگھلنے کے بعد یہ جائیگی یا پانی نلی میں چڑھ جائیگا ان وجوہ سے ٹھوس بننے کا نقطہ مشاہدہ میں نہ آسکیگا۔



شکل ۱۱۱۔ کسی ٹھوس کا نقطہ اجماع

شکل ۱۱۲۔ کسی مائع کا نقطہ جوش

اب اس نلی کو جس میں ٹھوس شے موجود ہے، ایک تپش کا
 کے جوڑ کے ساتھ لچکدار بندھنوں یا باریک - تاگے کے ذریعہ بانڈ دیتے
 ہیں اور جوڑ کو احتیاط کے ساتھ پین جنٹر میں محکم کیا جاتا ہے (شکل ۱۱۷)۔
 تپش پیماکا مقروءہ اس خاص لمحہ پر قلمبند کر لیا جاتا ہے جب کہ چھوٹی نلی
 کے اندر کی ٹھوس شے مائع کی شکل اختیار کرتی ہے، ایک دوسرا
 مقروءہ بھی اس طرح حاصل ہو سکتا ہے کہ پین جنٹر کو سرد ہونے کا موقع
 دیا جائے اور جب شے پھر ٹھوس بن جائے تو تپش لکھ لی جائے۔
 اماعت کی جو تپش اس طرح لی جائیگی وہ اصلی نقطہ اماعت سے
 کسی قدر زیادہ ہوگی اور ٹھوس بننے کی جو تپش اس طرح لی جائیگی
 وہ اصلی نقطہ اماعت سے کسی قدر کم ہوگی۔ لہذا اصلی نقطہ اماعت
 ان دونوں مقروءوں کے اوسط سے حاصل کرنا ضروری ہے۔ تاہم
 اس تجربہ میں مائع کے پُر سرد ہو جانے کا احتمال ہے۔ اور ایسی صورتیں
 اس نوعیت کے تجربہ سے اصلی نقطہ اماعت حاصل نہیں ہو سکتا۔

بعض صورتوں میں شعری نلی کو ترک کر کے تپش پیماکے جوڑ
 کے گرد ٹھوس کی ایک چلی تہ چڑھا دی جاتی ہے اور پہلے کی طرح
 احتیاط کے ساتھ تپش پیماکا جوڑ گرم کیا جاتا ہے۔ جب تہ عین گھٹنے کو
 ہوتی ہے تو تپش پڑھ لی جاتی ہے۔

جب کوئی مائع ٹھوس بن رہا ہو تو طالب علم تیریدی منحنی کا
 تجربہ بھی دیکھ لے (صفحہ ۳۷۸)۔

تجربہ ۱۱۷۔ کسی مائع کے نقطہ جوش کا

تعین — اس تعین کے لیے مائع کو ایک ایسی استحانی نلی
 میں رکھو جس کے منہ پر دو سوراخ والا کاک لگا ہو۔ ایک سوراخ میں
 سے تپش پیماکرڑا ہے اور دوسرے میں سسلیک شیشہ کی نلی داخل
 کی جاتی ہے جس سے بخارات خارج ہوتے ہیں۔ نلی کو غایت
 احتیاط کے ساتھ باریک شعلے سے یا پین جنٹر کے ذریعہ گرم کرتے

ہیں یہاں تک کہ مائع کا نقطہ جوش پہنچ جاتا ہے۔ دھکے سے اُبلنے کے عمل کو روکنے کے لیے شیشے کی چند گولیاں یا پتلی دیوار کی شعری نلی کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے (جو دھونکنی کے شعلہ میں شیشے کی نلی کو کھینچ کر بنائے جاتے ہیں) مائع میں رکھنا چاہئیں۔ استھانی نلی میں تپش بیا کی وضع کا انحصار زیرِ اتحسان مائع کی نوعیت پر موقوف ہے۔

(۱) خالص مائع کی صورت میں تپش بیا کو صرف بخارات کی تپش دیکھنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ اور اس صورت میں تپش بیا کا جوفہ مائع کے اندر نہیں ڈوبا جاتا بلکہ مائع کے سطح پر رکھا جاتا ہے۔

(ب) کسی محلول کی صورت میں مائع کی تپش خالص محلول کی تپش سے متغیر ہوتی ہے۔ اس لیے محلول کا نقطہ جوش معلوم کرنے کے لیے تپش بیا کا جوفہ مائع کے اندر ڈوبا رہنا چاہیئے۔

جوفہ کو آہستہ ہوئے مائع کے اندر ڈبو کر تپش بیا کا مقروہہ حاصل کرو پھر اس کو مائع سے باہر اس کے بخارات میں رکھ کر دوسرا مقروہہ حاصل کرو۔ ان دونوں مقروہوں کے درمیان جو فرق ہے اس کا مشاہدہ کرو۔ بڑگرائے سے بچنے کے لیے محلول کو بہت آہستہ آہستہ جوش کھانا چاہیئے۔

فصل دوم

پھیلاؤ کی شرحیں

۱۔ طولی پھیلاؤ کی شرح

کسی سلاح کی پیش کو ایک درجہ بڑھانے سے اُس کے طول میں جو اضافہ ہوتا ہے اُس کے کل طول کے مقابلے میں بہت کم ہے اور یہ اضافہ مختلف پیشوں کے لیے تقریباً مستقل پایا گیا ہے۔

کسی ٹھوس کے طولی پھیلاؤ کی شرح کی تعریف اس طرح ہو سکتی ہے کہ طولی پھیلاؤ کی شرح، اضافہ طول اور اصلی طول کی باہر سہی نسبت سے ہے جب کہ پیش میں ایک درجہ کا اضافہ ہو۔

پس اگر سلاح کا ابتدائی طول L ہو اور اُس کا اضافہ پیش سے اُس کا طول L ہو جائے تو طولی پھیلاؤ کی شرح α مندرجہ ذیل رشتہ سے حاصل ہوگی :-

$$\alpha = \frac{L - L_0}{L_0}$$

اگر سلاح کا طول L ہو جائے جب کہ اُس کی پیش t تک بڑھادی گئی ہو تو ہم لکھ سکتے ہیں

$$\text{کہ } \frac{\text{ل} - \text{ل}}{\text{ل}} = \text{عہ} \quad (۱)$$

$$\text{پس } \text{ل} - \text{ل} = \text{ل} \cdot \text{عہ}$$

$$\text{یا } \text{ل} = \text{ل} \cdot (۱ + \text{عہ}) \quad (۲)$$

بعض اوقات یہ باعث سہولت ہوتا ہے کہ ہم سلاح کی ابتدائی تپش : ہر لیس اس صورت میں ل : ہر پر کے طول کو تعبیر کریگا۔ اور ت : سلاح کی تپش کو مٹی درجوں میں ظاہر کریگی جو طول ل کے متناظر ہوگی۔ چونکہ طول کی تبدیلی جو حقیقت میں مشاہدہ میں آتی ہے نہایت خفیف ہے اس لیے عملیات میں سہولت کے لیے یہ فرض کر لیتے ہیں کہ ابتدائی تپش کمرے ہی کی تپش ہے اور ل اسی تپش پر سلاح کے طول کو تعبیر کریگا ہے۔ اس صورت میں اس امر کا خیال رہے کہ ت اضافہ تپش کو تعبیر کرتا ہے۔ یعنی ت وہ فرق ہے جو انتہائی تپش اور کمرے کی تپش کے درمیان ہو۔

سادات (۱) میں ہم دیکھتے ہیں کہ طولی پھیلاؤ کی شرح کے تعین میں تین مقداروں کی پیمائش شامل ہے : ابتدائی طول، اضافہ تپش اور طول کا اضافہ۔ صرف آخری پیمائش ہی ایسی ہے جس میں کسی قدر وقت ہے۔ چونکہ اس پیمائش میں غلطی کا امکان زیادہ ہے اس لیے یہ امر فضول ہے کہ باقی دو مقداروں کی پیمائش میں کافی صحت کا خیال رکھا جائے (دیکھو صفحہ ۶)۔ اولاً سلاح کا ابتدائی طول ۱۰۰۰ میں اچھے تک درست ناپ لیا جائے اور وہ تپش لکھ لی جائے جس پر تجربہ کا آغاز ہوا۔ سلاح کو ایک معلوم تپش تک گرم کرنے سے اس کے طول میں جو خفیف اضافہ ہوتا ہے اس کی پیمائش کے لیے مختلف طریقے استعمال کیے جاسکتے ہیں :۔

(۱) کسی جیلی یا مناظری ہیرم کے ذریعہ (لیو انرٹے اور لاپلاس کا طریقہ)

ایک معلوم تناسب میں اضافہ طول کی تکثیر عمل میں لائی جاسکتی ہے۔
یہ پہلا طریقہ بالکل غیر صحیح ہے کیونکہ تکبیری جزو ضربی $2 \frac{1}{2}$ فی صدی کے اندر بالکل نامعلوم مقدار ہے۔

(۲) طول کے اضافہ کی پیمائش براہ راست خوردبین پیمائش کے ذریعہ ہو سکتی ہے۔ معمولی کردیت پیماس مقصد کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔

(۳) طول کا اضافہ براہ راست طریقہ پر دو خوردبین یا کسر پیمائش خوردبینوں کو کام میں لاکر معلوم کر سکتے ہیں جب کہ زیر تجربہ سلخ کا ہر سر ایک ایک خوردبین کے ماسک پر لایا گیا ہو۔ یہ طریقہ مذکورہ بالا دو طریقوں پر اس امر میں فوقیت رکھتا ہے کہ سلخ کے ہر دو سر پر ہم مشابہات عمل میں لائے جاتے ہیں اور اس میں کسی ایسے مفروضہ سے کام نہیں لیا جاتا کہ تمام دوران تجربہ میں سلخ کا ایک سر بالکل قائم رہتا ہے۔ یہ سراٹھائے اور سراٹھان کا طریقہ ہے۔

تجربہ ۵۵۔ طولی پھیلاؤ کی شرح کی

تفصیل — مندرجہ ذیل آلہ دوسرے طریقہ کی ایک مثال ہے۔
زیر تجربہ سلخ کو ایک بھاپی پیر میں رکھتے ہیں جو دھاتی یا شیشے کی ایک ایسی نلی پر مشتمل ہوتا ہے جس میں سے بھاپ کی روانہ کر سکتے ہیں۔ سلخ کے دونوں سرے پیر میں سے کسی قدر باہر نکلے ہوتے ہیں اور جوڑوں کو گاگ یا برکی نلی کے ذریعہ بھاپ بند کیا جاتا ہے۔ سلخ کے ہر سرے پر پیش کی پیمائش کے لیے پیش پیمائش کے ساتھ ہیں۔ سلخ کا ایک سر دھات کی ایک قائم گھنٹی کے ساتھ حالت تماس میں ہوتا ہے اور دوسرا سرا پھیلاؤ کے لیے آزاد رہتا ہے۔ اس سرے کے پاس ایک خوردبین پیمائش جس کا سر درجہ دار ہوتا ہے (کردیت پیماس) اس طرح ترتیب دیا جاتا ہے کہ بیچ کا محور بلحاظ سمت سلخ کے محور سے منطبق ہوتا ہے۔ بیچ کے سرے اور سلخ

کے آزاد سرے کے درمیان تماس کی حالت کو قوت لمس کے ذریعہ محسوس کر سکتے ہیں۔ یا ایک جرم برما (Ratchet) خوردہ پیماس استعمال کر سکتے ہیں جو تماس کے پیدا ہوتے ہی پھسل جائے۔ لیکن تماس کی وضع دکھانے کے لیے کوئی سا سادہ برقی طریقہ قابل ترجیح ہے۔ کسی دولٹائی خانے کے ایک قطب کا خوردہ پیماس کے ساتھ الحاق کیا جاتا ہے اور دوسرا قطب ایک سادہ رد پیماس کے ایک سرے سے ملایا جاتا ہے۔ رد پیماس کے دوسرے سرے کو اس گھنٹی سے ملاتے ہیں جس سے سلاخ کا دوسرا قاعلم سرا سہارا ہوتا ہے۔ جوں ہی خوردہ پیماس کا سرا سلاخ کے سرے سے مس کرتا ہے، برقی دہر پورا ہو جاتا ہے اور رد پیماس کی ٹوٹی منصرف ہو جاتی ہے۔ آگ کو ترتیب دے لو اور معمولی تپش پر خوردہ پیماس کا مقروہہ حاصل کر لو جب کہ بیچ کے سرے کا سلاخ کے سرے سے تماس پیدا ہو جائے۔ یہ ترتیب متعدد مرتبہ دہرائی جانی چاہیے۔

اب خوردہ پیماس کو متعدد چکروں میں پیچھے گھما دو تاکہ پھیلاؤ کے لیے گنجائش پیدا ہو۔ بجالی پیرین

میں جو اشارہ سے بھاپ کی زد گزار کر سلاخ کو گرم کر دو۔ اور اس وقت تک انتظار کرو کہ سلاخ مستقل تپش پر آجائے۔ ہر دو تپش پیماس کے مقردوں کو پڑھ لو۔ پھر خوردہ پیماس کو تماس کے لیے مرتب کر دو اور مقروہہ حاصل کر دو۔ یہ مقروہے متعدد مرتبہ دہرائینے چاہئیں۔ اس مقروہہ اور سابقہ کے مقروہے کے فرق سے سلاخ کے طول میں اضافہ معلوم ہو جائیگا۔

نفاذات کی مدد سے سلاخ کے طولی پھیلاؤ کی شرح کو محسوب کر دو۔

تیسرا طریقہ دھاتی ٹی کے طولی پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے

استعمال ہو سکتا ہے۔

تجزیہ ۱۱۔ دھاتی نلی کے لمبی پھیلاؤ کی شرح کا تعین۔ تقریباً ایک میٹر لمبی دھاتی نلی پیروں کے قریب دو عرضی نشان کر دو کمرہ کی تیشیں پر ان نشانوں کا درمیانی فاصلہ دو متحرک خرد بینوں کو ترتیب دے کر معلوم کر لو یہاں کہ خواص باوہ کے تجربہ سلسلہ میں گزرا اور میٹر کے مقابلہ کرنے میں بتایا جا چکا ہے۔ خرد بینوں ٹیکنوں کو سلیٹ کی تختی پر قائم کرنا مناسب ہے تاکہ نلی کو گرم کرنے سے خرد بینوں کے درمیانی فاصلے پر کوئی اثر نہ پڑ سکے۔ نشانوں کو پھر خرد بینوں کے ماسکوں پر لاؤ۔ نلی میں سے بھاپ کی روگزارد۔ نلی کو اس طرح ترتیب دو کہ اس کے ایک سرے کا نشان ہر سلی خرد بین کے صلیبی تار سے منطبق ہو جائے اور دوسری خرد بین کو اتنا ہسٹاؤ کہ اس کا صلیبی تار دوسرے سرے کے نشان پر آجائے۔ دوسری خرد بین کو جس قدر ہسٹاؤ پڑے وہ فاصلہ ناپ لو۔ یہ فاصلہ نلی کے طول میں اضافہ ہے۔ اس مفروضہ کی بناء پر کہ نلی ۱۰۰ ہر تک گرم کی گئی ہے طوی پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔

۲۔ مائع کے پھیلاؤ (بسط) کی شرح

کسی مائع کے پھیلاؤ کی شرح کی تعریف دو مختلف طریقوں پر ہو سکتی ہے۔

(۱) صفر پھیلاؤ کی شرح۔ کسی مائع کے پھیلاؤ کی شرح سے مراد

وہ نسبت ہے جو اُمر کے اضافہ پر پیش سے پیدا ہونے والے اضافہ حجم اور اُمر کے حجم کے درمیان ہو۔

پس اگر ج، اُمر پر اور ج، ہر پر حجم ہوں اور ص پھیلاؤ کی شرح

$$ص = \frac{ج - ج}{ج}$$

اگر ہم یہ فرض کر لیں کہ اضافی تپش کے ساتھ ساتھ ہوا میں طر فیتہ پر پھیلتی ہے، یعنی تپش کے مساوی تغیرات کے جواب میں اگر حجم میں مساوی تغیرات واقع ہوتے ہوں تو کسی تپش پر حجم حج مساوات

$$C = \frac{C - C}{C} \text{ سے حاصل ہوگا۔}$$

$$C = C + (C + C)$$

(۲) دو تپشوں کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح —
کوئی سی دو تپشوں کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح وہ نسبت ہے جو فی درجہ اضافی تپش کے لیے حجم کے اضافے اور ابتدائی حجم کے درمیان ہو۔
چنانچہ اگر تپش اضافی تپش کے حجم حج سے حج میں تبدیل ہو جائے تو اوسط پھیلاؤ کی شرح

$$C = \frac{C - C}{C} \text{ ہوگی۔}$$

یاد رہے کہ یہاں یہ قید نہیں لگائی گئی ہے کہ ابتدائی تپش : ہر ہو۔
پانی جیسی شے کے لیے جو ہوا اور انہیں پھیلتی، پھیلاؤ کی شرح کی تعریف ایسی ہی ہونی چاہیے۔

ایلیکٹریسیٹی کی تبدیلی کا اثر

فرض کرو کہ حج اور شب کسی ایلیکٹریسیٹی کی دی ہوئی کمیت کے لیے : ہر پر حجم اور کشافت کو ظاہر کرتے ہیں تو ایلیکٹریسیٹی کی کمیت حج شب ہوئی۔
فرض کرو کہ کسی دوسری تپش ت ہر حج اور شب حجم اور کشافت کو تعبیر کرتے ہیں تو ایلیکٹریسیٹی کی کمیت حج شب ہوئی۔ لیکن دونوں تپشوں کی کمیت ایک ہی ہے۔

$$\text{لہذا } ح\text{ ث} = ح\text{ ث}$$

$$\frac{ح}{ح} = \frac{ث}{ث}$$

$$\text{لیکن } \frac{ح}{ح} = ۱ + ع\text{ ت}$$

$$\text{حاصل ہوتا ہے } \frac{ث}{ث} = (۱ + ع\text{ ت})$$

$$\text{یا ث} = ث (۱ + ع\text{ ت})$$

، مساوات اور ح والی مساوات میں جو فرق ہے اُس پر خیال رکھنا
دری ہے۔ پیش میں اضافہ کا افرعام طور پر یہ ہے کہ حجم میں اضافہ ہو لیکن
افت میں کمی ہو جائے۔

پھیلاؤ کی شرح مساوات ذیل سے حاصل ہوتی ہے:-

$$\frac{ث - ث}{ث} = ع$$

اسی طرح، دو پیشوں ت اور ت کے درمیان پھیلاؤ کی اوسط شرح
اس طرح دکھا سکتے ہیں:-

$$\frac{ث - ث}{ث - ت} = ع$$

اں ت، ت پر اور ث، ت پر کثافت ہے۔

پانی کے پھیلاؤ کی شرح پیش کے مختلف وقفوں کے لیے

اگر شے مائع کی شکل میں ہو تو اس کی کثافت کی تبدیلی معلوم کرنا زیادہ آسان
ہے نسبت اس کے کہ مائع کی دی ہوئی کثافت کے حجم کی تبدیلیاں دریافت
جائیں۔ عموماً جو طریقہ متعلق ہے، یہ ہے کہ کثافت اضافی کی بوتل کو خاص

نشان تک مختلف تپشوں پر مائع سے بھر بھر کر اس کے اندر موجودہ مائع کی مقدار کو تول لیا جاتا ہے۔

تجربہ ۸۷۔ پانی کا پھیلاؤ کثافت انسانی کی بوتل کے طریقے سے۔ اس صورت میں مائع کی کثافت بوتل کے

اند کے مائع کے وزن کے متناسب ہوتی ہے۔ ۱۰۰ کعب سمر گنجائش کی کثافت انسانی کی ایک بوتل لے کر اُس کو خشک کر دو اور تول لو۔ بوتل کو ۲۰ درجہ حرارت کی درمیانی تپش پر کے پانی سے خاص نشان تک بھر دو۔ بوتل اور پانی کو بحالت مجموعی تول لو۔

بوتل کو خالی کر دو۔ اور اُس کو ایک پن جنتر میں رکھ کر تقریباً ۲۰ درجہ تپش کو بڑھاؤ۔ پن جنتر میں سے پانی لے کر اُس کو بھر دو اور پانی کی سطح کو بوتل کی گردن پر کے نشان تک ٹھیک کر لو، جب کہ بوتل ابھی جنتر کے اندر ہی ہو۔ جنتر کی تپش دیکھ لو۔ جنتر میں سے پانی سے بھری ہوئی بوتل کو علیحدہ کر دو اور بوتل کی بیرونی سطح کو احتیاط سے خشک کر لو اور پھر تول لو۔

پن جنتر کی تپش کو تقریباً ۴۰ درجہ ۶۰ درجہ اور ۸۰ درجہ کے لیے ترتیب دے کر بوتل کو ان تپشوں پر نشان معین تک بھر کر تجربے کو دہراؤ۔ تولنے کے دوران میں دونوں بوتل اور پانی کافی ٹھنڈے ہو جائیں گے اور مائع کی سطح بوتل کی گردن کے نشان سے نیچے آ کر جائیگی۔ اس کا کوئی خیال نہ کیا جائے۔ بوتل کے اند مائع کی موجودہ مقدار وہی ہے جو جنتر کی تپش پر بوتل کو اُس نشان تک پُر کئے ہوئے تھی، سکڑاؤ کی وجہ سے اُس کی کمیت میں کوئی تغیر نہیں پیدا ہوتا۔

تاہم یہ ضروری ہے کہ بلند تپشوں پر حتی الوسع جلد سے جلد تول لیا جائے تاکہ تغیر کے عمل سے وزن میں معتد بہ کمی واقع نہ ہو۔ گرم بوتل کے قریب اوپر کی جانب حملی رو کی وجہ سے بھی

خطا پیدا ہوگی اور اسی لیے یہ مناسب ہے کہ تولنے سے پہلے
بوتل کو ٹھنڈے پانی کے نل کے نیچے جلد ٹھنڈا کر لیا جائے۔
پہلی تپش پر (۲۰ درجہ اور ۷۰ درجہ کے درمیان بوتل
کو پُر کرنے والے پانی کی کمیت (گراموں میں) کو عدد ۱۰۰ سے
پر برتن کے حجم کے برابر لے سکتے ہیں جب کہ تپش کے اس
قطع کے لیے تجربہ کی صحت کے حدود کے اندر پانی کی کثافت
ایک گرام فی مکعب سمر ہو۔

دیگر تپشوں کے لیے جن پر مشاہدات کئے گئے ہیں بوتل کی گنجائش
ح کو ضابطہ

$H = H_0 (1 + \alpha \Delta T)$
استعمال کر کے محسوب کرو، جہاں ΔT شیشے کے کعب پھیلاؤ کی شرح ہے۔
بھلا کی قیمت تقریباً ۲۵۰۰۰۰ فی ۱۰۰ درجہ فی سینٹی ہے۔
بوتل کے اندر پانی کی کمیت کو اس تپش پر بوتل کے محسوب شدہ حجم
سے تقسیم کر کے ہر تپش پر پانی کی کثافت معلوم کرو۔ ان مقداروں کو ذیل کی جدول
میں ترتیب دو:-

تپش	بوتل میں ابلیج کی کمیت	بوتل کا حجم (محسوب شدہ)	ابلیج کی کثافت

۲۰ درجہ اور ۷۰ درجہ پر کی کثافتیں معلوم کرو اور ان دو تپشوں کے درمیان
پانی کے پھیلاؤ کی اوسط شرح ذیل کی مساوات سے حاصل کرو:-

$$\text{اوسط حد (ت ۱ تا ۲۰)} = \frac{\text{ت ۱} - \text{ت ۲}}{\text{ت ۱} - \text{ت ۲}}$$

نیز ۲۰ مر تا ۴۰ مر ۴۰ مر تا ۶۰ مر اور ۶۰ مر تا ۸۰ مر کے لیے بھی اسی طریقہ سے پھیلاؤ کی اوسط شرح کو محسوب کر دے۔
کثافت کی تبدیلی بلحاظ پتھروں کا ہر کرنے کے لیے ایک منحنی اور پھیلاؤ کی شرح کی تبدیلی بلحاظ پتھروں دکھانے کے لیے بھی ایک منحنی کھینچو۔
پھیلاؤ کی اوسط شرح ۲۰ مر تا ۴۰ مر عملی طور پر وہی ہے جو ۳۰ مر پر پھیلاؤ کی شرح ہے۔ دیکھو ہذا۔

شیشے کے مغز کے ذریعہ مختلف

پتھروں پر پانی کی کثافت معلوم کرنا

شیشے کے مغز کا وزن پانی میں مختلف پتھروں پر معلوم کرنے سے پانی کی کثافت کی تبدیلی بلحاظ پتھروں معلوم ہو سکتی ہے۔
فرض کر دو کہ شیشے کے جوڑ کا حجم ۰ مر ۶۰ ح ہے اور بس شیشے کے مکعب پھیلاؤ کی شرح ہے تو کسی پتھر کے ۰ مر ۶۰ جوڑ کا حجم ح = ح (۱ + بہت) ہوگا۔ معمولی شیشے کے لیے بس کی قیمت تقریباً ۲۵۰۰۰۰۰۰۰۰ ہے۔
اگر شیشے ۰ مر ۶۰ پر پانی کی کثافت کو ظاہر کرے تو پانی کے اندر بالکل ڈوبے ہوئے مغز سے ہٹائے ہوئے پانی کا وزن ح ش = ح (۱ + بہت) ش ہے۔ لیکن اصول ارشمیدس کی بناء پر یہ وزن پانی میں نقصان وزن کے برابر ہے۔ اس کو دیکھو۔
پس ح (۱ + بہت) ش = و

$$\text{اور ش} = \frac{و}{ح (۱ + بہت)}$$

ح کی قیمت بالواسطہ طور پر اس طرح معلوم ہوگی کہ مغز کا نقصان وزن معلوم کر لیا جائے جب کہ وہ ایسے پانی کے اندر ڈوبا ہوا ہو جس کی

پیش تقریباً ۴۰ درجے۔ اگر پیشیں ۴۰ درجے سے بہت دور نہ ہوں تو پانی کی کثافت ایک گرام فی مکعب سمرے سے لے سکتے ہیں اور اس طرح اس پیش پر مغزق کا حجم فوراً معلوم ہو جاتا ہے۔

تجربہ ۱۰۰ — شیشے کے مغزق کے ذریعہ مختلف پیشوں پر پانی کی کثافت کا تعین — مغزق کی ایک سادہ اور سہل کار صورت یہ ہے کہ شیشے کے ایک جوفے کے اندر سے کے چترے ہوتے ہیں۔ جوفہ کو مہر کرنے سے پہلے چتروں کی مقدار کو اس طرح مرتب کر لینا چاہیے کہ جوفہ پانی کے اندر ڈوبنے کے لیے کافی وزن ہو جائے۔ باریک تار کے ذریعہ جوفہ کو حساس ترازو کے ایک بازو کے ساتھ لٹکا دیتے ہیں۔ اگر بند ڈبے کی کمیائی ترازو استعمال کی گئی ہو تو ترازو دان کے پینڈے میں ایک چھوٹا سا سوراخ بھی ہونا چاہیے جس میں سے تار گزر سکے۔ ایک دوسرا سوراخ اُس تختہ (Shelf) میں بھی بنانا چاہیے جس پر ترازو دان رکھا ہو تاکہ تار ان دو سوراخوں میں سے آزادی کے ساتھ گزر سکے۔ تار کے زیرین سرے سے مغزق باندھ دیا جاتا ہے اور یہ پانی کے ایک بڑے برتن میں کلیئہ ڈبو دیا جاسکتا ہے۔ اور یہ برتن کسی مطلوبہ پیش تک گرم کیا جاسکتا ہے۔ اُس مقام پر جہاں کہ تار پانی کی سطح میں سے گزرتا ہے سطحی تناؤ کے اثر کو کم کرنے کے لیے تار کے قطر کو ۱۰ درجے سے زیادہ نہیں ہونا چاہیے۔

مغزق کا پہلے ہوا میں دھڑا کر لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد اس کو برتن کے اندر پانی میں بالکل ڈبو کر دوبارہ وزن کر لیا جاتا ہے۔ دونوں وزنوں کے فرق سے پانی میں نقصان وزن معلوم ہو جاتا ہے۔ پہلا مشاہدہ اُس وقت حاصل کیا جاسکتا ہے جب کہ پانی تقریباً ۴۰ درجہ تک ٹھنڈا کر دیا گیا ہو۔ پھر ہنتر کو ۱۰ درجہ تک گرم کر دو اور اس کو آہستہ آہستہ ٹھنڈا ہو سنے دو۔

اُس صورت میں جب کہ جنتر سرد ہو رہا ہو تپش کو قابو میں رکھنا اور نکلنے کے دوران میں اُس کو ایک قائم قیمت پر لے آنا زیادہ سہل ہے۔
 ہنسنی مشعل کے شعلہ کی جسامت یا جنتر سے نیچے اُس کے فاصلہ کو اعتیاد سے بدل کر اُسے اس طرح مرتب کرنا چاہیے کہ مشاہدہ کے وقت تپش مستقل رہے۔ مشاہدات کے دوران میں پانی کو ابھی طرح بلاتے رہنا ضروری ہے تاکہ ساری کیت میں تپش ہموار رہے۔ نقصان وزن اور تپش کے مشاہدات ۱۰ امر یا ۱۰ امر کے وقفہ پر لینے چاہئیں۔

پانی کی کثافت کو مختلف تپشوں پر بتانے کے لیے ایک جدول تیار کی جائے اور نتائج کو مرین وارڈ کاغذ پر مرتب کیا جائے۔
 مشہورہ تپشوں کے ستوالی یا متصلہ جوڑوں کے درمیان پانی کے پھیلاؤ کی اوسط شرحوں کا حساب لگائے۔

وزن تپش پیم

وزن تپش پیم شیشے کا ایک اسطوانی جوف ہوتا ہے جس کی گردن کو کھینچ کر باریک نلی کی طرح بنا دیا جاتا ہے۔ اس نلی کو اس طرح موڑ دیتے ہیں کہ اُس کا کھلا سرا مائع کے برتن میں ڈوب سکے۔ اس آلہ کو مائع کے پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے استعمال کرتے ہیں۔ سادہ طور پر ہم اس کو یوں سمجھ سکتے ہیں کہ یہ ایک آلہ ہے جو کوئی سی دو معلوم تپشوں پر کے مائع کی کثافتوں کا مقابلہ کرنے کے لیے کام میں لایا جاتا ہے۔
 فرض کرو کہ

ج = وزن تپش پیم کا حجم : ہر پر۔
 ک = مائع کی کیت جو اُس کو : ہر پر : ہر کرتی ہے۔
 ش = مائع کی کثافت : ہر پر۔

نیز فرض کرو کہ ج، ک، اور ث، ت ہر پر ان کی مناظر قیمتیں ہیں۔

اگر بس غیشے کے مکتب پھیلاؤ کی شرح ہے تو

$$ج = ح (۱ + بہ ت)$$

کثافت کی تعریف کسی بناء پر ذیل کے رشتے حاصل ہوتے ہیں :-

$$ک = ج \cdot ث \cdot اور ک = ج \cdot ث$$

$$ہذا \quad \frac{ج \cdot ث}{ج \cdot ث} = \frac{ک}{ک}$$

$$یا \quad \frac{ث}{ث} = \frac{ک}{ک} \left(\frac{ج}{ج} \right)$$

$$= \frac{ک}{ک} (۱ + بہ ت)$$

لیکن صفحہ (۳۳۲) پر ثابت کیا جا چکا ہے کہ

$$\frac{ث}{ث} = (۱ + عہ ت)$$

جہاں عہ مائع کے مطلق پھیلاؤ کی شرح ہے۔

$$ہذا \quad (۱ + عہ ت) = \frac{ک}{ک} (۱ + بہ ت)$$

اس مساوات کو عہ کے لیے حل کرنے سے ذیل کا رشتہ حاصل ہوتا ہے :-

$$عہ = \frac{ک - ک}{ک \cdot ت} + \frac{ک}{ک \cdot بہ ت}$$

یاد رہے کہ اس نتیجہ کے حاصل کرنے میں کسی تقریبات سے کام نہیں لیا گیا۔
 اگر پیش پیا کے جوئے کے پھیلاؤ کو نظر انداز کیا جائے تو $10 =$ اور
 ایل کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح

$$\frac{ک - ک'}{ک' ت} =$$

تجربہ ۳۹۔ وزن پیش پیا کے ذریعہ

گلسرین کے پھیلاؤ کی شرح کی تعیین —
 خالی پیش پیا کا وزن معلوم کرو۔ جوئے کو کمال احتیاط کے ساتھ
 ہنسی شعلہ پر گرم کر کے اور اس کے منہ کو گرم گلسرین والے برتن میں
 ڈوبا ہوا رکھ کر پیش پیا کو گلسرین سے بھر دو۔ جیسے جیسے جوئے سرد ہو گا
 گلسرین اس کے اندر گھنچ آئیگی۔ بار بار گرم اور سرد کر کے جوئے کو گلسرین
 سے مکمل بھر دینا چاہیے۔ جب جوئے گرمی کی بیش تک سرد ہو جائے
 تو اس کو کھلی ہوئی برف سے بھرے ہوئے ایک برتن میں اس طرح
 رکھ دو کہ وہ برف سے پورے طور پر گھرا رہے مگر اس کا منہ گلسرین
 کے اندر ہی ڈوبا رہے۔ جس وقت جوئے نہایت سرد ہو رہا ہو تو
 ایک چھوٹی سی پیالی یا کٹھالی کو تول لو۔ پیش پیا کو برف سے
 نکال لو اور پیالی کو اس طرح رکھو کہ خارج ہونے والا مائع اس میں رہے۔
 پیش پیا اور پیالی کو ایک ساتھ وزن کرو۔ اور پیش پیا کو ۱۰ گھر پر
 پر کرنے والی گلسرین کی کمیت معلوم کرو۔

اس کے بعد پیش پیا کو پانی کے ایک منقارے میں
 رکھ کر نقطہ جوش تک گرم کرو اور خارج ہونے والی گلسرین کو بجانا
 دو۔ پیش پیا کو نکال لو اور اس کو گرمی کی بیش تک ٹھنڈا ہونے
 دو۔ مائع ٹھنڈا جائیگا لیکن اس پر بھی مائع کی کمیت وہی رہے جو
 پیش پیا کو ۱۰ گھر پر کرنے سے پہلے - پیش پیا کو دوبارہ تول لو اور

گلسرین کی کمیت اخذ کرو -
گلسرین کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔ شیشے کے
پھیلاؤ کی شرح کو معلوم مان کر مطلق پھیلاؤ کی شرح بھی محسوب کرو۔

حجم بسط پیک

بسط پیک میں ایک اسطوانی جو نہ ہوتا ہے جس پر ایک سیدھی
درجہ دار نلی لگی ہوتی ہے۔ اگر تنے پر کے پہلے نشان تک جو نہ کا حجم
معلوم ہو اور نلی کے ایک درجہ کا متناظر حجم بھی معلوم ہو تو یہ آلہ کسی مایع کے
ظاہری پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے استعمال ہو سکتا ہے۔

تجربہ ۹۔ کسی مایع کے ظاہری پھیلاؤ
کی شرح کا تعین بسط پیک کے ذریعہ — پہلے خالی
بسط پیک کو تول لو۔ اس کے بعد ایک معلوم کثافت کا مایع لے کر
تنے کے پہلے نشان تک بھرو۔ اور پھر تول لو۔ اس طرح معلوم
شدہ کمیت سے جو نہ کا حجم محسوب کرو۔ تنے کے سرے کے قریب
و اسے کسی نشان تک بسط پیک کو بھر دو اور پھر تول لو۔ تنے کے ایک
معین طول کو پڑیے ہوئے مایع کی کمیت معلوم کر لو اور تنے کے
اس طول کا حجم محسوب کرو۔ پیمانے کے ایک درجہ کے متناظر حجم
کو اخذ کرو۔

کسی مایع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح معلوم کرنے کے لیے
جوفے اور تنے کے کچھ حصے کو مایع سے بھر دو اور برف میں رکھ کر
تمام کا تمام ° حر تک ٹھنڈا کرو۔ تنے میں مایع کا مقام پڑھ لو۔
پھر مین جنتریں رکھ کر کسی معلوم تپش تک گرم کرو اور تنے میں مایع
کا مقام دوبارہ دیکھ لو۔ ان مقروڑوں کے متناظر حجموں کا حساب لگاؤ۔ صوابد
ج = ج (۱ + ع ت) کی مدد سے ظاہری پھیلاؤ کی شرح محسوب کرو۔

۳۔ گیسوں کا پھیلاؤ

مستقل دباؤ پر ہوا کا پھیلاؤ

جب کسی گیس کی ایک دی ہوئی کیت مستقل دباؤ کے تحت اضافہ تپش کے اثر سے پھیلتی ہے تو مساوات ذیل سے حجم اور تپش کے مابین رشتہ ظاہر ہوتا ہے :-

$$V = C(1 + \alpha t)$$

جہاں C سے t مراد گیس کا حجم تعبیر ہوتا ہے اور C سے t مراد حجم۔
 اہم یہ کہ پھیلاؤ کی شرح کہتے ہیں یا مستقل دباؤ پر اضافہ حجم کی شرح۔
 یہ مساوات کلیہ شارل کو علامات ریاضی میں ظاہر کرتی ہے جو یہ بیان کرتا ہے کہ جب گیس کی ایک مقررہ کیت مستقل دباؤ کے تحت پھیلتی ہے تو تپش کے ہر درجہ کے اضافہ کے لیے حجم میں α مر کے حجم کی ایک معین کسر کا اضافہ ہوتا ہے۔

پس بسا α مستقل
 دباؤ پر ہوا کے پھیلاؤ کی

شرح کی تعیین —————

کعب سرنگیشن کی ایک صراحی کے

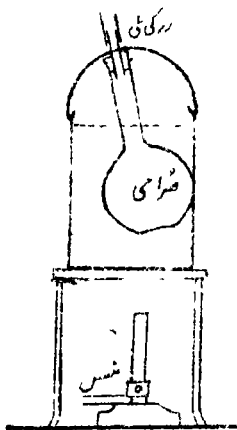
ساتھ ربر کی ایک چست روک ڈاٹ

کا انتظام ہوتا ہے جس میں سے شیشے

کی ایک چھوٹی نلی گزرتی ہے۔

نلی کا زیرین سرا روک ڈاٹ کے

ساتھ ہموار ہونا چاہیے اور بالائی سرا



نسل ۱۱۶۔ نقطہ جوش تک صراحی ربر کی نلی

روک ڈاٹ سے اوپر ۲ یا ۳ سر سے زیادہ نکلا ہوا نہیں ہونا چاہیے۔
خیشے کی نلی کے باہر نکلے ہوئے حصہ سے تقریباً ۵ سمرلہا دبر کی نلی کا
ٹکڑا جوڑ دیا جاتا ہے۔

صراحی کا ڈاٹ اور نلی ابھی طرح خشک کر لیے جائیں خشک
کرنے کا عمل آدہ کو تینیلی رُوح سے دھو کر اور اُس میں سے ہوا کی رو
گزار کر پورا کر سکتے ہیں۔ اب خشک صراحی کا وزن ۵ معلوم
کر لیا جاتا ہے۔

اس کے بعد ڈاٹ لگی ہوئی صراحی کو پانی کے ایک
برتن میں رکھتے ہیں جو رفتہ رفتہ نقطہ جوش تک گرم کیا جاتا ہے۔
اگر برتن میں تار کا دستہ لگا ہوا ہو تو اس سے پانی میں ڈوبی ہوئی
صراحی کے پکڑنے کا کام لیا جاسکتا ہے (شکل ۱۱۶)۔ نقطہ جوش
پر پہنچ چکنے کے بعد کم سے کم پانچ منٹ تک صراحی کو پانی کے
اندھ رہی رکھا رہنے دیا جائے تاکہ اندر کی ہوا جوش کھائے ہوئے پانی
کی تپش پر جس کو ہم ۱۰۰ حرزین کرینکے بہ پہنچ جائے۔ اس کے
بعد دبر کی نلی کو اٹھوٹھے اور انگلی کے درمیان مضبوطی کے ساتھ
دبا دیا جاتا ہے۔ اور صراحی کو تینہری کے ساتھ اُس برتن سے

باہر نکال کر ٹھنڈے پانی کے

ایک بڑے برتن میں اڈھا

دیتے ہیں (شکل ۱۱۷)۔

جوں ہی ڈاٹ ٹھنڈے

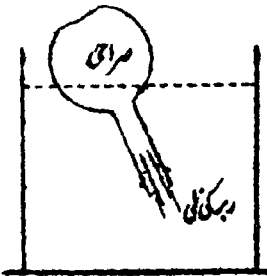
پانی کی سطح سے نیچے ہو جاتی

ہے دبر کی نلی کو چھوڑ دیا جاتا

ہے تاکہ ٹھنڈا پانی صراحی میں

داخل ہو سکے۔ صراحی کی گردن

کو نیچے کی طرف ہی رکھ کر مٹی



شکل ۱۱۷۔ صراحی ٹھنڈے پانی میں

کئی منٹ تک پانی کے اندر ڈوبا ہوا رکھنا چاہیے تاکہ اُس کا
ماہیہ پانی کی تپش پر آجائے۔ فرض کرو کہ تپش تہ ہے۔
اس کے بعد صراحی کو اونچا کیا جاتا ہے یہاں تک کہ پانی
کی سطح صراحی کے اندر بھی وہی ہو جاتی ہے
جو باہر کی سطح ہے۔ یعنی یہاں تک کہ اندر کی ہوا کا دباؤ
وری ہو جائے جو کہ ہوائی کا دباؤ ہے۔ جب یہ شرط پوری ہو جاتی
ہے تو ربر کی نلی کو داب کر بند کر دیتے ہیں اور صراحی کو پانی سے
باہر نکال لیا جاتا ہے اور پھر اُس کو سیدھا کر دیتے ہیں۔ بیرونی
سطح کو خشک کر کے صراحی کو تول لیا جاتا ہے۔ فرض کرو کہ یہ وزن
وہ ہے۔

اس کے بعد صراحی کو ٹھنڈے پانی سے بالکل بھر دیتے
ہیں اور ڈاٹ لگا دیتے ہیں تاکہ پانی شیشے کی نلی کو بھی بھر دے اور
وزن وہ معلوم کر لیا جاتا ہے۔

ساری صراحی کو بھرنے والے پانی کا وزن (و - و) گرام ہے۔
لیکن ایک گرام پانی اکعب سمرجہ گھیرتا ہے۔ پس بوتل کا حجم و - و مکعب سمر
ہے۔ اب جب کہ بوتل جوش کھاتے ہوئے پانی میں تھی تو اُس کے اندر کی ہوا
تمام حجم کو پُر کیے ہوئے تھی اور دباؤ کہ ہوائی کا تھا۔
فرض کرو کہ یہ حجم ج ہے تو

ج = و - و مکعب سمر

جب صراحی تپہ ہوا لے ٹھنڈے پانی میں رکھی گئی تو ہوا کا حجم گھٹ گیا یہاں
تک کہ ج ہو گیا۔ ذرا غور کرو تو معلوم ہو گا کہ

ج = و - و مکعب سمر

در اصل صورت حال یہی ہے کیونکہ اس کمتر تپش پر ہوا اُس قدر حجم گھیرے
ہوئے تھی جس قدر کہ بوتل کے اندر چڑھا ہوا پانی پُر نہیں کرتا تھا۔ اس طرح
حجم ج اور ج معلوم ہو جاتے ہیں۔

لیکن یہ ضروری ہے کہ ان حجموں کو ۰ ص کے حجم پر تحويل کریں تاکہ پھیلاؤ کی شرح کا حساب لگایا جائے۔ یعنی ہمارے پاس دو مساواتیں ہیں۔

$$ج_1 = ج_2 (1 + 100\alpha)$$

$$ج_2 = ج_1 (1 + \alpha t)$$

جن میں دو مجهول مقدار ہیں۔

پہلی مساوات کو دوسری سے تقسیم کر دو تو

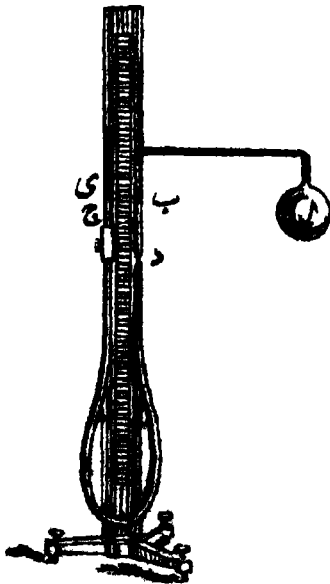
$$\frac{ج_1}{ج_2} = \frac{1 + 100\alpha}{1 + \alpha t}$$

جس سے مندرجہ ذیل رشتہ حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{ج_1 - ج_2}{ج_2} = \frac{100\alpha - \alpha t}{1 + \alpha t}$$

اور اس رشتہ سے $ج_2$ کی قیمت معلوم ہو سکتی ہے۔

مستقل حجم والا ہوائی پیش بیا



جب کسی گیس کی ایک معین گھمٹ ایسے برتن میں رکھی جائے جس کا حجم غیر متغیر رہتا ہے تو گیس کی وجہ سے برتن کی دیواروں پر جو دباؤ پڑتا ہے، وہ پیش کے اضائف کے ساتھ ساتھ بڑھتا جاتا ہے۔ گیس کے دباؤ اور پیش کے مابین رشتہ اس آلیک کے ذریعہ جانچ سکتے ہیں جس کو مستقل حجم والا گیس پیش بیا کہتے ہیں۔ اور جس کو ٹولی (Jolly) نے مشہور میں تیار کیا تھا۔

فصل ۱۱۱۔ جولی کا مستقل حجم والا گیس پیش بیا

گیس ٹیشے کے فانوس ۱ (شکل ۵۱۱) میں رکھی جاتی ہے جس کو کسی مطلوبہ تپش تک پانی یا تیل کے جنٹر کی مدد سے جس میں وہ رکھا جاتا ہے گرم کر سکتے ہیں۔ اس فانوس کو دباؤ کی پیمائش کے لیے باریک سوراخ کی ایک ٹیشے کی نلی کے ذریعہ پارے کے فشار پیمائش کے ساتھ ملحق کر دیتے ہیں۔ فشار پیمائش فیثے کی دو بہت چوڑی نلیاں ب د اور ی ج ہوتی ہیں جو ایک لمبی ربر کی نلی سے ملا دی جاتی ہیں۔ اس میں پارا اتنی کافی مقدار میں ہوتا ہے کہ ربر کی نلی اور ٹیشے کی چوڑی نلیوں کا کچھ حصہ بھر جاتا ہے۔ ٹیشے کی نلی ی ج کو اؤنچا نیچا کر کے ب د میں پارے کی سطح کو مرتب کر سکتے ہیں یہاں تک کہ پارے کی ہلالی سطح ٹیشے کے نمایندہ کی نوک کو عین چھو لے۔ یہ نمایندہ چوڑی اور تنگ نلیوں کے مقام اتصال کے قریب ب کے اندر لگا ہوتا ہے۔

آلے کے استعمال کے دوران میں ب د کے اندر پارے کی ہلالی سطح کا اس خاص وضع میں ہونا ضروری ہے تاکہ فانوس ۱ اور باریک نلی کے اندر گھری ہوئی گیس کا حجم مستقل رہے۔ گیس کی وجہ سے پڑنے والا دباؤ مقام ب پر کے پارے کی سطح پر دباؤ کے برابر ہے۔ یہ دباؤ اس طرح معلوم ہوتا ہے کہ ب پر پارے کی سطح اور ی ج میں پارے کی سطح کا فرق لیا جائے اور می پر کرہ ہوائی کی وجہ سے پارے کی سطح پر واقع ہونے والا دباؤ بھی شمار کیا جائے۔ مشاہدات حاصل کرتے وقت کرہ ہوائی کا دباؤ باریتیا کی بلندی پڑھ کر معلوم کر لینا چاہیے۔

آلے کے استعمال سے متعلق تین امور پر زور دینے کی ضرورت ہے:-
۱۔ پارے کی سطحوں کے مابین فرق کو صحت کے ساتھ معین کرنے کے لیے یہ ضروری ہے کہ آلہ کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ نلیاں ج اور د اس پیمانہ سے بہت ہی قریب ہوں جو ارتفاع ناپنے کے لیے استعمال کیا گیا ہو۔

۲۔ دباؤ کی تعین اس وقت عمل میں لائی جائے جب کہ گیس کی تپش مستقل ہو۔ جس جنٹرو میں ۱ کو ڈبویا گیا ہو اس کی تپش کو مستقل رکھنے کے متعلق کافی احتیاط کرنی چاہیے جب کہ ی ج کو

مرتب کیا جا رہا ہو اور پارے کی سطحوں کے مابین فرق کا مشاہدہ کیا جا رہا ہو۔
یہ عمل زیادہ سہولت کے ساتھ اُس وقت ہو سکتا ہے جب کہ تپش گر رہی ہو
پہلے اُس وقت کے جب کہ تپش بڑھ رہی ہو۔ لہذا یہ قرین معلومت ہے کہ جس اعلیٰ تپش تک تجربہ کرنا
ہو اُس تپش تک جنٹر کو گرم کر دیا جائے اور پھر جنٹر کو آہستہ آہستہ سرد ہونے
دیا جائے۔ چونکہ اس میں وقت کا کافی فرق ہے اس لیے مناسب یہ ہے کہ
جنٹر کو کسی مطلوبہ تپش سے ایک یا دو درجہ زیادہ گرم کر کے شعلہ ہٹا لیا جائے۔
اب پانی کو اچھی طرح ہلایا جائے یہاں تک کہ وہ مطلوبہ تپش تک ٹھنڈا ہو
جائے۔ پانی کے ٹھنڈا ہونے کے دوران میں تپش بھی طور پر پارے کی
بلندی مرتب کر لی جاتی ہے۔ اور اُس کو ٹھیک قیمت پر لاتے ہیں۔ جب
یہ تپش پہنچ جاتی ہے تو اُس وقت مقررہ حاصل کر لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد
سارے جنٹر کو تیزی کے ساتھ دوسری مطلوبہ تپش سے کسی قدر زیادہ گرم کرتے
ہیں۔ اور پھر وہی عمل دہرایا جاتا ہے۔

تجربہ کی کامیابی کا انحصار اس امر پر ہے کہ جو فہ کے اندر گیس کی تپش
ٹھیک وہی ہو جو کہ باہر جنٹر کی تپش ہے اور اس امر پر بھی کہ اس تپش کا
تعیین صحت کے ساتھ کیا گیا ہو۔

۳۔ جب جنٹر کو سرد ہونے دیا جاتا ہے تو اس امر کی بڑی احتیاط
کرنی چاہیے کہ گیس کے دباؤ میں کمی کے اثر سے ب د کے
اندر کا پارا جو فہ کے اندر نہ چھینچ آئے۔ اس احتمال کو دور کرنے کے لیے
نلی ی ج کو اتنا نیچے کر دے کہ اندر کا پارا نلی کے سرے سے کافی نیچا
رہے۔ جب تجربہ ختم کر دیا جائے تو نلی ی ج کو اس طریقہ پر
ہمیشہ نیچے کر دینا چاہیے۔

فہرہ ۱۱۱۔ ہوا کی ایک مستقل کمیت کے

دباؤ کی تبدیلی تپش کے ساتھ جب کہ تپش پارے

کے تپش پیمائے کے ذریعہ معلوم کی گئی ہو۔ ہوائی تپش

کے جو ذ کو گرم کرنے کے لیے بن جنٹر اور بن جنٹر کی پیش لینے کے لیے پارے کا پیش پیا استعمال کرو۔ پانی کو نقطہ جوش تک گرم کرو اور جب پیش مستقل ہو جائے تو پیش پیا کو بڑھ لو۔ فشار پیا میں پارے کو ترتیب دے کر ب اور ی کا ارتفاع بڑھ لو۔ اس کے بعد پیش کو تقریباً ۲۰° گرنے دو اور دوبارہ پیش اور دباؤ کے مقدسے حاصل کرو۔ یکے بعد دیگرے مفردوں کے درمیان پیش کو تقریباً ۲۰° گرنے دو اور اس طرح مشاہدہ کا ایک سلسلہ حاصل کرو۔ یا مختلف پیشوں پر پارا اُس وقت بھی ترتیب کیا جاسکتا ہے جب کہ پیش بڑھ رہی ہو بشرطیکہ اوپر فقرہ ۲ میں بیان کردہ احتیاطیں برقی گئی ہوں۔ اس صورت میں آخری پیش ۱۰۰° ہوگی۔

نتائج کو مندرجہ ذیل طریقہ پر قلمبند کرو:—

بار پیا کی بلندی =

نمایندہ نشان کی بلندی ب پر =

تپش	ی کا ارتفاع	ارتفاع کا منق (ی - ب)	۱ میں دباؤ

اب دباؤ کو معین اور پیش کو فصلہ مان کر ہوا کے دباؤ اور اُس کی پیش کے اذین رشتہ ترکیبی طریقہ پر ظاہر کرنا چاہیے۔ اس طرح حاصل شدہ نقطے تقریباً ایک خط مستقیم پر ہونے چاہئیں۔ ان نقطوں میں سے گزرتا ہوا ایک ایسا خط کھینچو کہ خط کے اوپر کی جانب اُسی قدر نقطے واقع ہوں جتنے کہ نیچے کی طرف ہیں۔ اس خط کے ذریعہ جس کو تجربے کے نتائج کا اوسط بتانے والا منحنی

کر سکتے ہیں دو منتخبہ تپشوں t اور t_p کے متناظر دباؤ معلوم کرو۔ فرض کرو کہ یہ دباؤ D اور D_p ہیں۔

اگر تپشوں کے دباؤ کی شرح اضافہ بلحاظ تپش E ہو تو ہم لکھ سکتے ہیں:-

$$D = D_p (1 + E/t_p)$$

$$D_p = D (1 + E/t)$$

ایک مساوات کو دوسری سے تقسیم کر کے ہم D کو ماقط کر سکتے ہیں اور اس طرح مندرجہ ذیل رشتہ حاصل ہوگا:-

$$\frac{D}{D_p} = \frac{1 + E/t_p}{1 + E/t}$$

اس کو E کے لیے حل کریں تو حاصل ہوگا:

$$E = \frac{D - D_p}{D_p/t - D/t}$$

اس مساوات کی مدد سے E کی قیمت محسوب کرو۔ اگر ہم چاہیں تو منتخبہ تپشوں کو $t = 0$ اور $t_p = 100$ کر لے سکتے ہیں۔ ترسیم کی مدد سے ان کے متناظر دباؤ D اور D_p معلوم کرو اور E کو مساوات ذیل کی مدد سے محسوب کرو:-

$$D_p = D (1 + E/100)$$

اس کے لیے ترسیم کو استعمال شدہ کمترین تپش سے آگے بڑھانا چاہیے۔ اور اسی بڑھائی ہوئی ترسیم کے ذریعہ دباؤ D حاصل ہوگا۔

تقریباً ۹۳ — مستقل حجم والے ہوائی تپش پیک کی مدد سے کسی شے کے نقطہ اماعت کی تعیین

— اس تجربہ میں پارے کا تپش پیک استعمال کرنے کی ضرورت

نہیں ہے لیکن مستقل حجم والے ہوائی تپش پیمائی کے ذریعہ بتایا ہوا تپش کا پیمانہ کام میں لایا جائے۔ ادگالتپش پیمائی کے دو ثابت نقطوں کو متعین کرلو۔ جب کہ جوڑ کے اطراف جنسٹر میں برف ہو تو جوڑ کے اندر ہوا کا دباؤ معلوم کر کے نیچے کا ثابت نقطہ متعین کر سکتے ہیں۔ فرض کرو کہ یہ دباؤ D ہے۔ جب جنسٹر نقطہ جویش پر ہو تو جوڑ کے اندر ہوا کا دباؤ دیکھ کر اوپر کے ثابت نقطے کی تصحیح کرو۔ دراصل دیکھا جائے تو یہ ضروری ہوگا کہ جوڑ کے اطراف معیاری دباؤ پر خالص پانی سے بنی ہوئی بھاپ ہونی چاہیے تاکہ یہ نقطہ صحت کے ساتھ حاصل ہو۔ موجودہ غرض کے لیے یہ کافی ہوگا کہ جوڑ کو بن جنسٹر میں جوش کھاتے ہوئے پانی سے گھیر دیا جائے۔ فرض کرو کہ اس کے متناظر دباؤ D_1 ہے۔ تو

$$D = D_1 + C \quad (10)$$

اس طرح C کی قیمت تجربہ سے براہ راست معلوم ہو سکتی ہے۔

اب بن جنسٹر میں پانی کی تپش کو مرتب کر دیں تاکہ وہ ٹھوس شے کے نقطہ انجمت کے برابر ہو جائے۔ اس مقصد کے لیے ٹھوس کی ایک خفیف سی مقدار پتلی دیوار والی شعری فی میں رکھی جاسکتی ہے۔ جس کو بن جنسٹر میں ڈبو دیا جاسکتا ہے۔ اس تپش کے متناظر دباؤ D_2 پڑھ لو۔

تو مستقل حجم والے ہوائی تپش پیمائی کے پیمانہ پر ہمیں حاصل ہوگا:-

$$D = D_2 + C \quad (11)$$

جہاں D_2 وہ تپش ہے جس کا تعین مطلوب ہے۔ اور C کی وہی قیمت ہے جو تجربے کے ذریعے پہلے ہی معلوم ہو چکی ہے۔ تپش D کو اس مساوات کے ذریعہ محسوس کرلو۔

گیسوں پر تجربوں کے نتائج جو بائل اور شارسل کے کلیتوں میں بیان کیے گئے ہیں ایک ہی جملے

د ح = م ت

کے ذریعہ بتائے جاسکتے ہیں۔ جہاں د دباؤ، ح گیس کی ایک دی ہوئی کیمت کے حجم کو ظاہر کرتی ہے، اور ت مطلق تپش ہے یعنی وہ تپش جو مٹی پیمانہ کے نقطہ انجماد سے ۲۷۳ درجے سے شمار کی جاتی ہے۔

ہر ایک مستقل ہے جو بالعموم کیسی مستقل کہلاتا ہے۔ گیسوں سے متعلق حسابات لگانے میں اسی جملے کو استعمال کرنا چاہیے سوائے اُن صورتوں کے جب کہ گیس کی شرح حد تجرباتی مشاہدات کے ذریعہ معلوم کرنی ہو۔

اگر گیس کی ایکائی کیمت پر غور کیا جائے تو ح = $\frac{1}{273}$ جہاں ت گیس کی کثافت ہے۔ اور کیسی مساوات کو اس طرح لکھ سکتے ہیں:-

د ح = م ت

اس مساوات میں ہر کیسی مستقل ہے جو گیس کے ایک گرام کے لیے شمار کیا جائیگا۔

کسی شے کا گرام سالمہ، شے مذکور کی وہ کیمت ہے جس میں اتنے ہی گرام ہوں جتنی کہ اُس شے کے سالمی وزن میں اکائیوں موجود ہیں۔ گیس کے ایک گرام سالمے کا حجم طبعی تپش اور دباؤ پر ۲۲۴۱۲ کعب سمر ہوتا ہے۔ ۶۰، مر پائے کے متناظر کمرہ ہوائی کا دباؤ ۰.۵ مر اور ۴۵ عرض بلد اور سطح سمندر پر ۱۰۱۳۲۰۰ ڈائن فی مربع سنتی میٹر ہوتا ہے۔

لہذا ایک گرام سالمہ کے لیے کیسی مستقل

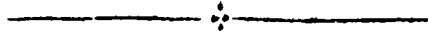
م = $\frac{1}{273}$ د ح

$$\frac{22212 \times 11300}{26351} =$$

$$= 9315 \times 10 \text{ ارگ فی درجہ فی گرام سالہ}$$

$$= 11984 \text{ حرارے فی درجہ فی گرام سالہ}$$

کہہ گیس کے ایک گرام سالے کے لیے ہر معلوم کرنا ہوتا اس
عدہ کو گیس کے سالمی وزن سے تقسیم کر دینا چاہیے۔



فصل سوم

حرارہ پیمائی

۱۔ حرارت کی مقداروں کی پیمائش

حرارہ پیمائی کے مضمون میں حرارت کی مقداروں کی پیمائش سے بحث کی جاتی ہے۔ اکائی مقدار حرارت وہ مقدار ہے جو پانی کی اکائی کمیت کی تپش کو ایک درجہ بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ جو اکائی عملی کاموں میں عموماً مستعمل ہے، وہ حرارہ ہے جس کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ کسی مخصوص تپش پر حرارت کی وہ مقدار جو ایک گرام پانی کی تپش کو 1° م بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ یہ مقدار 0.239 م اور 100 م کے درمیان مختلف تپشوں پر بالکل وہی نہیں ہے بلکہ تقریباً وہی ہے۔ مثلاً 10° م کا حرارہ 23.9 م کے حرارے سے بقدر ایک ہزار میں ایک جتنے کے بڑا ہے۔ ذیل کے بیان میں یہ خفیف تبدیلیاں نظر انداز کر دی جائیں گی۔ پس پانی کے کلو گراموں کی تپش کو 1° م سے 1° م تک بڑھانے کے لیے حراروں کی مطلوبہ تعداد

ح = ک (ت - ت)
 کسی جسم کی تپش کو 1° م بڑھانے کے لیے ایک خاص مقدار حرارت درکار ہوتی ہے۔ اس مقصد کو جسم کی گنجائش حرارت کہتے ہیں۔ کسی جسم

آب مساوی پانی کی اُس مقدار کو کہتے ہیں جس کی تپش کو 1° حر بڑھانے کے لیے اُسی قدر حرارت کی ضرورت ہے جس قدر جسم مذکور کو آب مساوی کی مقدار (گرمیوں میں) عدداً گنجائش حرارت (حرارے فی درجہ معی) کے برابر ہوتی ہے۔ اگر کسی جسم کا آب مساوی و گرام ہو تو اُس جسم کی تپش کو 1° حر سے n مرتبہ بڑھانے کے لیے حرارت کی مقدار:

$$H = W (n - 1)$$

کسی شے کی اکائی گیت کی گنجائش یا حرارت نوعی حراروں کی وہ تعداد ہے جو اُس شے کے ایک گرام کو 1° حر بڑھانے کے لیے درکار ہو۔ اگر کسی جسم کی حرارت نوعی کو x حرارے فی گرام فی درجہ معی سے ظاہر کریں تو اُسی شے کے k گرمیوں کی تپش n مرتبہ n مرتبہ لانے میں حرارت کی مطلوبہ مقدار

$$H = kx (n - 1)$$

حرارت کی مقداروں کی پیمائش سے متعلق یہ بنیادی مساوات ہے۔ اس مساوات کا مقابلہ گذشتہ مساوات سے کرنے پر ہم دیکھتے ہیں کہ آب مساوی و $k = 1$ ہے۔ پس کسی جسم کا آب مساوی اس طرح محسوب ہو سکتا ہے کہ جسم کی گیت اور اُس کی حرارت نوعی کا حاصل ضرب لیا جائے۔

حرارہ پیم

وہ برتن جو مقدار حرارت کی پیمائش کے لیے استعمال ہوتا ہے، حرارہ پیم کہلاتا ہے۔ اس کو اس طرح ترتیب دینا چاہیے کہ حتی الامکان بیرونی اجسام سے اس میں یا اس سے بیرونی اجسام میں حرارت منتقل نہ ہونے

۱۔ حرارت کا یہ انتقال، ایصال، حمل، یا اشعاع حرارت کی شکل میں وقوع پر ہو سکتا ہے۔ ایصال حرارت کو روکنے کے لیے حرارہ پیماکو کسی ناقص موصل سے عمدہ، روئی، کالک یا آبنوس کے ذریعہ مہارہ لیتے ہیں۔ تھلی رُودوں سے بننے کے لیے بعض وقت برتن کو بھی طرح روئی سے لپیٹ دیتے ہیں۔ یا خلا دار رہن کے اندر لٹکا دیتے ہیں۔ اشعاع کے ذریعہ انتقال حرارت کو روکنے کے لیے عموماً یہ طریقہ اختیار کیا جاتا ہے کہ حرارہ پیماکے گرد ایک بیرونی برتن کا نظام ہوتا ہے اور اندرونی برتن کی بیرونی سطح نہایت مجملہ بنا دی جاتی ہے لہٰذا اُس کی خروچیت کم ہو جائے اور بیرونی برتن کا اندرونی پہلو بھی نہایت لہٰذا بنایا جاتا ہے تاکہ اُس کی انعکاسی طاقت بڑھ جائے۔

ڈیوار (Dewar) کا خلائی برتن جس کو عام بول چال میں تھرماس راجی کہتے ہیں، بعض تجربوں کے لیے سہولت بخش حرارہ پیماکا کام دیتا ہے لیکن شیشہ تمام و کمال ایک ہی تپش پر نہیں ہوتا اس لیے یہ امر دقت طلب ہوتا ہے کہ اُس کی گنجائش حرارت کی کیا قیمت اختیار کی جائے۔

۲۔ کسی ٹھوس کی حرارت نوعی کی تخمین

تجربہ ۹۴۔ کسی ٹھوس کی حرارت

نوعی کی تخمین کے سادہ طریقے۔ ٹھوس کی ایک معلوم

کمیت کو خاص تپش تک گرم کر کے اس کو کمرے کی تپش پر رکھے ہوئے پانی کی ایک معلوم کمیت میں داخل کیا جاتا ہے۔ آخر میں چل کر ٹھوس اور پانی ایک مشترک تپش پر پہنچ جاتے ہیں جس کا مشاہدہ کر لیا جاتا ہے۔ اس کے بعد ٹھوس کی حرارت نوعی محسوب ہو سکتی ہے۔

سب سے پہلے ٹھوس کو تول لینا چاہیے تاکہ اُس کے گرم ہونے تک دوسری چیزیں ٹولی جا سکیں۔ اگر ٹھوس کسی دھات کا

ٹکڑا ہے تو اس کو باریک دھاگے یا سارے سے ہاندھ کر پانی کے ایک برتن میں ڈبو دو جس کو نقطہ جوش تک گرم کر سکتے ہیں۔ اگر ٹھوس کسی شے کے باریک ٹکڑے ہوں (جیسے سیسے کی گولیاں یا بینیل کی چھیلن) تو ان ٹکڑوں کو شیشے یا دھات کی پتلی استحانی نلی میں ڈال کر نلی کو جوشن کھاتے ہوئے پانی میں گرم کرو۔ ٹھوس، شے کو کافی وقت تک اس پانی میں رکھا رہنا چاہیے تاکہ وہ تمام وکال ایک مستقل تپش پر پہنچ جائے۔

جب کہ ٹھوس شے گرم ہو رہی ہو حرارہ پیم (مع ہلانی) تول نو اور پھر اس میں تقریباً دو تہائی تک پانی ڈال کر دوبارہ تول نو۔ پانی کی تپش قلمبند کر لو۔

جب ٹھوس کی تپش جوش کھاتے ہوئے پانی کی تپش پر پہنچ جائے تو اس کو حرارہ پیم میں جس قدر جلد ممکن ہو سکے منتقل کرو۔ اگر ٹھوس ٹکڑوں کی شکل کا ہو تو استحانی نلی کو ایک مناسب دستے سے پکڑ کر اس طرح جھکاؤ کہ ٹکڑے حرارہ پیم میں گر جائیں۔ حرارہ پیم کے اندر پانی کو ہلاتے رہو اور احتیاط کے ساتھ اس غلظت تپش کا مشاہدہ کرو جو تپش پیم کے ذریعہ ظاہر ہوتی ہے۔ جب ٹھوس سالم ٹکڑے کی شکل کا ہو تو جس وقت اس ٹکڑے کو ڈوری کے ذریعہ پانی سے باہر نکال کر حرارہ پیم میں ڈالتے ہیں تو اس کے ساتھ پانی کی ایک تھوڑی سی مقدار حرارہ پیم میں منتقل ہو جاتی ہے جس کو کسی طرح نہیں روکا جاسکتا۔ اس کی وجہ سے تجربہ میں اہم خطا پیدا ہو جاتی ہے۔

مندرجہ ذیل مثال کے ذریعہ مشاہدات کے قلمبند کرنے اور حساب لگانے کے طریقہ کی توضیح ہوتی ہے۔۔۔

مثال — — — یسے کے پھڑوں کی حرارت نوعی کی تخمین —
پھڑوں کی کیت

۲۰۰ گرام

حرارہ پیا: اور بلانی کی کمیت	= ۳۰۰ گرام
حرارہ پیا: بلانی اور پانی کی کمیت	= ۲۵۲ گرام
پانی کی کمیت	= ۲۱۲ گرام
چھروں کی ابتدائی تپش	= ۱۰۰°
پانی کی ابتدائی تپش	= ۵۰°
پانی اور چھروں کی آخری تپش	= ۳۰°

یہاں پر ہم یہ فرض کیے لیتے ہیں کہ ٹھوس شے سے جو حرارت ۱۰۰° سے تپش تک ٹھنڈا ہونے میں خارج ہوئی تھیک برابر ہے اُس حرارت کے جو پانی اور حرارہ پیا میں جذب ہوئی جب کہ ان کی تپش تپ سے بڑھ کر تپ ہو جائے۔

اگر ٹھوس کی حرارت نوعی x ہو تو خارج شدہ حرارت

$$۲۰۰ \times x - (۱۰۰ - تپ) \times حرارے ہوگی۔$$

حرارہ پیا کا "آب مساوی" مساوی ہے اُس کی کمیت مضروب اُس دھات

کی حرارت نوعی (۰.۹۵ فرض کر دے)

$$۳۰۰ \times ۰.۹۵ = ۲۸۵ گرام$$

مجموعی آب مساوی (بشمول حرارہ پیا و پانی)

$$۲۱۲ + ۲۸۵ = ۴۹۷ گرام$$

$$= ۲۱۶ گرام$$

پانی اور حرارہ پیا کا کسب حرارت

$$= ۲۱۶ \times (۱۵ - ۱۰۰)$$

$$= ۴۹۶۸ حرارے$$

اس کے بعد ہم ایک مساوات لکھ لیتے ہیں جو اس امر کو ظاہر کرتی ہے کہ ٹھوس سے خارج شدہ حرارت مساوی ہے اُس حرارت کے جو پانی اور حرارہ پیا نے حاصل کی۔

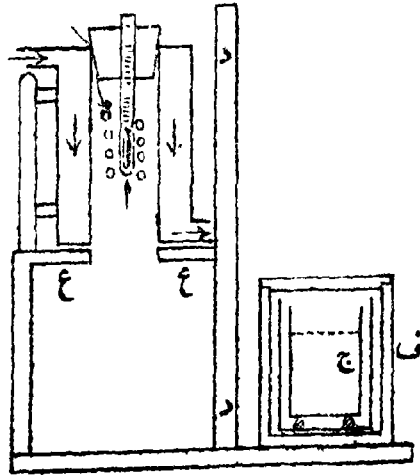
$$۴۹۶۸ = ۲۰۰ \times x - (۱۰۰ - ۱۵) \times ۳۰۰$$

اس لیے $x = ۰.۳$ حرارے فی گرام فی درجہ معی

ریفریجیٹر کا آلہ

کسی ٹھوس کی حرارتِ نوعی کی صحیح تخمین کے لیے ریفریجیٹر کا تجویز کیا ہوا آلہ استعمال ہو سکتا ہے۔ اس آلے کی تجویز کے وقت جو اہم اور خاص نکات مد نظر تھے وہ یہ ہیں کہ ٹھوس کو پش معین تک گرم کرنے میں رطوبت سے بالکل تناس نہ پیدا کیا جائے۔ گرم کرنے کے کمرہ سے حرارہ پیمائیں شے کی منتقلی بہ عجلت عمل میں آئے اور تجربے کے دوسرے حصوں کی تکمیل کے دوران میں حرارہ پیمائیں کو گرم کرنے کے کمرے سے محفوظ رکھا جائے۔

ٹھوس کو مقام ۱ پر (شکل ۱۱۹) ایک دوہری دیوار کے بھاپی پیر میں گرم کرتے ہیں جس میں سے جو شارہ کے ذریعہ بھاپ کی رد گزاری جاتی ہے۔



شکل ۱۱۹ - ریفریجیٹر کا آلہ

جو اشارہ اور نکاس نلی کو اس طرح ترتیب دینا چاہیے کہ اشعاع حرارت کا کوئی اثر حرارہ پیمائج پر نہ پیدا ہو جو بھاپ سے گرم ہونے والے کمرے سے لکڑی کے پھسلواں پٹ کے ذریعہ محفوظ کیا گیا ہے۔ جس وقت ٹھوس گرم ہو رہا ہو، اس کمرے کا بالائی سرا ایسے کاگ کے ذریعہ بند کر دیا جاتا ہے جس میں سے ۱۰۰ ہر تک پڑھنے والا پیش پیمائج گزرتا ہو۔ نیچے کا سرا لکڑی کے پلاٹ فارم ع کے کچھ حصہ سے ڈھکا ہوتا ہے۔ ٹھوس شے کو جس کا پیش پیمائج کے جوئے کے ساتھ چھوتا ہوا رہنا ضروری ہے باریک دھاگے سے لٹکا دیتے ہیں اور یہ دھاگا اس خاص وضع میں کاگ کے ذریعہ سہا لیا جاتا ہے۔ دھات کی صورت میں مرغولہ کی شکل میں مڑا ہوا ہمارا استعمال کرنے میں سہولت ہوتی ہے۔

بخش ۹۵۔ ٹھوس کی حرارت نوعی

کے لیے ریونو کا آلہ — چونکہ ٹھوس جسم کو مستقل پیش پر پہنچنے کے لیے خاصا وقت چاہیے اس لیے بھاپ کی رمد کا انتظام کر لینے کے بعد پہلا کام یہ ہونا چاہیے کہ ٹھوس کو تول کر گرم کرنے کے کمرے میں لٹکا دیں۔ اس کے بعد حرارہ پیمائج کا اندرونی برتن تو لاجائے۔ اس کا تقریباً تین چوتھائی حصہ پانی سے بھر لیں۔ اس کے بعد دوبارہ تول لیا جاتا ہے تاکہ پانی کی کمیت معلوم ہو جائے۔ اس کے بعد اس کو حرارہ پیمائج کے بیرونی دھاتی برتن کے اندر رکھ دیتے ہیں جس کو لکڑی کے کپس کے ذریعہ مزید محفوظ کر دیا جاتا ہے۔ حرارہ پیمائج کے اند پانی کی پیش پیمائج حتی الامکان صحیح طور پر پیمائش کرنے کے لیے حساس پیش پیمائج استعمال کیا جاتا ہے۔ وہ پیش پیمائج جو ”کمرے“ کے آئل سر کا پیش پیمائج بننا ہوتا ہے مستعمل ہو جائے تو اس کے بعد بھی ٹھوس جسم کو کم از کم اور پانچ دقیقوں تک گرم کرنے کے کمرے کے اندر ہی رکھا رہنے دیں۔ بھاپ کے جاری ہو چکنے

کے بعد اندازاً بیس تا تیس دقیقے ٹھوس کے گرم کرنے میں صرف ہونگے۔

اس مستقل تپش کو قلمبند کر لینے کے بعد گرم کرنے کے کمرے کو اس قدر گھماتے ہیں کہ یہ زمین کے سوراخ کے اوپر آجائے۔ اب پٹ د کو اٹھایا جاتا ہے اور بکس ف کو جس میں حرارہ پیا ہے، دیکھ لیا کر ایسی وضع میں لاتے ہیں کہ حرارہ پیا کا اندرونی برتن زمین کے سوراخ کے عین نیچے ہو جاتا ہے۔ ٹھوس کو تیزی کے ساتھ حرارہ پیا میں اس طرح گراتے ہیں کہ چھینٹیں نہ اڑنے پائیں۔ اس کے بعد صندوق ف کو واپس ہٹا لیا جاتا ہے اور پٹ گرا دیا جاتا ہے۔ حرارہ پیا کی تپش کا احتیاط کے ساتھ مشاہدہ کیا جاتا ہے اور جس اعظم ترین تپش پر وہ پہنچے اُس کو قلمبند کر لیتے ہیں۔ اگر تپش کی صحیح تخمینہ درکار ہو تو تہریہ کا منفی بھی مرسم کیا جائے تاکہ اُس تپش کا تعین ہو سکے جو اشعاع کی وجہ سے حرارت کے لڑائل ہونے سے پیدا ہوتی ہے (دیکھو صفحہ ۳۶۳)۔

حرارت نوعی کو ان مشاہدات کی مدد سے بالکل اُسی طرح محسوب کر سکتے ہیں جس طرح صفحہ (۳۵۴) کے سادہ تجربے میں بیان کیا گیا ہے۔

ک	= ٹھوس کی کمیت
خ	= نامعلوم حرارت نوعی
ح	= حرارہ پیا کی کمیت
ک	= حرارہ پیا کے اندر کے پانی کی کمیت
خ	= حرارہ پیا کے اڑے کی حرارت نوعی
ت	= گرم ٹھوس کی تپش
س	= حرارہ پیا کی ابتدائی تپش
س	= حرارہ پیا کی آخری تپش

پس تپش ت سے تہ تک ٹھنڈا ہونے میں ٹھوس سے خارج شدہ

حرارت

= ک (خ - ت) (ت - تہ)

پانی اور حرارہ پیماکوت سے تپش میں بدل جانے کے لیے
جو حرارت حاصل کرنا پڑی

= (ک + ح خ) (تہ - ت)

حرارت کی ان مقداروں کو مساوی فرض کر لینے سے مساوات

ک (خ - ت) = (ک + ح خ) (تہ - ت)

حاصل ہوتی ہے جس سے خ کی قیمت متعین ہو جاتی ہے۔
طاب علم کو چاہیے کہ وہ اس شکل کی کوئی مساوات یاد رکھنے کی کوشش
نہ کرے بلکہ کسی خاص حالت کے لیے ابتدائی اصولوں کی مدد سے نتیجہ حاصل
کرے۔

۳۔ مائع کی حرارت نوعی کی تخمین

طریقہ آمیزش کی مدد سے مایعات کی حرارت نوعی کی تخمین کئی طرح
ہو سکتی ہے۔

پہلے ۹۶۔ معلوم حرارت نوعی کے

ٹھوس کو استعمال کر کے کسی مائع کی حرارت نوعی

کی تخمین — مائع پر ٹھوس جسم کا کوئی کیمیائی عمل نہیں ہونا
چاہیے (ورنہ یہ طریقہ استعمال نہیں ہو سکتا)۔

یہ تخمین بھی بالکل اسی طرح انجام پاتی ہے جیسی کہ ٹھوس

کی حرارت نوعی (تجربات ۹۴ و ۹۵)۔ لیکن اس میں پانی
کے بجائے دیا ہوا مائع استعمال کرتے ہیں۔

فرض کرو کہ بخ مائع کی حرارت نوعی اور ک اس کی کثرت کو تعبیر کرتے ہیں۔

تو (ک بخ ات - شہ) = (ک بخ + ج بخ) (ت - ت) جہاں دوسرے علامات کے وہی معنی ہیں جو پہلے مقرر کیے جا چکے ہیں۔
 بنجر بعد ۷۸۔ مریخ کے طریقے سے کسی مائع کی حرارت نوعی معلوم کرنا۔ حرارہ پیمیا میں پانی کے اندر پتلی دیواروں کا دھاتی برتن رکھ کر اور اس برتن میں گرم مائع داخل کر کے مائع کی حرارت نوعی دریافت کر سکتے ہیں۔ یا اس کے بالکس حرارہ پیمیا میں دیے ہوئے مائع کے اندر پتلی دیواروں والا دھاتی برتن رکھ کر اور اس برتن میں گرم پانی داخل کر کے بھی دیے ہوئے مائع کی حرارت نوعی معلوم کی جاسکتی ہے۔ چونکہ ایک بری تپش والے دو مایعات کی آمیزش سے اکثر اوقات کیمیائی تعامل کے ذریعہ حرارت پیدا ہوتی ہے لہذا اصولاً دو مایعات کو راست تماس میں نہیں لانا چاہیے۔

بنجر بعد ۷۸۔ طریقہ آمیزش سے مائع کی حرارت نوعی معلوم کرنا۔ ایک سہل تر طریقہ یہ ہے کہ مائع کو پتلی دیواروں والی آئینے کی بوتل یا دھاتی کے آستوان میں گرم کریں اور اس کو کاگ کے ذریعہ بند رکھ کر اُس میں ایک تپش پیمائیں۔ گرم شدہ بوتل کو اُس کی تپش قلمبند کر لینے کے بعد حرارہ پیمیا میں منتقل کیا جاتا ہے۔ بوتل کو تپش پیمیا کے تنے کے ذریعہ پکڑ کر ہلانے سے ہلانی کا کام نکل جاتا ہے۔ حرارہ پیمیا کے اندر پانی کی تپش معلوم کرنے کے لیے ایک

۱۔ ایو میٹر کے پتلی دیواروں والے آستوانے دستیاب ہوتے ہیں جو اس مقصد کے لیے موزوں ہیں۔

اوپر پیش پیا استعمال کیا جاتا ہے۔ آخری پیشش ان دونوں پیش پیمائوں کے مقروؤں کا اوسط لی جاتی ہے جب کہ ان کا باہمی فرق سرف ایک درجہ یا اس سے کم ہو۔ اس برتن کے آب مساوی کا جس میں مائع رکھا ہے ضروری لحاظ کرنا چاہیے اور نیز حرارہ پیمائے کے آب مساوی کا بھی خیال ضرور رہے۔

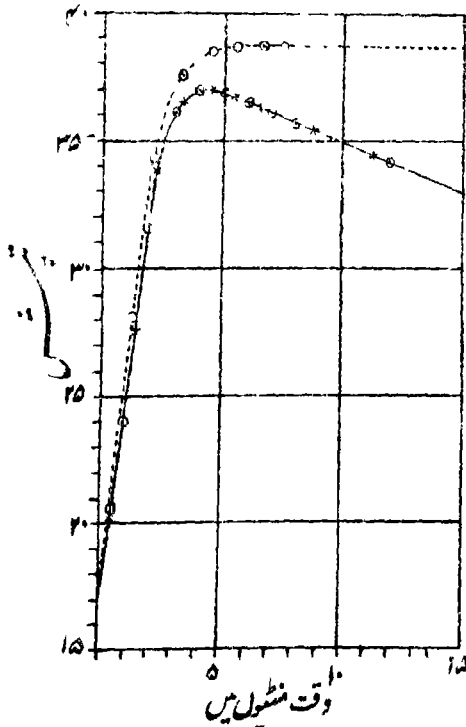
نمبر ۹۹۔ حرارت بردار کے ذریعہ کسی مائع کی حرارت نوعی کی تخمین۔ حرارت بردار ایک ایسے پیش پیمائے کے مشابہ ہوتا ہے جس کا جوفہ بڑا ہو۔ لیکن اس کے تنے پر صرف دو نشان ہوتے ہیں۔ جوش کھاتے ہوئے پانی کے اندر حرارت بردار کو گرم کرنے سے جوفہ میں کا پارا بالائی نشان سے بھی اوپر چڑھ جاتا ہے۔ اس کے بعد حرارت بردار کو پانی میں سے نکال لیتے ہیں اور اس کو خشک کر کے مائع کی تلی ہوئی مقدار میں حرارہ پیمائے کے اندر عین اس وقت رکھتے ہیں جب کہ پارا کسی قدر اتر کر اوپر کے نشان پر پہنچ جاتا ہے۔ اس کے بعد اس کو حرارہ پیمائیں اس وقت تک رکھ چھوڑتے ہیں جب تک کہ پارا نیچے کے نشان پر پہنچ جائے۔ اس کے بعد اس کو فوراً نکال لیا جاتا ہے۔ حرارہ پیمائیں مائع کی پیشش کا اضافہ ایک حساس پیش پیمائے کے ذریعہ ناپ لیا جاتا ہے۔ اب اسی عمل کو حرارہ پیمائیں پانی کی ایک معلوم کمیت پر دہراتے ہیں۔ چونکہ ہر دو صورتوں میں حرارت بردار کے ذریعہ حرارہ پیمائیں حرارت کی ایک ہی مقدار منتقل ہوتی ہے لہذا مائع کی حرارت نوعی محسوب کرنا کچھ مشکل نہیں۔ طریق حساب طالب علم کے لیے بطور مشق چھوڑ دیا جاتا ہے۔

تبرہ کے طریقے سے مائع کی حرارت نوعی کی تخمین کی توضیح صفحہ ۳۸۰

۴۔ اشعاع کے لیے حرارہ پیمائی مشاہدات کی تصحیح کا طریقہ

صحیح حرارہ پیمائی کے لیے ضروری ہے کہ حرارہ پیمایہ دوہری دیوار کے دھاتی برتن سے گھرا ہوا ہو جس کی دیواروں کے بیچ میں پانی رکھا جائے۔ پانی کی وجہ سے حرارہ پیمایہ مستقل تپش کے ماحول سے گھرا ہوا رہیگا۔ اور اس حالت میں اشعاع حرارت کے متعلق یہ فرض کیا جاسکتا ہے کہ یہ اس فرق تپش کے متناسب ہے جو حرارہ پیمایہ اور اس کے گرد اگر برتن کے درمیان ہے۔

حرارہ پیمائی کی تپش تجربہ کے آغاز سے پہلے اختتام کے بعد اور نیز خود دوران تجربہ میں ہر ۳۰ ثانیہ پر لکھی جاتی ہے۔ اور ایک منحنی جو وقت کے لحاظ سے تپش کی تبدیلی ظاہر کرے، مرتسم کیا جاتا ہے۔



شکل ۱۲۔ تصحیح کا منحنی

۵۔ مخفی حرارتیں

پانی کی مخفی حرارت معلوم کرنا

اماعتِ سنج کی مخفی حرارت — حرارت کی وہ مقدار جو ایک گرام برف کو بلاتبدیلی تپش ٹھوس سے مایع حالت میں بدل دینے کے لیے درکار ہے، پانی کی حرارتِ مخفی یا اماعتِ سنج کی حرارتِ مخفی کہلاتی ہے۔

جب حرارہ پیمائیں پانی کی معلوم کمیت لے کر اُس میں برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے ڈالے جاتے ہیں تو برف گھل کر ۰° مر کا پانی بن جاتی ہے اور یہ ٹھنڈا برفیلا پانی گرم پانی اور حرارہ پیمائیں سے حرارت حاصل کرتا ہے یہاں تک کہ متعادل تپش پہنچ جاتی ہے۔

اگر تجربہ کے آغاز پر حرارہ پیمائیں کی تپش پر ہو تو برف کے داخل کرنے سے وہ ٹھنڈا ہو کر کمتر تپش پر آجائیگا۔ اور اس طرح تمام دورانِ تجربہ میں اشباع حرارت کے ذریعہ برونی فضا سے حرارت حاصل کرتا رہیگا۔

اس خاص سبب سے پیدا ہونے والی خطا کو دور کرنے کے لیے مناسب ہے کہ حرارہ پیمائیں اور اُس میں کے پانی کو کمرہ کی تپش سے تقریباً ۵° اونچا کر دیا جائے اور پھر کافی مقدار برف شامل کی جائے تاکہ کمرے کی تپش سے پھر اُسی قدر یعنی ۵° نیچے ہو جائے۔ ایسی صورت میں تجربے کے پہلے نصف میں جس قدر نقصان حرارت ہوا، اُس کتب حرارت سے متوازن ہو جائیگا جو بقیہ نصف وقت میں حاصل ہوا بشرطیکہ تجربے کے دوسرے حصے کے لیے پہلے نصف حصے سے زیادہ

وقت درکار نہ ہو۔

تجربہ سنا۔ اماعت پنج کی مخفی حرارت کی تعیین

— پہلے حرارہ پیماکو مع ہلانی تول لو۔ ۱۰۰ کعب سے ۲۰۰ کعب سمر تک پانی ڈال کر دوبارہ تول لو۔

ان دونوں اوزان کے فرق سے حرارہ پیمایں پانی کی کمیت معلوم ہو جائیگی۔

حرارہ پیماکو گرم پانی کے برتن میں رکھ کر کمرہ کی تپش سے تقریباً ۵° اوپر تک گرم کرو۔

حرارہ پیماکے بیرونی سطح کو خشک کر لو اور اس کو تانبے کے ایک بڑے برتن میں ندے روئی یا کاگ پر اس طرح سپرد کر رکھو کہ موصلیت کے ذریعہ حرارت منتقل نہ ہو سکے۔ حساس تپش پیماکے پانی کی تپش معلوم کرو۔

کپڑے یا جاذب کاغذ کی مدد سے برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑوں کو خشک کر کے پانی میں ڈالتے جاؤ اور اس دور ان میں پانی کو ہلاتے رہو۔ برف اس قدر ڈالو کہ پانی کی تپش کمرے کی تپش سے تقریباً ۵° نیچے اُتر آئے۔ تمام برف کے عین گھل جانے کے بعد جو آخری تپش حاصل ہو اُس کا مشاہدہ کرو۔

حرارہ پیماکو دوبارہ تول لو اور اس طرح شامل کردہ برف کا

۱۔ خطا سے بچنے کا یہ طریقہ اطمینان بخش طور پر استعمال نہیں ہو سکتا اگر کمرہ کی تپش بہت ہی کم ہو یا تبریک کی وجہ سے تپش نقطہ شبنم سے بھی بہت نیچے گر جائے جیسے کہ اکثر گرم ممالک میں ہوتا ہے۔ ایسی حالتوں میں یہ قرین مصلحت ہے کہ تجربہ کو کمرہ کی تپش سے زیادہ تپش پر شروع کیا جائے اور اُس وقت ختم کیا جائے جب کہ تپش تقریباً کمرہ کی تپش کے برابر ہو۔ اس کے لیے صفحہ ۳۶۳ پر بتائے ہوئے طریقے کے بموجب اشعاع کی وجہ سے نقصان حرارت کی تصحیح کر لی جائے۔

وزن معلوم کرو۔

مندرجہ ذیل مثال سے مشابہات کو درج کرنے اور نتیجے کو محسوب کرنے کی توضیح

ہوتی ہے :-

مثال —

حرارہ پیمائش ہلانی کی کمیت	= ۴۰۰ گرام
اور پانی کی کمیت	= ۲۴۰۰ گرام
صرف پانی کی کمیت	= ۲۰۰۰ گرام
حرارہ پیمائش پانی اور برف کی کمیت	= ۱۶۲۶۹ گرام
برف کی کمیت	= ۲۲۶۹ گرام
کمرے کی پیمائش	= ۱۵۰۰
پانی کی ابتدائی پیمائش	= ۲۰۰۰
آخری پیمائش	= ۱۰۰۰

اب ہمیں اس امر کا اظہار کرنا ہے کہ پانی اور حرارہ پیمائش کے تہ سے تہ تک ٹھنڈا ہونے میں جو حرارت خارج ہوئی، اُس حرارت کے برابر ہے جو برف کو گھولنے اور اس طرح بننے ہوئے پانی کی پیمائش کو ۰ سے تہ تک لانے کے لیے درکار ہے۔

حرارہ پیمائش (یعنی ہلانی) کا آب مساوی جو حرارہ پیمائش کی کمیت اور پیمائش کی حرارت نامی (۰.۹۵) کے حاصل ضرب کے برابر ہے۔

$$۴۰ \times ۰.۹۵ = ۳۸ \text{ گرام}$$

پانی سے خارج شدہ حرارت

$$= \text{پانی کی کمیت} \times \text{پیمائش میں کمی}$$

$$= ۲۰۰ \times (۲۰ - ۱۰)$$

$$= ۲۰۰۰ \text{ حرارت کی اکائیاں یعنی حرارے۔}$$

حرارہ پیمائش سے خارج شدہ حرارت

$$= \text{حرارہ پیمائش کا آب مساوی} \times \text{پیمائش کی کمی}$$

$$= ۳۸ \times (۲۰ - ۱۰)$$

$$= ۳۸۰ \text{ حرارے}$$

خارج شدہ حرارت کی کل مقدار

$$= ۲۰۳۸ \text{ حرارے}$$

حرارت جو ۲۲۵۹ گرام برف پگھلانے کے لیے درکار ہے

$$= ۱۲۵۹ \times ۲ \text{ مخ حرارے}$$

جہاں مخ پانی کی مخفی حرارت ہے یعنی حراروں کی وہ مقدار جو ایک گرام برف کو پگھلانے کے لیے درکار ہے۔

حرارت جو ۲۲۵۹ گرام پانی کو ۰° سے ۱° تک پہنچانے میں درکار ہے

$$= ۲۲۵۹ \times ۱ \text{ ت حرارے}$$

$$= ۲۲۹ \text{ حرارے}$$

اب ہم ایک مساوات لکھتے ہیں جس سے اس واقع کا پتہ چلتا ہے کہ کل مقدار حرارت خارج کردہ = کل مقدار حرارت حاصل کردہ۔ اور اس کے ذریعہ مخ کی قیمت دیات کرتے ہیں۔

$$\text{پس } ۲۰۳۸ = ۲۲۵۹ \text{ مخ} + ۲۲۹$$

$$۱۸۰۹ = \text{مخ}$$

مخ = ۱۸۰۹ حرارت کی اکائیاں مٹی پیانہ پر فی گرام برف

$$= ۱۸۰۹ \text{ حرارے فی گرام}$$

بھاپ کی مخفی حرارت کی تعیین

بھاپ کی مخفی حرارت - بھاپ کی مخفی حرارت یا پانی کی

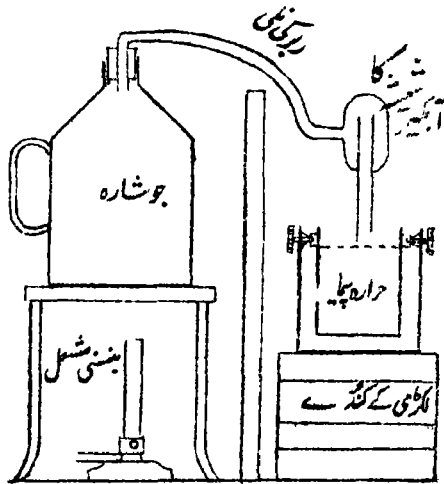
تبخیر کی مخفی حرارت حرارت کی وہ مقدار ہے جو ایک گرام پانی کو بلا تبدیلی تپش بھاپ میں تبدیل کر دے۔

جب حرارہ پیا میں پانی کی ایک معلوم کمیت کے اندر جو اشارہ سے بھاپ گزاری جاتی ہے تو کچھ بھاپ بستہ ہو جاتی ہے اور پانی کی آخری

تپش ابتدائی تپش سے بڑھ جاتی ہے۔ مشاہدہ کردہ اضافہ تپش اور بہتہ شدہ بھاپ کی کمیت کے ذریعہ بھاپ کی مخفی حرارت محسوب کر سکتے ہیں۔

اگر تجربے کے آغاز پر حرارہ پیمائے کے اندر پانی کمرے کی تپش پر ہو تو جوں ہی اس کی تپش گروپیش کی چیزوں سے زیادہ ہوگی، یہ اشعاع کے عمل سے حرارت کھونے لگیگا۔ اس وجہ سے مخفی حرارت کی بہت چھوٹی قیمت حاصل ہونے کا امکان ہے۔

اس سبب سے پیدا ہونے والی خطاء کو اس طرح گھٹا سکتے ہیں کہ تجربے کے آغاز پر پانی کی تپش کمرے کی تپش سے اسی قدر کم رکھی جائے جس قدر کہ تجربے کے اختتام پر آخری تپش کمرے کی تپش سے زیادہ ہوگی۔ اس خطاء کو اس طرح بھی گھٹایا جاسکتا ہے کہ پانی کو گرم کرنے کی مدت حتی الامکان کم کر دی جائے۔ اس مقصد کے لیے بھاپ ٹونٹی میں سے تیز دھار کی طرح نکالی جانی چاہیے۔ اشعاع حرارت کو روکنے کی غرض سے حرارہ پیمائے اور جوشارہ کے مابین ایک پردہ حائل کیا جاسکتا ہے (شکل ۱۲)۔



شکل ۱۲۔ بھاپ کی مخفی حرارت

صحیح نتیجہ برآمد ہونے کے لیے یہ ضروری ہے کہ بھاپ خشک ہو۔ یعنی بستہ شدہ پانی سے پاک ہو۔ اس مقصد کے لیے خشے کا آب گیر (Water trap) استعمال کرتے ہیں تاکہ بستہ شدہ پانی جس قدر ممکن ہو بھاپ کے ساتھ حرارہ پیمائیں داخل نہ ہو سکے۔ آب گیر اور جو شاہہ کو جوڑنے والی ربر کی نلی چھوٹی ہونی چاہیے اور اس کو روئی سے لپیٹ سکتے ہیں۔

بھاپ کو خشک رکھنے کی اہمیت اس واقعہ سے واضح طور پر ذہن نشین ہوگی کہ بھاپ کے ساتھ ایک گرام پانی کا چلا آنا تقریباً ۵۰ حرارہ کی خطا پیدا کرتا ہے۔

بجائے بسنا - بھاپ کی مخفی حرارت کی تخمین - پہلے یہ دیکھ لو کہ جو شاہہ میں پانی کی کافی مقدار موجود ہے۔ اس کے بعد اس کو گیسٹی شعلہ پر گرم کرو۔

حرارہ پیمادھوں، ایک اندرونی اور دوسرے بیرونی برتن پر مشتمل ہوتا ہے۔ اندرونی برتن کو تول لو اور اس کو تقریباً دو تہائی تک پانی سے بھر لو۔

پانی میں برف کے چھوٹے چھوٹے ٹکڑے ڈالتے جاؤ یہاں تک کہ پانی کی تپش تقریباً ۵۰ درجہ رہ جائے۔ پھر اس برتن کو مع اس کے مافیہ کے صحت کے ساتھ تول لو۔

کمرے کی تپش لکھ لو اور حرارہ پیمائے کے تپش پیمائے کو پھر ایک مرتبہ پڑھ لو۔ اس تپش کا اندازہ کر لو جس پر تمہیں تجربہ ختم کرنا چاہیے۔ مثلاً اگر کمرے کی تپش ۱۵ درجہ ہو تو انتہائی تپش ۲۵ درجہ ہونی چاہیے۔

اگر نکاس نلی کی ٹونٹی پر پانی کے کچھ قطرے ہوں تو انہیں جاذب کے ذریعہ نکال دو۔ حرارہ پیمائے کے پانی میں بھاپ کی تیز رو گزاردو۔

۱۔ اس تجربے میں نلی کی ٹونٹی پانی کے اندر نہیں ڈبونا چاہیے بلکہ نلی کو اس طرح رکھنا چاہیے کہ اس کا سر حرارہ پیمائے کی سطح سے کسی قدر اندر کی طرف ہو تاکہ پانی کی سطح نلی میں سے (بقیہ صفحہ آئندہ)

اور اُس وقت پانی کو اچھی طرح ہلاتے رہو تاکہ کیساں تپش کا یقین ہو سکے جب مطلوبہ درجہ تک تپش پہنچ جائے تو حرارہ پیماکو جو اشارہ کے قریب سے جس قدر جلد ہو سکے ہٹا دو اور تپش پیماک کی انتہائی تپش کا مشاہدہ کرو۔
بستگی میں آئی ہوئی بھاپ کا اندازہ کرنے کے لیے حرارہ پیماک کو تولو۔
بار پیماک کی بلندی بھی پڑھ لو۔

۶۰ مرمعیادی دباؤ کے لیے بھاپ کی تپش ۱۰۰ درجہ ہے۔ اس دباؤ کے قریب پارے کے ۲۶۸ ممر کے متناظر اضافہ دباؤ سے نقطہ جوش ۱۰۰ درجہ جاتا ہے اور خفیف تبدیلیوں کے لیے نقطہ جوش کی بلندی دباؤ کی تبدیلی کے متناظر ہے۔ یہ مشاہدہ کردہ دباؤ کے متناظر نقطہ جوش کا حساب لگایا جاسکتا ہے لیکن چونکہ انگلستان میں اس طرح معلوم کردہ تپش ۱۰۰ درجہ سے کچھ زیادہ مختلف نہیں ہوتی ہے اس لیے بھاپ کی تپش ۱۰۰ درجہ لینے سے جو خطا شامل ہوگی ان خطاؤں کے مقابلے میں بالکل ناقابل احساس ہوگی جو تجربہ کی عملی بد احتیاطوں سے شامل ہو جاتی ہیں۔
نتائج کو حسب ذیل طریقے پر درج کرو:—

حرارہ پیماک کی کمیت	= ۱۶۰.۶۰ گرام
حرارہ پیماک اور پانی کی کمیت	= ۶۸۴.۶۲ گرام
پانی کی کمیت	= ۵۲۴.۶۲ گرام
حرارہ پیماک، پانی اور بھاپ کی کمیت	= ۷۰۴.۶۲ گرام
بستہ شدہ بھاپ کی کمیت	= ۲۰.۶۲ گرام
پانی کی ابتدائی تپش ۳۰ درجہ	= ۶۶.۲ درجہ

بقیہ ماشینہ کو درجہ بخکنے والی بھاپ کی زد کی وجہ سے نئی سے ذرا دور ہٹٹی رہے اور بھاپ صرف پانی کی سطح پر کھینچی ہو۔ اگر نئی کا سوراخ پانی کے بالکل اندر کر دیا گیا تو بھاپ بہت جلد بستہ ہو جائیگی اور پانی بھاپ دان کے اندر داخل ہو جائیگا اور سارا تجربہ اکارت ہو جائیگا بھاپ کے بجائے بخکنے سے کوئی غلطی نہیں پیدا ہوتی کیونکہ جو بھاپ نکلتی ہے پانی میں بستہ نہیں ہوتی اس لیے اس کی منفی حرارت پانی کو نہیں پہنچ سکتی اور نہ اس کی کمیت بستہ شدہ بھاپ کی کمیت میں شامل ہو سکتی ہے۔

پانی کی انتہائی تپش 28.56°C =

باربیلا کی بلند 58°C =

بھاپ کی تپش 100°C =

حرارہ پیمائشی کا آب مساوی محسوب کرو۔ مجموعی آب مساوی اس طرح حاصل ہوگا کہ حرارہ پیمائشی جو پانی ہے، اُس کو حرارہ پیمائشی کے آب مساوی میں شامل کر لیا جائے۔ اگر اس کو اضافہ تپش 28.56°C سے ضرب دیا جائے تو ہمیں حرارہ پیمائشی اور اس میں کے پانی کی جذب کردہ حرارت معلوم ہو جائیگی۔ اس کو حراروں میں بیان کرتے ہیں۔

اب اُس حرارت پر غور کرو جو بھاپ کی بستیگی میں اور حاصل شدہ پانی کی تپش کے پست ہونے میں خارج ہوتی ہے۔

بھاپ کے بستہ ہونے سے جو حرارت خارج ہوتی

= بستہ شدہ بھاپ کی کمیت \times مخ

= بستہ شدہ پانی کی کمیت \times مخ

20.62°C گرام \times مخ

اس طرح حاصل شدہ پانی کی تپش کے 28.56°C سے تک کرنے سے خارج شدہ حرارت

= پانی کی کمیت \times (ت - 28.56°C)

$20.62^{\circ} \text{C} \times (28.56 - 100)$ حرارے

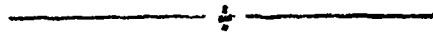
یہ فرض کر کے کہ اشعاع کی وجہ سے کوئی کسب یا نقصان حرارت نہیں ہوتا ہے، ان دونوں مقداروں کا حاصل جمع اُس حرارت کے برابر ہونا چاہیے جس کو حرارہ پیمائشی اور اُس کے مابینہ پانی نے جذب کیا تھا۔

اس کے ذریعہ ایک سادہ مساوات حاصل ہوتی ہے جس سے مخ کی تخمینہ ہو جائیگی۔

ڈیوارس (Dewar) کی صراحی کا آب مساوی

ڈیوارس کی صراحی کے آب مساوی کی تخمینہ کا یہ طریقہ

ویسٹ منسٹر ٹریننگ کالج کے ڈاکٹر ایل۔ ایف۔ براچر ڈسن کا ایجاد کردہ ہے۔ مندرجہ ذیل ہدایات ایک پائینٹ (Pint) (نصف لیٹر) گنٹشس والی صراحی کے لیے ہیں۔ ٹھنڈے پانی کی ایک معلوم مقدار (تقریباً ۵۰ مکعب سمر) کی تپش سے معلوم کر لو۔ صراحی کو تقریباً تین چوتھائی تک گرم پانی سے بھر لو اور چست بیٹھنے والے کاگ سے جس میں سے تپش پیا گزرتا ہو، صراحی کا منہ بند کر دو۔ اب صراحی کو اوندھا کر کے پانی کو ابھی طرح چک دو تا کہ صراحی کے تمام اندرونی حصے میں یکساں تپش قائم ہو جائے۔ نتیجہ کی صحت اس احتیاط پر منحصر ہے جو اس عمل میں برقی جاتی ہے۔ تپش سے کو لکھ لو۔ گرم پانی کو پھینک کر اس کے اندر ٹھنڈے پانی کی معلوم مقدار جلدی سے داخل کرو۔ کاگ کو پھر لگا دو اور دوبارہ ہلانے کے بعد صراحی میں تپش رکھ لو۔ ان عملیات سے صراحی کا آب ماسادی معلوم ہو جائیگا۔ اس صراحی کو پانی یا بھاپ کی حرارت مخفی معلوم کرنے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔



فصل چہارم

تبرید

۱۔ کلیۂ تبرید

جب کوئی گرم جسم مستقل تپش والے ماحول میں رکھا جائے تو گرم جسم کی تپش اس حد تک گرگی کہ وہ آخر میں ماحول ہی کی تپش کے برابر ہو جائیگی۔ اگر جسم اس طرح رکھا گیا ہو کہ ایصال کے ذریعہ حرارت کی منتقلی کو نظر انداز کر سکیں تو عمل تبرید کچھ تو اشعاع اور کچھ حل حرارت کے ذریعہ ہوگا۔ اگر علی روٹوں کے اثر کو ملاحظہ کر سکیں جیسا کہ تجربے کو خلا میں انجام دینے سے ہوتا ہے تو اشعاع حرارت تپش مطلق کی چوتھی قوت کے متناسب پایا جاتا ہے۔ یہ کلیۂ اسٹیفان (Stefan's law) کے نام سے موسوم ہے۔

معمولی صورت میں جب کہ گرم جسم ہوا میں کرہ ہوائی کے دباؤ پر ٹھنڈا ہوتا ہے تو شرح تبرید اس فرق تپش کے متناسب پائی جاتی ہے جو گرم جسم اور اس کے ماحول کی تپش میں ہو۔ نیوٹن کا کلیۂ تبرید کہلاتا ہے۔ زیادہ حال کے تجربات سے ظاہر ہے کہ یہ کلیۂ تپش کے کافی وسیع حدود کے لیے تقریباً درست ہے جب کہ تبرید کا عمل دونوں طرح یعنی اشعاع اور حل حرارت کے ذریعہ ہو رہا ہو۔

تجربہ ۱۱۔ مختلف تپشوں پر شرح تبرید کا

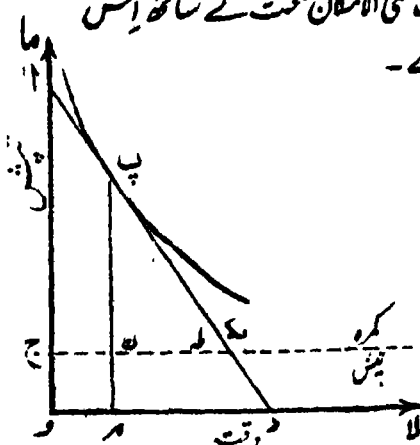
تعیین۔ نیوٹن کے کلیئر تیرید کی توضیح کے لیے پستلی دیواروں والے دھاتی برتن کو ایک دوسرے بڑے برتن کے اندر اس طرح قائم کرو کہ جہاں تک ممکن ہو حرارت کی منتقلی ایصال حرارت کے ذریعہ بہت ہی کم ہو۔ چھوٹے برتن کو تقریباً ۸۰° حر کے گرم پانی سے قریب قریب پُر کر دو۔ ہر نصف منٹ کے وقفے سے پانی کی تپش کے مقروئے حاصل کرو یہاں تک کہ تپش گر کر کمرے کی تپش سے تقریباً دس درجے کے اندر ہو جائے۔ تپش کو معین اور وقت کو فصلہ مان کر ایک ترسیم کھینچو اور اس بات کی احتیاط رکھو کہ مخفی مشاہدہ شدہ نقطوں کے درمیان مسلسل کھینچا جائے (شکل ۱۲۲)۔ اس تیرید ہی مخفی کا ڈھال اولاً بہت زیادہ ہو گا لیکن جوں جوں پانی کی تپش کمرے کی تپش کے قریب آتی جائیگی اس کا ڈھال کم ہوتا جائیگا۔ کمرے کی تپش کو تعبیر کرنے کے لیے مربع دار کاغذ پر ایک افقی خط بھی کھینچ لو۔

کسی خاص تپش پر جو ترسیم میں نقطہ پ کے متناظر ہو،
شرح تبرید یا تپش کی تبدیلی کی شرح معلوم کرنے کے لیے اس
نقطہ پر منحنی کا ایک تماس کھینچو۔ اس خط کے کھینچنے میں احتیاط سے
کام لینا چاہیے تاکہ خط کی سمت حتی الامکان صحت کے ساتھ اس
نقطہ پر منحنی کی سمت کو تعبیر کرے۔

فرض کرو کہ یہ حماس انتہائی

مخبر سے نقطہ اپر اور کمرہ کی پیش کو
نمبر کرنے والے افقی خط سے نقطہ

بسا پر ملتا ہے۔ تو اس خط کے
وہ حال یعنی زاویہ اب ج یا ط
کے ماس سے تپش کی شرح تبدیلی
مائل ہر جا نیگی۔ فاصلے آج اور



ب ج ناپ لو اور مس طہ کو محسوب کرو جو $\frac{ا ج}{ب ج}$ کے برابر ہے۔ جسم اور کمرے کی پیشوں کا باہمی فرق خط پ ن سے ظاہر ہوتا ہے۔ اس فرق پیش کا بھی تعین کر لو۔

پس نیوٹن کے کلیہ تبرید کی رو سے مس طہ یعنی پیش کی شرح تبدیلی پ ن یعنی فرق پیش کے متناسب ہونی چاہیے۔ یعنی مس طہ \propto پ ن یا مس طہ = م \times پ ن ، یا $\frac{مس طہ}{پ ن} = م$ جو ایک مستقل ہے۔

ترسیم کے کم از کم تین نقطوں کے لیے اس مقدار کا تعین کرو۔ یہ نقطے ایسے منتخب کیے جائیں کہ پورے سخنی کے مختلف حصوں کی اچھی طرح تعبیر ہو سکے۔ اور یہ دیکھو کہ آیا نتیجہ تقریباً مستقل رہتا ہے یا نہیں ہے۔

حاصل شدہ نتائج کی سب سے بڑی اور سب سے چھوٹی قیمتوں کا فرق معلوم کرو اور فی صدی فرق کا حساب لگاؤ۔

جب ایک مقدار دوسری مقدار کے ساتھ اس طرح بدلتی ہو کہ دوسری مقدار کے لحاظ سے پہلی مقدار کی شرح تبدیلی متناسب ہو خود پہلی مقدار کے تو کہتے ہیں کہ یہ تبدیلی کو کارتمی یا قوت ثنائی قانون کی پابندی کرتی ہے۔

یہی حالت اُس وقت بھی ہوتی ہے جب کہ کوئی رقم سود مرکب کے لحاظ سے بڑھتی جائے۔ لیکن اُس وقت تو رقم مسلسل بڑھتی چلی جاتی ہے اور جو مسئلہ اس وقت زیر غور ہے اس میں گرم جسم کی پیش مسلسل گرتی جاتی ہے۔ اگر گرم پیش کی زیادتی (کمرے کی پیش سے) کے لوکارتم کو وقت کے مقابلے میں درسم کریں تو ایک خط مستقیم حاصل ہونا چاہیے۔ ایسے

$$لہ۔ چونکہ مس طہ = \frac{پ ن}{ن ب} ، \frac{مس طہ}{پ ن} = \frac{ا ج}{ن ب}$$

لہذا اگر $\frac{مس طہ}{پ ن}$ مستقل ہو تو ن ب کو بھی مستقل ہونا چاہیے۔ اس سادہ تربیتی طریقے سے اس کلیہ کی جانچ کا ایک طریقہ ملتا ہے۔ مختلف نیر فوہ نقطوں کے لیے خط ن ب کا طول ناپ لو اور یہ دیکھو کہ آیا یہ طول تقریباً مستقل رہتا ہے یا نہیں۔

طالب علم جو تفرقی احصاء کے ابتدائی معلومات رکھتے ہوں، کلیدیہ نیوٹن کی تصدیق حسب ذیل طریقے سے کر سکتے ہیں۔ اگر زیر بحث ترسیم ایک خط مستقیم ہو تو

لوک سر - لوک ز = ۱ و

جہاں ز وقت و پرتش کی زیادتی ہے اور سر ابتدائی زیادتی ہے جب کہ و = ۰، اور ۱ ایک مستقل ہے۔

عمل تفرق سے

$$1 - \frac{1}{Z} = \frac{F}{Z}$$

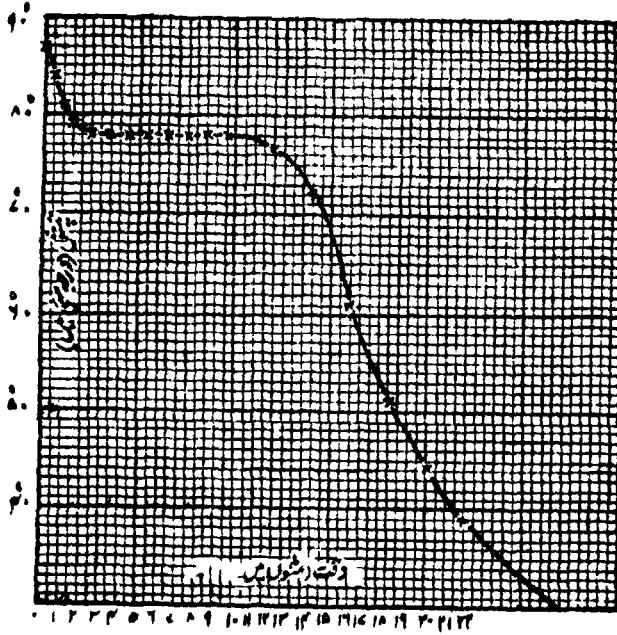
$$1 - \frac{F}{Z} = \frac{F}{Z}$$

یعنی و پرتش کے تنزل کی شرح، وقت و پر زیادتی کے تناسب ہے۔

۲۔ تبرید کا منحنی جب کہ مائع ٹھوس بن رہا ہو

گزشتہ تجربے میں نیوٹن کے کلیدیہ تبرید کو دھات کے پتلی دیواروں والے گرم پانی کے برتن کی تبرید کے ذریعہ واضح کیا گیا ہے۔ ایسے تجربے کے ذریعہ حاصل کردہ نتائج کی ترسیم ایک خاص طریقے پر اُس وقت ہو جاتی ہے جب کہ برتن کے اندر کا مائع اُس پیش میں سے گزرے جس پر انجام واقع ہوتا ہے۔ موجودہ تجربہ میں ایسی شے استعمال کر سکتے ہیں جس کا نقطہ انجماد کم ہو جیسا کہ معمولی پیش سے زیادہ لیکن ۱۰۰ درجے کم ہو۔ مثلاً نفتھالین، سٹیرین (Stearin) یا اچھی قسم کا پیرافنی موم استعمال کر سکتے ہیں۔ اگر تجربہ کے آغاز پر مائع کی حالت میں ہو اور برتن کو ٹھنڈا ہونے کا موقع دیں تو نقطہ انجماد کے پہنچنے تک مائع کی پیش مسلسل گرتی جائیگی۔ اب چونکہ مائع کے تمام حصے یکے بعد دیگرے ٹھوس بنتے جائیگے اس لیے ہر حصہ اپنی منفی حرارت خارج کرتا جائیگا اور اس طرح پیش گرنے نہیں پاتی۔ لہذا جب تک کہ تمام شے ٹھوس نہ بن جائے پیش تقریباً مستقل رہتی ہے۔ اس کے بعد پیش پھرنے لگتی

ہے اور آخر کار ٹھوس جسم کمرے کی تپش پر پہنچ جاتا ہے (شکل ۱۲۳)۔



شکل ۱۲۳۔ ترمیدی منحنی نقطہ اجماع کا نقطہ اجماع دکھانے کے لیے

بہتر ہے ۱۳۔ نقطہ اجماع کی تعیین
ترمیدی منحنی کے ذریعہ — دھات کے چھوٹے سے
برتن کو جس میں زیر بحث مادہ مثلاً سوہا رکھا ہو، گرم پانی کے برتن
میں ڈبو کر احتیاط سے گرم کیا جاتا ہے یہاں تک کہ سارا سوہا پگھل کر
ایسی تپش پر پہنچ جائے جو ۸۰ یا ۹۰° حر کی تپش سے زیادہ بلند
نہ ہو۔

اب اس چھوٹے برتن کو دوسرے بڑے برتن کے اندر
سہارا لیا جاتا ہے اور تپش کے مفردے ہر نصف منٹ کے وقفے پر

لیے جاتے ہیں۔ جب شے ٹھوس بننے لگتی ہے تو یہ ضروری ہو جاتا ہے کہ پیش پیا کو ٹھوس بننے والے جسم کے وسط میں ایک حالت پر چھوڑ دیا جائے کیونکہ اس تجربے میں بلا اتنے رہنا مناسب نہیں ہے۔ پیش پیا کو پڑھتے رہو یہاں تک کہ وہ شے کے نقطہ اامت سے ۱۰ یا ۱۵ سینچے گر جائے۔

وقت کو فصلے اور پیشوں کو معین ان کر ایک منحنی مرتسم کرو۔ پیمانہ منتخب کرنے میں اس امر کا لحاظ رکھا جائے کہ منحنی تقریباً تمام کاغذ کو پر کر دے۔ اس منحنی کے ذریعہ شے کا نقطہ اامت یعنی وہ پیش معلوم کرو جس پر منحنی پہلی مرتبہ افقی ہو جاتا ہے۔

اگر شے آمیزہ ہو تو منحنی پر اامت کے مختلف نقطے ظاہر ہونگے یا کوئی صریح تغیر مشاہدہ نہ ہوگا۔ سستی قسم کے پیرافنی موم، پیرافنی گروہ کے مختلف ارکان کے آمیزے ہوتے ہیں جو مختلف پیشوں پر پکھلتے ہیں۔ ان کے مختلف اجزاء خفیف سی حد تک ایک دوسرے کو حل کر لیتے ہیں اور اس طرح کوئی خاص نقطہ اامت حاصل نہیں ہوتا۔

پُر سردی — عکاسی کا معمولی ہائیپو (Hypo) عمل تبرید کا ایک دلچسپ واقعہ پیش کرتا ہے۔ اگر اس کو گھمھلایا جائے اور معمولی طور پر اس کا تبریدی منحنی حاصل کیا جائے تو کافی وقت تک اس کی پیش بالکل یکسانیت کے ساتھ گرتی چلی جائیگی اور نیوٹن کے کلیئہ تبرید کے تابع ہوگی۔ اس کے بعد یکایک انجماد کا عمل شروع ہوگا اور پیش میں فوراً ہی قابل لحاظ اضافہ واقع ہوگا اور یہ پیش حقیقی نقطہ اامت تک بڑھیکگی اور اس کے بعد قائم ہو جائیگی، جب تک کہ تمام کا تمام ”ہائیپو (Hypo) ٹھوس نہ بن جائے۔ اس کے بعد وہ پھر ایک مرتبہ معمولی کلیئہ تبرید کے مطابق گرنے لگیگی۔ طالب علم کو چاہیے کہ کوئی ایسا نظریہ قائم کرنے کی کوشش کرے جس سے انجمادی عمل شروع ہونے پر پیش کی ترقی کی توجیہ ہو سکے۔

بعض اوقات ایسا بھی مشاہدہ میں آسکتا ہے کہ مائع کی پیش، فصلکی

ن سے چند ہی درجے اوپر تک گرمی کی ہے لیکن پھر بھی شے ٹھوس نہیں بنی۔ شے کے ٹھوس بننے کے بغیر تپش ۲۵ درجے سے نیچے گر جائے تو ٹھوس مائع ہو (Hyp) کی ایک قلم لکھلی ہوئی کیفیت کے اندر گرا دی جائے اور اس وقت نیا ط کے ساتھ تپش امشاہدہ کی جائے۔

۳۔ مائع کی حرارتِ نوعی تبرید کے طریقے سے

کسی دیے ہوئے ماحول کے اندر کسی شے سے فی ثانیہ حرارت کی مائع ہونے والی مقدار، ٹھنڈا ہونے والے جسم کی تپش، اس کے کھلے قبے اور کھلی سطح کی نوعیت کے تابع ہے۔

تپش کا تنزل فی ثانیہ = $\frac{\text{خارج شدہ حرارت فی ثانیہ}}{\text{جسم کی حرارتی گنجائش}}$

جب مائع کی کوئی مقدار جو کافی بلند تپش تک گرم کی گئی ہو، مستقل تپش نقصان میں رکھے ہوئے حرارہ پیمائے کے اندر سرد ہونے دی جائے تو ہر نصف منٹ ایک منٹ کے وقفوں سے حاصل کردہ مشاہدات تپش کی مدد سے اس کے لیے تبرید کا تخمینہ کر سکتا ہے۔ اس کے بعد اس مائع کو پانی سے مل سکتے ہیں اور پھر پانی کے لیے اسی طرح تجربہ انجام دیا جاسکتا ہے۔

اگر این ہر دو حالتوں میں تپش کے مماثل سلسلے لیے جائیں نقصان حرارت کی اوسط شرحیں بھی مماثل ہوں گی اگرچہ تپش کے تنزل کی اوسط میں ایک دوسری کے مماثل نہ ہوں۔ اگر این دونوں صورتوں میں تپش کے تنزل کی شرحیں متغیر سے حاصل کی جائیں تو نقصان حرارت کی شرحوں کے لیے حاصل کر سکتے ہیں اور ان جلوں کو ایک دوسرے کے مساوی رکھ کر مائع کی حرارتِ نوعی معلوم ہو سکتی ہے۔

فرض کر دو کہ

ک = استعمال کردہ مائع کی کیفیت اور رخ اس کی حرارتِ نوعی

د = پانی کی کمیت
ک = حرارہ پیمائی کی کمیت اور رخ اُس کی حرارت نوعی -
ہر فرض کرو کہ ہر حالت میں تپش طہ سے طہ تک گرتی ہے اور تپش
کے اس منزل کے لیے وقت و صرف ہوتا ہے جب کہ مائع استعمال
ہو اور د اُس وقت جب کہ پانی لیا جائے -

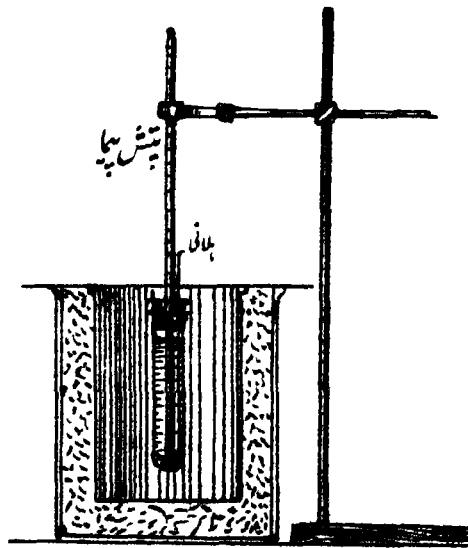
پہلی صورت میں نقصان حرارت کی اوسط شرح
(ک رخ + ک رخ) (طہ - طہ) ہے -

دوسری صورت میں
(د + ک رخ) (طہ - طہ) ہے -

بشرطیں مساوی ہیں - اس لیے
(ک رخ + ک رخ) (د + ک رخ)
اس مساوات سے رخ محسوب ہو سکتا ہے -

تجربہ سائنس - مائع کی حرارت نوعی کی تخمین
تقریب کے طریقے سے (۱) - دو ہری دیواروں کا
کوئی ایسا برتن جس کی دیواروں کے بیچ میں پانی ہو مستقل
تپش کی فضا کے طور پر استعمال کیا جاسکتا ہے - اس تجربہ
کے لیے پیرافنی تیل موزوں مائع ہے - دھات کا ایک چھوٹا سا
حرارہ پیمائش کے ڈھکن میں تپش پیمائش اور بلانی کے لیے سوراخ ہو
مائع رکھنے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں - یہ بات بہت اہمیت
رکھتی ہے کہ تجربے کے دونوں حصوں میں حرارہ پیمائی کی بیرونی
سطح ایک ہی نوعیت پر ہو - یہ بجد محلا بنائی جاسکتی ہے یا اس پر
بالکل سیاہ وارنش چڑھایا جاسکتا ہے -

حرارہ پیماکو تول لو۔ کسی دوسرے برتن میں پیرافنی تیل کو گرم پانی میں رکھ کر تقریباً ۷۰ درجہ تک گرم کر دو۔ اور گرم پیرافن کو حرارہ پیمایں انڈیل کر حرارہ پیماکو ڈھانک دو۔ اور فضا میں اس طرح غیر موصل کے ذریعہ سہارا کر رکھ دو کہ وہ اپنے اطراف کے برتن سے مس نہ کرنے پائے (شکل ۱۲۲)۔ جب تپش ۷۰ سے ۳۰ درجہ تک گر رہی ہو ہر ایک منٹ کے وقفے سے تپش پیماکو پڑھتے رہو۔ اس دور ان میں بائع کو آہستہ آہستہ ہلاتے رہو۔ مشاہدات کے اختتام پر حرارہ پیماکو ہٹا کر تول لینا چاہیے تاکہ پیرافن کی کیت معلوم ہو۔ پیرافن کے بجائے پانی استعمال کر کے اسی طریق عمل کو دہرایا جائے اور اس بات کی احتیاط کی جائے کہ اشعاعی سطح میں کسی طبع بھی کوئی تبدیلی نہ پیدا ہو۔



شکل ۱۲۲۔ بائع کی حرارت نوعی

تپش کو معین اور وقت کو فصلے مان کر مریعدار کا فہرہ دونوں تہریکی مخنی

مرسم کرو۔ پیرافن اور پانی کو ایک ہی حدود پر تپش کے درمیان
(مثلاً ۲۰ تا ۳۰ درجہ) ٹھنڈا ہونے میں جتنے ثانیے صرف ہوں ان کی
تعداد نمونوں کی مدد سے معلوم کرو۔ صفحہ ۳۸۱ پر دیے ہوئے ضابطے
کی مدد سے پیرافن کی نوعی حرارت محسوب کرو۔

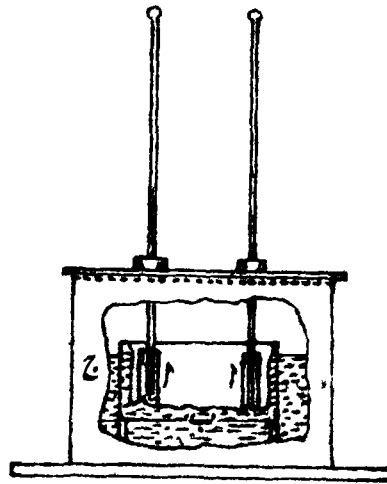
بعض اوقات دو حرارہ پیماس استعمال کیے جاتے ہیں۔ ایک میں پانی
اور دوسرے میں مائع (پیرافن) ہوتا ہے۔ اگر ایسا کیا جائے تو ان دونوں
حرارہ پیماس کو ایک ہی دھات (ایلمینیم) کا اور مساوی ابعاد کا ہونا چاہیے اور دونوں
احتیاط کے ساتھ جملہ کیے ہوں۔ اور وہ ایک ہی احاطہ میں کسی قدر
فاصلے سے لٹکا دیے جاتے ہیں۔ سو اے اس کے کہ تہریدی منحنی کے
ایسے شہادت بہ یک وقت حاصل کرنے میں وقت کی کفایت ہے،
اس طریقے کی کبھی سفارش نہیں کی جاسکتی کیونکہ اس کا یقین کرنا بالکل
غیر ممکن ہے کہ ٹھنڈی ہو جانے والی سطحیں، گورقبہ میں برابر ہوں لیکن
جلا میں بھی ضرور مساوی ہونگی۔ جو حرارہ پیماس استعمال ہوتے ہیں چونکہ
وہ جھوٹے ہوتے ہیں اس لیے یہ فرض کر لیا جاتا ہے کہ تپش پیماس سے جو
تپش ظاہر ہوتی ہے، خود مائع کی تپش کے برابر ہے حالانکہ اس وقت
مائع کو ہلایا نہیں جا رہا ہے۔

فرض کرو کہ کم پہلے حرارہ پیماس اور کم دوسرے حرارہ پیماس کی
کمیت کو ظاہر کرتے ہیں۔
تو $(ک\ خ + ک\ خ) (ط - ط)$ مساوی ہے $(د + ک\ خ) (ط - ط)$
پس $(ک\ خ + ک\ خ) = (د + ک\ خ)$

اس مساوات سے χ کی قیمت محسوب کر سکتے ہیں۔

تجربہ شدہ - مائع کی حرارت نوعی کی
تخمین تہرید کے طریقے سے - (۲) - املدنی

لہ کرے ناب اور بیرونی کمرے ج کی درمیانی فضاء کو ٹھنڈے پانی سے بھر دے تاکہ اندرونی کمرہ مستقل تپش کے برتن کا کام دے سکے۔ ب کے اندرونی طرف پانی نہیں ڈالا جاتا کیونکہ دونوں حرارہ پیماؤں سے تہرید کا عمل اشعاع اور ہوا میں حمل حرارت کے ذریعہ انجام پاتا ہے۔ دونوں حرارہ پیماؤں کو گرم کرنے کے لیے گرم پانی کا برتن چاہیے۔ جب یہ برتن گرم ہو رہا ہو تو خالی حرارہ پیماؤں کو تول لو۔ ایک حرارہ پیمائے کو دو تہائی کے قریب پیرافن سے بھرو اور دوسرے کو پانی سے۔ شکل ۱۲۵ میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب ربر کے ڈاٹوں میں سے تپش پیمائے گزار کر حرارہ پیماؤں کو احاطہ کے ممکن کے



شکل ۱۲۵۔ مائع کی حرارت نوعی

ذریعہ سہار لو۔ گرم پانی کے برتن میں ڈلو کر حرارہ پیماؤں کو مع مائیدہ ایچ کے تقریباً ۷۰ ہر تک گرم کر لو۔ حرارہ پیماؤں کو اسی طرح لگا ہوا رکھ کر احاطہ کا ڈھکن لگا دو اور اس بات کی احتیاط کرو کہ حرارہ پیماؤں کی

یوتھ ب کو مس نہ کرنے پائے۔ ڈھکن کو اس کی وضع پر رکھ دینے کے بعد تپش پیاؤں کے مقروئے حاصل کرو۔

اس کا ایک آسان طریقہ یہ ہے کہ پہلے تپش پیم کا مقروءہ اُس وقت حاصل کیا جائے جب کہ گھڑی کی ثانیوں کی سوئی ۶۰ پر ہو اور دوسرے تپش پیم کا مقروءہ اُس وقت میں جب کہ ثانیوں کی سوئی ۳۰ پر ہو۔ مقروئے اُس وقت تک د لیے جائیں جب تک کہ دونوں تپش پیم تقریباً ایک ہی تپش (۶۰ اور ۶۰ کے درمیان) نہ دکھاتے ہوں۔ مقروؤں کو جاری رکھو یہاں تک کہ ہر حالت میں تپش ۴۰ درجہ سے نیچے گر جائے۔ پیرافن زیادہ تیزی سے ٹھنڈا ہو گا لہذا اس تپش پر پیرافن پہلے پہنچ جائیگا۔ جب صورت حال اس طرح ہو تو پیرافن کے تپش پیم کے مقروئے ختم کر دیے جائیں۔ لیکن پانی کے تپش پیم کی تپش پڑھنے کا عمل ابھی جاری رکھنا چاہیے۔ ہمیں تو تپش کے مساوی وقتوں میں ٹھنڈا ہونے کا وقت مطلوب ہے کہ مساوی وقتوں میں تپش کی تبدیلی۔

ان مشاہدات کے اختتام پر حرارہ پیاؤں کو ہٹا دو اور ان کو تول کر ہر ایک میں مائع کی کمیت معلوم کر لو۔ مریدار کاغذ کے ایک تختے پر دونوں حرارہ پیاؤں کی تہرہ کو ظاہر کرنے کے لیے تریسم کھینچو جن میں تپشوں کو فصلے اور وقتوں کو معین مانا جائے۔ منحنیوں کی مدد سے ثانیوں کی تعداد کا تعین کرو جو ہر حالت میں طہم (تقریباً ۶۰ درجہ) سے طہم (تقریباً ۳۰ درجہ) تک ٹھنڈا ہونے کے لیے درکار ہیں۔ صفحہ ۳۸۳ پر دیے ہوئے منابط کی مدد سے مائع کی حرارتِ نوعی کی تخمین کرو۔

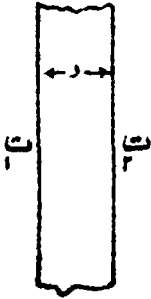
گزشتہ تجربوں میں پیرافن تیل کے بجائے زیون کا تیل، گلسرین، یا نیک کا طاقتور محلول استعمال کر سکتے ہیں۔

فصل پنجم

موصلیت حرارت کی قدر

۱۔ تعریفات

جب کسی جسم کے ایک نقطے پر اُس کے پاس والے دوسرے نقطے سے زیادہ تپش ہو تو حرارت پہلے نقطے سے دوسرے نقطے کی طرف بہنے کا تقاضا کرتی ہے۔ اگر این دونوں نقطوں پر تپش t_1 اور t_2 ہو اور این کا باہمی فاصلہ d ہو تو مقدار (تپش) t_1 کو تپش کا میلان یا تپش کا ڈھال کہتے ہیں اور اس کو درجے فی سمر کی رقوم میں ظاہر کرتے ہیں۔



جب کسی مادی شے کا ایک کُندہ جس کے اُرخ متوازی ہوں اور جس کی دبانت d ہو اس طرح رکھا ہو کہ اس کے ایک اُرخ کو تپش t_1 پر اور دوسرے کو تپش t_2 پر رکھا جائے تو کُندے کے رُخوں کے علی القوائِم خطوط کی سمت میں حرارت کا یکساں بہاؤ دفعۃً واقع ہونے لگیگا اور تپش کا میلان پیدا ہوگا جو (تپش) کے مساوی ہوگا۔

اس معاملے تفرقی کی ترقیم میں اس کو ضیاء لکھتے ہیں اگر فاصلے کو تعبیر کرتا ہو۔

حرارت کی مقدار ح جو وقت و میں گندے کے ایک رُخ کے رقبہ میں سے
تی ہو، وقت رقبے اور تپش کے ڈھال کے تناسب ہوگی۔ اس کا انحصار گندے کے
یہ ترکیبی پر بھی ہوگا۔ پس ہم اس کو اس طرح بیان کر سکتے ہیں کہ

$$ح = م \frac{ت_1 - ت_2}{و}$$

ہاں م ایسی مقدار ہے جو گندے کے مادہ کی نوعیت پر منحصر ہے۔
ن مساوات سے مقدار م کے معنی کی توضیح بھی ہوتی ہے کہ یہ موصلیت
رات کی قدر یا مختصراً مادہ کی موصلیت حرارت ہے۔ اس مساوات
و م کے لیے حل کریں تو

$$م = \frac{ح}{\frac{ت_1 - ت_2}{و}}$$

اصل ہوگا۔ شمار کنندہ ح سے گندے میں حرارت کے بہاؤ کی شرح
پی جاتی ہے۔ اس کو حرارے فی ثانیہ کی رقوم میں بیان کرتے ہیں۔
پس مختصر طور پر موصلیت حرارت کی قدر کی تعریف یوں ہو سکتی ہے
۔ فی اکائی رقبہ حرارت کے بہاؤ کی شرح ہے اگر تپش کا ڈھال
کائی ہو طے اس قدر حرارے فی ثانیہ فی مربع سمر فی اکائی ڈھال کی رقوم میں
یان کیا جائیگا اور یہ [حرارے x (سمر) (ثانیہ) (درجہ سمری) (۱)] کے
ساوی ہے۔

پس معلوم ہوا کہ موصلیت حرارت کی قدر کی پیمائش میں یہ بات بطور
تجہ شامل ہے کہ ایک قائم حالت پر پہنچ چکنے کے بعد ان تین مقادیر یعنی

۱۔ احصائے تفرقی کی ترتیم میں یہ مساوات اس طرح لکھی جائیگی۔

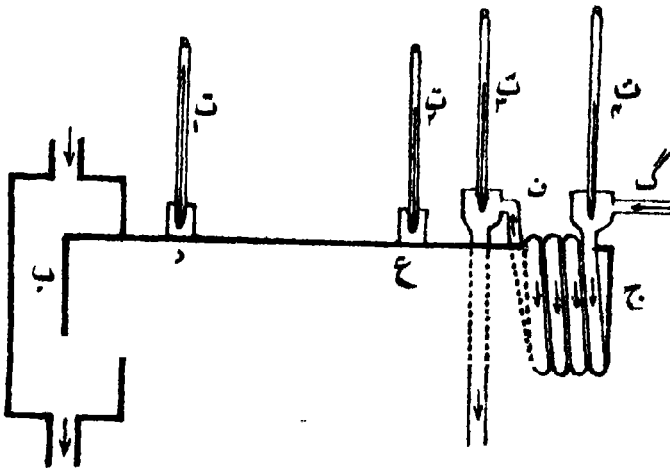
فناج
منا و

حرارت کے بہاؤ کی شرح، رقبہ جس میں سے حرارت بہ لگائی ہو اور تپش کے دھال کی تخمینہ کی جائے۔

۲۔ تجرباتی تعینات

دھاتی سلاخ کی موصلیت حرارت کی قدر

دھات جس کی موصلیت حرارت کی قدر معلوم کرنی ہے، اسطوانی سلاخ کی شکل کی ہے (شکل ۱۲۷)۔ سلاخ کے ایک سرے کو گھمڑے ب میں سے بھاپ کی روگزار کر گرم کیا جاتا ہے اور دوسرے سرے کو ج کے پاس سلاخ کو گھیرے ہوئے ٹولبی نلی میں پانی کی نو بہا کر سرد رکھا جاتا



شکل ۱۲۷۔ دھاتی سلاخ کی موصلیت حرارت

ہے۔ نلی کے طول میں دو نقطوں د اور ع کی تپشیں تپ اور تپش پیمائوں کے ذریعہ معلوم کی جاتی ہیں۔ پانی کی تپشیں نقطہ ف پر جہاں

پانی کو بی نلی میں سے باہر نکلتا ہے، تپش پیماس کے ذریعہ اور مقام
 گ پر جہاں یہ نلی میں داخل ہوتا ہے تپش پیماس کے ذریعہ معلوم کی جاتی ہیں۔
 تجربہ ۱۔ دھاتی صلاح کی موصلیت حرارت
 کی قدر کی تخمین — تجربہ کی انجام دہی کے لیے یہ ضروری
 ہے کہ جو شاہ سے بھاپ کی ایک مستقل رو بھاپ کے کمرے
 میں سے گزری جائے اور پانی کی مستقل رو کو بی نلی میں سے گزرتی
 رہے۔ صلاح کو چاروں طرف ناقص موصیل حرارت مادے مثلاً
 نمڈے سے ابھی طرح لپیٹ دیتے ہیں اور اس کو اسی طرح چھوڑ دیا
 جاتا ہے یہاں تک کہ ایک مستقل حالت پر پہنچ جائے۔ اس کے لیے
 ۲۰ منٹ سے نصف گھنٹہ تک وقت صرف ہوگا۔ چاروں تپش پیمائوں
 کو وقت بہ وقت یہ دیکھنے کے لیے پڑھتے رہنا چاہیے کہ آیا تپش
 مستقل ہو گئی ہے یا نہیں۔ آخر کار جو تپشیں معلوم ہو گئی، ان کا
 انحصار اُس شرح پر ہوگا جس پر پانی نلی میں سے بہ رہا ہے۔ تپشوں میں
 اور تپم کے مابین کافی زیادہ فرق حاصل کرنے کے لیے یہ مناسب
 ہوگا کہ پانی کی بہت ہی سست دھار سے کام لیا جائے۔ دراصل
 نلی میں سے نپکنے سے جو پانی حاصل ہوتا ہے اُس سے کسی قدر زیادہ
 پانی باہر نکلتا چاہیے۔ نلی میں سے بہنے والے پانی کی فی ثانیہ
 مقدار اس طرح معلوم کرتے ہیں کہ ایک معلومہ وقت (۲ یا ۳ منٹ)
 کے دوران میں نکلنے والے پانی کو جمع کر کے اور اُس کو تول کر یا
 درجہ دار برتن کے ذریعہ اُس کا حجم ناپ لیتے ہیں۔ اس طرح
 و ثانیوں میں نلی میں سے گزرنے والے پانی کے ک گراموں
 کی تعداد معلوم ہو جائیگی۔ پانی کی اس کمیت کی تپش تپم سے
 تپم تک بڑھ گئی یعنی پانی نے صلاح سے ک (تپم - تپم)
 حرارت کی اکائیاں حاصل کر لیں۔ یہ فرض کر کے کہ صلاح کے
 پہلوؤں سے کوئی حرارت خارج نہیں ہوئی، جو ک کے لیے

جو موصلیت حرارت کی قدر کی تعریف میں شامل ہے، جسم
کے (تسم - تسم) درج کر سکتے ہیں۔

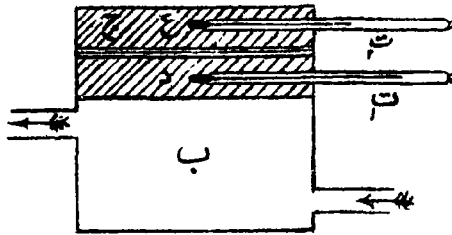
سرل چاپ کی مدد سے سلاخ کا قطر معلوم کر کے سلاخ کی تراش
عمودی کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں۔ اور $\pi = 3.14$ ص' جہاں ص مدور
تراش عمودی کا نصف قطر ہے۔ پیش کا ڈھال تپشوں تسم اور تسم
اور نقاط د اور ع کے مابین فصل د کے ذریعہ معلوم ہو سکتا ہے۔
پس اس طرح م کی تختی کے لیے تمام ضروری رقمیں معلوم کر سکتے
ہیں۔

تختی کی شکل کے ایک ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی تعیین

ناقص موصل حرارت کی صورت میں زیر تجربہ مادہ کی تختی کی موٹائی بہت
کم ہونی چاہیے۔ ذیل میں جس آلہ کی توضیح کی گئی ہے، بلحاظ اصول اس آلے
کے مشابہ ہے جو پروفیسر مسیج ایچ۔ پزن نے اپنی تحقیقات میں استعمال
کیا تھا۔ لیکن استعمال میں سہولت کے مد نظر پروفیسر مذکور کے آلے
کو جو ایک خالی مدین میں ڈوریوں کے ذریعہ لٹکایا گیا تھا، الٹ دیا گیا ہے۔
تجربہ سلاخ۔ کسی ناقص موصل مثلاً مقوتے

کی موصلیت حرارت کی قدر کی تختی — شے ایک
پتلی مدور تختی کی شکل کی ہے۔ تختی کے ایک رخ کو ایک دھاتی کمرے
ب کے ساتھ تماس میں رکھ کر گرم کیا جاتا ہے (شکل ۱۲۸)
جس میں سے بھاپ کی روگزاری جاتی ہے۔ تختی کا دوسرا رخ

دھات کے مدور قرص ج کے ساتھ تماس میں رہے۔ دھات



شکل ۱۳۸۔ مقوے کی موصلیت حرارت

کی تمام سطحوں پر بیکل کا طبع کیا گیا ہے۔ پیش پیاد اور ع کو کمرے
ب اور قرص ج کے اندر سوراخوں میں داخل کر دیا گیا ہے۔
آلے میں بھاپ اُس وقت تک گزاری جاتی رہے
جب تک کہ دونوں پیش پیادوں کو قلمبند کیا جاتا ہے۔
فضا کی شپش کا بھی مشاہدہ کرنا چاہیئے۔

یہ فرض کر لیا گیا ہے کہ پیش پیادوں سے حاصل شدہ پیش پیاد اور ت
مقوے کی تختی کے دونوں رخوں کی پیش پیادوں کو تعبیر کرتی ہیں۔ مقوے کی
موٹائی معلوم ہونے سے پیش کا ڈھال محسوب کیا جاسکتا ہے۔ رقبہ جس میں
سے حرارت بہتی ہے، مقوے کے ایک رخ کے رقبہ کے برابر لیا جاسکتا
ہے۔ اور اس کو تدریجاً تختی کے نصف قطر کی مدد سے معلوم کرتے ہیں۔

اب مقوے میں سے حرارت کے بہاؤ کی شرح معلوم کرنی
ہے۔ اس کے لیے ایک علیحدہ تجربے کی ضرورت ہے۔ جب پہلے
تجربے میں مستقل حالت پہنچ جاتی ہے تو یہ ضروری ہے کہ مقوے میں
سے حرارت کے بہاؤ کی شرح اُس شرح کے ٹھیک برابر ہونی چاہیئے

جس شرح سے قرص ج کی سطح سے حرارت کا اخراج اشعاع اور حمل حرارت کے ذریعہ عمل میں آتا ہے۔ وجہ یہ ہے کہ جب تپش مستقل ہو جاتی ہے تو قرص میں کوئی حرارت جمع نہیں ہو سکتی اور اس لیے قرص کی حاصل کردہ حرارت خارج کردہ حرارت کے برابر ہونی چاہیے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ اگر ہم اس شرح کا تخمینہ کر سکیں جس سے حرارت خارج ہو رہی ہے تو ہمیں معلوم ہو جائیگا کہ حرارت کس شرح سے مقوے میں سے بہ رہی ہے۔

گرم کرنے والے کمرے ب کو ہٹا دیا جاتا ہے اور قرص ج کو جس کے ایک رخ پر مقوے کی تختی تپا کر رکھی ہے اس طرح سہارا لیا جاتا ہے کہ ایصال کے ذریعہ انتقال حرارت کم سے کم ہو۔ یہ عمل بعض وقت اس طرح کیا جاتا ہے کہ قرص کو ڈواریوں کے ذریعہ لٹکا دیتے ہیں لیکن یہ زیادہ سہل ہے کہ مقوے کو کسی سہارے مثلاً لکڑی کے گنڈے پر جو خود ناقص موصل ہے رکھ دیا جائے۔

اس کے بعد قرص کو ہنسنی شعلے کے ذریعہ گرم کرتے ہیں حتیٰ کہ اس کی تپش مستقل تپش ت سے ۵ یا ۶ درجے اونچی ہو جاتی ہے۔ اس کے بعد اس کو سرد ہونے دیتے ہیں تاکہ اس کی تپش موجودہ تپش ت سے گر کر تپہ پر پہنچ جائے جو ت سے اتنے ہی درجے نیچے ہے جتنے درجے ت اس کے اوپر اس تبرید کے دوران میں صرف شدہ وقت کو بھی کافی احتیاط کے ساتھ لکھ لیتے ہیں۔

تبرید کے دوران میں صنایع شدہ حرارت ک سخ (تپہ تسم) ہے جہاں ک قرص کی کمیت اور سخ دھات کی حرارت نوعی ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلا کہ حرارت کے خارج ہونے کی شرح ک سخ (تسم) - تسم ہے۔

یہ فرض کر کے کہ یہ مقدار موصلیت حرارت کے ضابطے میں سچ کے برابر ہے
ہم کو وہ تمام معطیات حاصل ہو جاتے ہیں جو موخر الذکر مقدار کے
غروب کرنے کے لیے ضروری ہیں۔

نلی کی شکل کے ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی تخمین

نلی کی شکل کے کسی ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی شرح کی تعیین
اس طرح ہو سکتی ہے کہ اس نلی میں سے یا نلی کے اطراف پیرہن میں
سے بھاپ کی زد گزاری جائے اور نلی کی دیواروں میں سے منتقل شدہ
حرارت کی مقدار کو حرارہ پیمائی کے سادہ طریقوں کی مدد سے ناپ لیا جائے
پہلی قسم کا آلہ — بھاپ خود نلی میں سے گزاری جاتی ہے۔
حرارہ پیمائی میں پانی کی معلوم کثیت لے کر نلی کو اس کے اندر غرق کر سکتے ہیں
اور کسی خاص وقت کے لیے پانی کا اضافہ تپش مشاہدہ کیا جاسکتا ہے۔

تجربہ سبب — نلی کی شکل کے ناقص موصل
کی موصلیت حرارت کی قدر کی تخمین — دوسری
نلی کی حالت میں ایک ایسا حرارہ پیمائے بھاپ کو جس کی گنجائش کافی سے
زیادہ (۶۰۰ یا ۶۰۰ مکعب سمر) ہو تاکہ کافی لمبی نلی کچھ کی شکل میں
حرارہ پیمائے کے اندر رکھی جاسکے۔ حرارہ پیمائے کے اندر کوئی برتن کو تول لو

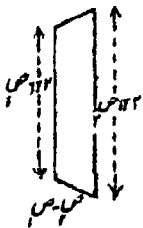
۱۔ یہ مفروضہ کامل طور پر درست نہیں ہے۔ کیونکہ جب مبدائے حرارت کو ہٹالیا جاتا ہے تو قرص کی تھوڑی سی
حرارت مقوسے میں سے ایصال کے ذریعہ ضائع ہو جاتی ہے۔ یہ زیادہ تر بن صحت ہوگا کہ مبدائے حرارت کو اس
کی ابتدائی وضع ہی میں رکھ کر قرص کے نقصان حرارت کی شرح کی تخمین کی جائے۔ لیکن اس کو اسی
تپش پر ہونا چاہیے جس پر قرص سے ناکہ مقوسے میں کوئی میلان پیش موجود نہ ہونے
پائے۔ کم از کم تقریبی طور پر اس شرط کے سمجھنے میں عملاً کوئی دقت نہیں ہے۔

اور تقریباً دو تہائی تک پانی سے بھریو۔ بھرے ہوئے برتن کو تول لو تاکہ پانی کا وزن معلوم ہو جائے۔ پانی کی تپش متبہ معلوم کر لو جس کو بوقت آغاز سہولت کے ساتھ کمرے کی تپش سے نیچے رکھ سکتے ہیں۔ نلی کا لچھا بنا کر پانی کے اندر اس طرح رکھو کہ دونوں سرے حرارہ پیماسے کسی قدر باہر نکلے رہیں۔ اس کے بعد نلی کے سرے کو بھاپ کے ٹکون کے سوراخ کے ساتھ جوڑ دینا چاہیے تاکہ اس کے اندر سے بھاپ کی منتقل رو بہائی جاسکے۔ نلی کا دوسرا سر قلعی (Tin) کے برتن کے اندر ڈبو دیا جائے تاکہ بستہ شدہ بھاپ کے قطرے جمع ہو سکیں۔

نلی کے اندر سے بھاپ کو مقررہ اور مشاہدہ کردہ وقت گزرنے دو تا آنکہ پانی کی تپش ۲۰ یا ۳۰ درجہ بجائے۔ اُس وقت کا مشاہدہ کر لو جس دوران میں بھاپ گزرتی رہی اور پانی کی انتہائی تپش متبہ کا بھی مشاہدہ کرو۔

پانی کے اندر ڈوبی ہوئی نلی کا طول ناپ لینا چاہیے۔ اس مقصد کے لیے یہ امر باعث سہولت ہے کہ نلی کے اُن مقامات پر دو نشان لگا دیے جائیں جہاں نلی حرارہ پیماسے کے پانی میں داخل ہوتی اور باہر نکلتی ہے۔ فرض کرو کہ ڈوبی ہوئی نلی کا طول لی سمرہ نلی کے اندر دنی اور بیرونی نصف قطر بھی ناپ لو۔

ان کو علی الترتیب ص اور ص_۱ مان لو۔ تو نلی کی دیوار کی موٹائی ص_۱ - ص سمر ہوگی۔ اگر ہم یوں تصور کریں کہ نلی کے کمرے کو اُس کے محور کے متوازی کاٹ کر کھول دیا گیا ہے (شکل ۱۲۹) تو یہ ٹکڑا اُس شے کی ایک ایسی تختی کے تقریباً مائل ہوگا جس کی دبازت ص_۱ - ص ہے۔



شکل ۱۲۹ - نلی سے تختی بنانا

جس رقبہ میں سے حرارت گزرتی ہے، اُس کو

اُس تختی کے دونوں رُخوں کے رقبوں کا تقریباً اوسط لے سکتے ہیں یعنی

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{4} (\pi^2 \text{ ص ل} + \pi^2 \text{ ص ل}) = \pi^2 \text{ ص ل}$$

 جہاں $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} (\text{ص} + \text{ص})$ نلی کا اوسط نصف قطر ہے۔
 نلی کے باہر کی طرف پیش مستقل نہیں رہتی لیکن پیش کے ڈھال کو
 محسوب کرنے میں ہم ابتدائی اور انتہائی تیشوں کا اوسط لے لیتے ہیں۔ نلی کے
 اندرونی رُخ کی پیش $\frac{1}{4} = 100$ ہر لی جاسکتی ہے۔ پس پیش کا ڈھال

$$\frac{\text{ت} - \text{ت}}{\text{ص} - \text{ص}}$$

ہے، جہاں $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} (\text{ت} + \text{ت})$ نلی کی بیرونی اوسط پیش ہے۔
 اب اس کے علاوہ جو مقدار درکار ہے، وہ مقدار حرارت ہے جو وقت
 و میں نلی کی دیوار میں سے گزرتی ہے۔ چونکہ یہی حرارت حرارہ پیم اور اُس کے
 مانیہ کی پیش کو $\frac{1}{4}$ سے $\frac{1}{4}$ تک بڑھانے میں صرف ہوتی ہے لہذا
 اس کو بھی آسانی سے شمار کر سکتے ہیں۔ اس طرح سے موصلیت حرارت کی
 قدر کی تخمین کے لیے جتنی مقداریں درکار ہیں دستیاب ہو جائیں گی اور صفحہ ۳۸
 کی تعریف کے بموجب حاصل کردہ مساوات کی مدد سے اس قدر
 (Co-efficient) کا تعین ہو جاتا ہے۔

$$m = \frac{H}{\pi^2 \text{ ص ل} \left(\frac{\text{ت} - \text{ت}}{\text{ص} - \text{ص}} \right)}$$

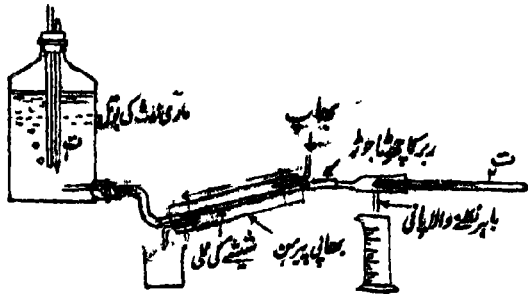
لے کھو کھلے اُسٹوانے کی دیواروں میں سے حرارت کے بہاؤ پر غور کرنے سے جو زیادہ صحیح ضابطہ
 حاصل ہوتا ہے اُس سے

$$m = \frac{H}{\pi^2 \text{ ل} \left(\frac{\text{ت} - \text{ت}}{\text{ص} - \text{ص}} \right) + \left(\frac{\text{ت} - \text{ت}}{\text{ص} - \text{ص}} \right)}$$

جب نلی کی دیوار اتنی پتل ہو کہ $\frac{1}{4}$ ص بہ مقابلہ $\frac{1}{4}$ ص بہت چھوٹا ہو تو یہ مساوات مندرجہ بالا شکل اختیار کر لیتی ہے۔

دوسری قسم کا آلہ — اگر نلی طائم نہ ہو جیسے کہ شیشے کی نلی تو اس کی موصلیت حرارت کی حسب ذیل طریقے پر تخمین ہو سکتی ہے۔
نلی میں پانی کی دو آہستہ آہستہ بہائی جاتی ہے اور اس رو کو یکساں رکھنے کے لیے ماسری اجڑٹ (Mariotte) کی بوتل کو کام میں لاتے ہیں۔ نلی کو کسی قدر مائل رکھا جاتا ہے تاکہ تجربے کے دوران میں ہمیشہ پانی سے بھری رہے۔ اس کو بھاپ کے پیرہن سے گھیر دیا جاتا ہے جس میں سے بھاپ گزرتی رہتی ہے (شکل ۱۳)۔

تجربہ ۱۳ - نلی کی شکل کے ناقص موصل کی موصلیت حرارت کی تزکیہ کی گئی تھی۔ جب پانی نلی میں داخل ہوتا ہے تو اس کی تپش متاقلے لی جاتی ہے۔ جب پانی نلی میں سے بہتا ہے تو ایصال کے ذریعہ نلی کی دیواروں میں سے حرارت حاصل کرتا ہے اور اس عرصہ میں کہ یہ پانی نلی کے 'پیرہنی' حصے میں سے بہ نکلتے اس کی تپش بڑھ کر متا ہو جاتی ہے۔ عین باہر نکلنے والے پانی کی تپش بھی ملے لی جاتی ہے اور باہر نکلنے والے پانی کو بیاند دار اسطوانانی میں جمع کر لیا جاتا ہے۔ اس عمل سے کسی خاص وقت میں نلی کے اندر سے بہ نکلنے والے



شکل ۱۳ - شیشے کی نلی کی موصلیت حرارت

پانی کی مقدار معلوم کر لی جاتی ہے۔ وقت کا یہ وقفہ اتنا ہونا چاہیے کہ کم از کم ۳ مکعب سیر پانی پینے کے اندر جمع ہو جائے اور اس پانی کی کثافت آکائی فرض کر کے اس کی کمیت محسوب کر لی جاتی ہے۔ اگر وہ ٹانوں میں نمی میں سے بہنے والے پانی کی کمیت ک گرام ہو تو اس مدت کے اندر نمی کی دیواروں سے ایصال شدہ مقدار حرارت ح کی قیمت ک (ت - ت) حرارے ہوگی۔

بھاپ پیر ہین کے سروں کے درمیان نمی کے طول کو ناپ لیتے ہیں اور نمی کے اندرونی اور بیرونی نصف قطروں کی بھی پیمائش کر لی جاتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ علی الترتیب ل، ص اور ص ہیں۔ تو اوسط رقبہ ۲۲ ص ل ہے جس میں سے حرارت بہتی ہے اور جہاں قس = ۱/۲ (ص + ص) نمی کے اندر پیش کا اوسط ڈھال

$$\frac{100 - ت}{ص} = \frac{ت - ت}{۲}$$

پس

$$ک (ت - ت) = م ۲۲ ص ل \left[\frac{100 - ت}{ص} - \frac{ت - ت}{۲} \right]$$

ان میں سوائے م کے دوسری تمام رقیں پانی یا مشاہدہ کی جاسکتی ہیں۔ لہذا م محسوب ہو سکتا ہے۔

۱۰ اگر زیادہ صحیح مساوات استعمال کی جائے تو

$$ک (ت - ت) = \frac{م ۲۲ ص ل (100 - ت)}{۱۰ \times \frac{ل}{ص}}$$

فصل ششم

حرارت کا مُعادلِ حیلِی

۱۔ حرارت کے مُعادلِ حیلِی کی تعریف اور تخمین

ڈاکٹر جے۔ پی۔ جُول (۱۸۱۸ء - ۱۸۸۹ء) نے یہ ثابت کیا کہ جب میکانی توانائی کے خرچ سے حرارت پیدا کی جاتی ہے تو پیدا شدہ حرارت کی ہر اکائی کے لیے کامِ خنّی اکائیوں کی ایک خاص تعداد صرف کرنا پڑتی ہے۔ اس تعداد کو حرارت کا مُعادلِ حیلِی کہتے ہیں۔ اس طرح ایک حرارہ (گرام درجہ مٹی) پیدا کرنے کے لیے 4.18×10^3 آرگ یا 4.18 جُول کام درکار ہے۔ س۔ گ۔ ش۔ نظام میں تپش کا مٹی پیمانہ استعمال کرنے پر حرارت کے مُعادلِ حیلِی کی قیمت 4.18×10^3 آرگ فی حرارہ یا زیادہ صحیح طور پر 4.186×10^3 آرگ فی 1°C حرارہ ہوتی ہے۔

تجربہ ۱۱۔ پارے کو ایک نلی کے اندر گلا کر حرارت کے مُعادلِ حیلِی کی تعین کرنا۔
شیشے کی ایک چوڑی اور تھوڑا ایک میٹر لمبی اور ۳ تا ۴ سمر قطر کی

نلی کا ایک سر اسرہر جہر کر دیا جاتا ہے۔ اور دوسرے سرے پر ربر کی چست ڈاٹ لگائی جاتی ہے جس میں سے ستاس تپش پیا گزرتے ہیں۔ تقریباً ۵ کعب سمر پارا نلی میں ڈالا جاتا ہے اور ڈاٹ کو اُس کی جگہ پر احتیاط سے لگا دیتے ہیں۔ نلی کو اُس کے وسط میں مضبوطی کے ساتھ اس طرح پکڑ کر انتصاباً رکھتے ہیں کہ اس کا زیرین سرا کسی میز کے ساتھ ایک ہی سطح میں رہے۔ اب نلی کو تیزی کے ساتھ اس طرح اُلٹتے ہیں کہ نلی کا بالائی سرا اُسی وضع میں آ جاتا ہے جس وضع میں پہلے زیرین سرا تھا۔ اس کے یہ معنی ہیں کہ نلی کو اُس کی لمبائی کے وسط میں سے گزرنے والے افقی محور کے گرد گھمایا جائے۔ گھمانے کے دوران میں پارا نلی کے سرے کی طرف ہی رہتا ہے لیکن جب نلی انتصابی ہو جاتی ہے تو پارا ایک سرے سے دوسرے سرے کی طرف گزرتا ہے۔

پارے کو اوپر اٹھانے میں جو کام صرف کیا گیا تھا گزرنے کے دوران میں تو انائی بالفعل میں تبدیل ہو جاتا ہے اور جب پارا نلی کے پینڈے پر ساکن ہو جاتا ہے تو یہی کام حرارت میں تبدیل ہو جاتا ہے۔ تپش میں مناسب اضافے کے لیے یہی عمل تقریباً ۵ مرتبہ دہرایا جائے۔

فرض کرو کہ

ک = نلی میں پارے کی کثیت

نخ = پارے کی حرارت نوعی

ت = آخری تپش

ت = ابتدائی تپش

تو یہ فرض کر کے کہ کوئی حرارت ضائع نہیں ہوئی، پیدا شدہ حرارت کی

مقدار

ح = ک نخ (ت - ت)

فرض کرو کہ ۵ = وہ انتصابی فاصلہ جس میں پارے کا مرکز ثقل نلی کو

اُلٹنے کی صورت میں گرتا ہے (یاد رہے کہ یہ شیشے کی نلی کا طول نہیں ہے) اور $n =$ تعداد جتنی مرتبہ یہ عمل دہرایا گیا۔

تو میکانی توانائی جو غائب ہوئی $y = n \text{ ک ج ہ}$

$$\text{لہذا } \text{جہ} = \frac{y}{ح} = \frac{n \text{ ک ج ہ}}{n \text{ ج ہ}} = \frac{\text{ک غ (ت-۱-تہ)}}{\text{غ (ت-۱-تہ)}}$$

اس نتیجہ کی مدد سے جہول کا معادل محسوب کر سکتے ہیں۔

یاد رہے کہ 'جہول' کی قیمت استعمال شدہ پارے کی کمیت کے غیر تابع ہے۔ کسی حقیقی تجربے میں پارے کی تھوڑی سی مقدار استعمال نہ کی جائے ورنہ نلی کو گرم کرنے میں جو حرارت صرف ہوگی، پارے کو گرم کرنے میں صرف شدہ حرارت کے مقابلہ میں قابل لحاظ ہو جائیگی۔ اس سے کمترین صحیح طریقہ، جس میں پیش پیما کے ٹوٹنے کا کم اندیشہ ہے، یہ ہو سکتا ہے کہ ٹھوس کاگ استعمال کیا جائے اور پارے کو اس عمل سے پہلے اور بعد کسی چھوٹے سے پیالے میں ڈال کر اس کی پیش معلوم کی جائے۔

دھاتی مخروطوں کے مابین رگڑ کے ذریعہ حرارت کی پیدائش

دو دھاتی مخروطوں کے مابین رگڑ کے ذریعہ حرارت کے معادل جہولی کی تخمین کا سادہ جہ ذیل طریقہ جہول کے استعمال کیے ہوئے ایک طریقے سے اخذ کیا گیا ہے:-

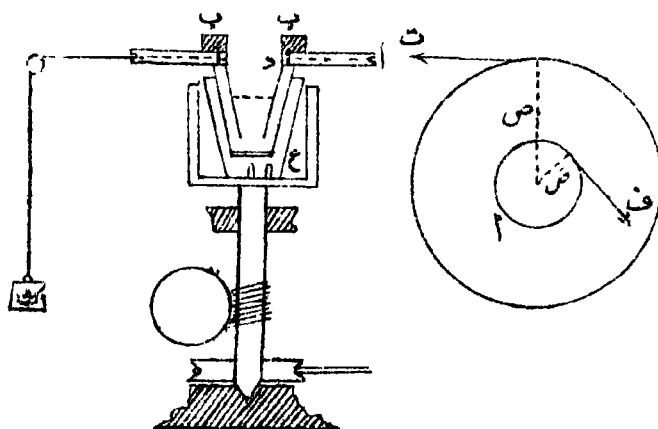
دو دھاتی مخروط d اور e (شکل ۱۳۱) لیے جاتے ہیں جو ایک دوسرے کے اندر خوب چھنس کر بیٹھتے ہیں بیرونی مخروط پر قوت لگا کر گھمایا جاتا ہے۔ اس عمل کے لیے مخروط کو ایک ایسے اتھرائی مکے (Spindle) سے ملحق کر دیتے ہیں جو ہاتھ سے گھومنے والے آڑھ سے کے ذریعہ چلایا جاتا ہے۔ اندرونی مخروط کو

گھومنے سے باز رکھتے ہیں۔ اس کا نتیجہ یہ ہوتا ہے کہ تماسی سطحوں میں رگڑ پیدا ہوتی ہے اور اس طرح پیدا شدہ حرارت مخروطوں کو اور نیز اس مائع (بالعموم پانی یا بعض اوقات پارا) کو گرم کرنے میں صرف ہوتی ہے جو اندرونی مخروط کے اندر رکھا جاسکتا ہے۔

حرارت کی پیدا شدہ مقدار کا تعین مائع کا اضافہ تپش اور برتن کا آب مساوی معلوم کرنے پر موقوف ہے۔

حرارت پیدا کرنے میں جس قدر میکانی کام صرف ہوا، اس کا تخمینہ اس طرح ہو سکتا ہے کہ اندرونی مخروط کو گھومنے سے باز رکھنے کے لیے قابل پیمائش مروڑ لگائی جائے۔ اور بیرونی مخروط کی تعداد گردش گن لی جائے۔

۱ ایک لکڑی کا مدور قرص ہے جو اندرونی مخروط پر ٹکا ہوا ہے اور اس سے دو ثابت پین کے ذریعہ لپکتی ہے۔ اس کو اپنی جگہ پر قائم رکھنے کے لیے اس کے اوپر ایسے کا بوجھ رکھ دیا گیا ہے۔ قرص کے محیط کے ساتھ لی ہوئی ایک ڈوری چرخہ پر سے گزرتی ہے اور اس کو اس کے دوسرے سرے پر بندھے ہوئے معلوم وزن ک (۱۰۰ یا ۲۰۰ گرام) کے ذریعہ کھینچا ہوا رکھتے ہیں۔ جب بیرونی مخروط کھلایا جاتا ہے تو اندرونی مخروط بھی اس کے ساتھ گھومنے کا



شکل ۱۳۱ - حرارت کا مساوی جلی

تقاضا کرتا ہے لیکن اُس قوت کے معیار اثر کی وجہ سے جو ڈوری کے تناؤات کی وجہ سے پیدا ہوتا ہے، یہ گھومنے سے باز رکھا جاتا ہے۔ جب الہ استعمال ہو رہا ہو تو ڈوری کو لکڑی کے قرص کے محیط کے ساتھ ہمیشہ مما سی وضع میں رہنا چاہیے۔

فرض کرو کہ قرص کا نصف قطر ص ہے اور مخروطوں کی تماسی سطحوں کا اوسط نصف قطر ص، اگر ف مخروطوں کے مابین فک (رگڑا) کی اوسط قیمت ہو تو

$$F = V \cdot T \cdot V$$

$$= K \cdot V$$

جہاں ک معلقہ جسم کی کیفیت ہے۔
اندرونی مخروط کے ساکن رہنے کی صورت میں بیرونی مخروط کے ایک پکڑ میں جس قدر کام ہوا وہ ف πr ص کے برابر ہے۔ لہذا ان چکروں میں جو کام ہوگا

$$\pi r \cdot V = F \cdot V$$

اگرچہ ف اور ص کی جدا گانہ قیمتیں صحت کے ساتھ نہیں معلوم کی جا سکتیں، تاہم ف ص کی قیمت مندرجہ بالا مساوات سے معلوم ہو سکتی ہے۔ کام کے لیے اس محصلہ قیمت کو مندرج کرنے سے

$$K = \pi r \cdot V = K \cdot V$$

پس جیلی کام کو ارگ کی رقوم میں محسوب کر سکتے ہیں۔

تجربہ بالہ - حرارت کے معادل جیلی کی تخمینہ دودھاتی مخروطوں کے مابین رگڑتے

ذریعہ - اس تجربہ کی انجام دہی کے لیے یہ لازم ہے کہ مخروطوں کے مابین رگڑ کی مقدار مناسب ہو ورنہ معلقہ وزن کو مقررہ سطح بلندی پر قائم رکھنا غیر ممکن ہوگا۔ عموماً چکناٹے والے تیل کا ایک چھوٹا سا قطعہ اندرونی اور بیرونی مخروطوں کے سطح میں ڈال دینا کافی ہوتا ہے۔ اگر ان مخروطوں کو چکناٹا نہ جلنے کو تماسی سطحیں ایک دوسرے کو ”پکڑ“ لیتیگی۔

تجربے کے آغاز سے قبل مدھن کی مناسب مقدار معلوم کر لیننی چاہیے۔ اس کے لیے چلاؤ پہرہ کو گھما کر آلہ کا امتحان کر لیتے ہیں تاکہ یہ معلوم ہو جائے کہ اس کو کافی جال کے ساتھ گھمانے سے آیا وزن تقریباً ایک مقررہ اونچائی پر برقرار رہتا ہے یا نہیں۔

پہلے دونوں خالی مخروطوں کو ایک ساتھ تول لو اور جب اندرونی مخروط دو تہائی پانی سے بھرا ہوا ہو تو پھر دوبارہ تول لو۔ اس کے بعد مخروطوں کو آٹے میں واپس رکھ دو اور تپش معلوم کرنے کے لیے ایک حساس تپش پیماء داخل کرو۔ اگر احتیاط سے کام لیا جائے تو خود تپش پیماء سے ہلانی کا کام لے سکتے ہیں۔ بعض وقت تپش پیماء کو ایک ٹیکن کے ذریعہ سہارا رکھتے ہیں اور ایک علیحدہ ہلانی کام میں لائی جاتی ہے۔

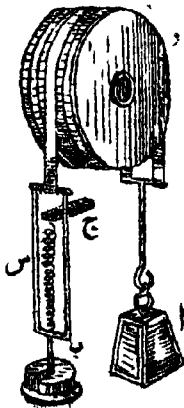
یہ بات اہم ہے کہ اشتعال کی وجہ سے جو نقصان یا کسب حرارت ہو اس کا لحاظ کیا جائے۔ اس کے لیے یہ ضروری ہے کہ تجربہ کے آغاز سے پہلے ایک ایک منٹ کے وقفے سے پانچ منٹ تک تپش پیماء کے مقروئے حاصل کیے جائیں۔ اس کے بعد آلہ پہرہ کو گھما کر حسب ضرورت گردشیں دی جائیں۔ گردشوں کی تعداد معدوم پر زہج کے ذریعہ معلوم ہوتی ہے جو گردش کرنے والے پیکلے کے ساتھ گیرایا ہوا (Geared) ہے۔ اس امر کے لیے کہ اضافہ تپش اتنی مقدار میں حاصل ہو کہ مناسب صحت کے ساتھ اس کی پیمائش ہو سکے یہ ضروری ہے کہ گردشیں کافی تعداد میں دی جائیں۔ اس غرض کے لیے غالباً ۵۰۰ یا ۶۰۰ گردشیں درکار ہونگی۔ اس میں جو وقت صرف ہو لکھ لیا جائے جب عمل ختم ہو جائے تو تپش پیماء کی جانچ اور پھر پانچ منٹ تک ایک ایک منٹ کے وقفے سے تپش پیماء کے مقروئے حاصل کیے جائیں۔ تجربہ کے آگے اور پیچھے ان مقروؤں سے تبدیلی تپش کی اوسط مخرج معلوم ہو جائیگی اور تجربی ویر تجربہ جاری رہا اس وقت کے معلوم ہونے پر اس دور ان

میں اصلی تبدیلی محسوب کر سکتے ہیں۔ مخروطوں کے مابین دگر سے
تپش کے اضافے کا اندازہ کرتے وقت اس تبدیلی کو بھی ملحوظ رکھنا
چاہیے۔

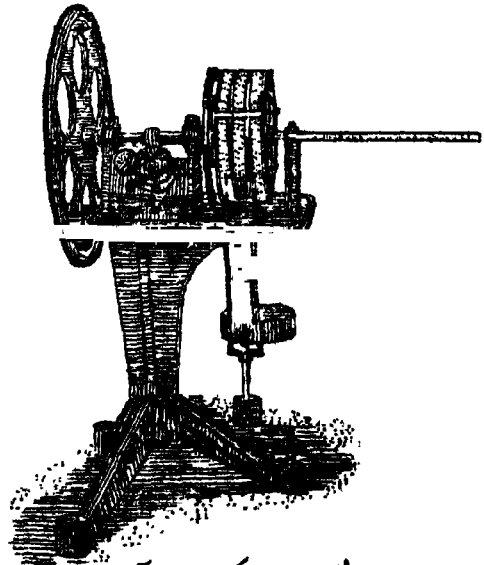
آب مساوی اور اضافہ تپش کی مدد سے پیدا شدہ حرارت کے
حراروں کی تعداد معلوم کرو۔ ایک بڑے سرل چاپ کے ذریعہ لکڑی کے
قرص کا قطر معلوم کرو اور جملہ "کام" 332 ن ک ج ص کو استعمال
کر کے صرف شدہ کام کی مقدار محسوب کرو۔ معادل جیلی کو امرنگ فی حرارہ اور
نیز جول فی حرارہ کی رقوم میں بیان کرنا چاہیئے۔

حرارت کے معادل جیلی کے لیے کیلنڈر کا آلہ

اس قسم کے آلے میں (شکل ۱۳۲) پانی ایک مجوف اسطوانے کے
اندہ رہتا ہے جس کو برقی موٹریا ہاتھ سے گھمایا جاتا ہے۔ اس اسطوانے پر سے



شکل ۱۳۲۔ کیلنڈر کے آلہ کا ڈیٹا میٹر



شکل ۱۳۳۔ کیلنڈر کا آلہ

ریشمی صابٹ پٹی گزرتی ہے جس میں تین فیٹے ہوتے ہیں۔ بیرونی دو فیٹوں کو اُسطوانے کے گرد ایک مرتبہ لپیٹ کر اس کے ایک سرے پر وزن (شکل ۱۳۳) جو کئی کلو گرام (۵ تا ۳) ہوتا ہے، لٹکا دیتے ہیں۔ ان فیٹوں کے دوسرے سرے باقی دانت یا وولکنائٹ (Vulcanite) کے ٹکڑے سے باندھ دیے جاتے ہیں جس سے وسطی فیٹہ کا سرا بھی باندھ دیا جاتا ہے۔ یہ فیٹہ پہلے دو فیٹوں کے بیچ میں سے ہوتے ہوئے اور ان تسلسل قائم رکھتے ہوئے اُسطوانے کے اوپر سے گزرتا ہے۔ اس کے ساتھ ایک جُوا (Yoke) میں اس کے دوسرے سرے پر لگا رہتا ہے اور اس جُوے کے ساتھ ایک چھوٹا سا تقریباً ۲۰۰ یا ۴۰۰ گرام کا وزن ب لٹکا دیا جاتا ہے۔ جُوے کے ذریعہ سرے میں سے ایک کمانی دائرہ ترازد گزرتی ہے جو آلہ کے ڈھانچے کے ساتھ ج پر لٹکی ہوئی ہوتی ہے۔ یہ کمانی وزن ب پر اوپر کی طرف عمل کرتی ہے اور دورانِ تجزیہ میں کسی حد تک ب کو سہارے رکھتی ہے۔ اس کا کام یہ ہے کہ آلے کے عمل کو یکساں رکھے۔

فرض کرو کہ اُسطوانہ پیکانی سمت میں گھوم رہا ہے تو پیٹوں کی رگڑ کی وجہ سے ۱ اوپر چڑھیکا اور ب نیچے گر گیا۔ پٹی کے سروں کے مابین تناؤ کا فرق اُسطوانے اور پٹی کے درمیان رگڑ کی قوت کے برابر ہے۔ اُسطوانے یا ثابت چرخ کی گرد فرکی قوت کا انحصار آزاد سرے کے تناؤ پر ہے (دیکھو صفحہ ۱۴۶)۔ اگر ب کے وزن کو احتیاط کے ساتھ ٹھیک کر لیا گیا ہو تو یہ ممکن ہے کہ جب اُسطوانہ ایک خاص چال سے گھوم رہا ہو تو ب کو ٹھیک طور پر متوازن رکھے۔ بہر حال اگر ب کو ٹھیک اس کے برابر قیمت کے لیے مرتب نہ کیا گیا ہو تو پٹی آہستگی کے ساتھ اُسطوانے کی سمت گردش میں یا اس کے برخلاف سمت میں حرکت کرنے لگیگی بلحاظ اس کے

۱۔ ریشمی پٹی صاف اور خشک رہنی چاہیے اور جب آلہ استعمال میں نہ ہو تو اس کو کاغذ کے لفافے میں علحدہ لپیٹ کر رکھ دینا چاہیے۔

کہ ب اس خاص مقدار سے لپا ہے یا چھوٹا۔ اضافہ پیش، رفتار کی تبدیلی، یا کسی اور سبب سے رگڑ کی قدر میں خفیف سی تبدیلی ہو جائے تو ب کو دوبارہ ٹھیک کر لینے کی ضرورت ہوگی۔ یا اگر ضابطہ پٹی اور اسٹوانے کے مابین زاویہ تماس میں کسی سرے کے خفیف بہتر از سے فرق پیدا ہو جائے تو پٹی کسی نہ کسی سمت میں حرکت کرنے لگیگی۔

اگر کمائی دار ترازو استعمال نہ کی جائے تو وزن ب کو ترتیب دینا وقت طلب ہوگا۔ اور دوران تجربہ میں متعدد وقفوں پر دوبارہ ترتیب دینے کی ضرورت پڑتی رہیگی۔ کمائی کے ذریعہ مندرجہ ذیل طریقے پر اس وقت طلب ترتیب کی ضرورت باقی نہیں رہتی: اگر کسی آن میں فرکی قوت بہت زیادہ ہو گئی ہو تو ب نیچے کی طرف حرکت کرنے لگتا ہے۔ اور اس طرح اس کے وزن کا کچھ حصہ کمائی پر آ جاتا ہے۔ اس حصہ وزن کے کم ہو جانے سے اسٹوانے پر پٹی کی فرکی قوت کسی قدر کم پیدا ہوتی ہے اور اس طرح ب کی زیرین حرکت روک دی جاتی ہے۔ رگڑ کی قوت میں زوال کی وجہ سے ب اوپر اٹھنے لگتا ہے۔ اور پھر اس کا وزن پٹی پر زیادہ اچھی طرح پڑتا ہے۔ اور لازماً رگڑ بڑھ جاتی ہے۔ پٹی کی حرکت دوبارہ بند ہو جاتی ہے۔ کسی اسٹوانے کے گرد اس طرح ضابطہ پٹی کے انتظام کو ڈینامومیٹر (Dynamometer) کہتے ہیں۔

فرکی قوت (ت - تب) کے برابر ہے۔ جہاں ت کا وزن ہے اور تب وہ فرق ہے جو ب کے وزن اور کمائی دار ترازو کی لگائی ہوئی قوت کے مابین ہے۔ یہ تمام قوتیں ڈائنوں (Dynes) میں ناپی جانی جائیں گی۔ صرف شدہ کام کی مقدار اسٹوانے پر لگائے ہوئے فرکی جفت اور نیم قطریوں میں اسٹوانے کے گردشی زاویے کے حاصل ضرب کے برابر

۱۔ ٹوس سلوں کے مابین رگڑ کی قوت ان کی اضافی رفتاروں کے تقریباً غیر تابع تو ہوتی ہے مگر تعلق غیر تابع نہیں ہوتی۔

ہے۔ پس ن گردشوں میں جو کام کیا گیا $2\pi n$ (ت - ست) ص کے برابر ہے۔ جہاں ص اُسٹوانہ کا نصف قطر ہے۔
گردشوں کی تعداد کا تعین گردش معقد کے ذریعہ کیا جاتا ہے جو اُسٹوانے کی دھری پر لگا دیا جاتا ہے۔

گردشوں کی ایک معلومہ تعداد کے لیے پیدا شدہ حرارت کا تعین پانی کی تپش کے اصل نے اور اُسٹوانے اور اُس کے مانیہ کے حرارتی متبادل کے حاصل ضرب کے ذریعہ معلوم کیا جاتا ہے۔ ایصال کے ذریعہ نقصان حرارت کو دفع کرنے اور حرارتی متبادل کو ایک خاص قیمت پر رکھنے کی غرض سے اُسٹوانے کو باقی دانت یا ولکنائیٹ (Vulcanite) کی گول میخوں پر چڑھا دیتے ہیں جو اُسٹوانے کے محیط پر چھ جگہ لگی ہوتی ہیں۔ ان گول میخوں کے ذریعہ اُسٹوانہ چلاؤ فرص اور مکمل کے ساتھ ملحق ہوتا ہے۔ اُسٹوانے کے سرے کی تختی میں ایک سوراخ ہوتا ہے جس میں سے تپش پیا داخل کرتے ہیں اور اُسٹوانے کے اندر پانی ڈالا جاتا ہے۔ تجربہ سے پہلے اُسٹوانہ کو نصف پانی سے بھر لیتے ہیں اور اندر ڈالنے سے پہلے پانی کا وزن و گرام معلوم کر لیا جاتا ہے۔ جب اُسٹوانہ گھومتا ہے تو پانی کو بھی گردش حرکت ملتی ہے اور یہ بھی اُسٹوانے کے ساتھ ساتھ گھومنے لگتا ہے۔ اس کو اُسٹوانے سے باہر نکل جانے سے صرف مرکز گریز قوت روکتی ہے۔ جس کی وجہ سے وہ کنارے کے ساتھ ہمیشہ ملا رہتا ہے۔

اس آلہ کا تپش پیا ایک خاص وضع کا ہوتا ہے۔ یہ خمیدہ ہوتا ہے تاکہ اس کا جوفہ اُسٹوانے کے کنارے کے قریب اور اندر رہے اور درجہ دار تہ مرکزی سوراخ سے باہر نکلا رہتا ہے۔ اس کو شکل ۱۳۲ میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب جکڑ دیا جاتا ہے۔ پانی ہونے سے ٹکراتا ہوا گزرتا ہے اور تپش پیا پر اس کی تپش مندرج ہوتی جاتی ہے۔ گردش حرکت سے پانی اچھی طرح متاثر ہوتا ہے اس کا نتیجہ یہ ہے کہ سارے مائع میں تپش کی یکسانی پیدا ہو جاتی ہے۔ چونکہ تپش پیا ایک جگہ قائم

رہتا ہے اس لیے دوران تجربہ میں کسی آن بھی تپش لینے میں اس سے مدد ملتی ہے۔ اس لیے یہ ممکن ہے کہ اگر ضرورت ہو تو وقت و تپش کا منحنی کھینچ سکتے ہیں اور اس منحنی کی مدد سے انتہائی تپش کے لیے انفعالی نقصانات کی تصحیح بھی کر سکتے ہیں (صفحہ ۳۶۳)۔ اسطوانے کا آب مساوی اس کی کمیت تک اور حرارت نوعی بخ کے ذریعہ معلوم ہو سکتا ہے۔ صرف شدہ کام اور پیدا شدہ حرارت کے ذریعہ حرارت کا معادل جیلی جو مساوات

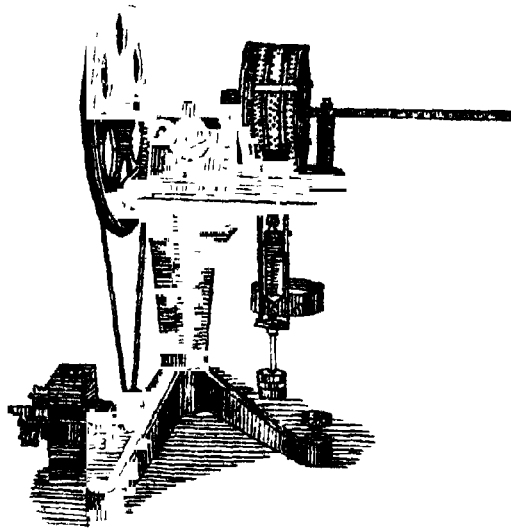
کام = جوح
کے ذریعہ متعین ہو جاتا ہے۔ صرف شدہ کام کی مقدار 273 N (ت - ت) سے حاصل ہو جاتی ہے۔

ح پیدا شدہ حرارت کی مقدار ہے اور (و + ک بخ) (تتم - تتم) کے مساوی ہے جہاں تتم اور تتم اوسطوانے کے اندر پانی کی ابتدائی اور انتہائی تپشیں ہیں۔

تجربہ ۱۱۲۔ کیلنڈر کے آئے کے ذریعہ حرارت کے معادل جیلی کی تخمینہ آئے کو ہاتھ سے یا موٹر کے ذریعہ چلانے کے لیے ترتیب دیتے ہیں۔ نرم کپڑے پر کوئی رقیق دھاتی پالش ڈال کر اس سے اسطوانہ کی گھرنے والی سطح کو بڑی احتیاط کے ساتھ پالش کرو۔ ضابطہ بیڑوں کو شکل E میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب ترتیب دے دو۔ سرے پر ۵ کلو گرام اور سرے ب پر ۲۰۰ گرام کا بوجھ لگاؤ اور نیز کمائی دائرہ ترازو کو آئے کے ڈھانچے کے ساتھ ج پر لٹکاؤ۔

پانی کی اتنی مقدار ملاؤ جو اسطوانے کو تقریباً اُس کے مرکزی سوراخ تک چڑھ کر سکے۔ اندازاً ۳۰۰ اور ۵۰۰ کھپ سم کے درمیان پانی کی ضرورت ہوگی۔ فرض کرو کہ اس کی کمیت

و گرام ہے۔ پانی کو اُسٹوانے کے اندر داخل کرو۔



شکل ۱۳۱۔ کیلنڈر کا آلہ موٹر کے ذریعہ چلانے کے لیے
(کیمبرج سائنٹفک انسٹرومنٹ کمپنی)

پیش پیمائے کے جوئے کو اُسٹوانے کے اندر رکھ دو اور اس کو اُس قبضہ کے اندر جو آلے میں لگا ہوا ہے، اس طرح جگا دو کہ پیش پیمائے کا تسمہ اُسٹوانے کے محور کی سمت میں باہر نکلا رہے۔ جوئے داخل کرنے کے وقت غایت احتیاط کی ضرورت ہے کیونکہ موٹر کے مقامات پر پیش پیمائے آسانی سے ٹوٹ جاتا ہے۔

موٹر چلا دو اور اس کی جال کو یا ۱ اور ب کی کمیتوں کو مرتب کرو تا آنکہ اُسٹوانے کے گھومنے پر پٹی ساکن رہے۔ اس امر کی احتیاط کرنی چاہیے کہ بجرا، آلہ نئے ڈھانچے کو مس نہ کرنے پائے اور نیز کمائی دار ترازو کا نمائندہ

پیمانے کے دونوں سروں سے کافی دُور ہٹا رہے۔ جب یہ انتظار ختم ہو جائیں تو موٹر روک دی جاتی ہے اور پانی کو ساکن ہونے کا موقع دیا جاتا ہے۔ پانی کی تپش t_m اور گردشی مُقدّر کے مقروضے حاصل کر لیے جاتے ہیں۔

اب اصلی تجربے کو انجام دینے کے لیے موٹر چلا دو اور اُسٹوائے کی ہر پچاس یا ایک سو گروٹوں کے لیے پانی کی تپش پڑھ لو۔ تپش کے مقروضوں کے ہر جوڑے کے درمیان کمائی دار ترازو کا کھنچاؤ بھی رکھیے رہو تاکہ اضافہ تپش کے اس حصے میں کمائی کی اوسط قوت کا اندازہ ہو سکے۔ کل تجربے میں جتنا وقت لگے اُس کو بھی لکھ لو۔

ایک ہزارہ (یا کوئی اور مناسب تعداد) چکروں کے بعد موٹر روک دو اور جب پانی ساکن ہو جائے تو تپش t_m حاصل کرو۔ اس کے بعد آلے کو اتنے ہی وقت کے لیے چھوڑ رکھتے ہیں جتنا کہ تجربہ میں صرف ہوا تھا۔ اس دوران میں تپش کی کسی معلوم کر لیتے ہیں۔ فرض کرو کہ یہ کمی صف t_m ہے۔

دوران تجربہ میں تپش کی جو اوسط زیادتی ماحولی تپش پر ہوتی ہے وہ آخری زیادتی کا نصف ہے۔ لہذا دوران تجربہ میں نقصان حرارت کی اوسط شرح اختتام تجربہ پر نقصان حرارت کی شرح کا نصف ہوگی۔ پس تجربہ کے دوران میں اشعاعی تقسیم کے لیے مشاہدہ کردہ اضافہ تپش میں $\frac{t_m}{2}$ جمع کر دینے سے ہیں

$$X = (t_m - t_m) + t_m$$

حاصل ہوگا جہاں X دوران تجربہ میں پیدا شدہ حرارت کی مقدار ہے۔ اس جملے میں کہ اُسٹوائے کی قیمت ہے اور X اُسٹوائے کے مادہ کی (جو عموماً پیتل ہوتا ہے) حرارت نوعی ہے۔ k کی قیمت اُسٹوائے کے سرے پر آلہ ساز خود کندہ کر دیتے ہیں۔

صرف شدہ کام کی پیمائش کے لیے یہ ضروری ہے کہ اسطوانہ کا قطر معلوم کیا جائے۔ فرض کرو کہ ص ہے۔ پیٹی کے دونوں سروں کے مابین تناؤ کے فرق سے فرکی قوت حاصل ہو جائیگی۔ فرض کرو کہ کمائی دار ترازو کے مقروڑوں کی اوسط قیمت ۱۱ گرام ہے۔ پس پیٹی کے اُس سرے پر جس پر کہ ب لٹکا ہوا ہے تناؤ ت (ب - ۱۱) گرام وزن کے برابر ہوگا۔
پیٹی کے دوسرے سرے پر تناؤ ت' ۱۱ گرام وزن کے برابر ہے۔
پس اس طرح فرکی قوت ذیل کے جملہ سے حاصل ہو جائیگی :-

$$ف = (ت - ت') \times ۱۱ = (ب - ۱۱) \times ۱۱ \text{ ج ڈائین}$$

یہ قوت اسطوانے کے احاطہ کے گرد عمل کرتی ہے اور رگڑ کی وجہ سے پیدا ہونے والا جفتہ

ف ص ڈائین سر ہے۔

اور ن گردشوں میں جو کام ہوتا ہے وہ برابر ہے

$$۲۲ ن ف ص ارگ کے$$

پیدا شدہ حرارت ح اور صرف شدہ کام کی مقدار کو گردشوں کی ایک خاص تعداد کے لیے محسوب کرو۔ اور مساوات ذیل کی مدد سے معادل جیسی

”جو“ کو شمار کرو :-

$$\text{کام} = \text{جو ح}$$

نوٹ :- کیلنڈر کے آلے کا اطمینان بخش استعمال، سطح اسطوانہ پر ابھی پائش حاصل کرنے پر موقوف ہے۔ اس کے لیے کافی احتیاط و توجہ اور وقت کی ضرورت ہوگی خصوصاً جب کہ اس عمل کو تیز سے استعمال نہ کیا گیا ہو۔

فصل ہفتم

رطوبت پیمائی

۱۔ تعریفات

ہوا کی رطوبت پیمائی حالت یا رطوبیت اضافی کی تعریف یوں ہو سکتی ہے کہ یہ ہوا کی فی صد یا کسری سیری سے کسی تپش پر ہوا میں بخارات آبی کی ایک اعظم مقدار موجود رہ سکتی ہے۔ یہ اعظم مقدار اس تپش پر کے آبی بخارات کی سیری کے دباؤ د کے متناظر ہے۔ بخارات کی جو مقدار حقیقتہً موجود رہتی ہے، اس اعظم مقدار کے شاذ ہی برابر ہوتی ہو۔ موجودہ بخارات کی حقیقی مقدار کی تناظر کسری کا بخاری دباؤ د ہوتا ہے جو بالعموم د سے بہت کم ہوتا ہے۔ موجودہ بخارات آبی کی کمیت د کے متناسب ہوتی ہے۔ اس سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ کسری سیری کو $\frac{D}{D_0}$ سے یا فی صد $\frac{D}{D_0} \times 100$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

ہوا میں جو آبی بخارات موجود ہوتے ہیں کسی خاص تپش پر ہوا کو سیر کرنے کے لیے کافی ہو سکتے ہیں۔ اگر ہوا کو مقامی طور پر اس تپش سے کم سرد کیا جائے تو جو کوئی چھٹی سطح اس سرد شدہ ہوا میں کھلی رہے گی، اس پر شبنم جمع ہو جائیگی؛ اس تپش سے کو نقطہً خفتم کہتے ہیں۔

تقرب کے بہت ہی قریب درجہ تک نقطہ شبنم پر جو سیری کا بخاری دباؤ (س - ب - د) ہوتا ہے، اس کو ہوا میں موجودہ بخارات کے دباؤ کے مساوی فرض کر سکتے ہیں۔ پس اگر ہم نقطہ شبنم معلوم کر سکیں تو اس سے ہوا کی رطوبت پیمائی حالت حاصل کر سکتے ہیں کیونکہ جدولوں (دیکھو صفحہ ۴۱۶) کی مدد سے کسی تپش پر بخاراتِ آبی کے لیے سیری کا بخاری دباؤ معلوم ہو سکتا ہے۔ پس

$$\text{رطوبت پیمائی حالت} = \frac{\text{نقطہ شبنم پر س - ب - د}}{\text{ہوا کی تپش پر س - ب - د}}$$

۲۔ نقطہ شبنم کی تعیین کے طریقے

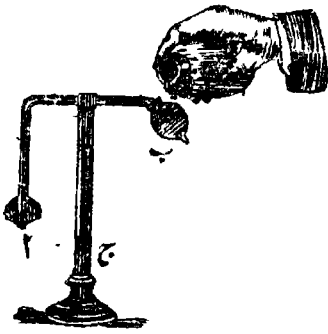
رطوبت پیما

مقامی طور پر ہوا کو سرد کرنے کا طریقہ یہ ہے کہ ایک دھاتی جہلا سطح کو سرد کیا جائے۔ جب اس پر شبنم جمع ہو جاتی ہے تو یہ جہلا سطح دھندلی ٹر جاتی ہے اور زیادہ شفق ہونے کی صورت میں شبنم کا ذرا سا شائبہ بھی معلوم کر لیا جاسکتا ہے اب اگر اس وقت سطح کی تپش حاصل کی جائے تو وہی تپش نقطہ شبنم ہوگی۔ اس مقصد کے لیے جو آلہ بنایا جاتا ہے اُسے رطوبت پیما کہتے ہیں۔

دانیالی رطوبت پیما

نمک ۱۲۔ میں دانیالی رطوبت پیما دکھایا گیا ہے۔ آلہ کی اس

صورت میں دھاتی سطح ایک طلائی پٹی ہوتی ہے جو شیشے کے زیرین جوئے کے ساتھ چسپاں کر دی گئی ہے۔ اس جوئے کے اندر پیش پیا ہوتا ہے جس کا تنہ اس نلی کے سرے تک جاتا ہے جو اس جوئے کو ٹیکن کی دوسری جانب کے ایک دوسرے جوئے ب کے ساتھ ملحق کرنی ہے۔ ان جوئوں اور الحاقی نلی میں صرف ایٹھر اور ایٹھر کے بخارات ہوتے ہیں۔



شکل ۱۳۵۔ دانیالی رطوبت پیا

بالائی جوئے کو ڈھکے ہوئے کپڑے پر ایٹھر ڈالنے اور اس کو جلد تر بخیر کا موقع دینے سے یہ جوئے سرد ہو جائیگا۔ جوئے کے اندر کے ایٹھری بخارات کی تکثیف ہوگی اور ان کی جگہ وہ بخارات لے لینگے جو دوسرے جوئے میں سے نکلتے ہیں۔ بالائی جوئے میں تکثیف جاری رہے گی اور تکثیف شدہ بخارات کی جگہ پر کرنے کے لیے زیرین جوئے میں سے بخارات آتے جائیں گے۔ اور اس طرح زیرین جوئے میں اس وقت تک مسلسل بخیر جاری رہے گی جب تک کہ بالائی جوئے سرد کیا جا رہا ہو۔ اس کی پیش میں کیساں زیرین جوئے کے اندر بخیر کی وجہ سے اس کی پیش میں کیساں طور بخیر ہوتی جائیگی اور آخر کار طلائی پٹی نقطہ شبہم تک سرد ہو جائیگی جب شبہم کے پہلے شاہیے نظر آئیں تو آلے کے اندر آلے پیش پیا کی پیش لے لی جاتی ہے۔ اور ساتھ ہی کمرہ کی ہوا کی پیش بھی معلوم کرنی جاتی ہے اس غرض کے لیے بالعموم آلے کی ٹیکن پر ایک دوسرا پیش پیا چڑھا دیا جاتا ہے۔

ان پیشوں میں سے پہلی پیش کو نقطہ شبہم مان لیتے ہیں اور ان مشاہدات کی بناء پر رطوبت پیمائی حالت محسوب کی جاتی ہے۔

یہ آلہ کوئی اچھی قسم کا نہیں ہے۔ آلے کا اندرونی تپش پیمائے
پٹی سے اس طرح پر مجدار ہوتا ہے کہ ان کے مابین مایع کی کم از کم ایک
سم موٹی تہ ہوتی ہے۔ اور علاوہ بریں شبہنم کی اتنا ۲ ممر موٹی پرت بھی ہوتی
ہے۔ مایع عملی طور پر بالکل مساکن رہتا ہے۔ اور خود مایع میں تپش کے
بہت زیادہ تغیرات کا امکان ہے۔ نیز شبہنم خود ناقص موصل حرارت ہے۔
اس سے یہ نتیجہ اخذ ہوتا ہے کہ تپش پیمائی تپش پیمائی پٹی کی تپش سے
۱ تا ۲ درجہ کم ہوتی ہے۔ لہذا نقطہ شبہنم کے لیے حاصل کردہ قیمت اسی
حد تک غلط ہو سکتی ہے۔

اس قسم کے آلے کے متعلق اور بھی اعتراضات ہیں۔ آلے کے
چاروں طرف ہوا ایئر کے ذرات سے لدی ہوتی ہے اور علاوہ بریں
شرح تبرید کو منظم نہیں کر سکتے۔ اس کا تعین محض کپڑے پر ایئر کی بخیر
کی شرح سے ہوتا ہے۔

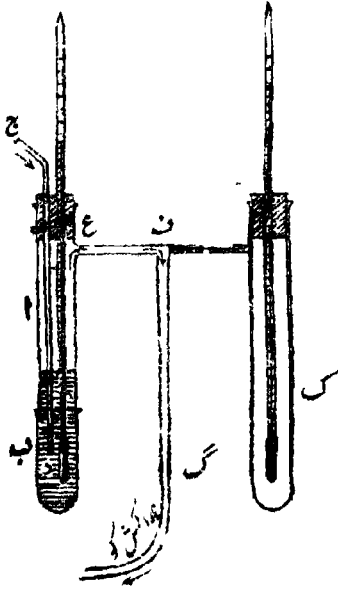
تپش پیمائی — دانیالی رطوبت پیما کے ذریعہ
نقطہ شبہنم کی تعین — آلے کی ٹیکن پر لگے ہوئے
تپش پیما کے ذریعہ کمزور کی ہوا کی تپش معلوم کرو۔ اوپر والے جوئے
کے اطراف لپٹی ہوئی ٹلس پر تھوڑا سا ایئر ڈالو اور طلائی پٹی کو
شبہنم کے ابتدائی شاخے پیدا ہونے تک دیکھتے رہو۔ اگر اس
کی سطح کو لمبی کاغذ کی بنی ہوئی بتی یا کسی بر کے ذریعہ چھوتے
رہیں تو شبہنم کی موجودگی کا پتہ زیادہ سہولت سے لگے گا۔ جوں ہی
شبہنم کا جمع ہونا پایا جائے فوراً ہی آلے کے اندرونی تپش پیما
کی تپش پڑھ لو۔

صفحہ ۴۲۲ پر دی ہوئی جدول کے ذریعہ ان دونوں
تپشوں کے مقررہ سیری کا بخاری دباؤ معلوم کرو۔ اور اس سے
مرطوبیت اضافی کو محسوب کرو۔

رینو کا رطوبت پیم

اگر مہینو کا تجویز کردہ رطوبت پیم درست طریقہ سے تیار کیا جائے اور مناسب طور پر استعمال کیا جائے تو دانیالی رطوبت پیم کے نقص سے بچ سکتے ہیں۔ شیشے کی ایک کھلی نلی ۱ کے زیرین سرے پر ایک تقری ٹی بی بٹھا دی جاتی ہے (دیکھو شکل ۱۳۶)۔ اس میں ایٹھر کی اتنی کافی مقدار رکھی جاتی ہے کہ تقری ٹی بی بڑھ جائے۔ اور ایٹھر میں ایک پیش پیم ڈوبا رہتا ہے۔ دونوں ج ڈ اور ع ف کے ذریعہ جو شکل میں دکھائے ہوئے طریقے کے بموجب لگائی گئی ہیں، آلے میں سے ہوا کی روکھینچی جاتی ہے۔ ہوا بلبوں کی شکل میں مائع میں سے ہوتی ہوئی جانبی نلی گ کے ذریعہ مکمل جاتی ہے۔ جب ہوا بلبے بن کر نکلتی ہے تو ایٹھر کے بخار سے لد جاتی ہے اور اس تیز بخیر کے عمل سے مائع کی پیش گر جاتی ہے۔ چونکہ یہ مائع تقری ٹی بی اور پیش پیم دونوں سے راست تماس میں ہے اور نیز ہوا کے بلبوں کے ذریعہ اچھی طرح ہلایا جاتا ہے اس لیے پیش پیم مائع اور تقری ٹی بی میں ایک ہی پیش پیم بنے۔ جوں ہی نقطہ شبنم کی پیش پیم بنتی ہے، شبنم بننے لگتی ہے۔ پس جس وقت ٹی بی پر ابتدائے شبنم دکھائی دے تو اس وقت پیش حاصل کر لینے سے نقطہ شبنم کافی صحت کے ساتھ معلوم ہو جاتا ہے۔

تجربہ ۱۱۲۔ رینو کے رطوبت پیم سے نقطہ شبنم کی تعیین۔ شیشے کی چھوٹی نلی کو پراکش کے ساتھ جوڑ دو۔ ابتدائے ہوا کی تیز رو سے کام لے کر نقطہ شبنم کو مہرزی طریقے پر معلوم کر لینا چاہیے۔ اس میں تدریج سرعت کے ساتھ



شکل ۱۳۶ - رینو کا رطوبت پیمائے

ہوگی اور شبنم اُس وقت تک
مشاہدہ نہ ہوگی جب تک
پیش اصلی نقطہ شبنم سے
کسی قدر نیچے نہ گر جائے۔
اگر اُس وقت ہوا کی رو
روک دی جائے تو تمام آلہ
آہستگی کے ساتھ گرم
ہوگا اور شبنم غائب ہو جائیگی۔
وہ تپش جس پر شبنم غائب
ہو لکھ لی جائے۔ یہ اصلی
نقطہ شبنم سے زیادہ قریب
ہوگی بلنبت اُس قیمت
کے جو پہلے پہل حاصل
کی گئی تھی۔ لیکن یہ کسی قدر
زیادہ ہوگی۔

اب ہوا کش کو دوبارہ چالو کیا جاتا ہے لیکن اس طرح
پر کہ آلہ میں سے ہوا کی بالکل دھیمی رو بہتی رہے۔ اس عمل
سے پیش پھر گرنے لگتی ہے۔ لیکن یہ عمل بہت سست ہوگا
اور نقطہ شبنم کے پہنچنے کے بعد ہی فوراً شبنم کی موجودگی کا علم ہو
جائیگا۔ اس طرح نقطہ شبنم کی صحیح ترقیمت حاصل ہوگی۔
حب صراحت بالا آلے کو متواتر ٹھنڈا کرنے اور پھر
گرم ہونے کا موقع دینے سے بالآخر شبنم کے نمودار اور غائب
ہونے کے لیے ایسی تپشیں حاصل ہونگی جن میں ایک درجے
کے ۰.۲ حصے سے زیادہ فرق نہیں رہیگا۔ جب یہ صورت پیدا
ہو تو نقطہ شبنم ان کا اوسط لیا جاسکتا ہے۔ نلی ک کے اندر

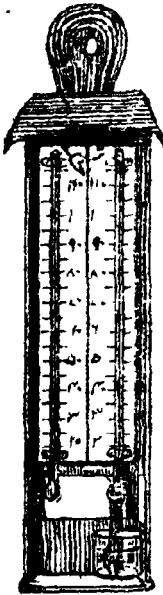
کے پیش پیا سے کمرو کی پیش معلوم ہوگی۔
صفحہ ۲۲۶ کی جدول کی مدد سے نقطہ شبہم کے متناظر
اور نیز کمرے کی پیش کے لیے بھی سیری کا بخاری دہاؤ معلوم کرو۔
اور اس سے مرطوبیت اضافی کی قیمت محسوب کرو۔

نوٹ - شبہم کا ذرا سا بھی شائبہ معلوم کرنا ہو تو یہ امر
باعث سہولت ہوگا کہ ایک لمبا خشک پریا خط لکھنے کے کاغذ کے
ایک ورق کو بتی کی طرح پیٹ کر استعمال کریں۔ اس کو ایک سرے
سے پکڑ کر رکھیں اور تقری ٹوپی کو کاغذ کی بتی یا پر کے دوسرے
سرے سے آہستہ آہستہ ڈکرتے جائیں۔ اس طریقے سے ذرا سا بھی
جمع شدہ شبہم کا پتہ چل جائیگا۔ کیونکہ جب بھیگی ہوئی سطح پر کاغذ کی
زد ہوگی تو اس جگہ کی سطح زیادہ جلد از نظر آئیگی۔ تجربہ کے دوران
میں تقری ٹوپی سے ۲۰ سمر فاصلے کی حد کے اندر ہاتھ نہ پہنچنا
چاہیے۔ اور مشاہدہ اور آلہ کے درمیان شیشے کی ایک بڑی تختی
حائل ہونی چاہیے۔ تجربہ ایسی جگہ پر انجام نہ دیا جائے جہاں پانی
کی ایک وسیع سطح کھلی ہوئی ہو۔

بہت سے آلہ ساز ایک سالم امتحانی نلی لے کر اس کے سرے پر
تقری ٹوپی چڑھا دیتے ہیں اور اس کو سرینو کے رطوبت پیا کے نام سے
فروخت کرتے ہیں۔ اس قسم کے آلے کے استعمال میں پیش پیا اور
تقری سطح کے مابین ایک ناقص موصول واسطہ رکھنے سے وہی خطاء از سر نو
شریک ہو جاتی ہے جس کو رفع کرنے کے لیے رینو کا آلہ تجویز کیا گیا تھا۔
ایسی حالت میں امتحانی نلی کا سرا ریتی سے کاٹ کر تقری ٹوپی کو
نلی سے چمٹا دینا چاہیے تاکہ نلی تقری ٹوپی سے ڈھکی رہے اور یہ ٹوپی
ایسرے راست تماس میں ہو۔

خشک اور تر جوفہ دار رطوبت پیم

ایک ہی ٹیکن پر دو پیش پیم لگا دیے جاتے ہیں۔ ایک تو ہوا میں کھلا رہتا ہے اور دوسرے کے جوفے کو اطراف سے کپڑے میں ڈھک دیتے ہیں۔ اس کپڑے کے زیرین سرے کو پانی کے ایک برتن (شکل ۱۳۷) میں ڈوبا ہوا



رکھ کر ترکھا جاتا ہے۔ ہوا جس قدر خشک ہوگی اُسی قدر تیزی کے ساتھ تر جوفے میں بخیر ہوگی اور اس کی پیش اُسی قدر کم ہوگی۔ ان دونوں پیشوں کو پڑھنے سے رطوبت پیمانی حالت کا اندازہ ہو سکتا ہے۔

سرینو کا رطوبت پیم مقابلے کے لیے استعمال کر کے ان مقروؤں کو متحول کرنے کے لیے آزمائشی طور

پر جدولیں تیار کر لی گئی ہیں۔ اس قسم کی ایک جدول صفحہ ۲۱۱ پر دی گئی ہے۔

شکل ۱۳۷۔ خشک اور تر جوفہ دار رطوبت پیم

(Meteorologists)

گو اس آلہ کو ماہرین شہابیات بہت کثرت سے استعمال کرتے ہیں لیکن راست طور پر اس کی کوئی علمی قدر نہیں ہے۔

فی لیٹر کرہ ہوائی میں بخارات آبی کی کمیت کا شمار ایک لیٹر اینڈروجن کا وزن ط - ت - ۵ پر ۰۹ گرام ہوگا۔

کسی دباؤ د حر اور تپش تہ پر اس کی کمیت

$$\frac{263}{290} \times \frac{2}{290} \times 290$$

اب ہمارے پاس بخارات آبی تپش تہ (نقطہ شبنم) اور پیمائش کردہ دباؤ د حر پر موجود ہیں۔ ایک ہی حالات کے تحت بخارات آبی ہائڈروجن سے ۹ گنا زیادہ کشیف ہوتے ہیں۔ پس فی لیٹر موجودہ بخارات آبی کی کمیت

$$\frac{263}{290} \times \frac{2}{290} \times 290$$

بعض اوقات یہ اعتراض کیا جاتا ہے کہ بخارات آبی ہوا کی تپش اور د حر دباؤ پر موجود رہتے ہیں۔ لہذا مندرجہ بالا جملے میں تہ کے بجائے ت یعنی ہوا کی تپش درج ہونی چاہیے۔ حساب کرنے کے لیے کوئی سا طریقہ اختیار کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ ان میں سے کوئی ایک جملہ استعمال کرنے میں جو فی صد خطاء (اگر کوئی ہے) ہوتی ہے، وہ اُس فی صد خطاء سے بدرجہا کم ہوتی ہے جو د معلوم کرنے میں پیدا ہوتی ہے۔ بخارات آبی کی کمیت فی لیٹر کی تعیین کمیائی طریقوں سے بھی ہو سکتی ہے، اس کے لیے ہوا کی ایک معلوم کمیت کو پہلے سے تولی ہوئی خشک کرنے والی نلیوں کے راستے ٹھینچا جاتا ہے اور ان نلیوں میں جذب شدہ بخارات کی کمیت معلوم کی جاتی ہے۔

تراور خشک جو فہ دار رطوبت پیم

مندرجہ ذیل جدول میں پہلے انتصابی خانہ سے خشک جو فہ والے تپش پیمائی پیشین ملی ہیں اور پہلی افقی سطریں دونوں تپش پیمائوں کا فرق دیا گیا ہے۔ باقی اعداد سے بوقت مشاہدہ جو حقیقی بخاری دباؤ ہو حاصل ہو جاتا ہے۔ جب ہوا سیر شدہ ہو تو دونوں تپشوں کا باہمی فرق صفر ہے اور میں حالت دوسرے انتصابی خانہ سے بخاری دباؤ حاصل ہوگا۔

ت‌م	صفر	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
۰	۴۶۶	۴۶۷	۴۶۹	۴۷۱	۴۷۳	۴۷۵	۴۷۷	۴۷۹	۴۸۱	۴۸۳	۴۸۵
۱	۴۶۹	۴۷۰	۴۷۲	۴۷۴	۴۷۶	۴۷۸	۴۸۰	۴۸۲	۴۸۴	۴۸۶	۴۸۸
۲	۴۷۳	۴۷۴	۴۷۶	۴۷۸	۴۸۰	۴۸۲	۴۸۴	۴۸۶	۴۸۸	۴۹۰	۴۹۲
۳	۴۷۷	۴۷۸	۴۸۰	۴۸۲	۴۸۴	۴۸۶	۴۸۸	۴۹۰	۴۹۲	۴۹۴	۴۹۶
۴	۴۸۱	۴۸۲	۴۸۴	۴۸۶	۴۸۸	۴۹۰	۴۹۲	۴۹۴	۴۹۶	۴۹۸	۵۰۰
۵	۴۸۵	۴۸۶	۴۸۸	۴۹۰	۴۹۲	۴۹۴	۴۹۶	۴۹۸	۵۰۰	۵۰۲	۵۰۴
۶	۴۸۹	۴۹۰	۴۹۲	۴۹۴	۴۹۶	۴۹۸	۵۰۰	۵۰۲	۵۰۴	۵۰۶	۵۰۸
۷	۴۹۳	۴۹۴	۴۹۶	۴۹۸	۵۰۰	۵۰۲	۵۰۴	۵۰۶	۵۰۸	۵۱۰	۵۱۲
۸	۴۹۷	۴۹۸	۵۰۰	۵۰۲	۵۰۴	۵۰۶	۵۰۸	۵۱۰	۵۱۲	۵۱۴	۵۱۶
۹	۵۰۱	۵۰۲	۵۰۴	۵۰۶	۵۰۸	۵۱۰	۵۱۲	۵۱۴	۵۱۶	۵۱۸	۵۲۰
۱۰	۵۰۵	۵۰۶	۵۰۸	۵۱۰	۵۱۲	۵۱۴	۵۱۶	۵۱۸	۵۲۰	۵۲۲	۵۲۴
۱۱	۵۰۹	۵۱۰	۵۱۲	۵۱۴	۵۱۶	۵۱۸	۵۲۰	۵۲۲	۵۲۴	۵۲۶	۵۲۸
۱۲	۵۱۳	۵۱۴	۵۱۶	۵۱۸	۵۲۰	۵۲۲	۵۲۴	۵۲۶	۵۲۸	۵۳۰	۵۳۲
۱۳	۵۱۷	۵۱۸	۵۲۰	۵۲۲	۵۲۴	۵۲۶	۵۲۸	۵۳۰	۵۳۲	۵۳۴	۵۳۶
۱۴	۵۲۱	۵۲۲	۵۲۴	۵۲۶	۵۲۸	۵۳۰	۵۳۲	۵۳۴	۵۳۶	۵۳۸	۵۴۰
۱۵	۵۲۵	۵۲۶	۵۲۸	۵۳۰	۵۳۲	۵۳۴	۵۳۶	۵۳۸	۵۴۰	۵۴۲	۵۴۴
۱۶	۵۲۹	۵۳۰	۵۳۲	۵۳۴	۵۳۶	۵۳۸	۵۴۰	۵۴۲	۵۴۴	۵۴۶	۵۴۸
۱۷	۵۳۳	۵۳۴	۵۳۶	۵۳۸	۵۴۰	۵۴۲	۵۴۴	۵۴۶	۵۴۸	۵۵۰	۵۵۲
۱۸	۵۳۷	۵۳۸	۵۴۰	۵۴۲	۵۴۴	۵۴۶	۵۴۸	۵۵۰	۵۵۲	۵۵۴	۵۵۶
۱۹	۵۴۱	۵۴۲	۵۴۴	۵۴۶	۵۴۸	۵۵۰	۵۵۲	۵۵۴	۵۵۶	۵۵۸	۵۶۰
۲۰	۵۴۵	۵۴۶	۵۴۸	۵۵۰	۵۵۲	۵۵۴	۵۵۶	۵۵۸	۵۶۰	۵۶۲	۵۶۴

حرارت پر مزید مشقیں

۱۔ دیے ہوئے تپش پیا کے ثابت نقطوں کا تعین کرو اور اس کو دیے ہوئے ٹھوس جسم کا نقطہ اجماع معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو۔
۲۔ غیر درجہ دار تپش پیا، برف اور بھاپ کی مدد سے کمرہ کی تپش معلوم کرو۔

۳۔ دیے ہوئے تپش پیا کو معیاری بناؤ اور اس کو یہ معلوم کرنے کے لیے استعمال کرو کہ دی ہوئی شے گرم کرنے کی صورت میں کس تپش پر بستگی میں آجائگی۔

۴۔ دیے ہوئے مایع کے پھیلاؤ کی اوسط شرح 20°C اور 30°C کے درمیان اور نیز 20°C اور 40°C کے درمیان معلوم کرو۔

۵۔ کسی مایع کا نقطہ جوش معلوم کرو۔ اور بقدر 10°C فی صد دن کوئی ٹھوس شے شامل کرنے سے نقطہ جوش میں جو تبدیلی پیدا ہو اس کا تعین کرو۔

۶۔ اگر شیشے کے کعب پھیلاؤ کی شرح بتا دی جائے تو 20°C اور 40°C اور 60°C پر پانی کی کثافت معلوم کرو۔

۷۔ اسکوئی ترازو کی مدد سے 20°C اور 40°C اور 60°C پر ایک دیے ہوئے مایع کی کثافت معلوم کرو۔ اور یہ دریافت کرو کہ آیا 20°C اور 40°C کے درمیان پھیلاؤ کی شرح وہی رہتی ہے جو 20°C اور 60°C کے درمیان ہے۔

- ۸۔ ایک معلوم حجم کا جو ذہ جس کے ساتھ معلوم قطر کی نلی لگی ہے، استعمال کر کے دیے ہوئے مائع کے ظاہری پھیلاؤ کی شرح دریافت کرو۔
- ۹۔ پانی کے نقطہ انجماد اور نقطہ جوش کے مابین مستقل حجم کی ہوا کے لیے اضافہ دباؤ کی پیشی شرح معلوم کرو۔
- ۱۰۔ یہ ظاہر کرنے کے لیے کہ ہوا کے ایک دیے ہوئے حجم کا دباؤ سیلابی تپش پیمائی بتائی ہوئی تپش کے لحاظ سے کس طرح بدلتا ہے، ایک ترکیب حاصل کرو۔
- ۱۱۔ دیے ہوئے حرارہ پیمائی کا آب مساوی معلوم کرو۔
- ۱۲۔ کسی دھات کی دی ہوئی کمیت کی حرارتی گنجائش معلوم کرو۔
- ۱۳۔ کسی دی ہوئی دھات سے بنے ہوئے ۵۰ گرام وزنی حرارہ پیمائی کا آب مساوی معلوم کرو۔
- ۱۴۔ ایک مائع کی حرارت نوعی معلوم کرو جب کہ ایک ایسے ٹھوس کی حرارت نوعی دی گئی ہے جو مائع مذکور پر کیمیائی عمل نہیں کرتا۔
- ۱۵۔ پیرافنی تیل میں برف شامل کر کے تیل کی حرارت نوعی معلوم کرو۔
- ۱۶۔ دیے ہوئے مائع کی حرارت نوعی، بھاپ کو مائع کے اندر بستہ کر کے معلوم کرو۔ بھاپ کی حرارت مخفی = ۵۴۰ حرارے فی گرام۔
- ہٹاؤ کی حرارت کو نظر انداز کرو۔
- ۱۷۔ تمہیں معلوم وزن کے حرارہ پیمائی میں معلوم وزن کا پانی دیا گیا ہے۔ اس میں بھاپ کو بستہ کرو۔ اور تپش پیمائی مشاہدات کی مدد سے بستہ شدہ بھاپ کا وزن معلوم کرو۔ یہ فرض کرو کہ بھاپ کی حرارت مخفی ۵۴۰ حرارے فی گرام ہے۔
- ۱۸۔ پانی کے ایک دیے ہوئے برتن کو نسبی مشعل پر گرم کرو اور ۴۰° سے ۷۰° تک تپش کے بڑھنے کا وقت معلوم کرو۔ اس کے بعد پانی کو معلوم وقت تک جوش دو اور اس سے بھاپ کی حرارت مخفی کی تقریبی قیمت اخذ کرو۔
- ۱۹۔ دی ہوئی تپش پر گرم پانی سے بھری ہوئی ایسی دو مختلف

امتحانی نلیوں کی شرح تبرید کا مقابلہ کرو جن میں سے ایک نلی پر کاجل اور دوسری پر چاندی کی تہ چڑھا دی گئی ہے۔

۲۰۔ ایک حرارہ پیمائے کے لیے جس میں پانی کی معلوم مقدار موجود ہے تبریدی منحنی مرتسم کرو۔ جب حرارہ پیمائے کی تپش اپنے ماحول کی تپش سے ۲۰ درجہ زیادہ ہو تو کافی ثانیہ صنایع شدہ حراروں کی تعداد محسوب کرو۔

۲۱۔ کمرو کی ایک لیٹر ہوا میں بخارات آبی کی کمیت معلوم کرو۔

۲۲۔ دو مختلف طریقوں سے نقطہ شبنم معلوم کرو۔

۲۳۔ ایک دھاتی سلاح کے ایک خاص مقام پر نشان لگا دیا گیا ہے۔ اگر سلاح کی موصلیت حرارت کی قدر بتا دی جائے تو نشان زدہ مقام پر تپش پیمائے کے استعمال کے بغیر مقام مذکور کی تپش دریافت کرو۔

۲۴۔ آبنوسی تختی کی موصلیت حرارت کی قدر معلوم کرو۔

۲۵۔ آبنوس اور مقوسے کی موصلیت حرارت کی قدروں کا باہمی

مقابلہ کرو۔

۲۶۔ تھیں چینی مٹی کی نلی دی گئی ہے۔ اس چینی مٹی کے لیے موصلیت

حرارت کی شرح معلوم کرو۔

تَمَت



ضمیمہ ب

طولی پھیلاؤ کی شرحیں

ذیل کی جدول میں قیمتیں درج ہیں وہ : ۰ مر اور ۱۰۰ مر کے درمیان
طولی پھیلاؤ کی اوسط شرحیں ہیں :-

۰.۶۰۰۰۰۲۳	رانگ (قلعی)	۰.۶۰۰۰۰۲۲	الومینیم
۰.۶۰۰۰۰۱۴	سونا	۰.۶۰۰۰۰۰۹	پلاٹینم
۰.۶۰۰۰۰۰۲۷	سیسا	۰.۶۰۰۰۰۰۱۹	پیتل
۰.۶۰۰۰۰۰۹۳	شیشہ	۰.۶۰۰۰۰۰۱۷	سائنبا
۰.۶۰۰۰۰۰۱۱	لوہا	۰.۶۰۰۰۰۰۲۹	جست
۰.۶۰۰۰۰۰۰۴۵	گار کا پتھر (بجھلایا ہوا)	۰.۶۰۰۰۰۰۱۹	چاندی

نوعی حرارتیں
اکائی کیت کی حرارتی گنجائش حراروں میں فی گرام درجہ مٹی
ٹھوس

۰.۶۰۵۵	رانگ (قلعی)	۰.۶۰۱۲	الومینیم
۰.۶۰۳۱۶	سونا	۰.۶۰۳۲	پلاٹینم
۰.۶۰۳۱	سیسا	۰.۶۰۹۴	پیتل
۰.۶۰۱۹	شیشہ	۰.۶۰۹۴	سائنبا
۰.۶۰۱۵	لوہا	۰.۶۰۹۴	جست
۰.۶۰۹۱	گار کا پتھر (Quartz)	۰.۶۰۵۶	چاندی

مائعات

۰.۵۵۱۱	پیرافن	۰.۵۵۸	الکول (۴۰ مر)
۰.۵۴۳	تارمین	۰.۵۵۱۴	ایٹھین
۰.۵۵۶۹	گلبرین	۰.۵۰۳۴	پارا

موصلیت حرارت کی قدریں

حرارے (سم) ^۱ (ثانیہ) ^۲ (درجہ سی) ^۳

۰.۵۱۵	رائگ (قلبی)	۰.۵۴	الومینیم
۰.۵۰۰۰۳ (تقریباً)	ربر	۰.۵۱۶	پلاٹینم
۰.۵۰۸	سیا	۰.۵۲ (تقریباً)	پیتل
۰.۵۰۰۱ (تقریباً)	شیشہ	۰.۵۹	ہائٹا
۰.۵۱۴ تا ۰.۵۱۰	لوا	۰.۵۴۹	جست
۰.۵۰۰۰۳ (تقریباً)	مقوہ	۱.۵۰	چاندی

سیر شدہ آبی بخار کا دباؤ

دباؤ پارسے کے ملی میٹر وں میں

دباؤ	تپش	دباؤ	تپش	دباؤ	تپش
۱۵۶۵	۱۸	۸۶۶	۹	۴۶۶	۸۰
۱۶۶۵	۱۹	۹۶۶	۱۰	۴۶۹	۸۱
۱۷۶۵	۲۰	۹۶۸	۱۱	۵۶۳	۸۲
۱۸۶۶	۲۱	۱۰۶۵	۱۲	۵۶۶	۸۳
۱۹۶۸	۲۲	۱۱۶۶	۱۳	۶۶۱	۸۴
۲۱۶۰	۲۳	۱۲۶۰	۱۴	۶۶۵	۸۵
۲۲۶۴	۲۴	۱۳۶۸	۱۵	۶۶۰	۸۶
۲۳۶۸	۲۵	۱۴۶۶	۱۶	۶۶۵	۸۷
		۱۵۶۵	۱۷	۸۶۰	۸۸

فہرست اصطلاحات

عملی طبیعیات

خواص مادہ و حرارت

(بہ ترتیب انگریزی)

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
A		B	
Abscissa	فضلہ	Astronomical observations	{ فلکی مشاہدے
Acceleration	اسراع	Auxiliary scale	معاون پیمانہ
Action and reaction	{ عمل اور ردِ عمل	Axis of rotation	گردشی محور
Adjustment	(آلوں کی) درستی ترتیب	Axis of suspension	محور تعلیق
Analogy	مشابہت	Axis of symmetry	محور متساثل
Aneroid barometer	بے مانع بار پیم	Axle	دھری۔ دھرا
Angle of inclination	زاویہ میلان	B	
Angular motion	زاویائی حرکت	Balance case	ترازو دان
Applications	اطلاقات	Balance-wheel	بال کمانی
Applied force	لگائی ہوئی قوت۔ عامل قوت	Ballistic balance	اندفاعی ترازو
Applied mathematics	عملی ریاضیات	Barometer	بار پیم
Archimedes	آرشمیدس	Base line	بنیادی خط
Arrestment	روک	Block	گٹا
Arrestment of the balance	{ ترازو کی روک	Boiler	جو شامیہ
Aspirator	ہوا کش	Brake-band	ضابطہ پٹی
		Bulk modulus	حجمی مقیاس
		Burette	نظرفک

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
C		Construction	ساخت
	Calculation	تحسب	گھیرا - احاطہ
	Calibration	تعمیر	حملی تہ
	Callipers	سرل چاپ	تبرید
	Calorie	حرارہ	تبرید منحنی
	Calorifer	حرارہ بر دار	مختدی محور
	Calorimetry	حرارہ پیمائی	ڈوری
	Capillarity	شعریت	تصحیح
	Cathetometer	ارتفاع پیم	تصحیحی ترسیم
	Centre of oscillation	مرکز ارتعاش	مناظر توازیات
	Centre of suspension	مرکز تعلیق	
	Chronometer	وقت پیم	مقاطع تار
	Circular scale	مؤثر پیم	انحناء
	Clamp	چمپی	منحنی سطح
	Clock rate	کلاک کی شرح رفتار	اسطوانہ نما
	Coefficient	قدر - ضریح	D
	Collision	تصادم	قسا ارتعاش
	Compensating	ستلانی ڈوری یافتہ	مطبیات - تعدلات
	cord or ribbon		انحراف
	Complicated mechanism	پیچیدگی	بگاڑ
	Computation	تحسب	نکاس نالی
	Conservation	بقا	مقوم علیہ نسب نما
	Conservation of energy	بقا توانائی	کثافت
	Constructed figure	ساختہ شکل	تابع متغیر
		Corresponding	
		parallels	
		Cross-wires	
		Curvature	
		Curved surface	
		Cylindrical	
		Damped oscillations	
		Data	
		Deflection	
		Deformation	
		Delivery tube	
		Denominator	
		Density	
		Dependent variable	

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Derived units	مشتق اکائیاں	Elliptic plate	بیاقصی تختی
Design	تجزیہ	Elongation	تطویل - اضافہ طول
Differential	تفریقی - تفرقی	Energy gained	کسب توانائی
Differential calculus	تفریقی (حصا) حساب	Energy of translation	انتقالی توانائی
Differentiation	تفرق	Equilateral triangle	{ مثلث متساوی الاسطلاع
Dilatation	بسط	Equilibrating force	متبادل قوت
Dilatometer	بسط پیم	Equilibrium temperature	{ متبادل گرمی
Diopres	بصری	Error	خطا
Discrepancy	تناقض	Even	بجنت
Disk, Disc	قرص	Expansibility	پھیلاؤ
Displacement	نقل مکان	Experimental demonstration	{ علمی شیعہ
Divided head	درجہ دار سرا	Experimental determination	{ علمی تعیین
Drum	ڈھول	Experimental methods	علمی طریقے
Dynamic friction	حرکی رگڑ	Experimental observations	{ تجرباتی مشاہدات
Dynamics	علم حرکت	Experimental verification	{ علمی تصدیق
E		Experimenter	مشاہد
Efficiency	استعداد	Exposure	تقریر
Effort	زور	Extension	برعاد
Elasticity	لچک	External force	خارجی قوت
Elastic limit	لچک کی انتہا	Eye and ear estimations	{ عینی اور اذنی تخمینہ
Ellipse	بیضی شکل ناقص - قطع ناقص		
Ellipsoidal	ناقص نما		
Elliptical	بیاقصی		
Ellipticity	بیاقصیت		

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Eye-piece	چشمہ	Friction rider	رگڑا رکب - فرکی رکب
F		Fulcrum	نصاب
		Fusion	اماعت
Factor	جزء (یا جزو) ضربی	Fusion of ice	پختگی اماعت
False zero	کاذب صفر	G	
Finite area	محدود رقبہ		
Fixed centre	ثابت مرکز	Galvanometer	زومیا
Fixed jaw	ثابت جبرٹا	Gaseous phenomena	گسیسی مظاہر
Fixed points	ثابت نقطہ	Gearing	بندش گیری
Fixed pulley	ثابت چرخ	Generator	تولکون
Fluid friction	سیالی رگڑا	Gradient	دھال
Fly wheel	مڑھیا	Graduated quadrant	بیضاء دار ربع
Focus	ماسک	Graduation	دھج بندی
Force	توت	Granular solid	ریزہ دار محسوس
Force acting	توتِ عاملہ	Graphic statics	ترسیسی سکونیات
Force pressing	دبانے والی توت	H	
Forceps	چٹا		
Force ratio	قوتی نسبت	Harmonic motion	موسیقی حرکت
Fraction	کسر	Hinge	قبضہ
Fractional distortion	کسری بگاڑ	Hinge carrier	قبضہ بردار
Frame work	دھانچہ	Hollow	مخوف
Free wheel	آزاد چرخ	Horizontality	افقییت
Friction	رگڑا - رگڑ	Horizontal line	افقی خط
Frictional forces	{ فرکی قوتیں رگڑا کی قوتیں }	Horizontal table	افقی میز
		Hydrometer	مایع میا
		Hydrostatic balance	اسکونی ترازو

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Hygrometry	رطوبت پیمائی	Linear scale	خطی پیمانہ
Hyperbolic logarithm	طبیعی لوگاریتم	Line of action	خطِ عمل
Hypsometer	ارتفاع پیمائے	Load	بوجھ
I		Locus	طریق
Impact	تصادم	Logarithm	لوگاریتم
Inclined plane	سطح مائل	M	
Independent variable	متغیر مستقل	Magnification	تکبیر
Indicator diagram	منظاری نقشہ	Magnified image	تکبیر خیال
Inertia	جمود	Main scale	اصلی پیمانہ
Intervals	وقفے	Major and minor axis	اعظم اور اقل محور
J		Major axis	محورِ اعظم
Jerks	جھٹکے	Manipulation or adjustment	دست درازی اور درستی
K		Mass	کمیت
Kinetic energy	توانائیِ جنبش	Mean solar second	اوسط شمسی ثانیہ
L		Measurement	پیمائش
Lathe	خزاد	Mechanical	میکانیکی
Least count	شمارِ اقل	Mechanical advantage	مناوہِ میکانیکی
Lever	بیرم	Mechanical equivalent of heat	حرارت کا متبادلِ حرکی
Limiting equilibrium	انتہائی توازن	Mechanics	میکانیکی - علمِ حیل
Limiting friction	انتہائی رگڑ	Meniscus	ہلالی سطح
Limiting value	انتہائی قیمت	Mercury reservoir	پارے کا حوضک
Linear	خطی		
Linear dimensions	طولی ابعاد		
Linear motion	خطی حرکت		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Micrometer	خزہ پیم	Observations and readings	مشاہدات اور قراءات
Micrometer eye-piece	خزہ پیم چشمہ	Observed error	مشہودہ غلطی
Micrometer	{ خزہ پیم خود بین	Observer	مشاہد
Microscope		Odd	طاق
Minor axis	محورِ اصغر	Ordinate	معیین
M. m. scale	ممر پیمانہ	Oscillating magnet	مترقش متغایس
Mobility	سیلانیت	Oscillation	اہترار
Modulus	مقیاس	Oscillation method	ارتعاشی طریقہ
Moments	معیار اثر	Outlet pipe	برآمدنی
Momentum	حرکت کا معیار اثر	P	
Motion of rotation	محوری حرکت		
Motion of translation	انتقالی حرکت		
Multiple	اضعاف	Parallax	اختلافِ منظر
N		Parallax error	اختلافِ منظر کی وجہ سے غلطی
		Parallelopiped	متوازی السطح
Nature	نوعیت	Pendulum	رقاص
Newton's law of cooling	{ نیوٹن کا کلیہ تبرید	Pendulum methods	رقاصی طریقے
Normal force	عمود و اُرتوت - عمودی قوت	Pentagon	مخمس
Note-book	بیاض	Periodic motion	دوری حرکت
Null and deflection methods	{ صفری اور انحرافی طریقے	Period of vibration	وقتِ دوران
Null and deflection	{ صفری اور انحرافی طریقے	Permanent distortion	دوامی بدشکلی
methods		Pillar type	ستونی وضع
Nut	دھبہ	Pitch of screw	پیچ کی گمانی
O		Plane surface	سطحِ مستوی
		Planimeter	سطح پیم
Observations	مشاہدے		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Plumb-line	آفتی نمائشاقول	Reading	مقروہ - درجہ خوانی
Pneumatic	ہوائی - ہوادار	Rectangular figure	مستطیل شکل
Pointer	نمائندہ	Rectangular	قائم الزاویہ
Point of application	نقطہ عمل	hyperbola	{
Point of suspension	نقطہ تعلیق	Rectilinear figure	اشکال مستقیم الاضلاع
Pole strength	قطبی طاقت	Registration	ترقیم
Potential energy	توانائی بالقوہ	Regnaults hygrometer	{ رینو کا رطوبت پیم
Power	طاقت	Regular solids	منظم مجسمات
Practical efficiency	عملی استعداد	Relative humidity	مرطوبیت اضافی
Protractor	زاویہ پیم (گونیا)	Restoring couple	واپسی جفت
Pulley	چرخ	Resultant	مائل
Pulley blocks	چرخ کے بلاک	Resultant moment	مائل میما اثر
Q		Resulting graph	ترسیم حاصل
		Retarding force	قوت مزاحمت
Quadrant	ربع	Revolution	گردش شانندہ - گردش متعدد
Qualitative and quantitative	کیفی و کمی	counter	{
Quantitative knowledge	کمی علم	Rhythm	تال
Quotient	خارج قسمت - حاصل قسمت	Rider	راکب - راگب
R		Rigid body	استوار جسم
		Rigidity	استواری
Radians	نیم قطریاں	Rotation	محوری حرکت یا گردش
Radiating surface	اشعاعی سطح	Rough note book	کچی بیاض
Radius of gyration	گردشی نصف قطر	S	
Range	سعت		
Rate of cooling	تبرید کی شرح	Scientific unit	عملی اکائی
Reaction	رد عمل		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Screw	پیچ	Static	سکونی
Sectional view	تراشی منظر	Static frictional force	سکونی رگڑاکی قوت {
Sector	قطار دائرہ	Static inclined plane	سکونی سطح مائل {
Semi-ellipsoidal	نصفه بیضی	Steady force	مستقیم قوت
Semi-major axis	نیم محور اعظم	Steam generator	بھاپ کے کوکڑن
Semi-minor axis	نیم محور اصغر	Steam jacket	بھاپی پیراہن
Sense of touch	قوت لمس	Steam tight	بھاپ بند
Sensitive	حساس	Stop-watch or stop clock	چل رکنی گھڑی {
Sensitive balance	حساس ترازو	Strain	فساد
Shear	جڑ	Strained condition	فسادی حالت
Shear elasticities	جڑی یکس	Strain energy	فسادی توانائی
Shear strain	جڑی فساد	Stress	زور
Shear stress	جڑی زور	Stud	نگل میخ
Side tube	بغلی ٹی	Submultiple	تحتی اضعاف
linker	میزق ریلگر	Super cooling	پُر سردی
sliding jaw	متحرک چہرا	Supply	رشد
slope	سیلان	Surface of contact	ماسی سطح
lots	نالیان	Surface tension	سطحی تناؤ
olidification	انجام	Swing	ارتعاش
pecific gravity	کثافت اضافی	Symmetrical	متشاکل
pherometer	گرویت پیا	System	نظام
pindle	سکله		
piral spring	مرفولہ دار کمانی		
pirit level	آفتق نا		

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Tangent	ماس	Vernier scale	ورنیر پیمانہ
Tangential force	ماسی قوت	Vertical and horizontal	انتصابی اور افقی
Tensile elasticity	تنشی لچک - تناؤ والی لچک	Vibrating body	مرتعش جسم
Tensile stress	تنشی زور	Vibration per second	ارتعاش فی ثانیہ
Tension	تناؤ	Viscosity	لزوجت
Theoretical	نظری - نظریہ	W	
Threads	پیچ کی جوڑیاں	Water trap	آب گیر
Thrust	اُچھال - دباؤ	Wavy trace	موجی نشان
Torsion pendulum	مروڑی رقاس	Weight	وزن
Tracing arm	مُرسم بازو - شمار کنندہ بازو	Weight thermometer	وزن پیم
Translation	انتقالی حرکت	Wheel	چرخ
Translational	انتقالی	Wheel and axle	چرخ و محور
Travelling-crane	متحرک خاد	Wheel gearing	چرخ بندی - چرخ گیرائی
Travelling microscope	متحرک خوردبین	Wire-cutter	تار کٹ
U		Y	
Unknown area	مجهول رقبہ	Yoke	جُوا
Unknown mass	مجهول کمیت	Z	
V		Zero circle	صفری دائرہ
Vector quantity	رسمتی کیت	Zero error	صفری غلطی
Velocity ratio	رفتاری نسبت	Zero point	صفری نقطہ
Vernier	تصدیق	Zero reading	صفری معائنہ
	کسر پیمانہ - ورنیر		

فہرست اصطلاحات

علمی طبیعیات

خواص مادہ و حرارت

(بہ ترتیب اُردو)

انگریزی	اردو	انگریزی	
Rigidity	استواری	Water trap	
Acceleration	اسراع	Thrust	دباؤ
Cylindrical	استوانہ نما	Contour	یرا
Radiating surface	اشعاعی سطح	Parallax	نظر
Rectilinear figure	اشکال مستقیم الاضلاع	Parallax error	ظہری وجہ غلطی
Main scale	اصل پیمانہ	Swing	
Elongation	امضا ذ طول (طول)	Vibration per second	فی ثانیہ
Multiples	اضعاف	Oscillation method	طریقہ
Applications	اطلاعات	Cathetometer	پیا
Major and minor axis	اعظم و اقل محور	Hypsometer	پیا
Spirit level	آفتق نما	Archimedes	س
Plumb-line	آفتق نمایاں قوت	Fly wheel	
Horizontality	انصافیت	Free wheel	بغ
Horizontal line	آفتقی خط	Efficiency	اد
Horizontal table	آفتقی میز	Rigid body	رجیم
Adjustment	آول کی دیتی (ترجیب)		

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Side tube	بغلی نلی	Fusion	اماعت
Conservation	بقا	Vertical and horizontal	انتصابی اور افقی
Conservation of energy	بقائے توانائی	Translational	انتقالی
Deformation	بگاڑ	Translation	انتقالی (انتقالی حرکت)
Gearing	بندش (گرہائی)	Energy of translation	انتقالی توانائی
Base line	بنیادی خط	Motion of translation	انتقالی حرکت
Load	بوجھ	Translation	انتقالی حرکت (انتقالی)
Steam-tight	بھاپ بند	Limiting equilibrium	انتہائی تعامل
Steam generator	بھاپ کے گھومن	Limiting friction	انتہائی رگڑ
Steam jacket	بھاپی پیراں	Limiting value	انتہائی قیمت
Note-book	بیاض	Solidification	انجماد
Lever	بیرم	Deflection	انحراف
Aneroid barometer	بیہ مانع باریمیا	Curvature	انحناء
	پ	Ballastie balance	اندامعی ترازو
Mercury reservoir	بارے کا گھونک	Mean solar second	اوسط شمسی ثانیہ
Super cooling	پرسوزی	Oscillation	اہتزاز
Expansibility	پھیلاؤ		ب
Screw	پیچ	Barometer	باریمیا
Threads	پیچ کی چڑیاں	Balance-wheel	بال کمانی
Pitch of screw	پیچ کی گھائی	Outlet pipe	برآمدنی
Complicated mechanism	پیچیدہ کل	Extension	بڑھاؤ
Graduated quadrant	پیمانہ دار ربع	Dilatation	بسط
Measurement	پیمائش	Dilatometer	بسط پیم
		Dioptries	بصریہ

اردو	انگریزی	اردو	انگریزی
ت		انگریزی	اردو
تابع متغیر	Dependent variable	انگریزی	اردو
سارکٹ	Wire-cutter	انگریزی	اردو
تال	Rhythm	انگریزی	اردو
تبرید	Cooling	انگریزی	اردو
تبرید کی شرح	Rate of cooling	انگریزی	اردو
تبرید منحنی	Cooling curve	انگریزی	اردو
تجرباتی شواہدات	Experimental observation	انگریزی	اردو
تجویز	Design	انگریزی	اردو
تحت اصناف	Submultiple	انگریزی	اردو
تخمیب	Calculation	انگریزی	اردو
تخمیب	Computation	انگریزی	اردو
ترازو دالان	Balance case	انگریزی	اردو
ترازو کی روک	Arrestment of the balance	انگریزی	اردو
تراشی منظر	Sectional view	انگریزی	اردو
ترسیم محصلہ	Resulting graph	انگریزی	اردو
ترسیمی سکونیات	Graphic statics	انگریزی	اردو
ترقیم	Registration	انگریزی	اردو
تصادم	Collision, Impact	انگریزی	اردو
تصحیح	correction	انگریزی	اردو
تصحیحی ترسیم	Correction curve	انگریزی	اردو
تقدیلین	Verification	انگریزی	اردو
ث		انگریزی	اردو
ثابت جزا	Fixed jaw	انگریزی	اردو
ثابت چرشی	Fixed pulley	انگریزی	اردو
ثابت مرکز	Fixed centre	انگریزی	اردو
ثابت نقطہ	Fixed points	انگریزی	اردو
ج		انگریزی	اردو
جز	Shear	انگریزی	اردو
جزء صریح (خرد و ضربی)	Factor	انگریزی	اردو
جزی زور	Shear stress	انگریزی	اردو
جزی مناد	Shear strain	انگریزی	اردو

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Calorie	حرارہ	Shear elasticities	جبری پگیں
Calorimetry	حرارہ پیمائی	Even	جفت
Momentum	حرکت کا معیار اثر	Inertia	جمود
Dynamic friction	حرکی رگڑ	Yoke	جوا
Sensitive	حساس	Boiler	جوشنارہ
Sensitive balance	حساس ترازو	Jerks	جھٹکے
Convection current	حلی رُو	چ	
Mechanical	حلی		
خ		Wheel	چرخ
		Wheel gearing	چرخ بندی (چرخ گیری)
Quotient	خارج قسمت (حاصل قسمت)	Pulley	چرخئی
External force	خارجی قوت	Wheel and axle	چرخئی اور محور
Lathe	خراہ	Pulley blocks	چرخئی کے بلاک
Micrometer	خروہ پیم	Eye-piece	چشمہ
Micrometer eye-piece	خروہ پیم چشمہ	Stop clock or stop watch	چل مکنی گھڑی
Micrometer microscope	خروہ پیم دوربین	Forceps	چٹنا
Error	خطا	Clamp	چٹئی
Line of action	خطِ عمل	ح	
Linear	خطی		
Linear scale	خطی پیمانہ	Resultant	حاصل
Linear motion	خطی حرکت	Quotient	حاصل قسمت (خارج قسمت)
د		Resultant moment	حاصل معیار اثر
		Bulk modulus	جمعی مقیاس
Force pressing	دبانے والی قوت	Calorifer	حرارت بر دار
Thrust	دباؤ (اُچھال)	Mechanical equi-	حرارت کا مساوی حلی
Graduation	درجہ بندی	valent of heat	

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Galvanometer	زوپیا	Reading	دیکھ خوانی
Arrestment	روک	Divided head	درجہ دار سر
Granular solid	ریزہ دار ٹھوس	Manipulation or adjustment	دست درزی اور درستی
Regnault's Hygrometer	رینو کا رطوبت پیم	Permanent distortion	دوامی بدشکلی
Protractor	زاویہ پیم (گونیا)	Periodic motion	دوری حرکت
Angle of inclination	زاویہ میلان	Axle	دھری - دھرا
Angular motion	زاویہ حرکت	Cord	دوری
Effort	زور	Gradient	دُھال
Stress	زور	Frame Work	دُھانچہ
Construction	ساخت	Nut	دُھجری
Constructed figure	ساختہ شکل	Drum	دھول
Pillar type	ستونی وضع	Rider	راکبہ (راکب)
Callipers	سرل چاپ	Quadrant	زُربع
Planimeter	سطح پیم	Reaction	ردِ عمل
Inclined plane	سطح اُتار	Supply	رَسد
Plane surface	سطح مستوی	Hygrometry	رطوبت پیم
Surface tension	سطحی تناؤ	Velocity ratio	رفتاری نسبت
Range	سعت	Pendulum	رَتاقص
Static	سکونی	Pendulum methods	رَتاقص طریقے
Static frictional force	سکونی رگڑ کی قوت	Friction	رگڑ
Static inclined plane	سکونی سطح اُتار	Friction rider	رگڑ راکب (رگڑ راکب)

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Burette	خزفک	Vector quantity	بستی کمیت
	ع	Fluid friction	سیالی رگڑ
Mechanics	علم خیل (میکانیات)	Mobility	سیلانیت
Action and reaction	عمل اور رد عمل		نش
Practical efficiency	عملی استعداد	Capillarity	شعربیت
Scientific unit	علمی اکائی	Ellipse	نعل ناقص (ایلیپس قطع ناقص)
Experimental mathematics	علمی تشریح	Least count	شمار اقل
		Tracing arm	شمار کنندہ بازو (ٹرسم بازو)
Experimental verification	علمی تصدیق		ص
Experimental determination	علمی تعین (علمی تعین)	Null and deflection methods	صفری اور انحرافی طریقے
Applied mathematics	علمی ریاضیات	Zero circle	صفری دائرہ
Experimental methods	علمی طریقے	Zero error	صفری غلطی
Normal force	عمود و اقوت (عمودی قوت)	Zero reading	صفری سعادہ
Normal force	عمودی قوت (عمود و اقوت)	Zero point	صفری نقطہ
Eye and ear estimation	بینی اور اذنی تخمینہ		ض
	ف	Brake-Band	ضابطہ پی
Friction rider	ذکی راكب (ڈریڈرک)		ط
Frictional forces	ذکی قوتیں یا رگڑی قوتیں	Odd	طاق
Strain	فساد	Power	طاقت
Strain energy	فسادی توانائی	Hyperbolic logarithm	طبیعی لگاریتم
Strained condition	فسادی حالت	Locus	القی
		Linear dimensions	طولی البعاد
			ظ

انگریزی	اُردو	انگریزی	اُردو
Rough note-book	کچی بیامن	Abscissa	نقطہ
Spherometer	کرویت میا	Astronomical observations	{ فلکی مشاہدے
Energy gained	کسب توانائی		
Fraction	کسر		
Vernier	کسریا (ورنیر)	Rectangular hyperbola	{ قائم الزاںہ
Fractional distortion	کسری بگاڑ		
Clock rate	کلاک کی شرح رفتار	Hinge	قبضہ
Mass	کمیت	Hinge carrier	قبضہ بردار
Quantitative knowledge	کمی علم	Coefficient	قدر (بہرہ مکرر)
Block	کُتھا	Disk, Disc	قرص
Qualitative and quantitative	{ کیفی اور کمی	Damped oscillation	تسری ارتعاش
	گ	Sector	قطاع دائرہ
		Pole strength	قطبی طاقت
		Radians	قطریاں
Revolution counter	گردش شمارندہ	Elipse	قطع ناقص (شکل ناقص بیضی)
Axis of rotation	گردشی محور	Force ratio	قوتی نسبت
Revolution counter	گردشی معدد	Force	قوت
Radius of gyration	گردشی نصف قطر	Force acting	قوتِ عاملہ
Stud	گل میخ	Sense of touch	قوتِ لمس
Contour	گھیرا (اعاطہ)	Retarding force	قوتِ مزاحمت
Gearing	گھیرائی (بندش)		
Gaseous phenomena	گیسی مظاہر	False zero	کاذب صفر
	ل	Density	کثافت
Elasticity	نچک	Specific gravity	کثافتِ اضافی

انگریزی	اردو	انگریزی	اردو
Unknown mass	مجهول کمیت	Elastic limit	بچک کی انتہا
Co-ordinate axis	محمودی محاورہ	Viscosity	لزومت
Finite area	محدود رقبہ	Applied force	لگائی ہوئی قوت
Minor axis	محور اصغر	Sinker	لنگر
Major axis	محور اعظم	Logarithm	لوگارتم
Axis of suspension	محور تعلیق	Hydrostatic balance	ماسکینی ترازو
Axis of symmetry	محور متساکی	Focus	ماسکہ
Motion of rotation	محوری حرکت	Hydrometer	مایع پیمیا
Rotation	محوری حرکت یا گردش	Independent variable	متبعی متغیر
Pentagon	مخمس	Sliding jaw	متحرک جبڑا
Circular scale	مدور پیمانہ	Travelling crane	متحرک حال
Tracing arm	مرقسیم بازو (شمار کنندہ بازو)	Travelling Microscope	متحرک خردبین
Vibrating body	مرتعش جسم	Symmetrical	متساکی
Oscillating magnet	مرتعش مغناطیس	Equilibrium temperature	متساکی درجہ حرارت
Relative humidity	مرطوبیت اضافی	Equilibrating force	متعادل قوت
Spiral spring	مرغولہ دار مکانی	Cross-wires	متقاطع تار
Centre of oscillation	مرکز ارتعاش	Compensating	متعادل کرنے والی
Centre of suspension	مرکز تعلیق	Cord or ribbon	تار یا پٹی
Torsion pendulum	مروری رقص	Corresponding parallels	متناظر متوازی
Rectangular figure	مستطیل شکل	Parallelepiped	متوازی الاضلاع
Steady force	مستقل قوت	Equilateral triangle	مثلث مساوی الاضلاع
Analogy	مُشاہبت	Hollow	مخوف
Experimenter	مُشاہد	Unknown area	مجهول رقبہ
Observations and readings	مشاہدات اور قراءت		

اُردو	انگریزی	اُردو	انگریزی
مشق اکائیاں	Derived units	موسیقی حرکت	Harmonic motion
مشہودہ غلطی	Observed error	میکانیات (علمِ حل)	Mechanics
مظہاری نقشہ	Indicator diagram	میلان	Slope
معاون پیمانہ	Auxiliary scale	ن	
معطیات (یا مقدمات)	Data	ناقص تختی	Elliptic plate
معیار اثر	Moments	ناقص نما	Ellipsoidal
مستقیم	Ordinate	ناقصی	Elliptical
مغزق	Sinker	ناقصیت	Ellipticity
مغادرِ حسیلی	Mechanical advantage	نالیان	Slots
مقدمات (یا معطیات)	Data	نسب نما (مقسم علیہ)	Denominator
مقروہ	Reading	نصاب	Fulcrum
مقسم علیہ (نسب نما)	Denominator	نصفہ ملیلی	Semi-ellipsoidal
مقیاس	Modulus	نظام	System
مکبر خیال	Magnified image	نظری	Theoretical
مکبر (قدہ سر)	Coefficient	نقاطِ تطبیق	Point of suspension
مککون	Generator	نقطہِ عمل	Point of application
مانس	Tangent	نقل مکان	Displacement
ماسی سطح	Surface of contact	نکاس ٹی	Delivery tube
ماسی قوت	Tangential force	نمایندہ	Pointer
مسر پیمانہ	M m. Scale	نوعیت	Nature
منتظم مجسمات	Regular solids	نیم محورِ اصغر	Semi-minor axis
منحني سطح	Curved surface	نیم محورِ اعظم	Semi-major axis
موجی نشان	Wavy trace	نیوٹن کا گھٹیرہ	Newton's law of cooling


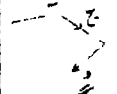
اُردو	انگریزی	اُردو	انگریزی
واپسی جُفت	Restoring couple	اُردو	انگریزی
ورنیر میاں	Vernier scale	وقفے	Intervals
ورنیر (کسر چیا)	Vernier	۵	Meniscus
وزن	Weight	ہوائی سطح	Ellipse
وزن کش چیا	Weight thermometer	بیسی شکل ناقص قطع ناقص	Pneumatic
وقت چیا	Chronometer	ہوادار (ہوائی)	Aspirator
وقت دوران	Period of vibration	ہوائی (ہوادار)	Pneumatic
		ی	Fusion of ice
		مخ کی امامت	

اغلاطانا

عملی طبیعیات

خواصِ مادہ و حرارت

صحیح	غلط	۱	۲	صحیح	غلط	۱	۲
مدد	دو	۱۱	۴۰	صفوہ ۲۲۹	صفوہ	۳	۱۱
نقطہ	نقط	۱	۵۱	ک	ک	۶	۶
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	۱۳	"	توازن	توازن	۱۳	۱۴
عام	نام	۱۴	۵۳	ہے	ت	۱۳	"
سمت	سمت	۶	۵۵	اُن	اِن	۲۱	"
رقبہ	رتبہ	۲۵۲	"	ا	ا	۲۵	۲۵
نظرے	نظرے	۱۵	۵۸	پی ورنیڈ	پی ورنیڈ	۳	۲۶
گر دشنوں	گر دشنوں	"	۵۹	اپے	اپے	۱۶	"
دو	دو	۴	۶۲	ورنیڈ	دریئر	۱۹	"
ریزہ دار	ریزہ وار	۱۲	۶۶	درجے	درجے	۲۴	۲۴
اُچمال	اُوجمال	۱۳	۶۹	۲۶۶۶	۲۶۶۶	۱۰	۲۹
کا حاصل	کا	۲۰	۸۰	آنس	آنس	۱۸	"
یکلسن	یکلسن	۳	۹۰	نکل	نکل	۱۲	۳۳

صحیح	غلط	۱۳۱	۱۳۲	صحیح	غلط	۱۳۱	۱۳۲
نقاط	نقاط	۱۸	۱۳۱	گزشتہ	گزشتہ	۱۰	۹۲
تعیین	تعیین	گوشہ	۱۳۳	بحث	بحث	۱	۹۳
۱۲۵	۱۲۵	۲	۱۳۶	گ	گ	۸	۹۶
وسط	وسط	۱۶	۱۳۶	نقطہ دار	نقطہ دار	۷	۱۰۰
ت	ت	شکل ۱۵	"			شکل ۱۵	۱۰۳
اُستوانہ	اُستوانہ	۹	۱۳۸	کوبہ	کوبہ	۳	۱۰۵
۲۴۰	۲۴۰	۱۶	۱۵۸	والے	والے	۱۳	۱۰۶
کو	کو	۱۰	۱۵۹	کھینچے	کھینچے	۲۱	۱۰۸
کار آمد	کار آمد	$\frac{۱۰}{۲۱}$	$\frac{۱۵۹}{۲۶۰}$	سمتوں	سمتوں	۳	۱۱۰
چرخ	چرخ	۱۵	۱۶۰	فہ	فہ	شکل ۱۵	۱۱۱
گھ	گھ	۸	۱۶۴	ا	ا	۲۵	"
رکھی	رکھی	۱۱	"	طہ	طہ	"	"
سطحیں	سطحیں	۱۲	"	مقداریں	مقداریں	۲۰	۱۱۲
لو	لو	۱۸	"	ا	ا	۲۲	"
کلو	کلو	۲۲	۱۷۵	کی جاتی	کیا جاتا	۱۴	۱۱۷
قوتوں	قوتوں	$\frac{۶}{۱۳}$	$\frac{۱۸۱}{۱۸۸}$	کردیتی	کردیتا	۱۵	۵
۵۰	۵۰	۲۳	۱۸۲	رُبعہ	رُبعہ	۱۹	"
م	م	شکل ۱۶	۱۸۵	طہ	طہ	۱۲	۱۱۵
نمایندہ	نمایندہ	۱۶	۱۸۹	اگر	اگر	۳	۱۱۶
قائم	قائم	۶	۱۹۲	بلنے	بلنے	۱۲	۱۲۰
کھینچی	کھینچی	۱۷	"	اثر کو	اثر	۱۳	"
درازی	درازی	۱۵	۱۹۳	=	=	۷	۱۲۱
کیست	کیست	۱۸	۱۹۶	صفحہ ۲۲۳	صفحہ ۲۲۳	۱۳	۱۳۱

صحيح	غلط	۴	۵	صحيح	غلط	۴	۵
قہ	قہ	۱۳-۱۱	۲۳۶	جائیں کہ	جائیں کہ	۲۱	۲۰۰
دو	دو	۱۲-۳	۲۳۹	جائے تو	جائے تو	۱	۲۰۱
جاذبہ	جاذبہ	"	"	جبری	جبوی	۱۹	"
گرتے	گرے	۹	۲۳۸	جس	حس	۸	۲۰۲
و	د	۱۳	۲۳۹	Hick	Hiek	شغل	"
د	د	۲۰	۲۴۲	سر	سر	۱۶	۲۰۶
د	د	۲۲	۲۴۳	۲	۲	۲۳	"
جاذبہ سے ہو کر	جاذبہ ہو کر	۲	۲۴۸	متناسب	متناسب	۱۹	۲۰۸
۵	۵	شغل	"	قیمت	قیمت	۲۳	"
صفحہ ۲۴۷	صفحہ ۲۴۸	۱۳	۲۵۲	و	و	۱۳	۲۱۳
فی ثانیہ	فی ثانیہ	۱۶	۲۵۳	متحرک مادہ x اسلخ	متحرک مادہ اسلخ	۱۰	۲۱۴
جہاں	جہاں	۱۸	۲۵۸	متلافی	متلافی	۸	۲۱۶
فی	فی	۷	۲۶۹	عملیات	عملیات	۱۱	"
ہو تو	ہو تو	۴	۲۸۲	چھوٹا	چھوٹی	۱۳	۲۱۷
نلی	علی	۱۳	۲۸۷	لگا رہتا	لگی رہتی	۱۵	"
مبیلے	مبیلے	۶	۲۹۹	تبیقن	تبیقن	۲۴	"
۲۲	۲۲	۲۰	"	جیسے	جیسا	۲۲	۲۲۲
Atwood	At-wood	۲۰۳	"	یام	یا ۰	۱۰	۲۲۴
۹۸۱	۹۸۱	۱۸	"	چھوٹے	چھوٹے	۱۲	۲۲۷
نسب نامہ ۳	نسب نامہ ۳	۴	۳۰۸	ہوگی	ہوگی	۵	۲۳۱
"۱۰	"۱۱	۱۱	۳۰۹	ر	ر	۱۰	"
"۱۰	"۱۱۰	۱۵	"	میں	ہیں۔	۱۱	"
قیر صنوبر	قیر صنوبر	۱۰	۳۱۰	سے	سے	۲۴	۲۳۲

صحیح	غلط	۱	۲	صحیح	غلط	۱	۲
شیشہ کا انگیر	انگیر شیشہ کا	۳۶۹	شکل ۱۱	زرد صنوبر	ررد صنوبر	۱۱	۳۱۰
منحنی	منحنی	"	"	۰۵۶۴ - ۰۵۶۰	۰۵۶۴ - ۰۵۶۰	۱۲	"
کے	کے	۱۳	۳۶۶	میں	میں	۵	۳۲۰
نہ	نہ	۶	۳۸۵	۱۱۳۷	۱۱۳۷	۳	۳۲۳
د	و	۷	۳۸۶	مقررہ	مقررہ	۱۹	۳۲۹
رُخ	اُخ	۱۱	۳۸۶	ث	ث	۵	۳۳۲
(درجہ ۱۱)	(درجہ ۱۲)	۱۵	۳۸۷	نجم	نجم	۵	۳۳۳
نیش	نیش	۷	۳۹۱	()	()	۱۰	"
نخ (تہ)	نخ (تہ)	۲۵	۳۹۲	بہ	بہ	۱۲	"
سرا سر بہر	سرا سر بہر	۱	۳۹۹	اوسط	اوسط	۱۹	"
جو	جو	۶-۴	۴۰۰	عہ	عہ	۱۱	۳۳۸
ک	ک	شکل ۱۳	۴۰۱	پیم	پیم	۲۱	۳۳۹
ص	ص	۸-۶	۴۰۲	انگوٹھے	انگوٹھے	۱۵	۳۴۳
دوران	دوران	۲۵	۴۰۳	۱۰۱۳۲۰۰	۱۱۳۲۰۰	۱	۳۵۱
متعین	متعین	۹	۴۰۸	ٹھوس	ٹھوس	۵	۳۵۵
تہ	تہ	۱۱	"	حرارت	حرارت	۲۰	۳۶۲
ہ	ہ	۲۰	"	تصحیح	تصحیح	شکل ۱۲	۳۶۳
اُفتی	اُفتی	۱۹	۴۲۰	بچے	بچے	۱۷	۳۶۵

اشیاء
عملی طبیعیات
خواص مادہ اور حرارت

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۲۶۵	اسراع بوجہ جاذبہ زمین	۱	آب مساوی
۲۶۵	اسراع زاویہ	۲۵۳	آبی تجارلت کا دباؤ
۲۶۶	اشعاع کے لیے قصب	۲۱۲	اُجھال
۲۶۳	اشعاع کے لیے حمارہ پیمانی قصب	۷۹	اختلافِ منظر
۱۲	اکالیاں بنیادی اور شقی	۲۵	اُڈنی اور پرتی قحین
۲۵۲	اکانی مقدار حرارت	۴۱	ارتفاع پیم
۱۲	اکانی وقت کی	۳۱۶۳۱۳	ارشدیس کا اصل
۳۶۶	اعوشی رخ کی مخی حرارت	۸۰	ارگ
۴۹	امسلر	۱۹۳	ارپیس کے جود کا سیدیا اثر
۱۴۵	انتہائی رگڑ	۲۲۲۲۲۷	استعداد
۱۷۰	انتہائی لچک	۱۵۵	استوار جسم کی گردش
۱۵۰	انجمن	۲۲۲	استوار کا قیاس
۵	انحرافی طریقے	۲۷۱۴۱۴۲	استیفان کا کلیہ
۶۹	انحصار	۲۷۲	اسراع
۴۷۶	انحصار کا نصف قطر	۲۰۷۲۰۰	

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۲۵	ہیم کپاس	۶۹	انخاؤ کی پیمائش
۲۷۶	بے غم بار پیم	۲۰۲	انفرادی ترازو
	پ	۲۰۱.۵	اوسط شمسی شامیہ
۲۷۹	پرسردی	۲۱۵	ایٹوڈ کا آلہ
۳۲۶	پھیلاؤ، طولی	۲۱۶	ایٹوڈ کا آلہ، ستونی وضع کا
۳۳۹	پھیلاؤ، ظاہری	۲۲۱	ایٹوڈ کا آلہ، غنیقہ دار
۳۳۰	پھیلاؤ، کسبی		ب
۳۲۶	پھیلاؤ کی شرح، طولی		بار پیم
۳۳۹	پھیلاؤ کی شرح، ظاہری	۲۶۷	بار پیم، بے نم
۳۳۱	پھیلاؤ کی شرح، کسبی	۲۶۷	بار پیم، فوریٹن کا
۳۳۱	پھیلاؤ کی شرح، گسیبی	۲۶۱	بار پیم، لانا علی کی شکل کا
۳۳۱	پھیلاؤ، گیسوں کا	۲۶۱	بار پیم میں تپش کی تصحیح
۳۳۰	پھیلاؤ، مائع کا	۲۷۸	بار، دباؤ کی اکائی
۱۶۱	پچ	۲۷۰	بائیل، رابرٹ
۳۲۹، ۳۲۸، ۳۳۱، ۳۳۲	پچ، درخندہ پیم	۲۶۶، ۱۶۹	بخارات، آبی کا دباؤ
۳۳	پچ کی گمانی	۳۱۲	برآمدہ میرم کے لیے پینگ کا معیار
۲۰	پیمائش، وقت کی	۸۳	بسط کی شرح
	ت	۳۳۰	بصریہ
۱۸۵	تار کا مرڈنا	۶۹	بقائے توانائی
۱۷۲	تار کی شکل کی شے کے لیے پینگ کا معیار	۱۱۳	بلندی کی پیمائش، بار پیم سے
۳۶۸	تپش کی حرارت، مخفی	۲۷۷	بنیادی اکائیاں
۳۴۷	تبرید کا کلیہ	۱۱۲	بھاپ کی مخفی حرارت
۳۸۰	تبرید کے طریقے، حرارت، نوعی کے لیے	۳۶۸	سیانسیس
۳۷۸، ۳۶۳	تبریدی مخفی	۳	بجم
۲۷۸	تپش اور بار پیمائی، بلندی	۱۱۸	

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۲۹۳	تناؤ سطحی	۳۷۲	پیش اور دباؤ
۳۱۳	تنے کے تعریض کا اثر	۳۱۳	پیش پیا، شیشے کے سیلابی
۱۹۳	توانائی ایسے جسم کی جس میں فساد پیدا ہو گیا ہو	۳۱۸	پیش پیا کی تعمیر
۲۲۶، ۲۲۴، ۲۰۶، ۱۹۶	توانائی بافضل	۳۲۱، ۳۲۰	پیش پیا کی درجہ بندی
۳۹۸	توانائی حرارت	۳۱۴	پیش پیا کے ثابت نقطے
۱۹۳	توانائی کی اکائی	۳۴۴	پیش پیا، مستقل حجم والا، ہوائی
۱۱۳	توانائی کی بقا	۳۴۷	پیش پیا، وزن
	ط	۳۱۲	پیش پیا کی
۲۱۰	ٹرائی، فلچر کی	۳۱۲	پیش کا پیمانہ
۲۵۴	ٹھوس کی حرارت نوعی	۳۸۶	پیش کا ڈھال
	ث	۳۸۶	پیش کا میلان
۲۱۴	ثابت نقطے، پیش پیا کے	۳۱۲	پیش کی پیمائش
۴۰، ۱۵	ثانیہ، اوسط شمسی	۳۵۰	پیش، مطلق
	ج	۱۲۷، ۱۱	تھیب کے ترسیلی طریقے
۲۶۵، ۲۶۴، ۲۵۳، ۲۲۰، ۲۰۹	جاذبہ زمین، بوجہ اسراع		تھیب، نتیجوں کی
۱۲۸، ۱۲۳	جاذبہ کا مرکز	۱۰۹	تحلیل، سمتیوں کی
۱۷۲	جڑ	۱۶	ترازو
۲۲۳، ۱۲۱	جمود کا معیار، اثر	۱۸	ترازو کی روک
۴۰۰، ۳۹۸	جول - جے - پی	۳۷۸، ۳۷۵، ۲۶۳، ۳۱۸، ۳۱۷، ۲۶۳، ۲۵۴	ترسیم
۳۲۴	جولی	۱۳۵	ترسیلی سکونیات
	چ	۱۳۵، ۱۲۷، ۱۱	ترسیلی طریقے
۱۵۹	چرخ اور محور	۲۳۳، ۲۱۷، ۲۱۲	تصعیم، بوجہ گرد
۱۶۵	چرخ بندی (یا جمع گیری)	۱۴۴، ۱۱۷	تبادل
۲۳۸	چرخ، سطح مائل پر	۱۵۹	تقریبی چرخ اور محور

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۴۱	حرکی رگڑ	۱۴۶	چرخہ پر رستی کی رگڑ
۲۴۵'۲۴۲	حیطۃ التراز	۱۵۵	چرخہ کے بلات
۱۵۲	خطی مفاد	ح	حاصل
۳۶	خرد بین	۱۰۰	حجم بسط پیا
۳۶	خرد بین خردہ پیا	۸۶'۶۲	حجم کی تعیین
۳۷	خرد بین متحرک یا ورینڈ	۲۶۶	حجم انگیس کا
۲۲۸'۳۲	خردہ پیا بیج	۱۴۳	حجمی مقیاس
۳۱۹'۲۹۸'۳۶	خردہ پیا چشمہ	۲۶۲	حرارت بردار
۳۶	خردہ پیا خرد بین	۴۲۲	حرارت پر تشقیق
۲۲۵	خطی اور زاویہ حرکت کا تعادل	۳۹۸	حرارت کا معادل حلی
۲۰۱	خوامن مادہ	۳۵۲	حرارت کی اکائی
۴۱۳	دانیالی طوبت پیا	۲۰۰	حرارت نوعی تبرید کے طریقے سے
۷۹	دباؤ	۳۵۳	حرارت نوعی ٹھوس کی
۴۱۲	دباؤ آب بخار کا	۳۵۸	حرارت نوعی کے لیے رینو کا آلہ
۴۱۲	دباؤ بخارات	۳۸۰'۳۹۰	حرارت نوعی مائع کی
۲۹۹	دباؤ مہابون کے مہبلے میں	۳۹۸'۳۵۲	حرارہ
۳۶۷	دباؤ گرہ ہوائی کا	۳۵۳	حرارہ پیا
۴۷۰'۲۶۹'۷۹	دباؤ کی اکائی	۳۵۲	حرارہ پیمائی
۷۹	دباؤ کی تعریف	۳۶۲	حرارہ پیمائی تصحیح اشعاع کے لیے
۳۱۶	دباؤ کے لیے نقطہ جوش کی تصحیح	۲۴۱	حرکت انشعاشی
۳۴۶'۲۸۱'۲۶۶	دباؤ گیسوں کا	۲۰۰	حرکت کا معیار اثر
۳۲۱'۳۲۰	درجہ بندی تپش پیمائی	۲۰۰	حرکت کے معیار اثر کی بقا

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۳۵	رسمانی کثیر الاضلاع	۲۶۱'۲۵۱'۲۴۵'۲۴۱	دوران
۲۱۵	دینو	۲۴۱	دوری حرکت
۲۵۸	دینو کا اگر حرارت نوعی کے لیے	ط	
۲۱۶	دینو کا رطوبت پیم	۲۰۹	ڈائمن
	س	۲۰۶	ڈینامو میٹر
۲۲۶	زاویائی اسراع	۲۵۴	ڈیوار کا خلائی برتن
۲۴۲'۲۳۸'۲۲۶	زاویائی رفتار	ر	
۲۲۵	زاویائی سادہ موسیقی حرکت	۲۶۶'۱۶۹	ڈیوٹ بائیل
۱۴۰	زور	۲۹۳	ربر کی موصیلت حرارت
	س	۱۳۵	رطبی کثیر الاضلاع
۲۵۲'۲۴۶'۲۲	سادہ رفاص	۴۱۲	رطوبت پیمائی
۲۵۹	سادہ متبادل رفاص	۲۰۸'۲۰۰	رفار
۲۴۱	سادہ موسیقی حرکت	۲۴۲'۲۳۸'۲۲۶	رفار زاویائی
۳۰	سرل چاپ	۱۵۲	رفاری اور توانائی نسبت
۲۵	سرل چاپ، اندرونی یا بیرونی	۱۵۲	رفاری نسبت
۴۸	سطح پیم	۲۵۲'۲۴۶'۲۴۲	رفا ص، سادہ
۵۳	سطح پیم کا صفری دائرہ	۲۵۹	رفا ص، سادہ معادل
۵۵	سطح پیم کی تعمیر	۲۶۲'۲۵۸'۲۴۴	رفا ص، مرکب
۱۴۲' ۱۱۱	سطح مائل	۲۶۳'۲۴۹	رفا ص، مردوی
۲۳۵	سطح مائل پر پیم	۴۳	رقبہ کی پیمائش
۲۳۴	سطح مائل پر لڑھکنے والے ٹھوس اجسام	۴۰' ۱۳۹	رگڑ
۲۹۳	سطح تناؤ	۱۴۶	رگڑ، چغنی پر رسی
۹۸	سکونیات	۲۴۳' ۲۱۴' ۲۱۳	رگڑ کی تصحیح
۱۴۱	سکونی رگڑ	۱۴۰	رگڑ کے مکرر

صفحہ	مضامین	صفحہ	مضامین
	ظ	۱۱۱	سکونی سطح اہل
۳۳۹	ظاہری پھیلاؤ	۲۷۰، ۲۰۹، ۱۲	سنگ، گت، رکائیاں
	ع	۱۰	سلائیڈ دول
۱۹۹	علم حرکت	۹۸	سمتیاں
۴۱	یعنی اور اُذنی تخمینہ	۹۹	سمتیوں کا متوازی الاضلاع
	ف	۱۰۹	سمتیوں کی تحلیل
۱۷	فساد	۴۷	سمسن کے قاعدے
۲۱۰	فلپچر کا رُالی دار آلہ	۱۳	سنٹی میٹر
۲۷۱	فورم کا بار پیم		ش
	ق	۲۹۴	شہریت
۳۸۶	قدر موصلیت حرارت	۲۷	شمار اقل
۲۳۹	قرس کے جہود کا معیار اثر	۲۹۲	شیبہ کی حرارتی موصلیت
۸۸	قطر کی پیمائش	۲۱۳	خیشے کے سیلابی پیش پیم
۱۵۲	قوانی نسبت		ص
۱۹۹، ۹۹	قوت	۳۰۰	صابن کے محلول کا سطحی تناؤ
۸۱	قوت اُچھال	۳۱۵، ۳۵، ۳۱	صفر کی غلطی
۱۱۷	قوت کا معیار اثر	۵	صفری طریقے
۲۰۹	قوت کی رکائی	۳۱۵، ۳۵، ۳۱	صفری غلطی
۱۰۷، ۹۹	قوتوں کا متوازی الاضلاع		ط
۱۰۷، ۱۰۱	قوتوں کا مثلث	۱۶۷	طاقت اور وزن
۹۸	قوتوں کی ترکیب	۲۷۰	جسم کی گہرائی
	ک	۱۴	طول کی اگائی
۲۰	"کاذب صفر" کے ساتھ عمل کرنا	۸۹، ۲۹، ۲۴، ۷	طول کی پیمائش
۳۹۸	کام اور حرارت	۳۲۶	طولی پھیلاؤ

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۴	کمیت مادہ کی اکائی	۱۹۳	کام کی اکائی
۲۳، ۱۶	کمیت مادہ کی پیمائش	۲۲۶، ۱۱۳	کام کی پیمائش
۳۰، ۴	کیلنڈر کا آلہ	۳۳۳، ۶۲	کشافت
	گ	۷۳	کشافت اضافی
۱۴	گرام	۷۴	کشافت اضافی بزل
۲۲۳	گردش، استوار جسم کی	۲۵۰، ۲۳۱	کشافت اور پتیش
۲۲۴	گردش، نصف قطر	۱۳۵	کشیت الاضلاع، ربطی باریسانی
۲۹	گزر	۱۰۸، ۱۰۳	کشیت الاضلاع، قوتوں کا
۲۵۲	گنجائش حرارت	۶۴	گردیت پیمائش
۲۴۱	گیسیوں کا پھیلاؤ	۲۷۰	گرہ ہوائی، طبیعی
۳۵۰	گیسی مستقل	۲۸۰	گرہ ہوائی کا دباؤ، مطلق اکائیوں میں
۲۶۶	گیسیں	۲۶۷	گرہ ہوائی کے دباؤ
	ل	۳۱۹، ۴۱۲	گرہ ہوائی میں بخارات آب
۹۴	لانٹا طریقہ	۳۳۰	کعبی پھیلاؤ
۲۷۰	لانٹا کی شکل کا بار پیمائش	۳۷۴	کلیئہ اسٹیفان
۱۶۹	لچک	۳۵۰، ۲۸۳، ۲۶۶	کلیئہ بانیل
۱۷۱	لچک کا مقیاس	۲۷۴	کلیئہ تبرید
۱۷۰	لچک کی انتہا	۳۵۰، ۳۴۱	کلیئہ شادل
	م	۱۹۱، ۱۷۳، ۱۶۹	کلیئہ ہوک
۲۶۷	مازی اوٹ	۲۵۱	کمانی، اسراع
۷۸	ماسکونی ترازو	۱۹۱	کمانی، ترازو
۸۹	مائع پیمائش	۱۹۱	کمانی کی تعبیر
۳۳۰	مائع کا پھیلاؤ	۱۹۵	کمانی کی توانائی
۳۸۰، ۳۶۰	مائع کی حرارت، نوعی	۲۰۸، ۱۶۰	کمیت مادہ اور وزن

صفحات	مضامین	صفحات	مضامین
۱۵۲	مقادیرِ جلی	۳۲۹'۳۱۹'۲۹۹'۲۷	متحرک یا در نیٹر خرد بین
۲۵۵	مقعر آئینہ کرہ	۱۰۰	متبادل
۳۹۱	مقوی کی موصیبت حرارت	۹۹	متوازی الاضلاع، مستقیموں کا
۲۶۳'۱۸۳'۱۷۲	مقیاس استواری کا	۱۰۷'۹۹	متوازی الاضلاع، قوتوں کا
۱۷۳	مقیاس، جچی	۳۶۸'۳۶۵	مختفی حرارت
۱۷۱	مقیاس، چک کا	۳۶۸	مختفی حرارت، بجاپ کی
۱۷۳'۱۷۱	مقیاس، یتک کا	۲۹	مدور پیمانہ اور در نیٹر
۳۸۶	مکرر رگر کے	۲۳۹	مرتعش تقاطیس
۳۸۶	موصیبت حرارت	۴۱۲	مرطوبیت پیم
۳۸۶	موصیبت حرارت کی قدر	۳۶۲'۲۵۸'۲۳۷	مرکب رقاص
۳۹۹'۳	میتھر	۲۶۰	مرکز ارتعاش
۹۸	میزانی	۲۶۰'۲۵۹	مرکز تعلیق
	ن	۱۲۸'۱۲۲	مرکز جاذبہ
۷	نتیجوں کی تحسب	۲۶۳'۲۳۹	مروڑی رقاص
۱۵۲	نسبت، رفتاری اور قوائی	۳۲۲	مستقل حجم والا ہوائی تپش
۳۷۸'۳۳۸'۳۲۲	نقطہ اامت	۵	مشاہدات کی صحت
۳۱۵'۳۱۲	نقطہ انجماد	۱۳	مشق اکائیاں
۳۲۳'۳۱۶'۳۱۵'۳۱۲	نقطہ جوش	۳۲۱	مشقیں حرارت پر
۴۱۲	نقطہ شبنم	۱۵۰	مشینیں
۹۰	نکلسن، مانع پیم	۲۵۰	مطلق تپش
۲۹۷	علی کے سورخ کی پیمائش	۳۹۸	مبادل جلی، حرارت کا
۳۷۳	نیوٹن کا گلیڈ تبرید	۲۲۷'۲۲۳'۲۱۱	معیار اثر، جمود کا
۱۹۹	نیوٹن کا گلیڈ حرکت	۱۱۷	معیار اثر، قوت کا
	و	۲۰۱	معیار اثر کی بقا

صفحہ	مضامین	صفحہ	مضامین
۲۰۲	ہلکسن کی اندفاعی ترازو	۲۶	ورنیتھ پی
۳۳۳	ہوائی تپش پیم	۳۷	ورنیتھ خود بین
۱۶۹	ہوک	۲۶	ورنیتھ (کسر پیم)
۱۹۱، ۱۷۳، ۱۶۹	ہوک کا کلیہ	۲۶	ورنیتھ (کسر پیم) کا اصول
۲۳۲	ہیئت	۱۶۷	وزن اور طاقت
۹۶	ہیئت کا آلہ	۲۰۸، ۱۶	وزن اور کیفیت مادہ
	ی	۳۳۷	وزن تپش پیم
۱۷۳، ۱۷۱	ینگ کا مقیاس	۱۳۸، ۱۲۳، ۱۰۸، ۱۶، ۷	وزن کرنا
۱۸۳	ینگ کا مقیاس برآمدہ پیرم کے لیے	۱۳	وقت کی اکائی
۱۷۵	ینگ کا مقیاس تار کے لیے	۲۰	وقت کی پیمائش
۱۸۰	ینگ کا مقیاس شہتیر کے لیے	۷	وہیٹ ۲ سلون کا پل
		۵	

DUE DATE

Acc. No. 1955

1685

Late Fine Ordinary books 25p. per day, Text Book
Re 1 per day, Over night book Re 1 per day.

[illegible]

